



370.007 FACHVERTIEFUNG ENERGIESYSTEME

INVESTITIONSRECHNUNG FÜR HAUSHALTE

Gruppe: D

DATUM: 19.05.2020

AUTOREN: TANJA MOSER 01526699

Andreas Patha 01609934 Tim Edinger 01525912

Konstantin Kobel 01525841

Inhaltsverzeichnis

1	Auf	gabenstellung	3	
	1.1	Aufgabe 3.1	3	
	1.2	Aufgabe 3.2	4	
	1.3	Aufgabe 3.3	5	
	1.4	Aufgabe 3.4	5	
2	Berechnungen			
	2.1	Zinsen	6	
		2.1.1 Aufzinsen	6	
		2.1.2 Abzinsen	7	
	2.2	Barwertmethode	7	
	2.3	Eigenverbrauch und Überschusseinspeisung	8	
3	Erg	ebnisse	10	
	3.1	Aufgabe 3.1 -Verkauf der gesamten Produktion	10	
		3.1.1 3.1.a - Barwert einer 10kWp PV-Anlage bei Verkauf am Spotmarkt	10	
		3.1.2 3.1.b - Barwert einer 10kWp PV-Anlage mit Förderung	11	
	3.2	Vergleich von Aufgabe 3.1.a und Aufgabe 3.1.b	12	
	3.3	Aufgabe 3.2 - Eigenverbrauch	13	
		3.3.1 Aufgabe 3.2.a - Eigenverbrauch und Überschusseinspeisung	13	
		3.3.2 Aufgabe 3.2.b - Entwicklung des Eigenverbrauchsanteils und der		
		Deckungsgrade	14	
		3.3.3 Aufgabe 3.2.c - Darstellung der Last und des Eigenverbrauchs	15	
	3.4	Aufgabe 3.3	15	
	3.5	Aufgabe 3.4	15	
4	Lite	ratur	16	

1 Aufgabenstellung

Das Ziel der dritten Übung ist es, die Wirtschaftlichkeit einer PV-Anlage, für einen Haushalt, zu errechnen.

Die Wirtschaftlichkeitsrechnung ist ein wichtiges Instrument um Technologien aus volkswirtschaftlicher Sicht zu bewerten, Unternehmen eine Hilfe bei Investitionsentscheidungen zu bieten, staatliche Förderungen zu planen und Zahlungen an unterschiedlichen Zeitpunkten zu bewerten.

1.1 Aufgabe 3.1

Aufgabe 3.1 befasst sich mit dem Barwert (= dem Kapitalwert) einer 10kWp PV-Anlage. In dieser ersten Aufgabe wird davon ausgegangen, dass die gesamte Produktion verkauft wird.

Zur Berechnung werden folgende Parameter definiert:

- Der Zinssatz beträgt 4%.
- Die Systemkosten betragen $1200 \in /kWp$.
- Die Betriebskosten/die Versicherung belaufen sich auf $4 \in /(kWpa)$.
- Die Lebensdauer der PV-Anlage kann mit 25 Jahren angenommen werden.
- Der $Einspeisetarif_{OeMAG}$ beträgt $8.24 \, Cent/kWh$.
- Die $F\ddot{o}rderdauer_{OeMAG}$ beträgt 13 Jahre.
- Die relevanten Spotpreise werden in der Datei *Spotpreise.mat* zur Verfügung gestellt.
- Informationen zu Förderungen können folgendem Link entnommen werden: http://www.oem-ag.at/de/foerderung/photovoltaik/

Es werden folgende **Annahmen** getroffen:

- Das Jahr 2016 steht exemplarisch für jedes kommende Jahr.
- Auch nach dem Vertragsende wird der Strom, bis zum Ende der Lebensdauer, am Spotmarkt verkauft. Die Preise entsprechen dabei den Preisen aus dem Jahr 2016.

Die Aufgaben lauten:

a) Berechnen Sie den Barwert (= Kapitalwert) einer 10 kWp PV-Anlage unter der Annahme, dass die gesamte Produktion am Spotmarkt verkauft wird.

- Wie hoch dürfen die Investitionskosten maximal sein, damit die Wirtschaftlichkeit der Investition positiv bewertet wird (Barwert ¿ 0)?
- Stellen Sie die Entwicklung des Kapitalwerts (=Barwert) der Investition über die Lebensdauer in einem Diagramm dar.
- b) Führen Sie die Berechnung noch einmal unter der Annahme durch, dass Sie den aktuellen OeMAG Einspeisetarif für 13 Jahre erhalten. Vergleich Sie diesen Fall mit dem nicht geförderten Fall.

