



**UNIVERSIDADE FEDERAL DO CEARÁ - CAMPUS SOBRAL**  
**PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM ENGENHARIA ELÉTRICA E**  
**COMPUTAÇÃO**  
**DISCIPLINA: ESTUDOS ESPECIAIS**  
**ALUNO: IAGO MAGALHÃES DE MESQUITA**

**ALGORITMOS PARA ENCONTRAR O MAIOR VALOR**

Sobral, 2023

## **ALGORITMOS PARA ENCONTRAR O MAIOR VALOR**

Relatório apresentado como requisito para aprovação na disciplina de Estudos Especiais do programa de pós-graduação em engenharia elétrica e computação da Universidade Federal do Ceará.

## SUMÁRIO

<b>1 INTRODUÇÃO.....</b>	<b>3</b>
<b>2 OBJETIVOS.....</b>	<b>4</b>
<b>3 METODOLOGIA.....</b>	<b>4</b>
<b>4 RESULTADOS.....</b>	<b>5</b>
<b>5 CONCLUSÃO.....</b>	<b>11</b>
<b>6 REFERÊNCIAS.....</b>	<b>12</b>

## 1. INTRODUÇÃO

Algoritmos para encontrar o maior valor funcionam de forma simples, dado uma entrada se busca pelo maior presente nessa instância. Porém, existem diferentes formas de se encontrar esse valor, sendo assim, pode-se construir algoritmos com melhores desempenhos, reduzindo o tempo de processamento e uso de memória.

Tais algoritmos podem ser divididos em diferentes complexidades, tais como os  $O(n)$ . Um algoritmo é dito que usa tempo linear, ou tempo  $O(n)$ , se sua complexidade de tempo é  $O(n)$ . Informalmente, isto significa que para entradas grandes o suficiente o tempo de execução delas aumenta linearmente com o tamanho da entrada. Por exemplo, um procedimento que adiciona todos os elementos em uma lista requer tempo proporcional ao tamanho da lista. Esta descrição é levemente imprecisa, visto que o tempo de execução pode desviar significativamente de uma proporção precisa, especialmente para valores pequenos de  $n$  [1].

Em ciência da computação, a complexidade de tempo de um algoritmo quantifica a porção de tempo tomada por um algoritmo para rodar em função do tamanho da entrada do problema. A complexidade de tempo de um algoritmo é comumente expressada usando a notação big O, que suprime constantes multiplicativas e outros termos de menor ordem. Quando expressada dessa forma, a complexidade de tempo é dito ser descrita assintoticamente, i.e., como o tamanho da entrada vai para o infinito. Por exemplo, se o tempo requisitado por um algoritmo em todas as entradas de tamanho  $n$  é no máximo  $5n^3 + 3n$ , a assíntota da complexidade de tempo é  $O(n^3)$  [1].

Neste trabalho iremos analisar algoritmos para encontrar o maior valor em uma instância de entrada. Observaremos o tempo necessário para realizar essa busca e o consumo de memória em dois algoritmos.

## **2. OBJETIVOS**

### **2.1 Objetivo Geral**

- Realizar experimentos com algoritmos para encontrar o maior valor, visando analisar tempo de execução e uso de memória para diferentes instâncias.

### **2.2 Objetivos Específicos**

- Realizar leitura de instância não ordenadas;
- Realizar implementação dos algoritmos para encontrar o maior valor com a linguagem Python;
- Obter tempo de processamento de cada algoritmo;
- Obter uso memória de cada algoritmo;
- Plotar gráficos de resultados de tempo e consumo de memória.

## **3. METODOLOGIA**

Neste trabalho, foram analisados dois algoritmos para encontrar o maior valor, sendo eles:

- maxVal1;
- maxVal2.

Os testes realizados foram utilizados instâncias com valores numéricos não ordenados, em relação a máquina na qual os dados foram processados, este trabalho se utilizou da seguinte máquina:

- Notebook Lenovo, AMD Ryzem 5, 8Gb de RAM.

