

# Stack (Tumpukan)

IF2110/IF2111 – Algoritma dan Struktur Data  
Sekolah Teknik Elektro dan Informatika  
Institut Teknologi Bandung

# Stack

**Stack** adalah sekumpulan elemen yang:

- dikenali elemen puncaknya (**Top**),
- aturan penambahan dan penghapusan elemennya tertentu:
  - Penambahan selalu dilakukan "di atas" **Top**,
  - Penghapusan selalu dilakukan pada **Top**.

**Top** adalah satu-satunya alamat tempat terjadi operasi.

Elemen Stack tersusun secara **LIFO** (*Last In First Out*).

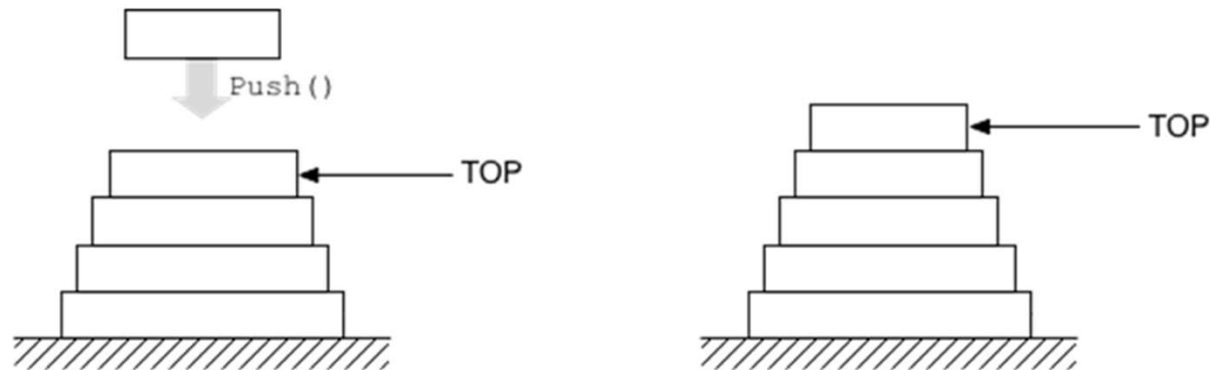


Designed by lifeforstock / Freepik



Lakeside 8206 Two Stack Plate Dispenser

# Stack



Stack seperti sebuah List dengan batasan lokasi penambahan & pengurangan elemen.

- Pada **Stack**: operasi penambahan dan pengurangan hanya dilakukan di **salah satu** “ujung” list.
- Pada **List**: operasi **boleh di manapun**.

# Tower of Hanoi



[https://en.wikipedia.org/wiki/File:Tower\\_of\\_Hanoi\\_4.gif](https://en.wikipedia.org/wiki/File:Tower_of_Hanoi_4.gif)

# Pemakaian Stack

- Pemanggilan prosedur/fungsi
- Perhitungan ekspresi aritmatika
- Rekursivitas
- *Backtracking*

dan algoritma lanjut yang lain

# Definisi operasi

Jika diberikan  $S$  adalah Stack dengan elemen  $ElmtS$

$CreateStack: \rightarrow S$	{ Membuat sebuah tumpukan kosong }
$top: S \rightarrow ElmtS$	{ Mengirimkan elemen teratas $S$ saat ini }
$length: S \rightarrow \underline{integer}$	{ Mengirimkan banyaknya elemen $S$ saat ini }
$push: ElmtS \times S \rightarrow S$	{ Menambahkan sebuah elemen $ElmtS$ sebagai TOP, TOP berubah nilainya }
$pop: S \rightarrow S \times ElmtS$	{ Mengambil nilai elemen TOP, sehingga TOP yang baru adalah elemen yang datang sebelum elemen TOP, mungkin $S$ menjadi kosong }
$isEmpty: S \rightarrow \underline{boolean}$	{ Test stack kosong, true jika $S$ kosong, false jika $S$ tidak kosong }

