

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение  
высшего образования  
«СЕВЕРО-КАВКАЗСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Институт цифрового развития  
Кафедра инфокоммуникаций

**ОТЧЕТ**  
**ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №10**  
**дисциплины «Алгоритмизация»**

Выполнил:  
Гайчук Дарья Дмитриевна  
2 курс, группа ИВТ-б-о-22-1,  
09.03.01 «Информатика  
и вычислительная техника»,  
направленность (профиль)  
«Программное обеспечение средств  
вычислительной техники и  
автоматизированных систем», очная  
форма обучения

---

(подпись)

Руководитель практики:  
Воронкин Р.А.-доцент кафедры  
инфокоммуникаций

---

(подпись)

Отчет защищен с оценкой \_\_\_\_\_ Дата защиты \_\_\_\_\_

Ставрополь, 2023 г.

Порядок выполнения работы:

1. Написала программу (heap\_sort.py), в которой реализовал алгоритм сортировки кучи и посчитал время работы в случае, когда на вход идут: отсортированный массив, массив, который обратный отсортированному и массив с рандомными значениями:

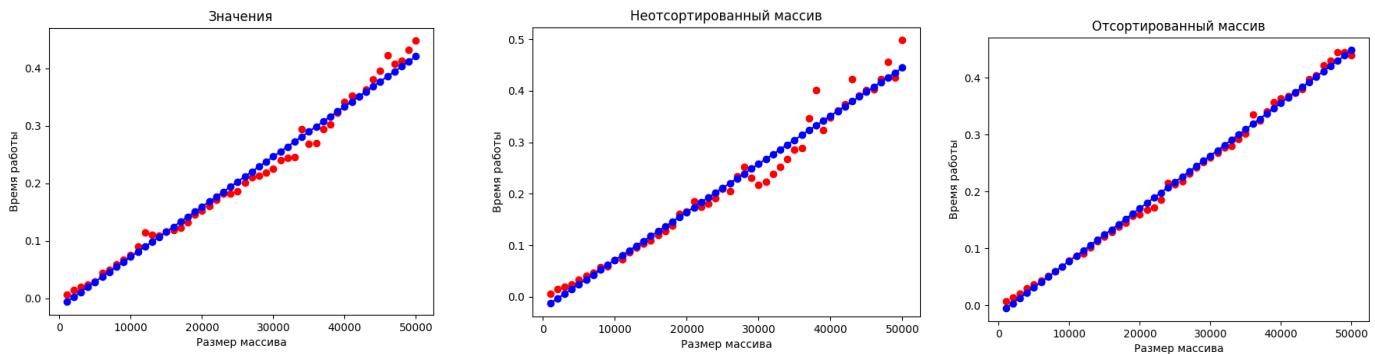


Рисунок 1. Графики трех функций

2. Алгоритм Heap Sort имеет временную сложность  $O(n \log n)$  во всех случаях, что делает его подходящим для сортировки больших объемов данных. Однако он не является стабильным, в отличие от некоторых других алгоритмов. Алгоритм слияния (Merge Sort) также имеет временную сложность  $O(n \log n)$  во всех случаях и является эффективным для сортировки больших объемов данных. Его преимуществом является стабильность, но он требует дополнительной памяти для слияния массивов. Алгоритм Quick Sort имеет временную сложность  $O(n \log n)$  в среднем и лучшем случае, но в худшем случае его производительность может снизиться до  $O(n^2)$  из-за неоптимального выбора опорного элемента. Однако на практике Quick Sort обычно эффективен и широко используется из-за высокой производительности в среднем случае.

3. Написала программу, в которой реализовал алгоритм сортировки кучи и посчитала время работы в случае, когда на вход идут: отсортированный список, список, который обратный отсортированному и список с рандомными значениями:

