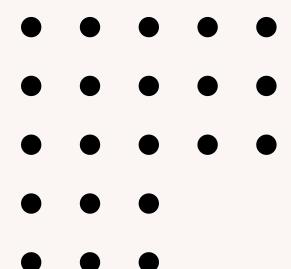
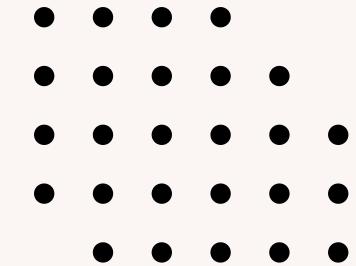


INTRODUÇÃO AO C++ E À ANÁLISE DE ALGORITMOS



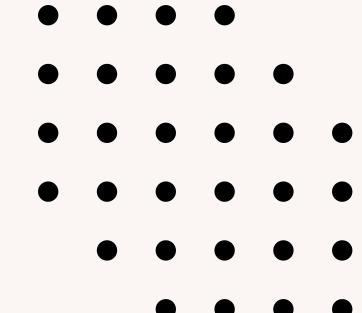
TÓPICOS DE ABORDAGEM

- Sintaxe do C++
 - Estrutura padrão
 - Entrada, saída e variáveis
 - Condicionais
 - Laços
 - Arrays



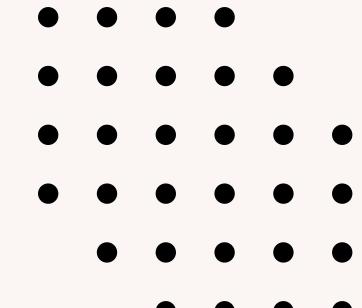
TÓPICOS DE ABORDAGEM

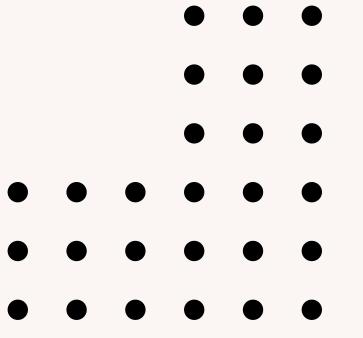
- Estrutura das competições
 - Estrutura do problema
 - Vereditos



TÓPICOS DE ABORDAGEM

- Análise de algoritmos
 - Notação BIG O
 - Estimando tempo de execução





SINTAXE DO C++

ESTRUTURA PADRÃO

Biblioteca - Importa código de outros lugares, a bits/stdc++.h é uma biblioteca que inclui todas as outras

Namespace - Faz com que a gente tenha acesso a tudo da biblioteca padrão diretamente, sem especificá-la. Não é obrigatório, mas economiza muito código.

Main - Todo o código executável ficará aqui

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;

int main() {
    cout << "Hello World!";
}</pre>
```

VARIÁVEIS

Variáveis guardam valores. Existem vários tipos de variáveis.

int/long long - Guardam inteiros que possuem até 32/64 bits. double/long double - Armazenam números decimais string - armazena texto char - armazena um caractere bool - armazena verdadeiro ou falso e outros...

```
1 int x = 5;
2 long long y = 100000000000;
3 double z = 10.5;
4 long double w = 5e-9;
5 string s = "texto";
6 char c = 'c';
7 bool b = true;
```

ENTRADA/SAÍDA

Usamos cout (console out) para imprimir coisas na tela.

Usamos cin (console in) para que o usuário digite um valor para ser armazenado nas variáveis.