# Axiomatic Semantics (fungsional)

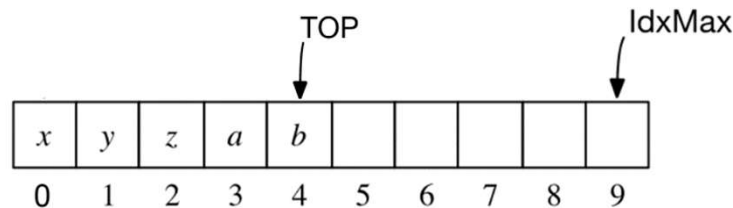
- 1)  $\text{new}()$  returns a stack
- 2)  $\text{pop}(\text{push}(v, S)) = S$
- 3)  $\text{top}(\text{push}(v, S)) = v$

Di mana  $S$  adalah Stack dan  $v$  adalah value.



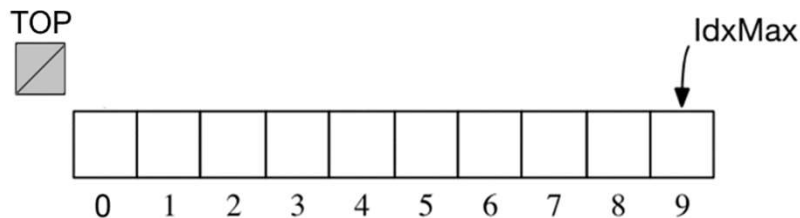
# Implementasi Stack dengan List (array)

- Ilustrasi Stack tidak kosong, dengan 5 elemen:



\*dengan  $\text{IdxMax} = \text{CAPACITY} - 1$

- Ilustrasi Stack kosong, maka Top diset = `IDX_UNDEF`.



# ADT Stack (dengan array eksplisit-statik)

## KAMUS UMUM

constant IDX\_UNDEF: integer = -1

constant CAPACITY: integer = 10

type ElType: integer { *elemen Stack* }

{ *Stack dengan array statik* }

type Stack: < buffer: array [0..CAPACITY-1] of ElType, { *penyimpanan elemen* }  
          idxTop: integer > { *indeks elemen teratas* }

# ADT Stack – Konstruktor, akses, & predikat

procedure CreateStack(output s: Stack)

*{ I.S. Sembarang*

*F.S. Membuat sebuah Stack s yang kosong berkapasitas CAPACITY  
jadi indeksnya antara 0..CAPACITY-1*

*Ciri Queue kosong: idxTop bernilai IDX\_UNDEF }*

function top(s: Stack) → ElType

*{ Prekondisi: s tidak kosong.*

*Mengirim elemen terdepan s, yaitu s.buffer[q.idxTop]. }*

function length(s: Stack) → integer

*{ Mengirim jumlah elemen s saat ini }*

function isEmpty(s: Stack) → boolean

*{ Mengirim true jika s kosong: lihat definisi di atas }*

function isFull(s: Stack) → boolean

*{ Mengirim true jika penyimpanan s penuh }*

# ADT Stack – Operasi

```
{ *** Menambahkan sebuah elemen ke Stack *** }  
procedure push(input/output s: Stack, input val: ElType)  
{ Menambahkan val sebagai elemen Stack s.  
  I.S. s mungkin kosong, tidak penuh  
  F.S. val menjadi TOP yang baru, TOP bertambah 1 }  
  
{ *** Menghapus sebuah elemen Stack *** }  
procedure pop(input/output s: Stack, output val: ElType)  
{ Menghapus X dari Stack S.  
  I.S. S tidak mungkin kosong  
  F.S. X adalah nilai elemen TOP yang lama, TOP berkurang 1 }
```

# ADT Stack (dengan array eksplisit-statik)

procedure CreateStack(output s: Stack)

