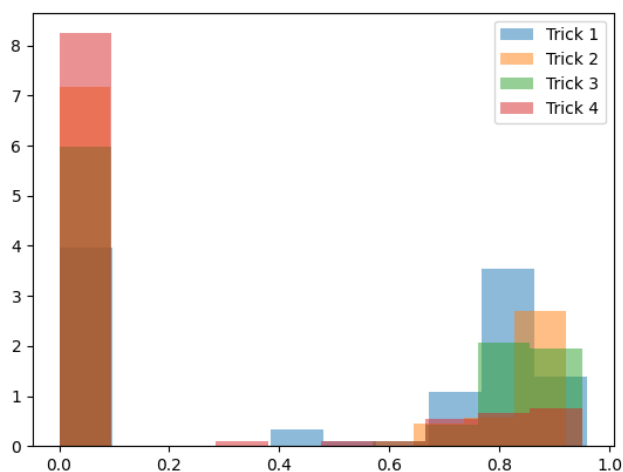


1 Uppvärmning

Figure 1: Histogram av betyg skalad mellan 0 och 1



Låt B vara betyg för en skateboardåkare och trick. Vi vill skatta $P(B > 0.6|B > 0) = \frac{P(B>0|B>0.6)P(B>0.6)}{P(B>0)} = \frac{P(B>0.6)}{P(B>0)}$ som $\tilde{P}(B > 0.6|B > 0) = \frac{\sum_i \sum_j^{96} trick_{ij} \mathbf{1}_{\{[0.6,1]\}}}{\sum_i \sum_j^{96} trick_{ij} \mathbf{1}_{\{[0,1]\}}} \approx 0.96$ Det här stämmer med utseendet på ???. När man plottar run 2 mot run 1 ser de ut att ha jätte svag korrelation ??

2 En frekventistisk modell

Anm 1 Vår model för X_i är följande

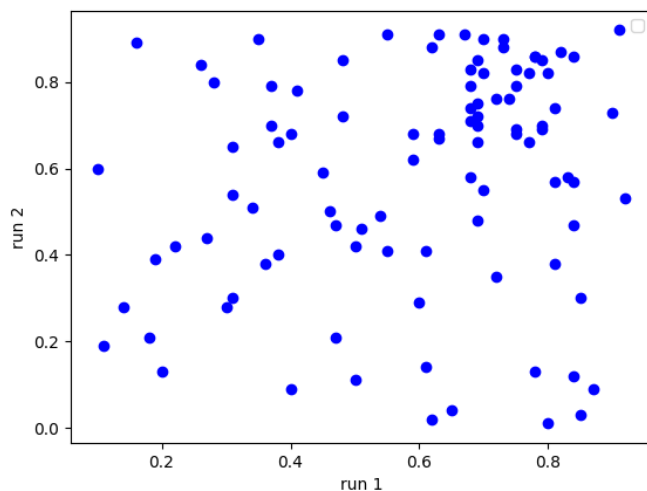
$$X_i = \begin{cases} 0 & \text{om } V_i = 0 \\ Z_i & \text{om } V_i = 1 \end{cases}$$

där $V_i \sim \text{Ber}(\theta_i)$ och $Z_i \sim \text{Beta}(\alpha_i, \beta_i)$ det här är ekvivalent med att säga

$$V_i = \mathbf{1}_{\{x \neq 0\}}(X_i) \text{ och } Z_i = X_i | (V_i = 1)$$

eftersom det här är bara en transformation av stokastiska variabler ger stickprov från X_i oss ett stickprov för Z_i och V_i

Figure 2: Spridningsdiagram mellan run 1 och run 2



(a) Skatta θ_i

Låt $x_{i[n]} = (x_{i1}, x_{i2}, \dots, x_{in})^T$ vara vår stickprov från samtliga trick skateboardåkaren i utförde.

$$L(\theta_i, \alpha_i, \beta_i | x_{i[n]}) = \prod_{j=1}^n f_{x_i}(x_{ij}) = \prod_{j=1}^n (1 - \theta_i) \mathbf{1}_{\{x=0\}}(x_{ij}) + \theta_i f_{Z_i}(x_{ij}) \mathbf{1}_{\{x \neq 0\}}(x_{ij}) \quad (1)$$

\Longleftrightarrow

$$L(\theta_i, \alpha_i, \beta_i | x_{i[n]}) = (1 - \theta_i)^{n-m} \theta_i^m \prod_{j=1}^n (f_{Z_i}(x_{ij}) \mathbf{1}_{\{x \neq 0\}}(x_{ij}) + \mathbf{1}_{\{x=0\}}(x_{ij})) \quad (2)$$

där $m = \sum_{j=1}^n \mathbf{1}_{\{x \neq 0\}}(x_{ij})$ alltså hur många gånger x_i inte är noll (gångar tävlaren i landade tricket). Nu tar vi log likelihoodfunktionen.

$$\implies \log(L) = (n - m) \log(1 - \theta_i) + m \log(\theta_i) + \sum_{j=1}^n \log(f_{Z_i}(x_{ij}) \mathbf{1}_{\{x \neq 0\}}(x_{ij}) + \mathbf{1}_{\{x=0\}}(x_{ij})) \quad (3)$$

$$\Longleftrightarrow \partial_{\theta_i} \log(L) = \frac{m - n}{1 - \theta_i} + \frac{m}{\theta_i} = 0 \quad (4)$$

$$\Longleftrightarrow \frac{m - n\theta_i}{\theta_i(1 - \theta_i)} = 0 \Longleftrightarrow \hat{\theta}_i = \frac{m}{n} \quad (5)$$