As seguintes instâncias foram utilizadas para realizar as análises, sendo elas não ordenadas:

- 100
- 200
- 1000
- 2000
- 5000
- 10000
- 50000

- 100000
- 500000
- 1000000
- 5000000
- 10000000
- 100000000

Devido a questões computacionais e de tempo, as 4 últimas instâncias não foram utilizadas para análise dos algoritmos de buscas. Sendo eles:

- 1000000
- 5000000
- 10000000
- 100000000

Ao final da execução de todos os algoritmos, foram analisadas o tempo e o consumo de memória, plotado gráficos para realização de comparação entre eles e todos os scripts desenvolvidos foram postados no GitHub.

## 4. RESULTADOS

Todos os scripts desenvolvidos podem ser visualizados no GitHub no seguinte endereço: [https://github.com/IagoMagalhaes23/BBP1008---ESTUDOS-ESPECIAIS/tree/main/Trabalho\\_esquenta\\_02](https://github.com/IagoMagalhaes23/BBP1008---ESTUDOS-ESPECIAIS/tree/main/Trabalho_esquenta_02)

A seguir será analisado cada um dos algoritmos de forma individual com o tempo de processamento e memória utilizada, além disso, as instâncias de 1, 5, 10 e 100 milhões não foram testadas devido a problemas com memória e tempo de execução.

### ALGORITMO 1 – maxVal1

O algoritmo maxVal1 funciona de forma bem simples, dado uma instância de entrada, uma variável assume que a primeira posição do vetor é o maior valor. Logo depois, esse valor é comparado com os demais valores do vetor, percorrendo todas as posições e realizando as comparações. Caso algum outro valor seja maior que o valor presente na variável de máximo valor, a mesma será atualizada e comparação seguirá

agora com o valor atualizado. E caso encontre novos valores maiores, tal valor será atualizado até que todos os itens do vetor sejam analisados.

Na tabela 01, são apresentados os resultados de tempo e consumo de memória para cada instância em que o algoritmo foi executado.

Tabela 01. Algoritmo para encontrar o maior valor – maxVal1.

<b>Instância</b>	<b>Tempo</b>	<b>Memória</b>
100	0.0s	54640640
200	0.0s	58413056
1000	0.0002499818801879883s	54775808
2000	0.00015957355499267577s	57376768
5000	0.000507354736328125s	57389056
10000	0.004066729545593261s	56139776
50000	0.003972244262695312s	59904000
100000	0.006930685043334961s	63889408
500000	0.043287229537963864	79704064
1000000	X	X
5000000	X	X
10000000	X	X
100000000	X	X

Fonte: Autor.

Na figura 01, é apresentado um gráfico de linha mostrando a evolução do tempo de processamento da menor instância para a maior.

