

Boommethode

| ¬-regel | ∧-regels | | ∨-regels | | |
|--|------------------|--|-------------------------------------|---|--|
| $\neg \neg A$ | $A \wedge B$ | $\neg (A \land B)$ | $A \lor B$ | $\neg(A \lor B)$ | |
| : | : | : | : | : | |
| A | A | $ \neg \mathbf{A} \lor \neg \mathbf{B} $ | | $\neg \mathbf{A} \wedge \neg \mathbf{B}$ | |
| | В | | A B | | |
| | | | | | |
| \rightarrow -regels | | ↔ -regels | | | |
| | $\neg (A \to B)$ | $A \leftrightarrow B$ | $\neg(A \leftrightarrow B)$ | | |
| $A \to B$ | \ / | l . | | : | |
| $A \to B$: | | : | | : | |
| $A \to B$ \vdots $\neg \mathbf{A} \lor \mathbf{B}$ | : A∧¬B | $egin{array}{c} dots \ \mathbf{A} ightarrow \mathbf{B} \end{array}$ | $ abla (\mathbf{A} 	o \mathbf{B}) $ | $\vdots \\) \vee \neg (\mathbf{B} \to \mathbf{A})$ | |

Naam: Yunus Coskun

Studentnummer: 1788301

Klas: V1A

Datum: 23-02-2023

Docent: Brian van der Bijl

Inleiding

Voor het vak Analytical Reasoning moet er een boommethode worden toegepast. In dit document wordt er bepaald met de boommethode of de formule $q \land r$ een logisch gevolg is van $\neg((r \to p) \lor (q \land r))$. In andere woorden; $\neg((r \to p) \lor (q \land r)) \vdash q \land r$. Om dit te kunnen bepalen wordt er gebruik gemaakt van de contingentie-regels, deze staan ook op de voorpagina. Tot slot volgt een conclusie

Alvast bedankt voor uw tijd en aandacht.

Veel leesplezier!

Opdracht

Bepaal met de boommethode of de formule $q \land r$ een logisch gevolg is van $\neg((r \rightarrow p) \lor (q \land r))$; dat wil zeggen, laat zien of $\neg((r \rightarrow p) \lor (q \land r)) \vdash q \land r$.

Uitwerking:

```
\neg ((r \rightarrow p) \lor (q \land r)) \vdash q \land r
                                                                                                      Logisch gevolg
1)
          \neg((r \rightarrow p) \lor (q \land r))
                                                                                            (Premisse 1)
2)
          \neg (q \land r)
                                                                                            (Negatie van conclusie)
3)
          \neg(r \rightarrow p) \land \neg(q \land r)
                                                                                            V-regel op 1
4)
          ¬q V ¬r
                                                                                            ∧-regel op 2
5)
          \neg (r \rightarrow p)
                                                                                            Λ-regel op 3
6)
          \neg (q \land r)
                                                                                            ∧-regel op 3
7)
          r∧¬p
                                                                                            \rightarrow-regel op 5
                                                                                            Λ-regel op 6
8)
          ¬q V ¬r
9)
                                                                                            ∧-regel op 7
10)
          ¬р
                                                                                            ∧-regel op 7
11)
                                                   /(4)\
12)
                                               ¬q
13)
                                             / (8) \
14)
                                                              (9)r
                                                    ¬r
15)
                                                              X(9, 12)
                                                        (9)r
16)
17)
                                                        X(9, 14)
                                                                                                      QED
18)
          ¬q blijft open.
```

Conclusie

Er is een tak die niet sluit($\neg q$), dus de premissen zijn vervulbaar in combinatie met de negatie van de conclusie. **Het logisch gevolg is** derhalve <u>niet geldig</u>. Een tegenvoorbeeld is met:

Premissen: r = 1, $\neg p = 1$, $\neg q = 1$

Uitwerking tegenvoorbeeld:

```
r = 1 p = 0 q = 0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        r = 1 p = 0 q = 0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        \frac{}{\neg ((r \rightarrow p))} \frac{V}{V} (q \land r) \frac{}{V} \frac{}{V} \frac{}{V} + \frac{}{V} 
\neg((r \rightarrow p) \lor (q \land r)) \vdash q \land r
(r \rightarrow p) = 1 \rightarrow 0 = 0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        (r \to p) = 1 \to 0 = 0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        (q \wedge r) = 0 \wedge 1 = 0
(q \wedge r) = 0 \wedge 1 = 0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          -(0 \lor 0) = 1
\neg(0 \lor 0) = 1
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          q \wedge r = 0 \wedge 1 = 0
q \wedge r = 0 \wedge 1 = 0
  1 \vdash 0 = 0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          1 \vdash 0 = 0
0 = \bot = False
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          0 = \bot = False
```