```
1 int x, y, z;
2 string s;
3 cout << "texto";
4 cout << 'c';
5 cout << 2;
6 cout << 3.5 << ' ' << 50;
7 cin >> x >> y >> z;
8 cin >> s;
```

CONDICIONAIS

Usamos para que o nosso código faça escolhas.

IF(condição) - Se a condição for verdade, execute este código ELSE IF (condição) - Senão, se a nova condição for verdade então execute este código

ELSE - Se nenhuma condição for verdade execute este código

```
1 if(a < b) {
2    cout << "a é menor que b";
3 } else if (a == b) {
4    cout << "b é igual ao a";
5 } else {
6    cout << "a é maior que b";
7 }</pre>
```

COMPARADORES

Para comparar objetos e usar nas condições

```
a < b - verdadeiro se a é menor que b
```

a > b - verdadeiro se a maior que b

a == b - verdadeiro se a igual a b

a >= b - verdadeiro se a maior igual a b

a <= b - verdadeiro se a menor igual a b

a != b - verdadeiro se a diferente de b

```
1 if(a < b);
2 if(a > b);
3 if(a == b);
4 if(a >= b);
5 if(a <= b);
6 if(a != b);</pre>
```

OPERADORES LÓGICOS

Para combinar condições

```
a && b - verdadeiro se a E b forem
verdadeiros
a || b - verdadeiro se a OU b forem
verdadeiros
!a - o contrário do a (verdadeiro se a for
falso e vice-versa)
a ^ b - verdadeiro se exatamente um dos
a, b for verdadeiro
```

```
1 if(a && b)
2 if(a || b)
3 if(!a)
4 if(a ^ b);
```

LAÇOS - WHILE E DO WHILE

Usamos laços para executar código repetidamente.

WHILE(condição) - Enquanto a condição for verdade, repita este código

DO - WHILE(condição) - Parecido, mas executa o código antes de checar se pode repetir.

```
1 int a = 5, b = 10;
2 while(a <= b) {
3     a++; // equivale à: a = a + 1
4 }</pre>
```

```
1 do {
2
3 } while(a < b);</pre>
```

LAÇOS - FOR

FOR(inicio; condição; iteração)

inicio - Comando que será executado quando o laço iniciar

condição - O laço irá repetir enquanto a condição for verdade

iteração - Comando que será executado toda vez que o laço repetir

ARRAYS

Usamos arrays para armazenar listas de coisas.

Ex:

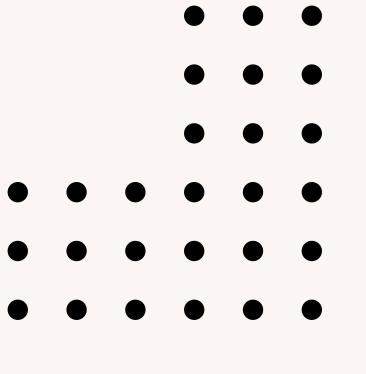
int arr[50] - uma lista com 50 inteiros

Para acessar o primeiro elemento da lista usamos arr[0], o segundo elemento é o arr[1] e assim por diante...

As posições vão sempre de 0 até TAMANHO-1, tome cuidado com isso.

```
int arr[50]; // declaração

arr[0]; // <-- primeiro elemento da lista
arr[1]; // <-- segundo elemento
arr[49]; // <-- ultimo elemento
arr[50]; // <-- ILEGAL:</pre>
```



COMO FUNCIONAM OS PROBLEMAS?

OS PROBLEMAS DAS COMPETIÇÕES SÃO COMPOSTOS DE...

- 1 Enunciado
- 2 Descrição da entrada
- 3 Descrição da saída
- 4 Restrições (OBI e IOI)
- 5 Exemplos

IMPRIMA EXATAMENTE O QUE O PROBLEMA PEDE

Nada de mensagens como "digite um número...". O sistema irá achar que isso faz parte da sua resposta

```
1 int n;
2 cout << "Digite um número, por favor: ";
3 cin >> n;
```

RESTRIÇÕES

Você não precisa checar no seu código se as restrições são satisfeitas.

As restrições são uma garantia da pessoa que elaborou o problema: "seu código não será testado fora destes limites"