MLE för bernoulli fördelningens V_i parameter $\hat{\theta}_i = \operatorname{argmax}_{\theta \in \Omega} L(\theta_i | v_{i[n]}) = \bar{v}_i$ skulle ge oss samma resultat. Eftersom vi kan transformera stickprovet $x_{i[n]} \rightarrow v_{i[n]}$ med ?? $v_i = \mathbf{1}_{\{x \neq 0\}}(x_i)$. vilket betyder att $m = \sum_{j=1}^n v_i$ och därmed får ?? att sammanfalla med MLE av bernoulli fördelningen.

(b) skatta α_i och β_i

Observera att från ?? $\sum_{j=1}^n \log(f_{Z_i}(x_{ij}) \mathbf{1}_{\{x \neq 0\}}(x_{ij}) + \mathbf{1}_{\{x=0\}}(x_{ij})) = \sum_{j=1}^n \log(f_{Z_i}(x_{ij}) \mathbf{1}_{\{x \neq 0\}}(x_{ij}))$ eftersom $\log(1) = 0$. Vi vet att

$\operatorname{argmax}_{\alpha, \beta \in \Omega} \log(L) = \operatorname{argmax}_{\alpha, \beta \in \Omega} \sum_{j=1}^n \log(f_{Z_i}(x_{ij}) \mathbf{1}_{\{x \neq 0\}}(x_{ij}))$ vilket är ekvivalent med $\operatorname{argmax}_{\alpha, \beta \in \Omega} \log(L(\alpha, \beta | z_{i[k]}))$ för att z stickprovet innehåller alla trick som landade $z_{i[k]} = (z_{i1}, \dots, z_{ik})^T = \{x_{ij} \in x_{i[n]} : x_{ij} \neq 0\}$
Vi ska alltså bara maximera log-likelihood av beta fördelningens paramtrerna givet data from Z_i

$$\begin{aligned} & \begin{cases} \partial_{\alpha} \log(L(\alpha, \beta | z_{i[k]})) = \sum_{j=1}^k \partial_{\alpha} \log(f(z_{ij})) = 0 \\ \partial_{\beta} \log(L(\alpha, \beta | z_{i[k]})) = \sum_{j=1}^k \partial_{\beta} \log(f(z_{ij})) = 0 \end{cases} \\ & \therefore \partial_{\alpha} \log(f(z_{ij})) = \partial_{\alpha} \log \left(\frac{\Gamma(\alpha + \beta)}{\Gamma(\alpha) \cdot \Gamma(\beta)} \cdot z_{ij}^{\alpha-1} \cdot (1 - z_{ij})^{\beta-1} \right) \\ & = \partial_{\alpha} (\log \Gamma(\alpha + \beta) - \log \Gamma(\alpha) - \log \Gamma(\beta) + (\alpha - 1) \log z_{ij} + (\beta - 1) \log(1 - z_{ij})) \\ & = \partial_{\alpha} \log(f(z_{ij})) = \psi(\alpha + \beta) - \psi(\alpha) + \log z_{ij} \text{ där } \psi = \Gamma'/\Gamma \\ & \quad (\text{Vi gör liknande för } \partial_{\beta} \log f(z_{ij})) \\ & \Rightarrow \begin{cases} \partial_{\alpha} \log L = k\psi(\alpha + \beta) - k\psi(\alpha) + \sum_{j=1}^k \log(z_{ij}) = 0 \\ \partial_{\beta} \log L = k\psi(\alpha + \beta) - k\psi(\beta) + \sum_{j=1}^k \log(1 - z_{ij}) = 0 \end{cases} \end{aligned}$$

Det går dock inte att lösa ML skattningen analytisk härifrån. Numeriska metoder som newton rhapsion eller gradient descent behövs för att skatta vår ML skattning. Att göra så medför sig en del problem som ökar systematiska felet genom numerisk fel. Vi behåller riktighet i punktskattningen genom att använda moment metoden istället. Vi utgår från följande system ekvationerna