*{ I.S. Sembarang*

*F.S. Membuat sebuah Stack s yang kosong berkapasitas CAPACITY*

*jadi indeksinya antara 0..CAPACITY-1*

*Ciri stack kosong: idxTop bernilai IDX\_UNDEF }*

**KAMUS LOKAL**

-

**ALGORITMA**

s.idxTop  $\leftarrow$  IDX\_UNDEF

# ADT Stack (dengan array eksplisit-statik)

function isEmpty(s: Stack) → boolean  
*{ Mengirim true jika Stack kosong: lihat definisi di atas }*

KAMUS LOKAL

-

ALGORITMA

→ s.idxTop = IDX\_UNDEF

function isFull(s: Stack) → boolean  
*{ Mengirim true jika penyimpanan s penuh }*

KAMUS LOKAL

-

ALGORITMA

→ s.idxTop = CAPACITY-1

# ADT Stack (dengan array eksplisit-statik)

```
procedure push(input/output s: Stack, input val: ElType)  
{ (keterangan tidak ditulis untuk menghemat tempat) }
```

KAMUS LOKAL

-

ALGORITMA

```
s.idxTop ← s.idxTop + 1  
s.buffer[s.idxTop] ← val
```

```
procedure pop(input/output s: Stack, output val: ElType)  
{ (keterangan tidak ditulis untuk menghemat tempat) }
```

KAMUS LOKAL

-

ALGORITMA

```
val ← top(s)  
s.idxTop ← s.idxTop - 1
```

# Thought exercise

Sama seperti pada Queue, contoh-contoh sebelumnya menggunakan buffer yang terbatas dan statis.

Renungkan perubahan seperti pada kasus Queue:

- 1) buffer menjadi dinamis ( $s1, s2$ : Stack;  
 $s1$  dan  $s2$  bisa memiliki kapasitas yang berbeda)
- 2) stack tidak boleh memiliki batas length  
(length bisa  $\infty$  secara teoretis)

Apa konsekuensinya terhadap implementasi?

Apa bedanya (jika ada) dengan konsekuensi di ADT Queue?



# ADT Stack dalam Bahasa C

# ADT Stack dalam Bahasa C (dengan array eksplisit-statik)

```
#ifndef STACK_H
#define STACK_H

#include "boolean.h"

#define IDX_UNDEF -1
#define CAPACITY 10

typedef int EType;
typedef struct {
    EType buffer[CAPACITY];
    int idxTop;
} Stack;

#define IDX_TOP(s) (s).idxTop
#define TOP(s) (s).buffer[(s).idxTop]
```

# ADT Stack dalam Bahasa C (dengan array eksplisit-statik)

```
/** Kontruktor/Kreator */
void CreateStack(Stack *s);
/* I.S. Sembarang */
/* F.S. Membuat sebuah Stack s yang kosong berkapasitas CAPACITY */
/* jadi indeksanya antara 0..CAPACITY-1 */
/* Ciri stack kosong: idxTop bernilai IDX_UNDEF */

/************* Predikat Untuk test keadaan KOLEKSI *************/
boolean isEmpty(Stack s);
/* Mengirim true jika Stack kosong: lihat definisi di atas */

boolean isFull(Stack s);
/* Mengirim true jika Stack penuh */

int length(Stack s);
/* Mengirim ukuran Stack s saat ini */
```

# ADT Stack dalam Bahasa C (dengan array eksplisit-statik)

```
/****** Menambahkan sebuah elemen ke Stack *****/  
void push(Stack *s, ElType val);  
/* Menambahkan val sebagai elemen Stack s.  
   I.S. s mungkin kosong, tidak penuh  
   F.S. val menjadi TOP yang baru, TOP bertambah 1 */  
  
/****** Menghapus sebuah elemen Stack *****/  
void pop(Stack *s, ElType *val);  
/* Menghapus X dari Stack S.  
   I.S. S tidak mungkin kosong  
   F.S. X adalah nilai elemen TOP yang lama, TOP berkurang 1 */  
  
#endif
```