```
1 int n;
2 cin >> n;
3 if(n >= 100) {
4     cout << "erro no n, está fora dos limites";
5 }</pre>
```

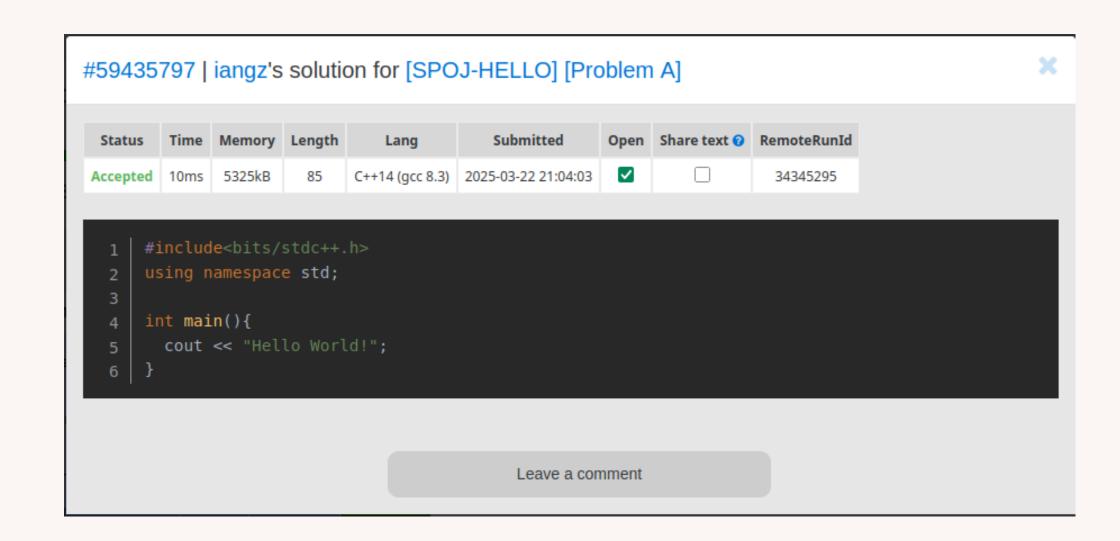
VEREDITOS

Ao testar seu código, o sistema pode dar alguns vereditos:

Accepted - Você acertou a questão Wrong answer - Seu código retornou uma resposta incorreta

Runtime Error - Seu código deu erro na execução

Time limit exceeded - Seu código não foi eficiente e estourou o limite de tempo Memory limit exceeded - Seu código estourou o limite de memória



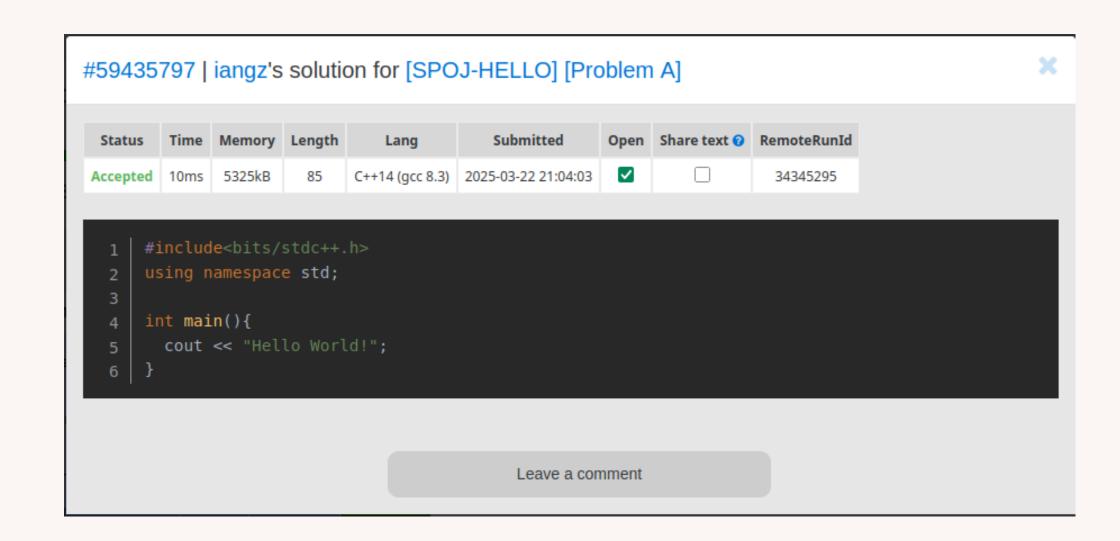
VEREDITOS

Ao testar seu código, o sistema pode dar alguns vereditos:

Accepted - Você acertou a questão Wrong answer - Seu código retornou uma resposta incorreta

Runtime Error - Seu código deu erro na execução