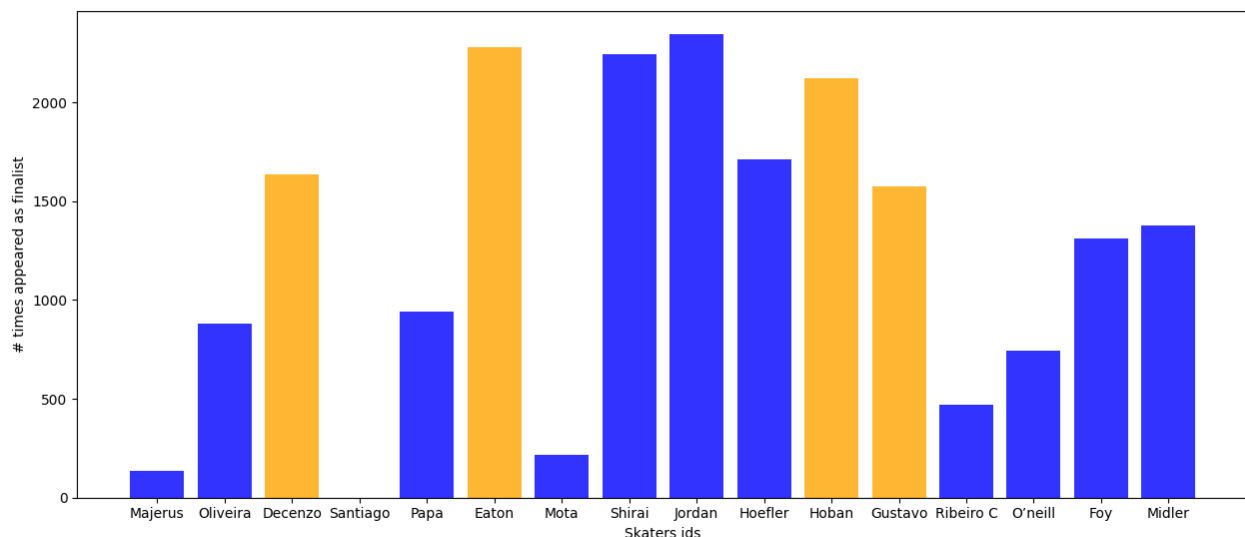
$$\begin{aligned} & \begin{cases} M_1(\mathbf{Z}_i) = E[Z_i] \\ M_2(\mathbf{Z}_i) = \operatorname{Var}[Z_i] + E[Z_i]^2 \end{cases} \iff \begin{cases} \Leftrightarrow M_1 = \frac{\alpha}{\alpha + \beta} \\ M_2 = \frac{\alpha\beta}{(\alpha + \beta)^2(\alpha + \beta + 1)} + (\frac{\alpha}{\alpha + \beta})^2 \end{cases} \\ & \quad \therefore S^2 = \frac{1}{n} \sum (Z_k - \bar{Z})^2 = M_2 - M_1^2 \\ & \iff \begin{cases} \Leftrightarrow \alpha = \beta \frac{M_1}{1 - M_1} \\ S^2 = \frac{\alpha\beta}{(\alpha + \beta)^2(\alpha + \beta + 1)} \end{cases} \iff \begin{cases} \tilde{\alpha} = M_1 \left(\frac{M_1(1 - M_1)}{S^2} - 1 \right) \\ \tilde{\beta} = (1 - M_1) \left(\frac{M_1(1 - M_1)}{S^2} - 1 \right) \end{cases} \\ & \quad = \begin{cases} \tilde{\alpha}_i = \bar{Z}_i \left(\frac{\bar{Z}_i(1 - \bar{Z}_i)}{S^2} - 1 \right) \\ \tilde{\beta}_i = (1 - \bar{Z}_i) \left(\frac{\bar{Z}_i(1 - \bar{Z}_i)}{S^2} - 1 \right) \end{cases} \end{aligned}$$

För vissa skatebordåkare kan man inte få en punktskattningen eftersom det finns endast en datapunkt z_1 för vissa skatebordåkare. Stickprovsvariansen i sådana fall blir lika med noll. Stickprovsvariansen representerar hur osäkert vi är om en skatebordåkares prestation på en trick. Intuivt sett Vi gör valet här att skatta stickprovsvariansen som $S_i^2 \approx \bar{S}^2$ dvs vi tar medelvärde av samtliga varianser.

(c) Model för Y_i

Y_i ska vara run betyget för åkaren i . Eftersom $Y_i \in (0, 1]$ (varje deltagare får betyg större än 0) kommer bernoulli delen försvinna. Men annars fungerar en run ganska liknande som en trick. Så vi antar att $Y_i \sim \text{Beta}(\alpha_i, \beta_i)$. För att skatta parameter till Y använder vi samma moment metoden

Figure 3: Frequency appearing in final \mathbf{W}



som vi använde för att skatta α, β för X . (Obs: Enda skillnaden i det här fallet vi slipper använda medelvärde på stickprovsvariansen $S^2 = \bar{S}^2$ för att det är garanterat vi får mer än en datapunkt för alla skateboardåkare i .)

(d) LCQ simulering för frekventistisk modell

Total betyg för varje deltagare beräknas som summan av deras två största trick betyg och största run betyg. Vi kan beskriva i termer av stokastiska variabler. Låt O_i vara total betyg för deltagare i . Låt $Q_{i,\text{först}} = \max(X_{i1}, X_{i2}, X_{i3}, X_{i4})$ och $Q_{i,\text{andra}} = \max(\min(X_{i1}, X_{i2}), \min(X_{i1}, X_{i3}), \min(X_{i1}, X_{i4}), \min(X_{i2}, X_{i3}), \min(X_{i2}, X_{i4}), \min(X_{i3}, X_{i4}))$. Vi vill simulera total betyg för varje deltagare i som $O_i = Q_{i,\text{först}} + Q_{i,\text{andra}} + \max(Y_{i1}, Y_{i2})$. De som fick de 4 högsta betyg får delta i finalen. Vi simulerar 5000 LCQ:ar. Det ger oss en följd av stokastisk sets $\mathbf{W}_1, \dots, \mathbf{W}_{5000}$. Python har redan libraries för att generera stickprov från beta och bernoulli fördelningar. Så vi slipper använda box muller, inverse metoden, eller dylikt. Jag skapade en frequency bar graph för att visualisera simuleringen och fick detta i en körning ???. De som har markerats i orange är de som faktiskt vann den verkliga LCQ:en. Typvärdet på \mathbf{W} innehöll oftast Hoban, Eaton, Jordan, och Shirai. Typvärdets frekvens vara kring 50 gger dvs 1%. Frekvensen av när \mathbf{W} innehöll samtliga verkliga vinnare (nämligen Gustavo, Hoban, Eaton, Decenzo) vara när 16-20 gger dvs mindre än 0.5%.