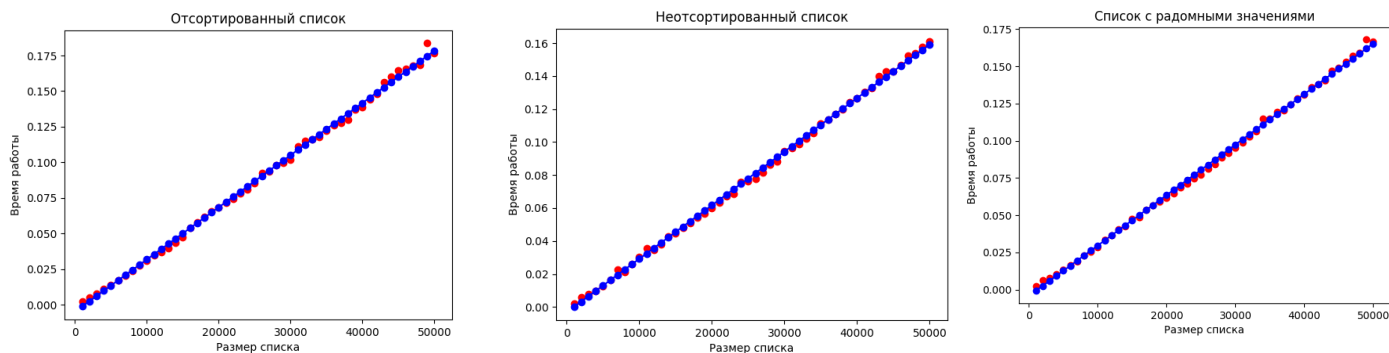


Рисунок 2. Графики трех функций

4. Алгоритм Heap Sort может быть применен в реальных сценариях, таких как оптимизация работы баз данных и событийной обработки. В таких случаях он может быть предпочтительным выбором благодаря гарантированному времени выполнения в худшем случае. Например, в базах данных, где необходим быстрый доступ к отсортированным данным, Heap Sort может быть полезен из-за своей эффективности и предсказуемости времени выполнения. Также в сценариях, где требуется сортировка больших объемов данных с гарантированным временем выполнения, алгоритм Heap Sort может быть предпочтительным выбором.

5. В отношении анализа сложности, временная сложность алгоритма Heap Sort составляет  $O(n \log n)$  в худшем, лучшем и среднем случае, а пространственная сложность -  $O(1)$ , что означает, что дополнительная память, используемая для сортировки, не зависит от размера входных данных. С увеличением размера входных данных время выполнения алгоритма увеличивается логарифмически, что делает его эффективным для больших объемов данных. Однако в некоторых случаях он может быть менее эффективным по сравнению с другими алгоритмами сортировки из-за постоянных операций с памятью и более сложной реализации. Таким образом, Heap Sort может быть более эффективным в случаях, когда требуется гарантированное время выполнения в худшем случае и при работе с большими объемами данных, но может быть менее эффективным по сравнению с другими алгоритмами сортировки в некоторых сценариях, где важна простота реализации и минимальное использование памяти.

6. Даны массивы  $A[1 \dots n]$  и  $B[1 \dots n]$ . Мы хотим вывести все  $n^2$  сумм вида  $A[i] + B[j]$  в возрастающем порядке. Наивный способ — создать массив, содержащий все такие суммы, и отсортировать его. Соответствующий алгоритм имеет время работы  $O(n^2 \log n)$  и использует  $O(n^2)$  памяти. Приведите алгоритм с таким же временем работы, который использует линейную память. Написала программу (task6.py), которая решает данную задачу:

```
16
17
18     for _ in range(n * n):
19         current_sum, i, j = heapq.heappop(heap)
20         yield current_sum
21
22         if i + 1 < n and (i + 1, j) not in visited:
23             heapq.heappush(heap, (A[i + 1] + B[j], i + 1, j))
24             visited.add((i + 1, j))
25
26         if j + 1 < n and (i, j + 1) not in visited:
27             heapq.heappush(heap, (A[i] + B[j + 1], i, j + 1))
28             visited.add((i, j + 1))
29
30 # Example usage:
31 A = [1, 4, 2, 3]
32 B = [5, 2, 6, 8]
33
34 result = list(generate_sorted_sums(A, B))
35
36 generate_sorted_sums()
```

Run task6

C:\Users\doris\AppData\Local\Programs\Python\Python39\python.exe C:\Users\doris\Documents\GitHub\Alg10\task6.py  
[3, 4, 5, 6, 6, 7, 7, 8, 8, 9, 9, 9, 10, 10, 11, 12]

Process finished with exit code 0

Рисунок 3. Результат выполнения программы

Вывод: в результате выполнения лабораторной работы был исследован алгоритм сортировкой кучей, было выяснено, что со списками данных алгоритм работает быстрее, чем с массивом.