

## 数据结构和算法

作者: 小甲鱼

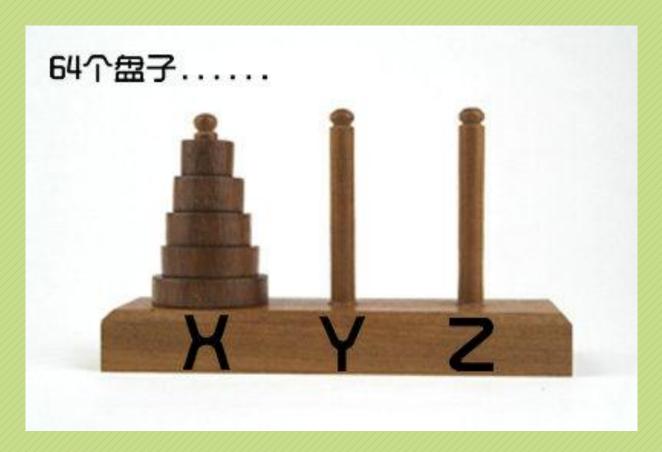
让编程改变世界 Change the world by program





- 一位法国数学家曾编写过一个印度的古老传说:在世界中心贝拿勒斯的圣庙里,一块黄铜板上插着三根宝石针。印度教的主神梵天在创造世界的时候,在其中一根针上从下到上地穿好了由大到小的64片金片,这就是所谓的汉诺塔。不论白天黑夜,总有一个僧侣按照下面的法则移动这些金片:一次只移动一片,不管在哪根针上,小片必须在大片上面。
- 僧侣们预言, 当所有的金片都从梵天穿好的那根针上移到另外一根针上时, 世界就将在一声霹雳中消灭, 而梵塔、庙宇和众生也都将同归于尽。









- 这其实也是一个经典的递归问题。
- 我们可以做这样的考虑:
  - 先将前63个盘子移动到Y上,确保大盘在小盘下。
  - 再将最底下的第64个盘子移动到Z上。
  - 最后将Y上的63个盘子移动到Z上。
- 这样子看上去问题就简单一点了,但是关键在于第1步和第3步应该如何执行呢?
- 我们先一起来体验一下这个游戏:
  - 汉诺塔游戏.SWf





- 在游戏中,我们发现由于每次只能移动一个圆盘,所以在移动的过程中显然要借助另外一根针才行。
- 也就是说第1步将1~63个盘子借助Z移到Y上,第3步将Y针上的63个盘子借助X移到Z针上。那么我们把所有新的思路聚集为以下两个问题:
  - 问题一:将X上的63个盘子借助Z移到Y上;
  - 一问题二:将Y上的63个盘子借助X移到Z上。
- 解决上述两个问题依然用相同的方法:





- 问题一的圆盘移动步骤为:
  - 先将前62个盘子移动到Z上,确保大盘在小盘下。
  - 再将最底下的第63个盘子移动到Y上。
  - 最后将Z上的62个盘子移动到Y上。
- 问题二的圆盘移动步骤为:
  - 先将前62个盘子移动到X上,确保大盘在小盘下。
  - 再将最底下的第63个盘子移动到Z上。
  - 最后将X上的62个盘子移动到Y上。
- 那我们是不是发现了什么?