3 En bayesiansk modell

(a) Apriori fördelnigar

Vi ska föreslå en simultan apriori fördelning för $[\Theta_i, A_i, B_i]^T$.

Apriori för Θ

Vi vet att θ representerar hur pass sannolikt det är att skatebordåkaren landar tricket och att det är ett värde mellan 0 och 1. Vi har dock inga starka åsikter om θ innan vi observerar datan. Därför använder vi en icke-informativ apriori.

$$f_{\theta_i}(\theta_i) \propto 1$$

Apriori för A, B

Vi har inte någon vettig anledning att anta $A \perp B$ så vi behöver en egentlig simultan fördelning som har stöd $\alpha, \beta \in (0, \infty] \times (0, \infty]$. För att uppnå detta omformulerar vi fördelningen med avseende på dess medelvärde μ och en mått på precision κ . Det vill säga, för $X \sim \text{Beta}(\alpha, \beta)$ tar vi

$$\mu = \frac{\alpha}{\alpha + \beta} \text{ och } \kappa = \alpha + \beta + 1$$

κ är ett mått på precision för fördelningen eftersom det är omvänt proportionellt mot variansen:

$$\text{Var}[X] = \frac{\alpha\beta}{(\alpha + \beta)^2(\alpha + \beta + 1)} = \frac{\mu(1 - \mu)}{\kappa}.$$

Vi kan sedan ange en fördelning $[\mu, \kappa]^T$ (enligt en hierarki) och sedan omvandla denna fördelning tillbaka till parametrarna α och β för att få en fördelning för $[A, B]^T$. Vi tar den hierarkiska modellen:

$$\kappa | \mu \sim \text{Gamma}(\theta, \lambda), \mu \sim \text{U}(0, 1)$$

En variabelbyte ger oss den priorfördelning för parametrarna α och β :

$$f_{A,B}(\alpha, \beta) = \frac{\lambda^\theta}{\Gamma(\theta)} (\alpha + \beta + 1)^{\theta-1} e^{-\lambda(\alpha+\beta+1)} (\alpha + \beta)^{-1}.$$

Vi antar $\Theta_i \perp A_i, B_i$ för alla $i \implies f_{\theta_i, \alpha_i, \beta_i}(\theta_i, \alpha_i, \beta_i) = f_{\theta_i}(\theta_i) f_{\alpha_i, \beta_i}(\alpha_i, \beta_i)$

(b) Aposteriori för X_i och skattning

$$f_{\theta_i, \alpha_i, \beta_i | x_i}(\theta_i, \alpha_i, \beta_i | x_i) \propto f_{\theta_i}(\theta_i) f_{\alpha_i, \beta_i}(\alpha_i, \beta_i) f_{x_i | \theta_i, \alpha_i, \beta_i}(x_i | \theta_i, \alpha_i, \beta_i)$$

Vårt mål är att använda aposteriorin för att skatta $E[\Theta_i, A_i, B_i | \mathbf{X}_i = \mathbf{x}_i]$. För att göra detta använder vi metropolis algoritmen för att generera ett stickprov och ta stickprovsmedelvärdet

$$\begin{pmatrix} \theta_{i0}, \theta_{i1} \dots \theta_{i5000} \\ \alpha_{i0}, \alpha_{i1} \dots \alpha_{i5000} \\ \beta_{i0}, \beta_{i1} \dots \beta_{i5000} \end{pmatrix} \longrightarrow \begin{pmatrix} \bar{\theta}_i \\ \bar{\alpha}_i \\ \bar{\beta}_i \end{pmatrix}$$

Aposteriorin är vår målfördelning men vi kommer använda $L_p(\theta_i, \alpha_i, \beta_i) \propto \log(f_{\theta_i, \alpha_i, \beta_i | \mathbf{x}_i}(\theta_i, \alpha_i, \beta_i | \mathbf{x}_i))$ istället. Data fördelning $f_{\mathbf{x}_i | \theta_i, \alpha_i, \beta_i}(\mathbf{x}_i | \theta_i, \alpha_i, \beta_i)$ i aposteriorin är samma som likelihoodfunktionen $L(\theta_i, \alpha_i, \beta_i | \mathbf{x}_i)$

$$\Rightarrow L_p(\theta_i, \alpha_i, \beta_i) = \underbrace{\log(f_{\theta_i}(\theta_i))}_{\log(1)=0} + \log(f_{\alpha_i, \beta_i}(\alpha_i, \beta_i)) + \log L(\theta_i, \alpha_i, \beta_i)$$

Algorithm 1 Metropolis Algorithm

```
1: Initialize the chain with  $\Theta_0 = [\theta_{i0}, \beta_{i0}, \alpha_{i0}]^T$ 
2: for  $k = 1$  to 5000 do ▷ Iterate for a total of 5000 steps
3:   Generate a proposal state  $\Theta'$  from a proposal distribution  $Q(\Theta'|\Theta_{k-1})$ 
4:   Calculate the acceptance ratio  $R = \min\left(1, \frac{L_p(\Theta')}{L_p(\Theta_{k-1})}\right)$ , where  $L_p(\Theta)$  is the target distribution
5:   Generate a uniform random number  $u \sim \text{Uniform}(0, 1)$ 
6:   if  $u \leq R$  then
7:     Accept the proposal:  $\Theta_k = \Theta'$ 
8:   else
9:     Reject the proposal:  $\Theta_k = \Theta_{k-1}$ 
10:  end if
11: end for
```