1.2 Aufgabe 3.2

In Aufgabe 3.2 wird der Eigenverbrauch der Haushalte berücksichtigt und nur noch der Überschuss der Produktion verkauft.

Folgende Parameter sind gegeben:

- Es handelt sich um eine 5kWp PV-Anlage.
- Das Einspeiseprofil der PV-Anlage wird in der Datei PV_E inspeiseprofil.mat zur Verfügung gestellt.
- Der Standort der PV-Anlage ist Wien.
- Die Ausrichtung der PV-Anlage ist mit einem Azimut von 180° und einem Neigungswinkel von 30° gegeben.
- Die benötigte Leistung der Haushalte ist in der Datei LeistungHaushalte.mat definiert.

Die **Aufgaben** lauten:

- a) Berechnen Sie den Eigenverbrauch und die Überschusseinspeisung einer 5kWp-Anlage für 5 der gegebenen 30 Haushalte.
- b) Stellen Sie die Entwicklung des Eigenverbrauchsanteils und der Deckungsgrade der Haushalte für eine Anlagengröße von 0kWp bis 20kWp für die 5 Haushalte dar.
- c) Erstellen Sie eine Grafik, in der die Erzeugung, die Last und der Eigenverbrauch für die Woche 3 und 25 für Haushalt 1 dargestellt wird. Verwenden Sie für die Darstellung des Eigenverbrauchs die Plot-Funktion *area*.

1.3 Aufgabe 3.3

In Aufgabe 3.3 sollen die Berechnungen von Aufgabe 3.2 erweitert werden.

Dazu werden folgende Annahmen getroffen:

- Für den Eigenverbrauch kann eine Ersparnis in Höhe des Haushaltsstrompreises angesetzt werden. Diese beträgt $15 \, Cent/kWh$.
- \bullet Für die Überschusseinspeisung kann ein Einspeisetarif von $5\,Cent/kWh$ angenommen werden.

Die **Aufgaben** lauten:

- a) Erstellen Sie eine Investitionsrechnung (Barwert) für die 5 gegebenen Haushalte und einer Anlagengröße von 5kWp. Vergleichen Sie dazu den Fall mit PV-Anlage mit dem Fall ohne PV-Erzeugung.
- b) Wie hoch dürfen die spezifischen Investitionskosten (EUR/kW) je Haushalt maximal sein, damit die Investition als wirtschaftlich gewertet wird?

1.4 Aufgabe 3.4

In Aufgabe 3.4 soll eine Beurteilung von PV-Anlagen in Österreich, auf Basis der in den vorigen Aufgaben durchgeführten Berechnungen, getroffen werden.

Die **Fragen** lauten:

- a) Erstellen Sie eine Investitionsrechnung (Barwert) für die 5 gegebenen Haushalte und einer Anlagengröße von 5kWp. Vergleichen Sie dazu den Fall mit PV-Anlage mit dem Fall ohne PV-Erzeugung.
- b) Wie hoch dürfen die spezifischen Investitionskosten (EUR/kW) je Haushalt maximal sein, damit die Investition als wirtschaftlich gewertet wird?

2 Berechnungen

2.1 Zinsen

Wie bereits im Kapitel Aufgabenstellung erwähnt, ist die Wirtschaftlichkeitsrechnung ein wichtiges Instrument für unterschiedlichste Akteure.

Einen starken Einfluss auf diese Berechnung haben Zinsen.

Zinsen bezeichnen in der Wirtschaft das Entgelt, das der Schuldner dem Gläubiger als Gegenleistung für vorübergehend überlassenes Kapital zahlt.

Sie haben mehrere Interpretationen und Funktionen:

- Funktion des **Entgelts für entliehenes Kapital**. In diesem Fall geht es um einen Mindest-Zinssatz der erreicht werden muss um die minimalen Kosten des Kapitaleinsatzes zu decken.
- Funktion der **Zeitpräferenz**. Sie beschreibt die Präferenz den Konsum in der Gegenwart zu tätigen und nicht auf einen zukünftigen Zeitpunkt zu warten.
- Funktion des Allokationsmechanismus. Diese Interpretation erlaubt Messungen und bietet eine Entscheidungshilfe. Die Funktion der Zinsen ist in diesem Fall, dass das "knappe Gut" Kapital möglichst sinnvoll verteilt wird.
- Funktion des **Risikoindikators**. Das mit der Investition verbundene Risiko hat einen starken Einfluss auf den Zinssatz.

