

Universidad: **Mayor de San Andrés.**
 Asignatura: **Geometría II.**
 Ejercicio: 8.
 Alumno: **PAREDES AGUILERA CHRISTIAN LIMBERT.**

- Hallar la ecuación del plano que se encuentra sobre las rectas paralelas

$$\mathcal{L}_1 : \frac{x-1}{2} = \frac{y+2}{3} = z-1$$

$$\mathcal{L}_2 : \frac{x+1}{2} = \frac{y-1}{3} = z+5.$$

Respuesta.- Ya que las ecuaciones son simétricas, el vector director de \mathcal{L}_1 es igual a

$$\vec{v}_{\mathcal{L}_1} = (2, 3, 1)$$

con un punto que está contenido en la recta \mathcal{L}_1 ,

$$P_{\mathcal{L}_1}(1, -2, 1).$$

Y el vector director de \mathcal{L}_2 es igual a

$$\vec{v}_{\mathcal{L}_2} = (2, 3, 1)$$

con un punto que está contenido en la recta \mathcal{L}_2 ,

$$P_{\mathcal{L}_2}(-1, 1, -5).$$

Dado que \mathcal{L}_1 y \mathcal{L}_2 , son paralelos, entonces podemos construir un vector que une a las rectas mediante los puntos $P_{\mathcal{L}_1}$ y $P_{\mathcal{L}_2}$, como sigue

$$\vec{v}_{\mathcal{L}_1\mathcal{L}_2} = P_{\mathcal{L}_2}(-1, 1, -5) - P_{\mathcal{L}_1}(1, -2, 1) = (-2, 3, -6).$$

Luego, hallamos el vector normal, calculando el producto vectorial de $\vec{v}_{\mathcal{L}_1}$ y $\vec{v}_{\mathcal{L}_1\mathcal{L}_2}$, de la siguiente manera

$$\vec{n} = \vec{v}_{\mathcal{L}_1} \times \vec{v}_{\mathcal{L}_1\mathcal{L}_2} = \begin{bmatrix} i & j & k \\ 2 & 3 & 1 \\ -2 & 3 & -6 \end{bmatrix} = [3 \cdot (-6) - 1 \cdot 3, 1 \cdot (-2) - 2 \cdot (-6), 2 \cdot 3 - 3 \cdot (-2)] = (21, 10, 12).$$

Por lo tanto, la ecuación del plano que pasa por las rectas paralelas \mathcal{L}_1 y \mathcal{L}_2 es

$$21(x-1) + 10(y+2) + 12(z-1) = 0 \quad \Rightarrow \quad 21x + 10y + 12z - 13 = 0.$$