Valet för förslagsfördelning blir $\Theta' \sim Q(\Theta'|\Theta_{k-1}) = \begin{pmatrix} \exp(\log \alpha_{k-1} + \delta Z_\alpha) \\ \exp(\log \beta_{k-1} + \delta Z_\beta) \\ U_\theta \end{pmatrix}$ där $Z_\alpha \sim N(0, 1)$,

$Z_\beta \sim N(0, 1)$, $U_\theta \sim U(0, 1)$, och $\delta = 0.5$. Anledning till valet för α, β elementen är att det behöver vara ett tal större än 0 så vi tog exponentialen. Dessutom behöver vi $\theta \in (0, 1)$ så det var intuitivt att välja en uniform fördelning.

θ Histograms

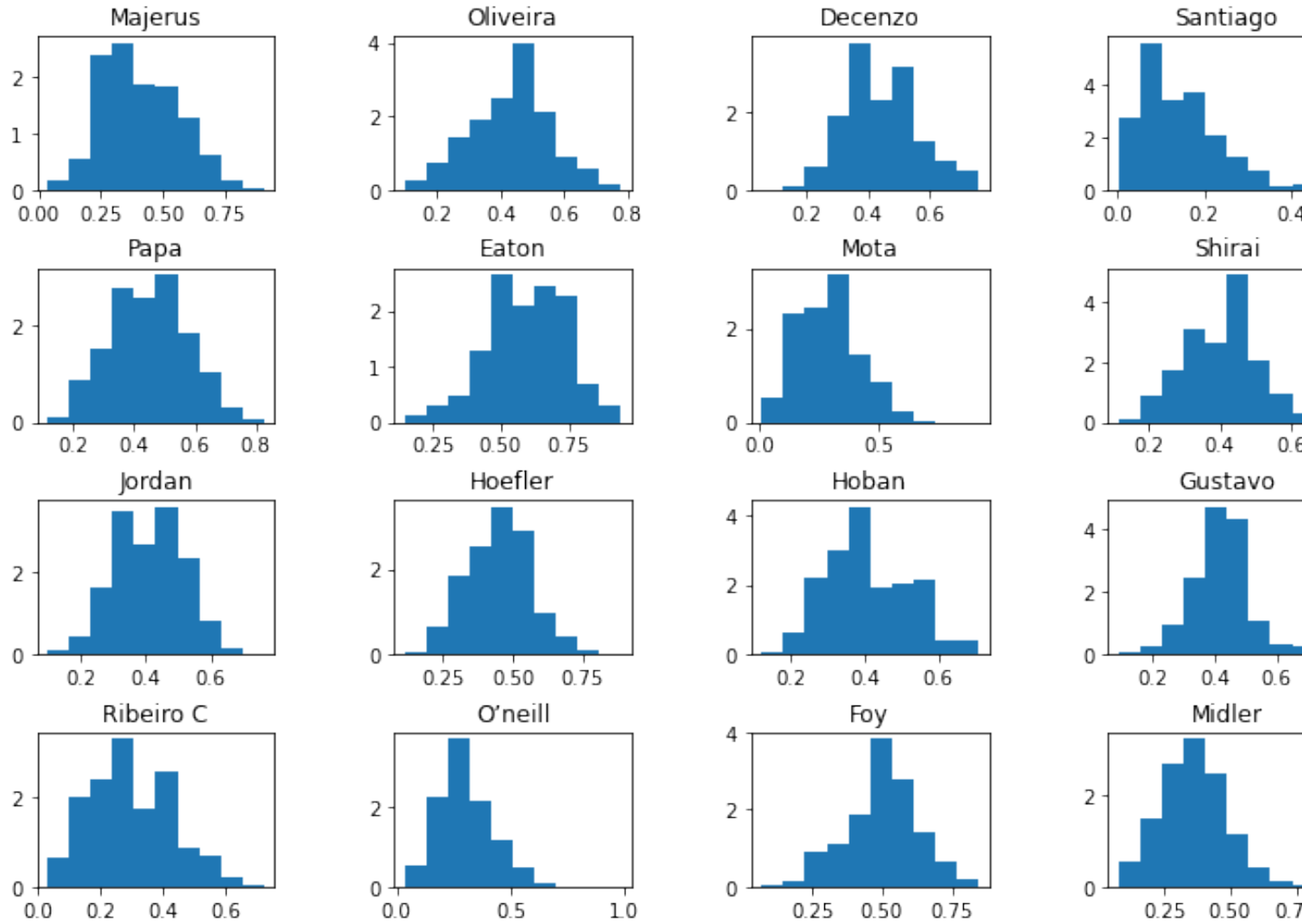


Figure 4: Plottan av $f(\theta_i|x_i)$

α, β scatters

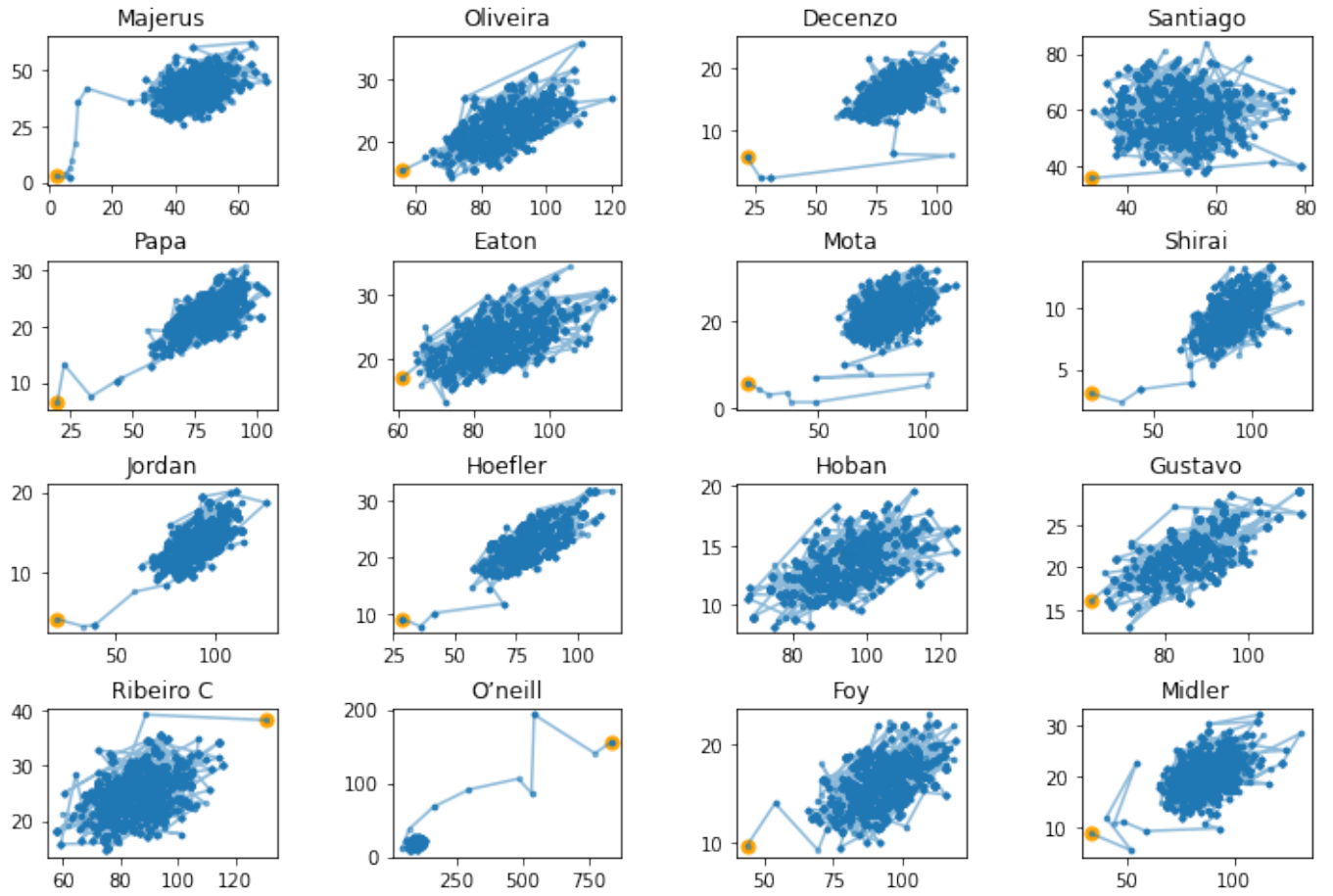


Figure 5: Plottan av $f(\alpha_i, \beta_i | x_i)$

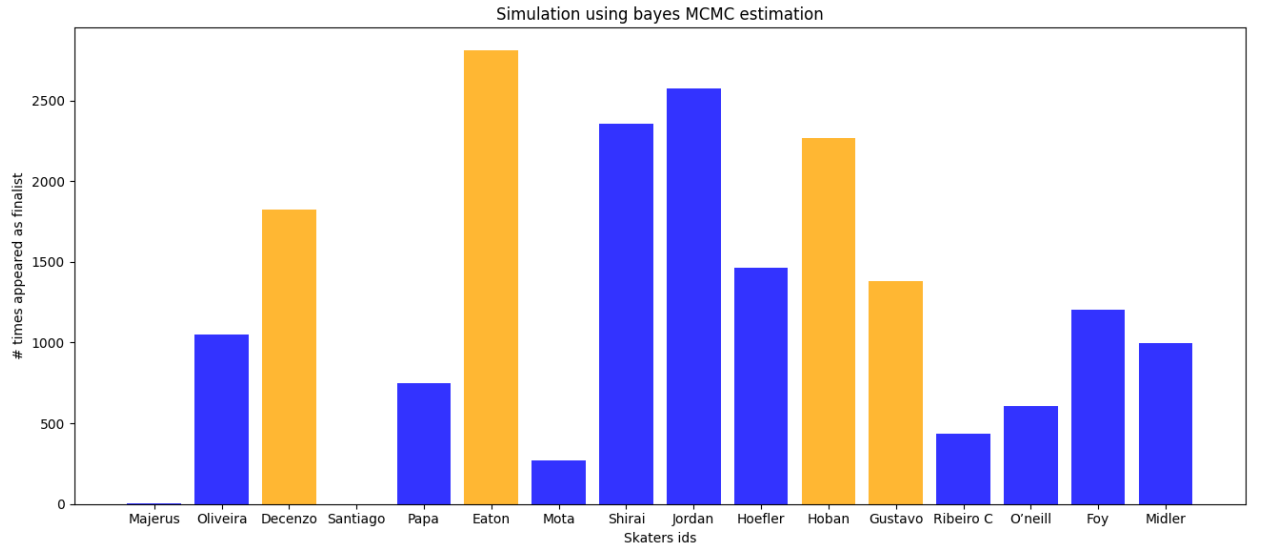


Figure 6: Frequency appearing in final \mathbf{W} using MCMC estimated parameters

(c) Aposteriori för Y_i

Eftersom $Y_i \sim \text{Beta}(y\alpha_i, y\beta_i)$ ska vi använda en apriori fördelning av samma form som den alpha beta apriori i X .

$f_{\alpha_i, \beta_i}(\alpha_i, \beta_i) = \frac{\lambda^\theta}{\Gamma(\theta)} (\alpha_i + \beta_i + 1)^{\theta-1} e^{-\lambda(\alpha_i + \beta_i + 1)} (\alpha_i + \beta_i)^{-1}$ som ger oss aposteriorin