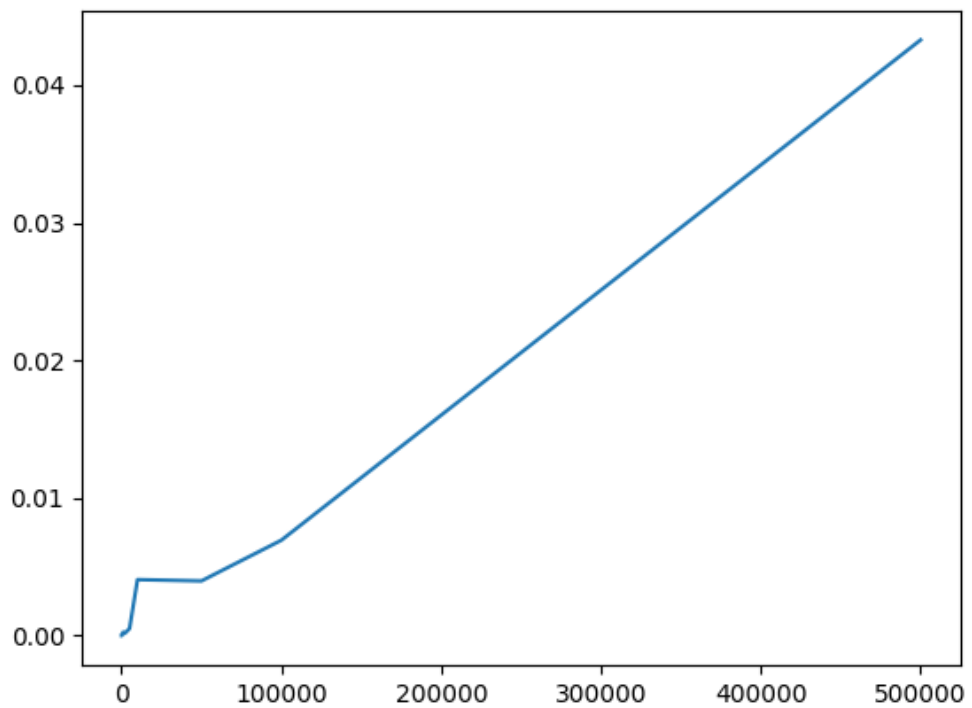


Figura 01. Evolução de tempo de processamento para o algoritmo maxVal1.

Na figura 02, é mostrado um gráfico mostrando o consumo de memória para cada instância analisada.



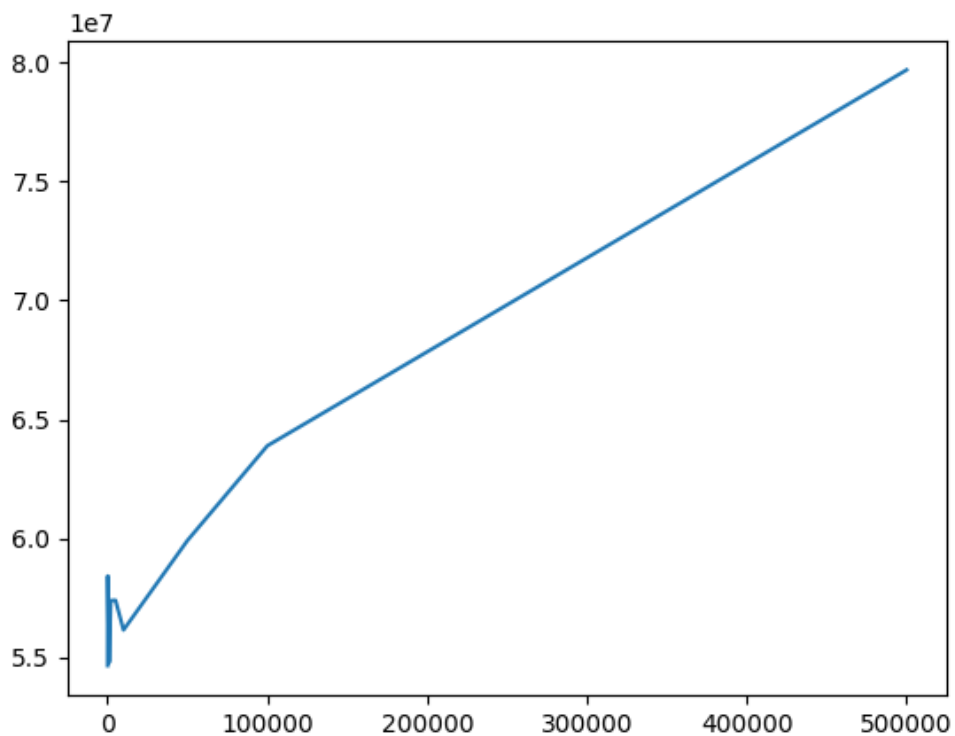


Figura 02. Consumo de memória para o algoritmo maxVal1.

