

理论力学

赵鹏巍

课程信息

● 教师: 赵鹏巍 pwzhao@pku.edu.cn

● 时间: 每周一1-2节、周四3-4节、理教407

● 助教:姜晓飞、潘斯语

助教





潘斯语

物理学院 2021 级研究生

专业:凝聚态物理

邮箱: 2101110208@stu.pku.edu.cn

姜晓飞

物理学院 2021 级研究生

专业:粒子物理与原子核物理

邮箱:jiangxiaofei@pku.edu.cn

助教



教材和参考书

北京大学电子教参服务平台

- 刘川 理论力学,北京大学出版社,2019
- Herbert Goldstein, Classical Mechanics, 3rd ed.
- 戈德斯坦, 经典力学(中文版), 2nd ed.
- 胡慧玲、林纯镇、吴惟敏,理论力学基础教程,1986
- L. D. Landau, and E. M. Lifshitz, Mechanics, 1999年

课程表

1	9月5日	9月8日
2	9月12日	9月15日
3	9月19日	9月22日
4	9月26日	9月29日
5	10月3日	10月6日
6	10月10日	10月13日
7	10月17日	10月20日
8	10月24日	10月27日
9	10月31日	11月3日
10	11月7日	11月10日
11	11月14日	11月17日
12	11月21日	11月24日
13	11月28日	12月1日
14	12月5日	12月8日
15	12月12日	12月15日
16	12月19日	12月22日

32次课

- 3次放假
- 1次期中
- 3次习题?

成绩评定

• 作业: ~20%

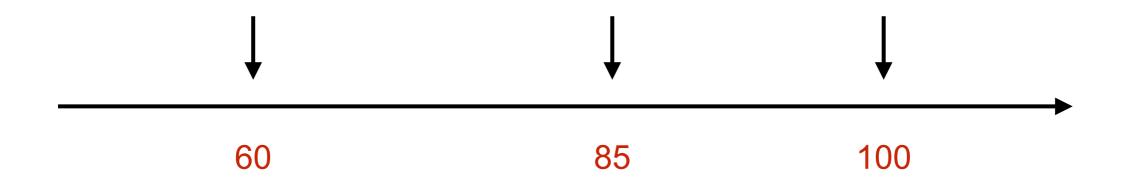
[https://zhaopw33.github.io/teaching.html]

一定要按时交作业! 助教要批改作业!

● 期中: ~30%

● 期末:~50% (2023.01.02 上午)

成绩评定



- 务必重视作业题、例题、思考题
- 成绩预公布,在约定时间内允许查分
- 优秀率

力学

Mechanics: A branch of physical science that deals with energy and forces and their effect on bodies. (Webster's)

● 力学

物体的运动状态: 速度与加速度

改变运动状态的原因:力与能

● 物体运动,但不改变其内禀性质

理想质点与刚体

质量与转动惯量

• 牛顿(Newton)三定律

相信大家还没有忘记

《自然哲学的数学原理》1687

理论力学

● 现代物理: 20世纪以来的物理

量子力学

相对论

● 17世纪到20世纪的物理?

经典与量子;非相对论与相对论;力学与场论

● 为什么要学习17世纪到20世纪的"过时"的物理?

理论力学: 非相对论(或相对论) 经典力学

为什么要学习理论力学?

- 与现代物理体系的紧密相关掌握好理论力学可以更好地理解量子力学
- 掌握必要的数学工具对更进阶的理论物理学习非常重要
- 采用新的视角对已知物理定律的再诠释 更具一般性与普适性; It's just cool!

为什么要学习理论力学?

- 与现代物理体系的紧密相关掌握好理论力学可以更好地理解量子力学
- 掌握必要的数学工具对更进阶的理论物理学习非常重要
- 采用新的视角对已知物理定律的再诠释 更具一般性与普适性; It's just cool!

我们首先从17世纪的牛顿力学谈起……

牛顿力学

原则上,基于受力,牛顿运动方程可以预言任意体系的运动规律 我们仅需要一个足够强大的计算机...

● 然而,现实却很残酷

计算机那时还没有发明

很多情况下、受力可能是不能完全清楚的

受力可能依赖于时间、位置, 甚至速度;

处理复杂系统时存在困难,"三体问题"

● 因此,需要利用更强大的数学工具进行描述



广义运动方程

牛顿力学描述物体的位置

目标: 求解 x = x(t), y = y(t), z = z(t)

N个物体涉及3N个坐标

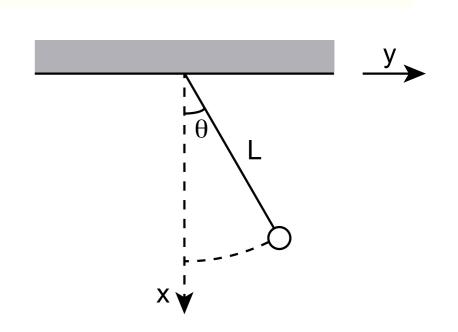
原则上,有无穷多种描述物体运动的方法

如,描述一个单摆
$$x = L\cos\theta, y = L\sin\theta, z = 0, \theta = \theta(t)$$

自由变量的个数可能不是3N(约束)

不妨将新变量称为广义坐标

● 广义坐标对应的运动方程是什么?



拉格朗日力学 Lagrangian

- 牛顿运动方程是关于力的方程 F=ma从描述系统中每个物体的受力出发 F = F(x,t)关于3N个坐标的3N个函数
- 引入拉格朗日量

$$L = L(q, \dot{q})$$

 $L = L(q, \dot{q})$ 广义坐标q及其时间导数

以及拉格朗日方程

$$\frac{d}{dt} \left(\frac{\partial L}{\partial \dot{q}} \right) - \frac{\partial L}{\partial q} = 0$$

所有关于系统运动的信息均 包含在一个标量函数中

拉格朗日力学不依赖于坐标系的选取

哈密顿原理 Hamilton's Principle

• 基于哈密顿原理,可导出拉格朗日方程

$$\delta \int_{1}^{2} Ldt = 0$$

- 一个真实物理系统选取运动路径使拉格朗日量L的时间积分为极值。
- 牛顿定律是通过大量实验观测归纳得到的
 "It is so because it agrees with many observations"
 从一原理中推导出牛顿定律意味着 why it is so
 给出了更深层次的原因,最终会与费曼路径积分有联系
- 当然,变分法也是非常有用的数学工具

哈密顿力学 Hamiltonian

• 哈密顿方程

$$\dot{q} = \frac{\partial H}{\partial p}, \quad \dot{p} = -\frac{\partial H}{\partial q}$$

- (p,q) 是正则变量, H是一个函数, 称为哈密顿量
- 正则变量: 位置与动量 $p = mv = m\dot{x}$?
- 位置与动量被作为独立变量

比拉格朗日力学允许更广泛的变量变换

公式更简洁、更对称、更酷

与量子力学里的不确定关系具有相似性

失败中的成功

● 求解三体问题的尝试失败了

除计算机数值求解之外



- 副产品(Lagrangians/Hamiltonians) 却成为建立量子力学的基石 量子力学的发展是类比拉格朗日力学和哈密顿力学建立的 量子力学的先驱们是学习经典力学成长起来的
- 经典力学是牛顿与薛定谔之间缺失的联系 充分领会量子力学

课程安排

● 拉格朗日方程,哈密顿原理

有心运动

刚体运动

小振动

狭义相对论?

- 哈密顿方程,正则变换
- 哈密顿-雅可比 (Hamilton-Jacobi) 方程 经典场论?