$$f_{\alpha_i, \beta_i | \mathbf{y}_i}(\alpha_i, \beta_i | \mathbf{y}_i) \propto f_{\alpha_i, \beta_i}(\alpha_i, \beta_i) f_{\mathbf{y}_i | \alpha_i, \beta_i}(\mathbf{y}_i | \alpha_i, \beta_i)$$

processen för MCMC blir alltså rätt liknande som X_i s parametrar men vi exkluderar θ_i

(d) LCQ simulering för bayesiansk modell

Jag använde $\begin{pmatrix} \bar{\theta}_i \\ \bar{\alpha}_i \\ \bar{\beta}_i \end{pmatrix}$ och $\begin{pmatrix} y\bar{\theta}_i \\ y\bar{\alpha}_i \end{pmatrix}$ från metropolis som min punktskattning för trickbetygs och runbetygs parametrar för att simulera 5000 LCQ:ar som vi gjorde i 2(d). Det ger oss följande frequency bar plot ??

(e) Teori om modellen

Jag ritade en acyklisk riktad graf för att representera modellen där

- $\mathbf{\Upsilon}_i = [y A_i, y B_i]^T$
- $\mathbf{\Theta}_i = [\Theta_i, A_i, B_i]^T$
- $\mathbf{Y}_i = [Y_i^{(1)}, Y_i^{(2)}]^T$ betecknar is två runbetyg
- $\mathbf{X}_i = [X_i^{(1)}, X_i^{(2)}, X_i^{(3)}, X_i^{(4)}]^T$ betecknar is fyra trickbetyg

Nu ska vi svara på några frågor.

