

**IMD0029 - Estrutura de Dados Básicas 1 –2019.2 – Prova 01**  
**Prof. Eiji Adachi M. Barbosa**

Nome: \_\_\_\_\_

Matrícula: \_\_\_\_\_

**ANTES DE COMEÇAR A PROVA**, leia atentamente as seguintes instruções:

- Esta é uma prova escrita de caráter individual e sem consultas a pessoas ou material (impresso ou eletrônico).
- A prova vale 5,0 pontos na Unidade I e o valor de cada questão é informado no seu enunciado.
- Preze por respostas legíveis, bem organizadas e simples.
- As respostas devem ser fornecidas preferencialmente em caneta. Respostas fornecidas a lápis serão aceitas, mas eventuais questionamentos sobre a correção não serão aceitos.
- Celulares e outros dispositivos eletrônicos devem permanecer desligados durante toda a prova.
- **Desvios éticos ou de honestidade levarão a nota igual a zero na Unidade 1.**

**Questão 1:**(1,5ponto) Considere um array A contendo N inteiros, com possíveis repetições, já ordenado. Nesta questão, faça uma função que recebe como entrada um inteiro K e retorna um índice i tal que  $A[i] == K$ , sendo  $A[i]$  o elemento igual a K que está mais a esquerda em A. Por exemplo: considerando o array  $A = \{0, 2, 2, 2, 3, 8, 8, 8, 10\}$  e  $K = 8$ , sua função deve retornar  $i = 5$ , pois este é o índice do elemento igual a K que está mais a esquerda no array A. Sua função deverá obrigatoriamente ser recursiva, ter complexidade  **$\Theta(\lg(n))$**  e seguir a assinatura:

```
int find(int a[], int arraySize, int k)
```

*Obs.: Nesta questão, não podem ser usadas instruções para realizar repetição, como for, while e do-while. Ou seja, você não poderá usar instruções de repetição; você deverá construir sua solução apenas com chamadas recursivas.*

**Questão2:** (1,0 ponto) Nesta questão, implemente uma função que calcula de forma recursiva a divisão entre dois números inteiros e positivos. Sua função deverá seguir a assinatura:

```
int divide(int a, int b) // significa: a / b
```

**Questão3:** (1,0 ponto) Explique em quais ocasiões o algoritmo de ordenação Quick Sort cai em seu pior caso, deixando claro qual a sua complexidade assintótica neste caso. Em seguida, explique uma estratégia de implementação que garante que o Quick Sort nunca cai no seu pior caso.

**Questão4:** (1,5ponto) Para cada uma das afirmações a seguir, marque V (verdadeiro) ou F (falso), justificando sucintamente sua resposta. Marcações de V ou F **sem justificativas não serão aceitas.**

- 1 – ( ☐ ) Os algoritmos de busca sequencial e de busca binária podem ser empregados nas mesmas configurações de sequências de elementos passados como entrada.
- 2 – ( ☐ ) Os algoritmos de busca sequencial e de busca binária possuem mesma complexidade assintótica para o pior caso.
- 3 – ( ☐ ) Os algoritmos de ordenação Bubble Sort, Insertion Sort e Selection Sort possuem a mesma complexidade assintótica para o pior caso.
- 4 – ( ☐ ) Os algoritmos de ordenação Bubble Sort, Insertion Sort e Selection Sort possuem a mesma complexidade assintótica para o melhor caso.
- 5 – ( ☐ ) Os algoritmos de ordenação Quick Sort e Merge Sort possuem a mesma complexidade assintótica para o pior caso.
- 6 – ( ☐ ) Os algoritmos de ordenação Quick Sort e Merge Sort possuem a mesma complexidade assintótica para o melhor caso.
- 7 – ( ☐ ) O algoritmo de ordenação Merge Sort implementa uma estratégia de divisão e conquista recursiva em que a cada nível da recursão o problema de tamanho  $N$  é sempre dividido em dois sub-problemas de tamanhos  $N/2$  (ou aproximadamente  $N/2$ ).
- 8 – ( ☐ ) O algoritmo de ordenação Quick Sort implementa uma estratégia de divisão e conquista recursiva em que a cada nível da recursão o problema de tamanho  $N$  é sempre dividido em dois sub-problemas de tamanhos  $N/2$  (ou aproximadamente  $N/2$ ).