Time limit exceeded - Seu código não foi eficiente e estourou o limite de tempo Memory limit exceeded - Seu código estourou o limite de memória



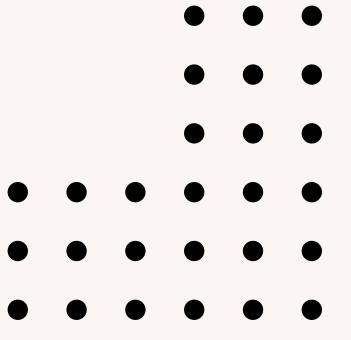
COMO PREVINIR..?

WA - Prove sua ideia, teste nos exemplos e construa mais testes.

MLE - A experiência irá te permitir que você estime a quantidade de memória gasta com mais precisão. Ex: 10^8 inteiros aprox. 1GB RAM

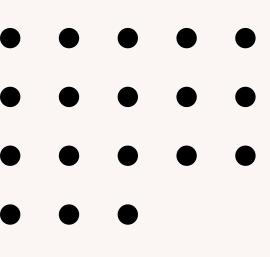
TLE - Existem técnicas para estimar tempo de execução (próxima seção)





ANÁLISE DE ALGORITMOS





SOBRE

Devemos analisar quantos "passos" os nossos algoritmos estão executando para estimar o tempo de execução.

Você consegue dizer quantos passos o algoritmo do lado executa em função da variável n? Selecione o texto escondido no retângulo azul para ter a resposta

