

Resolução da Lista de Exercícios 1

1. ★ Mostre, através de teste de mesa, o resultado das seguintes funções:

```
i. int f1(int n)
{
    if (n == 0)
        return (1);
    else
        return(n * f1(n-1));
}
```

Considere as entradas:

(1) $f1(0)$;

(2) $f1(1)$;

(3) $f1(5)$;

Resolução:

```
int cont=0;
int f1(int n)
{
    cont++; // if
    if (n == 0)
    {
        cont++; // return
        return (1);
    }
    else
    {
        cont++; // return
        return(n * f1(n-1));
    }
}
```

$f1(0)$: 1

CONTADOR para $f1(0)$: 2

$f1(1)$: 1

CONTADOR para $f1(1)$: 4

$f1(5)$: 120

CONTADOR para $f1(5)$: 12

Resolução da Lista 1

```
ii. int f2(int n)
{
    if (n == 0)
        return (1);
    if (n == 1)
        return (1);
    else
        return (f2(n-1) + 2 * f2(n-2));
}
```

Considere as entradas:

- (1) $f2(0)$;
- (2) $f2(1)$;
- (3) $f2(5)$;

Resolução:

```
int cont=0;
int f2(int n)
{
    cont++; // if
    if (n == 0)
    {
        cont++; // return
        return (1);
    }
    cont++; // if
    if (n == 1)
    {
        cont++; // return
        return (1);
    }
    else
    {
        cont++; // return
        return (f2(n-1) + 2 * f2(n-2));
    }
}
```

$f2(0)$: 1

CONTADOR para $f2(0)$: 2

$f2(1)$: 1

CONTADOR para $f2(1)$: 3

$f2(5)$: 21

CONTADOR para $f2(5)$: 42

Resolução da Lista 1

```

iii. int f3(int n)
{
    if (n == 0)
        printf("`Zero `");
    else
    {
        printf("`%d `", n);
        printf("`%d `", n);
        f3(n-1);
    }
}

```

Considere as entradas:

- (1) $f3(0)$;
- (2) $f3(1)$;
- (3) $f3(5)$;

Resolução:

```

int cont=0;
int f3(int n)
{
    cont++; // if
    if (n == 0)
    {
        cont++; // printf
        printf("`Zero\n`");
    }
    else
    {
        cont+=3; // printfs e chamada
        printf("`%d \n'", n);
        printf("`%d \n'", n);
        f3(n-1);
    }
}

```

Zero

CONTADOR para $f3(0)$: 2

1

1

Zero

CONTADOR para $f3(1)$: 6

5

Resolução da Lista 1

5

4

4

3

3

2

2

1

1

Zero

CONTADOR para f3(5): 22

2. Desenvolva algoritmos recursivos para os seguintes problemas:

- i. ★ Impressão de um número natural em base binária.

Resolução:

```
void bin(int n)
{
    if (n > 1)
        bin(n/2);
    printf("%d", n%2);
}
```

- ii. ★ Multiplicação de dois números naturais, através de somas sucessivas (Ex.: $6 \cdot 4 = 4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4$).

Resolução:

```
int multsoma(int a, int b)
{
    if (a > 0)
        return b+multsoma(a-1,b);
    else
        return 0;
}
```

- iii. ★ Soma de dois números naturais, através de incrementos sucessivos (Ex.: $3 + 2 = ++(+ + 3)$).

Resolução:

```
int somaincr(int a, int b)
{
    if (b > 0)
        return somaincr(++a,b-1);
}
```

Resolução da Lista 1

```

    else
        return a;
}

```

- iv. ★ Multiplicação de dois números naturais, através de incrementos sucessivos.

Resolução:

```

int somaincr2(int x, int y)
{
    if (y == 0)
        return x;
    else
        return somaincr2(++x,--y);
}

int prodincr(int x, int y)
{
    if (y == 0 || x == 0)
        return 0;
    else
        return somaincr2(x, prodincr(x,--y));
}

```

- v. ★ Cálculo de $1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \dots + \frac{1}{N}$.

Resolução:

```

float somafrac(float n)
{
    if (n > 0)
        return 1/n+somafrac(n-1);
    else
        return 0;
}

```

- vi. ★ Cálculo de $\frac{2}{4} + \frac{5}{5} + \frac{10}{6} + \frac{17}{7} + \frac{26}{8} + \dots + \frac{(n^2+1)}{(n+3)}$.

Resolução:

```

float somafrac2(float n)
{
    if (n > 0)
        return (n*n+1)/(n+3)+somafrac2(n-1);
    else

```

Resolução da Lista 1

```

        return 0;
    }

```

- vii. ★ Inversão de uma string.