# ADT Stack dalam Bahasa C (dengan array eksplisit-statik)

```
void CreateStack(Stack *s) {  
    /* ... */  
    /* KAMUS LOKAL */  
    /* ALGORITMA */  
    IDX_TOP(*s) = IDX_UNDEF;  
}
```

```
int length(Stack s) {  
    /* ... */  
    /* KAMUS LOKAL */  
    /* ALGORITMA */  
    return (IDX_TOP(s) + 1);  
}
```

```
boolean isEmpty(Stack s) {  
    /* ... */  
    /* KAMUS LOKAL */  
    /* ALGORITMA */  
    return (IDX_TOP(s) == IDX_UNDEF);  
}
```

```
boolean isFull(Stack s) {  
    /* ... */  
    /* KAMUS LOKAL */  
    /* ALGORITMA */  
    return (IDX_TOP(s) == CAPACITY-1);  
}
```

# ADT Stack dalam Bahasa C (dengan array eksplisit-statik)

```
void push(Stack *s, ElType val) {  
    /* ... */  
    /* KAMUS LOKAL */  
    /* ALGORITMA */  
    IDX_TOP(*s)++;  
    TOP(*s) = val;  
}
```

```
void pop(Stack *s, ElType *val) {  
    /* ... */  
    /* KAMUS LOKAL */  
    /* ALGORITMA */  
    *val = TOP(*s);  
    IDX_TOP(*s)--;  
}
```

# Contoh Aplikasi ADT Stack

# Evaluasi Ekspresi Aritmatika

Evaluasi ekspresi aritmatika yang ditulis dengan *Reverse Polish Notation* (postfix)

Diberikan sebuah ekspresi aritmatika postfix dengan operator ['\*', '/', '+', '-', '^']

Operator mempunyai prioritas (prioritas makin besar, artinya makin tinggi)

Operator	Arti	Prioritas
^	pangkat	3
* /	kali, bagi	2
+ -	tambah, kurang	1



# Evaluasi Ekspresi Aritmatika

Contoh:

Ekspresi postfix	Arti (ekspresi infix)
$A B * C /$	$(A*B)/C$
$A B C ^ / D E * + A C * -$	$(A/(B^C))+(D*E)-(A*C)$

Digunakan istilah token yaitu satuan “kata” yang mewakili sebuah operan (konstanta atau nama) atau sebuah operator.

# Mesin Evaluasi Ekspresi

## Program EKSPRESI

{ Menghitung sebuah ekspresi aritmatika yang ditulis secara postfix }

USE STACK { paket stack sudah terdefinisi dgn elemennya bertipe token }

## KAMUS

type Token: ... { terdefinisi }  
s: Stack { stack of token }  
currentToken, op1, op2: Token { token: operan U operator }

### procedure firstToken

{ Mengambil token yang pertama, disimpan di currentToken }

### procedure nextToken

{ Mengambil token yang berikutnya, disimpan di currentToken }

### function endToken → boolean

{ Menghasilkan true jika proses akuisisi mendapat hasil sebuah token kosong.  
Merupakan akhir ekspresi. }

### function isOperator → boolean

{ Menghasilkan true jika currentToken adalah operator }

### function evaluate(op1,op2,operator: token) → token

{ Menghitung ekspresi, mengkonversi hasil menjadi token }

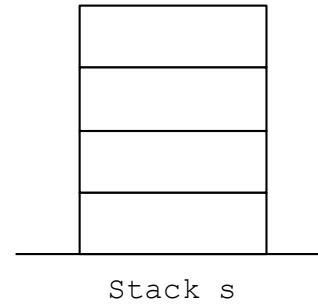
# (lanjutan)