```
1 for(int i=0; i<n; i++) {
2    cout << "1";
3    cout << "2";
4 }</pre>
```

QUAL O MAIS RÁPIDO?

Estes códigos fazem a mesma coisa. Suponha que o vetor a existe. Resposta no retângulo azul

```
1 for(int i=0; i<n; i++) {
2    int soma = 0;
3    for(int j=0; j<=i; j++) {
4        soma = soma + a[j];
5    }
6    cout << soma << ' ';
7 }</pre>
```

```
1 int soma = 0;
2 for(int i=0; i<n; i++) {
3         soma = soma + a[i];
4         cout << soma;
5 }</pre>
```

ANALISANDO TEMPO DOS ALGORITMOS

Pense no pior caso

"Qual o caso que vai exigir mais do meu algoritmo?"

Olhe para as restrições!

Calcule quantos passos serão executados no pior caso.

Ex: Se seu algoritmo executa n^2 passos, e o pior caso é quando n = 10^5. Então seu algoritmo executa no máximo 10^10 passos

Use regra de três para estimar o tempo de execução no pior caso.

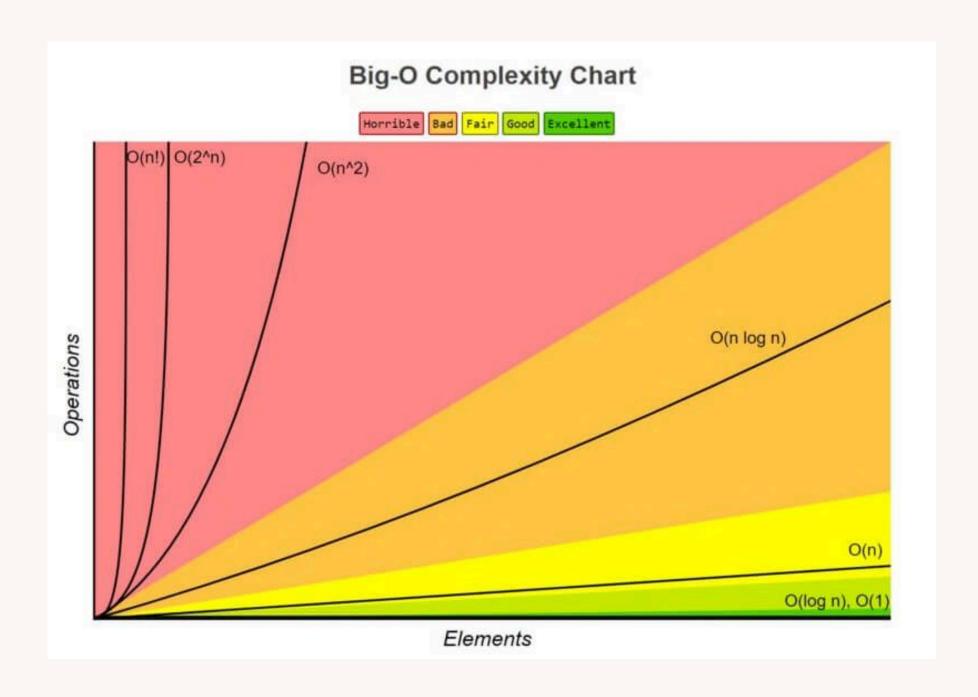
Um computador executa aproximadamente 10^8 operações por segundo. Um algoritmo que executa 10^10 operações demoraria 100 segundos.

NOTAÇÃO BIG O

Vai facilitar nossas contas.

Serve para separar os algoritmos em "grupos" com taxa de crescimento no tempo parecidos.

intuitivamente dizemos que um algoritmo é O(x) quando ele executa "por volta de" x passos (ou menos).



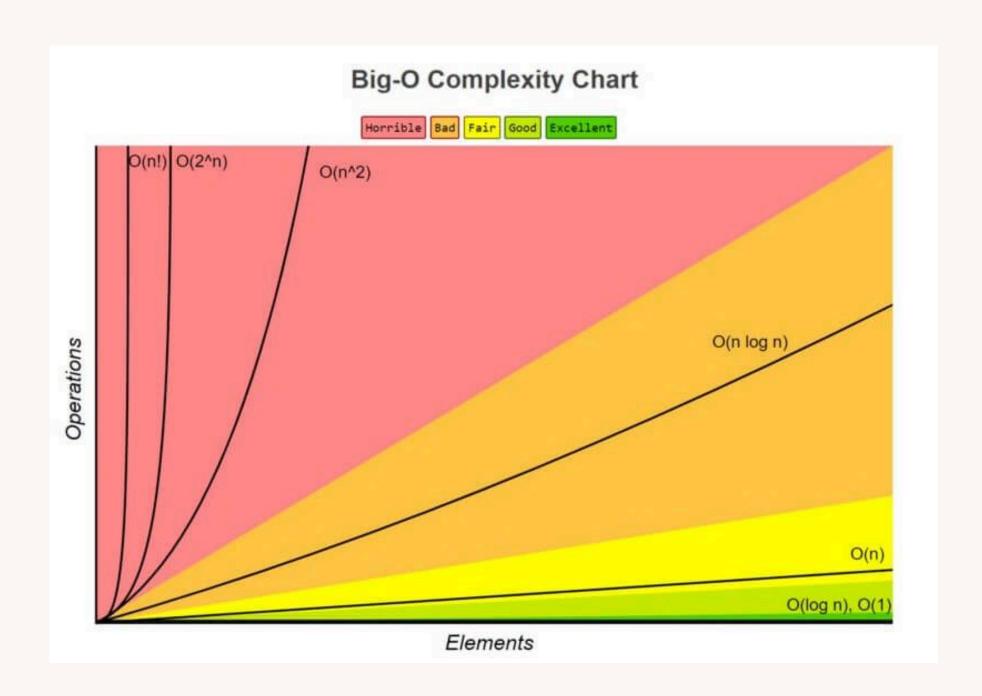
PROPRIEDADES