#### ALGORITMO 2 – maxVal2

O algoritmo maxVal2 funciona utilizando o conceito de recursividade. Recebendo como parâmetros um vetor, o valor inicial e o final. Através de uma estrutura de condição é inicialmente verificado se o valor inicial menos o final é menor ou igual a 1, caso positivo, a função retornará o maior valor entre esses dois através da função max. Caso negativo, uma variável m é criada recebendo o valor da divisão por 2 da soma do valor inicial e do final, logo após uma variável v1 recebe o retorno da própria função maxVal2, sendo que agora os parâmetros são o vetor, o valor inicial e m. O mesmo processo na linha seguinte, agora com v2 recebendo o retorno da função com os parâmetros sendo o vetor, m mais 1 e o valor final do vetor. Após tais valores de v1 e v2 serem encontrados a função maxVal2 retorna o máximo valor entre v1 e v2 através da função max.

Na tabela 02, são apresentados os resultados de tempo e consumo de memória para cada instância em que o algoritmo foi executado.

Tabela 02. Algoritmo para encontrar o maior valor – maxVal2.

<b>Instância</b>	<b>Tempo</b>	<b>Memória</b>
100	0.0s	54820864
200	0.0s	58245120
1000	0.0s	54919168
2000	0.0005017757415771484s	58245120
5000	0.0010704994201660156s	57196544
10000	0.0s	56242176
50000	0.0009789228439331054s	60260352
100000	0.0011159181594848633s	63250432
500000	0.0012822628021240234s	79765504
1000000	X	X
5000000	X	X
10000000	X	X
100000000	X	X

Fonte: Autor.

Na figura 03, é apresentado um gráfico de linha mostrando a evolução do tempo de processamento da menor instância para a maior.

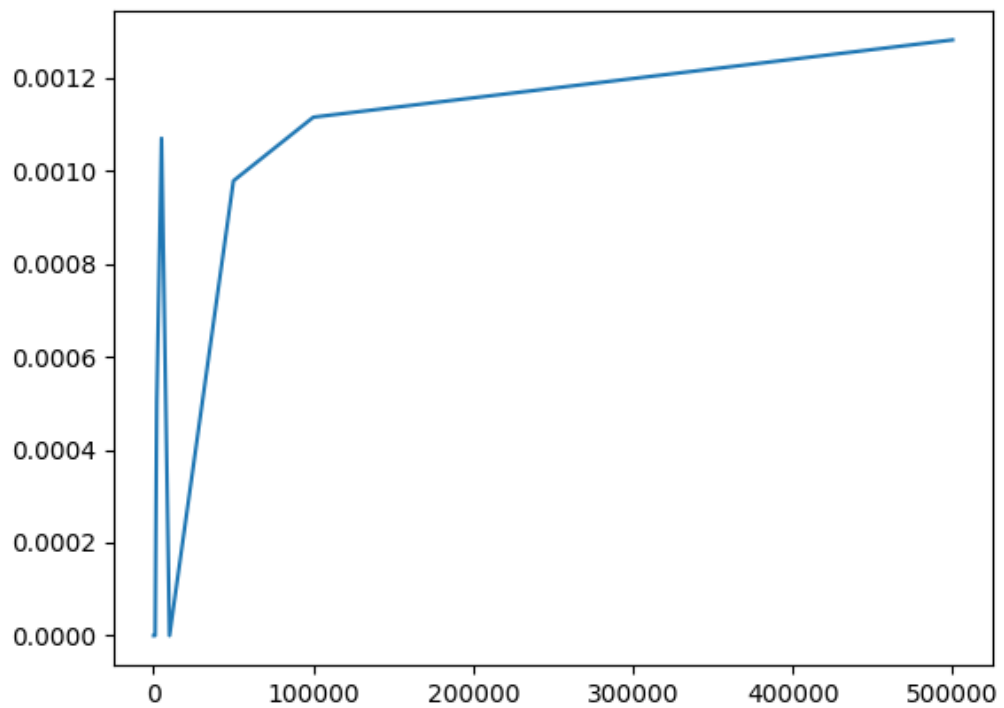


Figura 03. Evolução de tempo de processamento para o algoritmo maxVal2.