## ALGORITMA

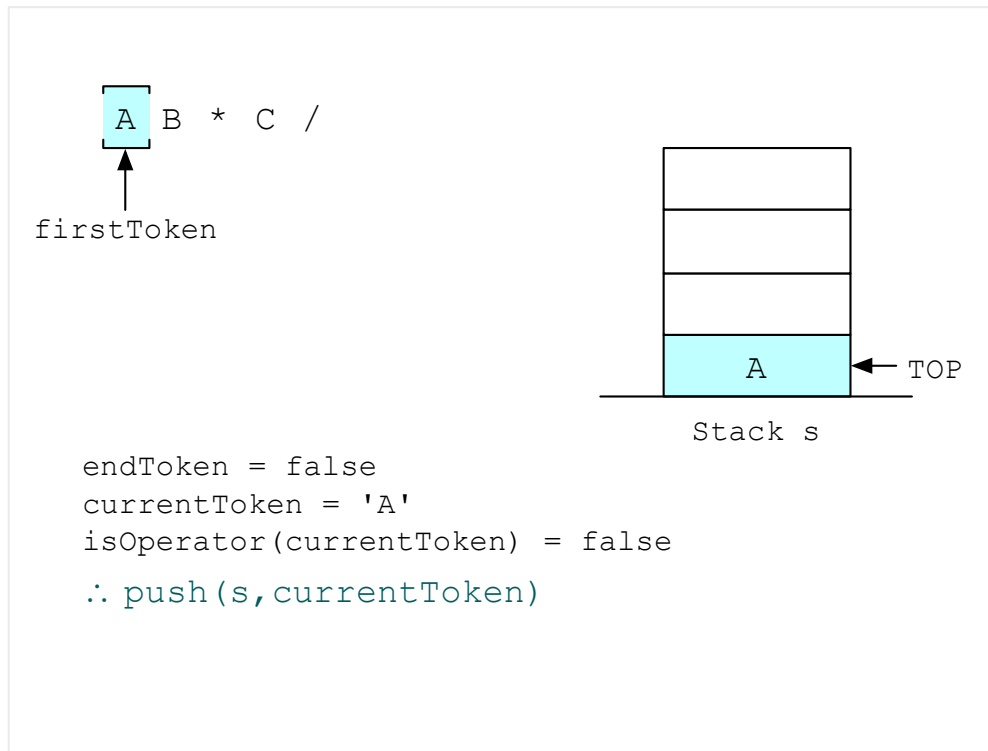
```
firstToken
if (endToken) then
    output ("Ekspresi kosong")
else
    repeat
        if not isOperator then
            push(s,currentToken)
        else
            pop(s,op2)
            pop(s,op1)
            push(s,evaluate(op1,op2, currentToken))
    nextToken
until (endToken)
output (top(s)) { Menuliskan hasil }
```

# Evaluasi Ekspresi Aritmatika

A B \* C /



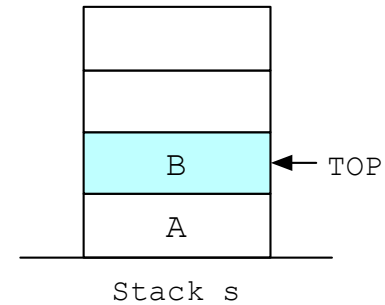
# Evaluasi Ekspresi Aritmatika



# Evaluasi Ekspresi Aritmatika

A B \* C /

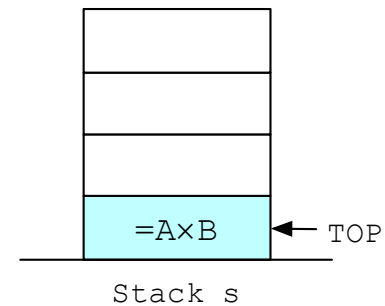
↑  
nextToken



```
endToken = false  
currentToken = 'B'  
isOperator(currentToken) = false  
∴ push(s, currentToken)
```

# Evaluasi Ekspresi Aritmatika

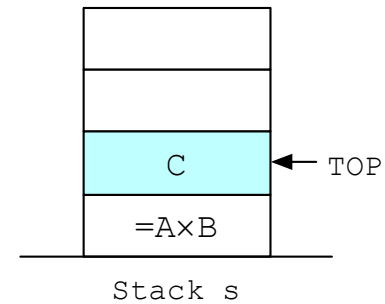
A B \* C /  
↑  
nextToken



```
endToken = false  
currentToken = '*'  
isOperator(currentToken) = true  
∴ pop(s, op2)  
   pop(s, op1)  
   push(s, evaluate(op1, op2, currentToken))
```

