

Universidad: **Mayor de San Andrés.**  
 Asignatura: **Cálculo diferencial e integral II.**  
 Práctica: 1.  
 Alumno: **PAREDES AGUILERA CHRISTIAN LIMBERT.**

---

**Problema 1.** Sean  $x, y \in \mathbb{R}$  con  $x, y \neq 0$ . Si  $\|x\| = \|y\|$ , entonces hallar la media del ángulo entre  $\frac{1}{2}(x+y)$  e  $y-x$ .

Respuesta.- Sea,

$$\langle \frac{1}{2}(x+y), y-x \rangle = \|x\| \|y\| \cos \theta$$

entonces

$$\frac{1}{2}(x+y) \cdot (y-x) = \|x\| \|y\| \cos \theta$$

$$\frac{1}{2}xy - \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{2}y^2 - \frac{1}{2}xy = \sqrt{x^2} \sqrt{x^2} \cos \theta$$

$$\frac{1}{2}y^2 - \frac{1}{2}x^2 = x^2 \cos \theta$$

$$\theta = \arccos \left( \frac{y^2}{x^2} - \frac{1}{2} \right).$$

**Problema 2.** Demuestre que si  $x+y$  y  $x-y$  son ortogonales, entonces los vectores  $x$  e  $y$  deben tener la misma longitud.

Demostración.-