Resolução:

```

void inverte(char *ch, int inicio, int fim)
{
    char c;
    if (inicio >= fim)
        return;
    c = *(ch+inicio);
    *(ch+inicio) = *(ch+fim);
    *(ch+fim) = c;
    inverte(ch, ++inicio, --fim);
}

```

- viii. Gerador da sequência dada por:

- $F(1) = 1$
- $F(2) = 2$
- $F(n) = 2 * F(n - 1) + 3 * F(n - 2)$.

- ix. Gerador da sequência: 1, 2, 5, 12, 29, 68, 165,

- x. Gerador da sequência: 0, 1, 1, 2, 3, 7, 16, 65, 321,

- xi. ★ Gerador de Sequência de Ackerman:

- $A(m, n) = n + 1$, se $m = 0$
- $A(m, n) = A(m - 1, 1)$, se $m \neq 0$ e $n = 0$
- $A(m, n) = A(m - 1, A(m, n - 1))$, se $m \neq 0$ e $n \neq 0$.

Resolução:

```

int ackermann(unsigned m, unsigned n)
{
    if (m == 0)
        return n + 1;
    else
        if (n == 0)
            return ackermann(m-1, 1);
        else
            return ackermann(m-1, ackermann(m, n-1));
}

```

- xii. A partir de um vetor de números inteiros, calcule a soma e o produto dos elementos do vetor.

Resolução da Lista 1

- xiii. Gerador de máximo divisor comum (mdc):
- $\text{mdc}(x, y) = y$, se $x \geq y$ e $x \bmod y = 0$
 - $\text{mdc}(x, y) = \text{mdc}(y, x)$, se $x < y$
 - $\text{mdc}(x, y) = \text{mdc}(y, x \bmod y)$, caso contrário.
- xiv. Verifique se uma palavra é palíndromo (Ex. *aba*, *abcba*, *xyzzyx*).
- xv. Dado um número n , gere todas as possíveis combinações com as n primeiras letras do alfabeto. Ex.: $n = 3$. Resposta: ABC, ACB, BAC, BCA, CAB, CBA.
- xvi. Gere todas as possíveis combinações para um jogo da MegaSena com 6 dezenas.
3. ★ Verifique o que as funções dos algoritmos abaixo imprimem e retornam:

```
i. func (int n)
{
    if (n == 0)
        printf("`fim'");
    else
    {
        printf(n);
        func(n-1);
    }
}
```

```
ii. func (int n)
{
    if (n == 0)
        printf("`fim'");
    else
    {
        func(n-1);
        printf(n);
    }
}
```

```
iii. func (int n)
{
    if (n == 0)
        printf("`fim'");
    else
    {
        printf(n);
        func(n-1);
        printf(n);
    }
}
```

Resolução da Lista 1

```
iv. func (int n)
{
    if (n == 0)
        printf("`fim'");
    else
    {
        func(n-1);
        printf(n);
        func(n-1);
    }
}
```

Resolução:

Para $n = 3$:

func1:

3

2

1

fim

func2:

fim

1

2

3

func3:

3

2

1

fim

1

2

3

func4:

fim

1

fim

Resolução da Lista 1

```
2
fim
1
fim
3
fim
1
fim
2
fim
1
fim
```

4. Compare e explique o funcionamento dos algoritmos do exercício anterior.
5. Escreva um programa recursivo em C para classificar um vetor a como segue:
 - Seja k o índice do elemento do meio do vetor.
 - Classifique os elementos até, e inclusive, $a[k]$.
 - Classifique os elementos depois de $a[k]$.
 - Combine os dois subvetores num único vetor classificado.

Este método é chamado de **classificação mesclada**.

6. ★ Determine o que a seguinte função recursiva em C calcula. Escreva uma função iterativa para atingir o mesmo objetivo.

```
func (int n)
{
    if (n == 0)
        return(0);
    return(n + func(n-1));
}
```

Resolução:

```
int func_i (int n)
{
    int i, soma=0;
    for (i = 0; i <= n; i++)
        soma+=i;
```

Resolução da Lista 1

```
    return soma;  
}
```

7. Defina uma **sequência de Fibonacci generalizada**, de $f0$ a $f1$ como sequência $fibg(f0, f1, 0)$, $fibg(f0, f1, 1)$, $fibg(f0, f1, 2)$, ..., onde:

- $fibg(f0, f1, 0) = f0$
- $fibg(f0, f1, 1) = f1$
- $fibg(f0, f1, n) = fibg(f0, f1, n - 1) + fibg(f0, f1, n - 2)$, se $n > 1$.

Escreva uma função recursiva em C para calcular $fibg(f0, f1, n)$. Descubra um método iterativo para calcular essa função.

Referências

- [1] Nakamiti, Gilberto, *Listas de Exercícios de Estruturas de Dados II*, Engenharia de Computação. PUC-Campinas, 2007.
- [2] Tenenbaum, A. M., Langsam, Y., Augenstein, M. J., *Estruturas de Dados Usando C*. Makron Books, 1995.