# Evaluasi Ekspresi Aritmatika

A B \* **C** /  
          ↑  
      nextToken



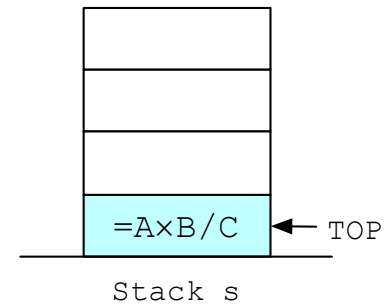
```
endToken = false  
currentToken = 'C'  
isOperator(currentToken) = false  
∴ push(s, currentToken)
```



# Evaluasi Ekspresi Aritmatika

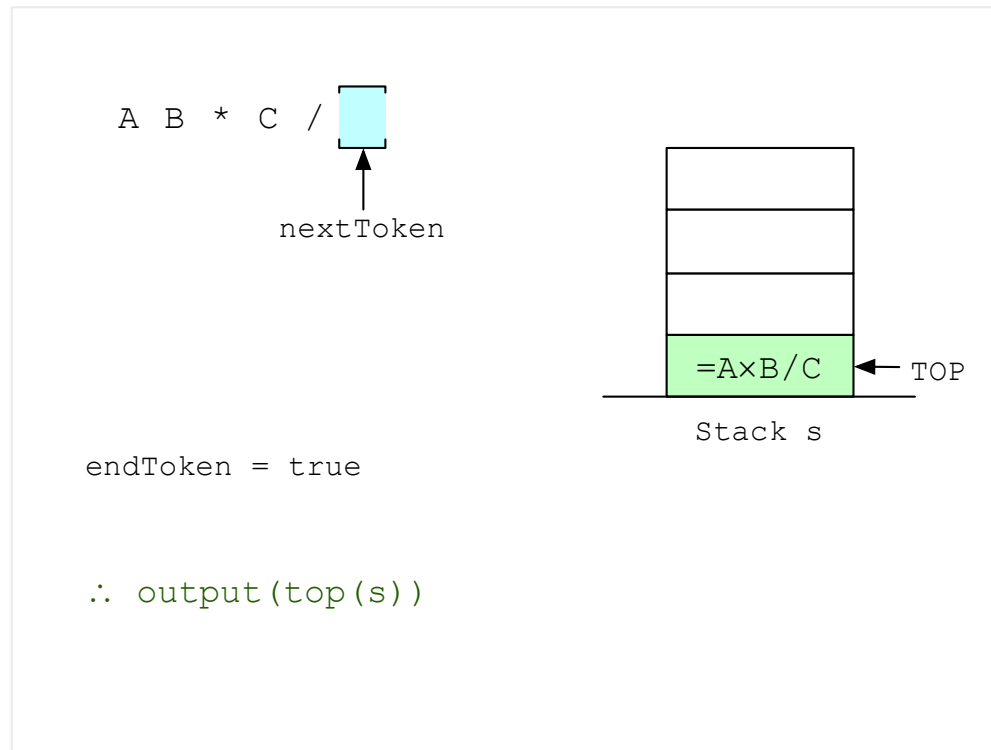
A B \* C /

↑  
nextToken

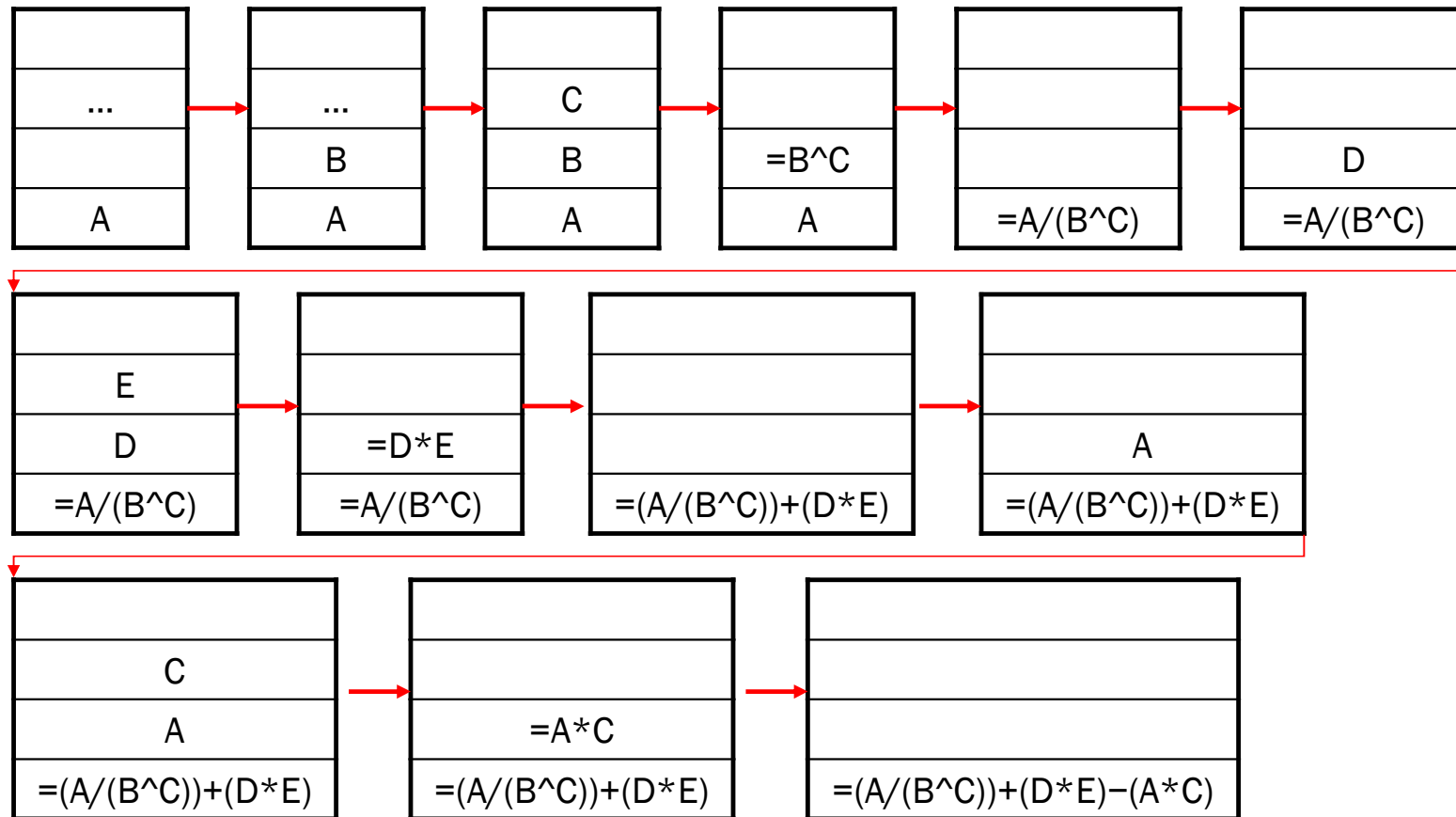


```
endToken = false
currentToken = '/'
isOperator(currentToken) = true
∴ pop(s, op2)
   pop(s, op1)
   push(s, evaluate(op1, op2, currentToken))
```

# Evaluasi Ekspresi Aritmatika



# ABC<sup>^</sup>/DE\*+AC\*-



# Latihan Soal: ADT Stack

IF2110/IF2111 – Algoritma dan Struktur Data  
Sekolah Teknik Elektro dan Informatika  
Institut Teknologi Bandung