Apenas o termo que "cresce mais" importa.

Ex: um algoritmo que executa $n^2 + n$ passos pode ser considerado $O(n^2)$.

Podemos ignorar constantes

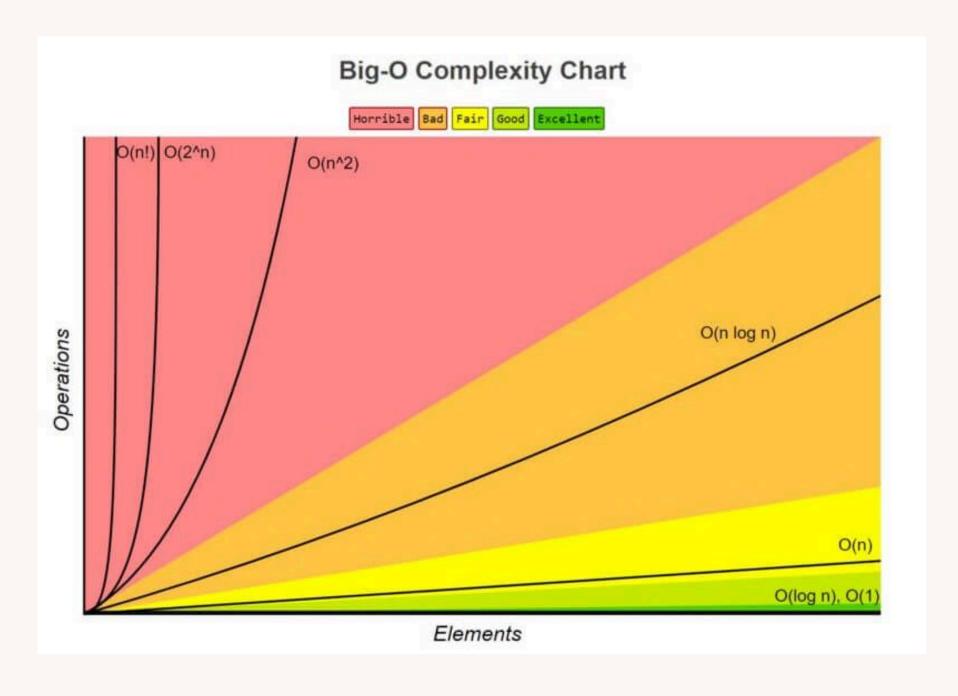
Ex: um algoritmo que executa 4n passos é O(n).



FACILITA AS CONTAS

Se um algoritmo é O(n) podemos assumir que ele executa n passos.

Perdemos precisao da estimativa ao fazer isso, cuidado!



CLASSES COMUNS

\overline{n}	Worst AC Algorithm	Comment
$\leq [1011]$	$O(n!), O(n^6)$	e.g., Enumerating permutations (Section 3.2)
$\leq [1719]$	$O(2^n \times n^2)$	e.g., DP TSP (Section 3.5.2)
$\leq [1822]$	$O(2^n \times n)$	e.g., DP with bitmask technique (Book 2)
$\leq [2426]$	$O(2^n)$	e.g., try 2^n possibilities with $O(1)$ check each
≤ 100	$O(n^4)$	e.g., DP with 3 dimensions + $O(n)$ loop, ${}_{n}C_{k=4}$
≤ 450	$O(n^3)$	e.g., Floyd-Warshall (Section 4.5)
$\leq 1.5K$	$O(n^{2.5})$	e.g., Hopcroft-Karp (Book 2)
$\leq 2.5K$	$O(n^2 \log n)$	e.g., 2 -nested loops $+$ a tree-related DS (Section 2.3)
$\leq 10K$	$O(n^2)$	e.g., Bubble/Selection/Insertion Sort (Section 2.2)
$\leq 200K$	$O(n^{1.5})$	e.g., Square Root Decomposition (Book 2)
$\leq 4.5M$	$O(n \log n)$	e.g., Merge Sort (Section 2.2)
$\leq 10M$	$O(n \log \log n)$	e.g., Sieve of Eratosthenes (Book 2)
$\leq 100M$	$O(n), O(\log n), O(1)$	Most contest problem have $n \leq 1M$ (I/O bottleneck)