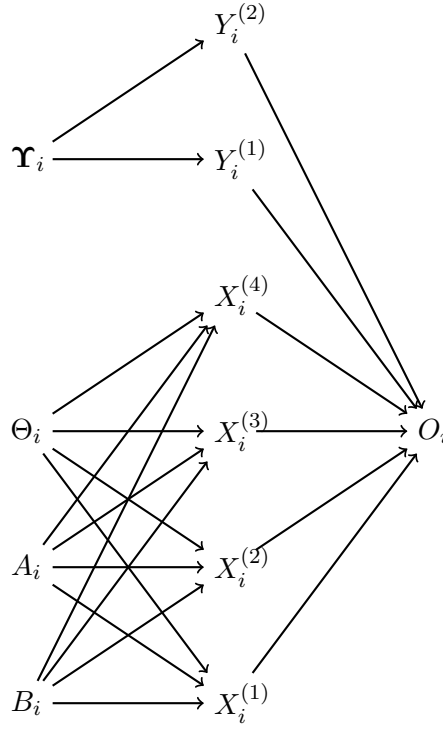


Figure 7: acyklisk riktad graf

- Varför antog vi att $\Upsilon_i \perp\!\!\!\perp \Theta_i | \mathbf{X}_i, \mathbf{Y}_i$ i 3(d)?

Den främsta anledning är att förenkla modellen och de tillhörande beräkningarna. Om parametrarna behandlas som oberoende är det lättare att hitta lämpliga apriori och aposteriorin. Man slipper betrakta aposteriorin $f(\theta, \alpha, \beta, \alpha, \beta | x, y)$ och alla val som det medför sig. Detta är särskilt fördelaktigt när man använder beräkningstekniker som Markov Chain Monte Carlo (MCMC) eftersom det kan påskynda konvergens och minska beräkningstiden. En annan anledning är många situationer kan det saknas starka skäl att tro att parametrar är korrelerade. Utan någon extern information som antyder ett förhållande mellan parametrarna är det ofta säkrare att anta oberoende.

- Kan vi dra slutsatsen från grafen ?? att $\Theta_i \perp\!\!\!\perp A_i, B_i | \mathbf{X}_i$?

Nej. Betrakta stigen $\Theta_i \rightarrow X_i^{(4)} \rightarrow A_i$. För att $X_i^{(4)} \in \text{an}_G(\mathbf{X}_i)$ är Θ och A, B d-sammanhängande.