Die Zahlungsströme (= Cash Flows) werden durch Zinsen gewichtet.

2.1.1 Aufzinsen

Beim Aufzinsen geht es um die Frage nach dem Wert von Kapital, nach n Jahren. Für die Berechnung gehen wir davon aus, dass das Kapital zum Zeitpunkt t=0 eingezahlt wird.

Die Berechnung kann mit folgender Formel erfolgen:

$$K_n = K_0 * (1+r)^n \tag{1}$$

- K_n entspricht dem Wert des Kapitals nach n Jahren.
- K_0 ist der Wert des Kapitals zum Zeitpunkt der Einzahlung. (zum Zeitpunkt t=0)
- n ist die Dauer des Betrachtungszeitraums in Jahren.
- r entspricht dem Zinssatz pro Jahr.

Der Wert des Kapitals wächst bei einem positiven Zinssatz r nach n Perioden exponentiell an.

2.1.2 Abzinsen

Bei der Bewertung einer Investition wird üblicherweise der Wert des zukünftigen Zahlungsstroms, zum Zeitpunkt t=0, ermittelt. Dieser Wert wird dann der Investition gegenübergestellt.

Die Berechnung kann mit Hilfe folgender Formel durchgeführt werden:

$$K_0 = \frac{K_n}{(1+r)^n} \tag{2}$$

- K_n ist der Wert des Kapitals nach n Jahren.
- K_0 entspricht dem Wert des Kapitals zum Zeitpunkt der Einzahlung. (zum Zeitpunkt t=0)
- n ist die Dauer des Betrachtungszeitraums in Jahren.
- r entspricht dem Zinssatz pro Jahr.

2.2 Barwertmethode

Die Barwertmethode ist eine Methode der dynamischen Wirtschaftlichkeitsberechnung bei der der Barwert (= Net Present Value NPV) errechnet wird. Sie liefert eine Aussage über die Sinnhaftigkeit einer Investition.

Zur Bestimmung des Barwertes einer Investition werden alle Zahlungsströme (= Cash Flows), eines bestimmten Betrachtungszeitraumes, auf den Zeitpunkt t=0, mit dem erwarteten Zinssatz r, abgezinst und addiert. Damit werden alle Zahlungen auf den Zeitpunkt 0 bezogen.

Die Berechnung des Net Present Values erfolgt mit folgender Formel:

$$NPV = -I_0 + \frac{E_1 - A_1}{(1+r)} + \frac{E_2 - A_2}{(1+r)^2} + \dots + \frac{E_n - A_n}{(1+r)^n} + \frac{L}{(1+r)^n}$$
(3)

Andere Schreibweisen dieser Formel sind

$$NPV = -I_0 + \frac{CF_1}{(1+r)} + \frac{CF_2}{(1+r)^2} + \dots + \frac{CF_n}{(1+r)^n} + \frac{L}{(1+r)^n}$$
(4)

oder

$$NPV = -I_0 + \sum_{i=1}^n \frac{CF_i}{(1+r)^i} + \frac{L}{(1+r)^n}$$
 (5)

- NPV entspricht dem Nettobarwert der Investition in Euro.
- I_0 sind die Investitionskosten zum Zeitpunkt 0 in Euro.
- E_i sind die Einnahmen in der Periode i in Euro.
- A_i sind die Ausgaben und Kosten in der Periode i in Euro.
- CF_i entspricht dem Cash Flow in der Periode i in Euro. ($E_i A_i$ entspricht einem Cash Flow)
- r ist der gewählte Kalkulationszinssatz bei der Barwertrechnung bzw. der gesuchte Zinssatz bei der Berechnung des internen Zinsfuß.
- L ist der Restwert der Investition am Ende des Betrachtungszeitraums in Euro.
- n entspricht der Dauer des Betrachtungszeitraums in Jahren.

Wie bereits eingangs beschrieben, trifft die Barwertmethode eine Aussage über die Sinnhaftigkeit einer Investition.

Wenn der Wert NPV größer als 0 ist, lohnt sich die Investition. Ist der NPV kleiner als 0, sollte von einer Investition abgesehen werden.