Na figura 04, é mostrado um gráfico mostrando o consumo de memória para cada instância analisada.

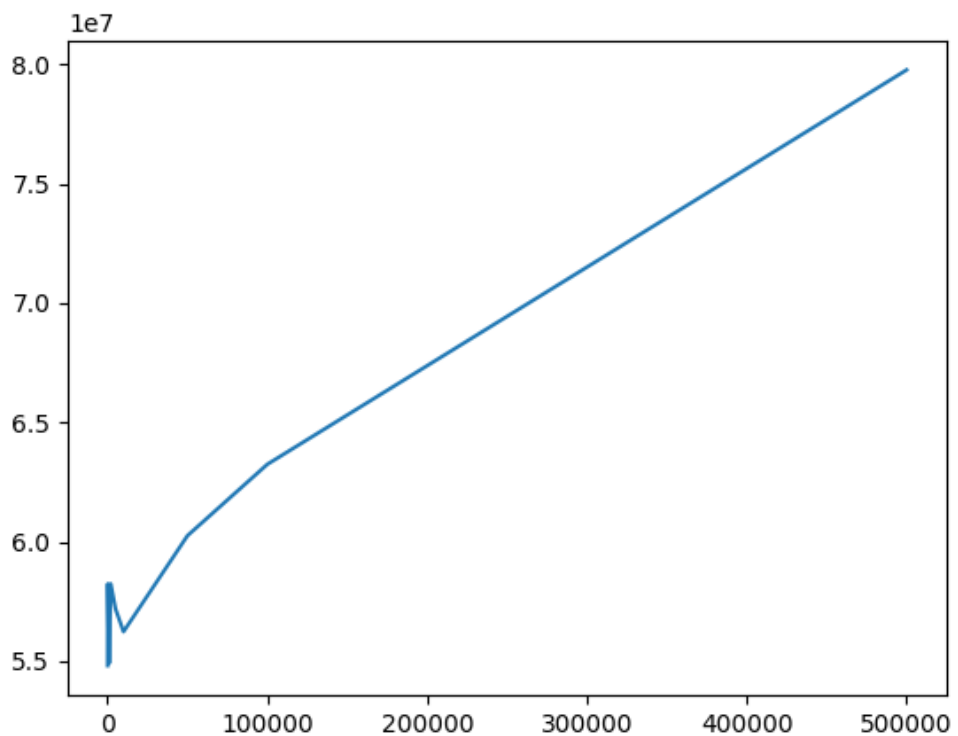


Figura 04. Consumo de memória para o algoritmo maxVal2.

## 5. CONCLUSÃO

O trabalho foi realizado com êxito, sendo possível implementar todos os algoritmos utilizando a linguagem Python, realizando a leitura de todas as instâncias no formato 'txt'. As métricas solicitadas, tempo e memória, foram obtidas e analisadas neste trabalho.

Com este trabalho foi possível que tanto memória e tempo de processamento crescem exponencialmente em ambos os algoritmos, porém, no algoritmo maxVal2 o consumo de tempo e memória é bem maior que o maxVal1.

## **6. REFERÊNCIAS**

[1] COMPLEXIDADE de tempo. [S. l.], 8 jan. 2023. Disponível em: [https://pt.wikipedia.org/wiki/Complexidade\\_de\\_tempo#Tabela\\_de\\_complexidade\\_de\\_tempo\\_comum](https://pt.wikipedia.org/wiki/Complexidade_de_tempo#Tabela_de_complexidade_de_tempo_comum). Acesso em: 5 set. 2023.