- Kan vi dra slutsatsen från grafen ?? att $\Upsilon_i \perp\!\!\!\perp \Theta_i | \mathbf{X}_i, \mathbf{Y}_i$

Ja för att $\mathbf{X}_i, \mathbf{Y}_i \notin \text{an}_G(O_i)$

- Kan vi anta ?? $\Upsilon_i \perp\!\!\!\perp \Theta_i | O_i$?

Nej för att O_i blockerar alla stigar mellan Υ_i och Θ_i . Intuitivt sett verkar det vettigt att Υ_i kan ge information om Θ_i givet total betyget. Om vi vet lite om värdet av total betyg O_i och Υ_i så vet vi ungefär vilka värde run betyg antar som kan ge information om trick betyget och därmed vilka värde Θ_i kommer anta.

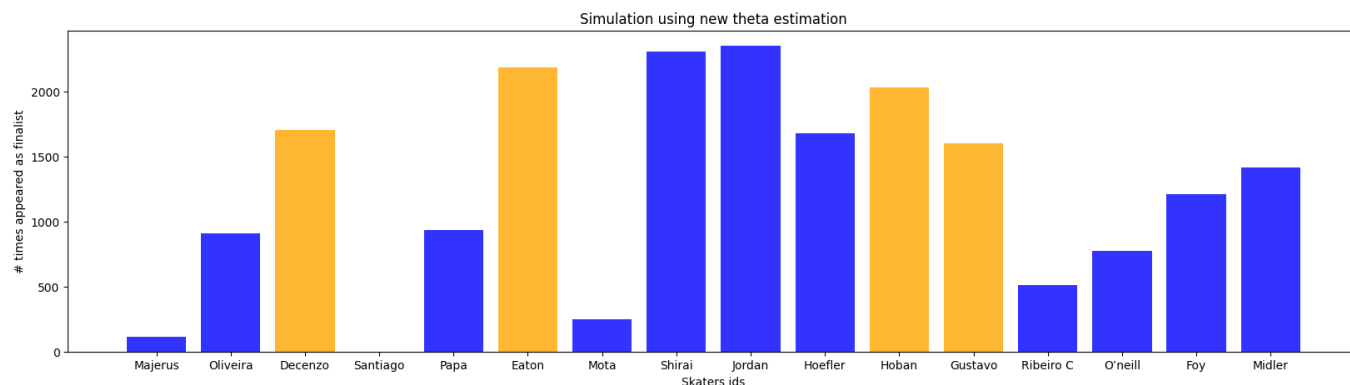


Figure 8: Frequency appearing in final using new heirarchal model and MoM estimation

4 En bayesiansk modell med en hierarki

(a) Apriori fördelning för $[\Theta_i, C_i, D_i]^T$

- Låt $\Theta_i | C_i = c_i, D_i = d_i \sim \text{Beta}(c_i, d_i)$.
- Låt $f_{c_i, d_i}(c_i, d_i) \propto (c_i + d_i)^{-5/2}$ (egentlig ickeinformativ apriori)

(b) Aposteriori och simulering

(c) Simulera LCQ för bayesiansk modell med en hierarki

??

5 Diskussion

(a)

Hur jämför resultaten (skateboardåkarna i typvärdena) av de olika modellerna? Vilka skateboardåkare är korrekt förutspådda och vilka inte är det? Ge några möjliga förklaringar till skillnaderna mellan de olika modellernas förutsägelser. Vilken modell föredrar du och varför?

Varför det finns skillnad mellan förutsägelser

- Apriorin som valdes
- MCMCs stickprovstorlek

(b)

Hur jämför dina skattningar för θ_i i Uppgift 1 och dina skattade väntevärden och varianser för θ_i Uppgift 3 och 4? Vad är det förväntade betyget för ett trick för varje skateboardåkare givet att tricket har lyckats landa? Vad är det förväntade runbetyget? Med tanke på de skateboardåkare som förutspås vinna enligt de olika modellerna, ger dessa statistikor några insikter om framgångsrika strategier för att vinna? Till exempel, fungerar det att fokusera på ett bra runbetyg framför bra trickbetyg? Finns det exempel där denna strategi fungerar? Är det bra att ha bättre trickbetyg med stor varians eller lite sämre trickbetyg med mindre varians? osv.

(c)

Skatta väntevärdet och standardavvikelsen för varje skateboardåkares total- betyg för modellerna i uppgift 3 och 4. Stödjer denna statistik dina förut- sägelser? Enligt denna statistik, vad måste hända för att resultatet ska bli de riktiga vinnarna?

(d)

- I alla modellerna antog vi att skateboardåkarens prestationer är oberoende. Till exempel antog vi att alla V_i är oberoende. Verkar detta som ett rimligt antagande? Motivera ditt svar.

För att LCQ är en individuell tävling på hög nivå är det rimlig att anta en skatebordåkarens prestation inte påverkas av andra. Hade det varit en annan sorts tävling som

(e)

- I alla modeller struntade vi i ordningen som skateboardåkarna turades om. Verkar detta vara en rimlig sak att göra? Varför eller varför inte?

Det inte finns tillräckligt med data eller information om turordningen mellan skateboardåkarna, kan det vara svårt att inkludera detta i modellen. Därför var det nödvändig att strunta i ordningen och fokusera på andra faktorer som påverkar prestationen.