2.3 Eigenverbrauch und Überschusseinspeisung

Bei den Berechnungen zum Eigenverbrauch und der Überschusseinspeisung wird von einem oder mehreren Haushalten, mit eigener Strom Produktion, ausgegangen.

In diesem Kontext sind drei Begriffe relevant:

• Eigenverbrauchsanteil - Der Eigenverbrauchsanteil entspricht dem Anteil des Eigenverbrauchs an der eigenen Gesamterzeugung.

Die Berechnung erfolgt über die Formel

$$Eigenverbrauchsanteil = \frac{Eigenverbrauch}{Gesamterzeugung}$$
 (6)

• Deckungsgrad - Der Deckungsgrad ist das Verhältnis des Eigenverbrauchs zum gesamten Stromverbrauch. Er gibt den Anteil des Stromverbrauchs an, der durch die eigene Produktion gedeckt werden kann.

Die Formel, zur Berechnung, lautet

$$Deckungsgrad = \frac{Eigenverbrauch}{Stromverbrauch} \tag{7}$$

• Energetischer Deckungsgrad - Der energetische Deckungsgrad gibt das Verhältnis der Gesamterzeugung zum gesamten Stromverbrauch an.

Die Formel lautet

$$Deckungsgrad_{energetisch} = \frac{Gesamterzeugung}{Stromverbrauch}$$
 (8)

3 Ergebnisse

3.1 Aufgabe 3.1 -Verkauf der gesamten Produktion

3.1.1 3.1.a - Barwert einer 10kWp PV-Anlage bei Verkauf am Spotmarkt

In Aufgabe 3.1.a soll der Barwert einer 10kWp Anlage berechnet werden. Im ersten Fall wird davon ausgegangen, dass die gesamte Produktion der PV-Anlage am Spotmarkt verkauft wird. Die Parameter der PV-Anlage, sowie die Spotmarktpreise, können Kapitel Aufgabe 3.1 entnommen werden.

Die Vorgangsweise, zur Ermittlung des Barwertes, wird in Kapitel Barwertmethode erklärt.

Da die Datei *Spotpreis.mat* die stündlichen Preise für nur neun Jahre beinhaltet, werden die Preise des neunten Jahres für die restlichen 16 Jahre des Betrachtungszeitraums genommen.

In MATLAB ergibt sich dadurch folgender Code:

```
NPV=-Systemkosten*Anlagenleistung;
Investitionszuschuss = min(Systemkosten*Anlagenleistung*
   Investitionszuschuss_prozent,
   Investitionszuschuss_max*Anlagenleistung);
for i = 1:25
        if i \ll 9
                 Preis_i=table2array(Spotpreis(:,i))
                    ./100;
        else
                 Preis_i=table2array(Spotpreis(:,9))
                    ./100;
        end
        CF=sum(PV_profil.*Anlagenleistung.*Preis_i)+
           Investitionszuschuss-Betriebskosten*
           Anlagenleistung;
        NPV=NPV+CF/(1+Zinssatz)^i;
end
```

- NPV ist der Net Present Value der PV-Anlage, für das jeweilige Jahr.
- Investitionszuschuss entspricht dem jährlichen Investitionszuschuss.

- CF entspricht der Summe der Cash Flows, für das jeweilige Jahr.
- Anlagenleistung entspricht einem Wert von 10 (in kWp).
- **Zinssatz** ist 0.04 (in %).
- Systemkosten beträgt 1200 (in \in /kWp).
- Betriebskosten entspricht 4 (in \in /kWp).

Der Verlauf des NPV, der Anlage, wird in der oberen Hälft von Abbildung 1 dargestellt.

Zusätzlich sollten die maximalen Investitionskosten ermittelt werden, damit die Wirtschaftlichkeit der Investition positiv bewertet wird. Diese errechnen sich aus dem NPV nach 25 Jahren plus der Investitionskosten.

```
Max_Invest_Gesamtverkauf = NPV + Anlagenleistung*
Systemkosten;
```

Die maximalen Investitionskosten für die positive Bewertung der Wirtschaftlichkeit, im Fall, dass die gesamte Produktion am Spotmarkt verkauft wird, sind 50.964€.

3.1.2 3.1.b - Barwert einer 10kWp PV-Anlage mit Förderung

In Aufgabe 3.1.b soll die Berechnung von Aufgabe 3.1.a dahingehend erweitert werden, dass man eine Förderung in der Höhe des aktuellen OeMAG Einspeisetarif für 13 Jahre erhält. Nach Vertragsende wird der Strom bis zum Ende der Lebensdauer am Spotmarkt verkauft.