# Soal 1

Dengan menggunakan ADT Stack yang direpresentasikan sebagai array statik-eksplisit seperti yang dibahas di materi kuliah, realisasikan prosedur dan fungsi berikut ini:

```
procedure copyStack(input sIn: Stack, output sOut: Stack)
{ Membuat salinan sOut }
{ I.S. sIn terdefinisi, sOut sembarang }
{ F.S. sOut berisi salinan sIn yang identik }
```

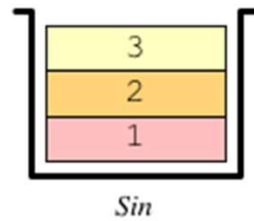
# Soal 1

**procedure** inverseStack(input/output s: Stack)  
{ Membalik isi suatu stack }  
{ I.S. s terdefinisi }  
{ F.S. Isi s terbalik dari posisi semula }

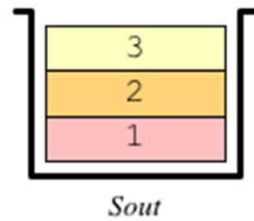
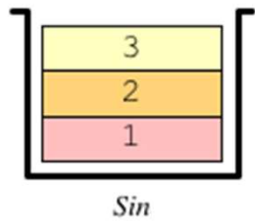
**function** mergeStack(s1,s2: Stack) → Stack  
{ Menghasilkan sebuah stack yang merupakan hasil penggabungan s1 dengan s2 dengan s1 berada di posisi lebih “bawah”. Urutan kedua stack harus sama seperti aslinya. }  
{ Stack baru diisi sampai seluruh elemen s1 dan s2 masuk ke dalam stack, atau jika stack baru sudah penuh, maka elemen yang dimasukkan adalah secukupnya yang dapat ditampung. }

CopyStack(*Sin*, *Sout*)

Initial State:

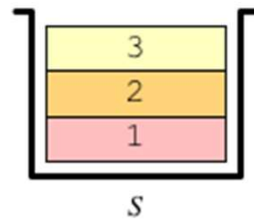


Final State:

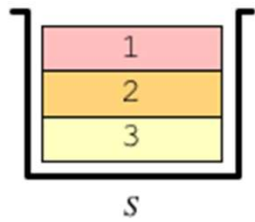


InverseStack(*S*)

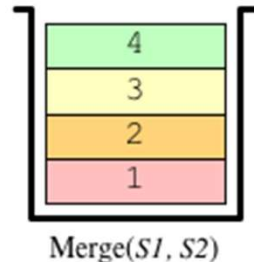
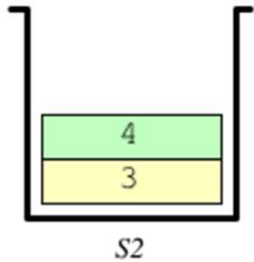
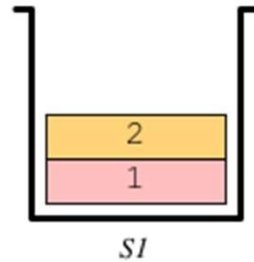
Initial State:



Final State:



MergeStack(*S1*, *S2*)



# Soal 2

Dengan memanfaatkan mesin kata (versi 1), modifikasi dan lengkapi program Evaluasi Ekspresi Aritmatika pada slide materi kuliah.

Pita karakter berisi ekspresi aritmatika dengan masing-masing “kata” dipisahkan oleh satu atau lebih BLANK.

Kata yang merupakan operan merepresentasikan sebuah bilangan, contoh: “123” merepresentasikan bilangan 123

Contoh isi pita: 123 3 \*

Dengan demikian, harus dibuat ADT Stack of Kata. Gunakan ADT Stack dengan representasi array statik-eksplisit.

Harus dibuat pula fungsi yang mengubah suatu Kata yang merepresentasikan operan menjadi angka/integer. Diasumsikan hanya ada integer positif atau 0.