Der MATLAB Code aus Aufgabe 3.1.a muss für die neue Annahme folgendermaßen erweitert werden:

```
NPV = -Systemkosten * Anlagenleistung;
```

$$NPV \,=\, NPV \,+\, CF/(1+Z \, i \, n \, s \, a \, t \, z \,) \, \hat{} \, i \; ; \\ end \label{eq:npv}$$

- Einspeisetarif entspricht 0.0824 (in €).
- Foerderdauer ist 13 (in Jahren).

Das Ergebnis für Aufgabe 3.1.b wird in der unteren Hälfte von Abbildung 1 dargestellt.

3.2 Vergleich von Aufgabe 3.1.a und Aufgabe 3.1.b

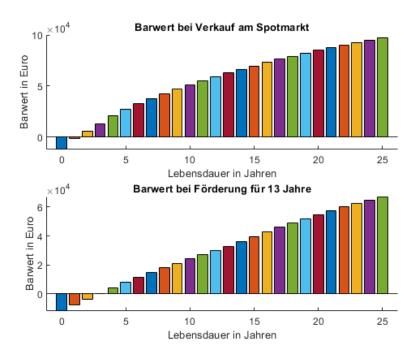


Abbildung 1: Der Barwert, der in Kapitel Aufgabe 3.1 definierten PV-Anlage, über einen Betrachtungszeitraum von 25 Jahren.

Wie bereits in Kapitel Barwertmethode erwähnt, trifft die Barwertmethode eine Aussage über die Sinnhaftigkeit einer Investition.

Der Vergleich in Abbildung 1 zeigt, dass der Barwert der PV-Anlage im Fall aus Aufgabe 3.1.a bereits im zweiten Jahr positiv ist. (ein positiver NPV spricht für die Investition, ein negativer dagegen)

Unter der Annahme aus Aufgabe 3.1.b erreicht die PV-Anlage nach vier Jahren einen positiven NPV. Weiters ist der NPV, aus Aufgabe 3.1.a, nach 25 Jahren bei ungefähr 100.000€, während der NPV aus Aufgabe 3.1.b nach 25 Jahren nur circa 60.000€ beträgt.

Demnach ist der Verkauf der gesamten Produktion auf dem Spotmarkt lukrativer, als die Förderung der PV-Anlage.

3.3 Aufgabe 3.2 - Eigenverbrauch

3.3.1 Aufgabe 3.2.a - Eigenverbrauch und Überschusseinspeisung

In Aufgabe 3.2.a soll der Eigenverbrauch und die Überschüsseinspeisung einer 5kWp Anlage, mit Standort Wien, für 5 Haushalte, errechnet werden.

Unter den Annahmen aus Kapitel Aufgabe 3.2, sowie den Formeln aus Kapitel Eigenverbrauch und Überschusseinspeisung ergibt sich folgender MATLAB Code:

```
PV_Einspeiseenergie_a = Leistung_Vec_Temperatur_Temp
   .*5.*0.25.*1000;
EigenverbrauchHaushalt_a = zeros(35040, 5);
EigenverbrauchHaushaltGesamt_a = zeros(1,5);
UeberschussHaushalt_a = zeros(1,5);
PV_EinspeiseenergieGesamt_a = sum(PV_Einspeiseenergie_a)
for i=1:5
        for j=1:size (LeistungHaushalte)
                if PV_Einspeiseenergie_a(j) <
                   Leistung Haushalte (j, i)
                         EigenverbrauchHaushalt_a(j,i) =
                            PV_Einspeiseenergie_a(j);
                else
                         EigenverbrauchHaushalt_a(j,i) =
                            LeistungHaushalte(j,i);
                end
        end
        EigenverbrauchHaushaltGesamt_a(i) = sum(
           EigenverbrauchHaushalt_a(:,i));
        UeberschussHaushalt_a(i) =
           PV_EinspeiseenergieGesamt_a -
           EigenverbrauchHaushaltGesamt_a(i);
end
```

• PV_Einspeiseenergie_a entspricht der Energie der 5kWp Anlage. Die Variable $Leistung_Vec_Temperatur_Temp$ stammt aus der Datei $PV_Einspeiseprofil.mat$.

- EigenverbrauchHaushalt_a ist der Eigenverbrauch eines Haushalts. Er wird in der Datei LeistungHaushalte.mat zur Verfügung gestellt.
- UeberschussHaushalt_a entspricht der Überschuss-Energie des jeweiligen Haushalts. Dieser Wert errechnet sich aus der Differenz zwischen der gesamten Einspeiseenergie und dem gesamten Eigenverbrauch des jeweiligen Haushalts.
- EigenverbrauchHaushaltGesamt_a ist der gesamte Eigenverbrauch eines Haushalts, über ein Jahr.

Alle Werte liegen in 15-Minuten Intervallen vor.

Die Werte für den Eigenverbrauch und den Überschuss der Haushalte sind in den Dateien EigenverbrauchHaushalt.mat und UeberschussHaushalt.mat gespeichert.

3.3.2 Aufgabe 3.2.b - Entwicklung des Eigenverbrauchsanteils und der Deckungsgrade

Aufgabe 3.2.b beleuchtet die Entwicklung des Eigenverbrauchsanteils und der Deckungsgrade der Haushalte, für eine variable Anlagenrgöße von 0 bis 20kWp. Die Formeln zur Errechnung des Eigenverbrauchsanteils und des Deckungsgrades sind in Kapitel Eigenverbrauch und Überschusseinspeisung definiert.

Die Umsetzung in MATLAB sieht folgendermaßen aus:

```
EigenverbrauchHaushalt_b

(k)=LeistungHaushalte

(k,i);

end

end

EigenverbrauchHaushaltGesamt_b(j,i)=sum(

EigenverbrauchHaushalt_b);

Gesamterzeugung_b = sum(

PV_Einspeiseenergie_b);

StromverbrauchHaushalt_b(i)=sum(

LeistungHaushalte(:,i));

end

end
```

Die Variablen entsprechen denen aus dem MATLAB Code von Aufgabe 3.2.a. Als einziger Unterschied ist zu nennen, dass die Dimension der einzelnen Variablen sich unterscheidet. So entspricht die Variable Eigenverbrauch Haushalt_b zum Beispiel, einer Matrix die den Eigenverbrauch für jeden der fünf Haushalte, in Abhängigkeit der Grüße der Pv-Anlage, beinhaltet.

Die Darstellung der Werte aus $Eigenverbrauch Haushalt_b$ ergibt das in Abbildung 2 dargestellte Diagramm.

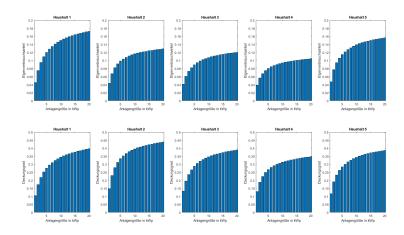


Abbildung 2: Die Entwicklung des Eigenverbrauchsanteils und der Deckungsgrade, der ersten fünf Haushalte, für eine Anlagengröße von 0 bis 20kWp.

3.3.3 Aufgabe 3.2.c - Darstellung der Last und des Eigenverbrauchs

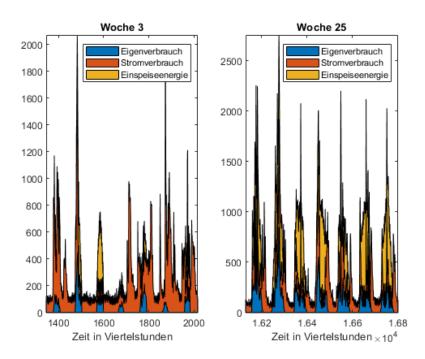


Abbildung 3: Die Anteile Eigenverbrauch", SStromverbrauchünd Einspeiseenergie" für den Haushalt 1, in den Wochen 3 und 25 des Jahres 2016.

- **3.4** Aufgabe **3.3**
- 3.5 Aufgabe 3.4

4 Literatur

• Literatur 1

Abbildungsverzeichnis

1	Der Barwert, der in Kapitel Aufgabe 3.1 definierten PV-Anlage, über einen	
	Betrachtungszeitraum von 25 Jahren	12
2	Die Entwicklung des Eigenverbrauchsanteils und der Deckungsgrade, der	
	ersten fünf Haushalte, für eine Anlagengröße von 0 bis 20kWp	14
3	Die Anteile Eigenverbrauch", SStromverbrauchünd Einspeiseenergie" für den	
	Haushalt 1, in den Wochen 3 und 25 des Jahres 2016	15