Práctica 10:

Sistemas de ecuaciones lineales no lineales.

Planteamiento:

En esta práctica se tratará de resolver un sistema de tres ecuaciones no lineales mediante el método de Newton Rapson y después se analizarán los resultados. Para ello, primero describimos las ecuaciones y asignamos a la corriente, el ángulo y el desfase los valores de X, Y y Z respectivamente para tratarlos como variables del ejercicio. Una vez escritas las funciones (a las que llamaremos f, g y h) elegimos unos valores iniciales para las variables que intuimos que están cerca de la solución (en realidad estos valores los da el enunciado) y partimos de ellos. Con las soluciones

aproximadas y las ecuaciones llamamos al método de Newton Rapson que consiste en: Primero calcula la matriz Jacobiana de las funciones en derivadas parciales evaluadas en x, después resuelve el sistema lineal de la imagen donde los términos independientes son

$$\begin{bmatrix}
f_{11} & f_{12} & \dots & f_{1n} \\
f_{21} & f_{22} & \dots & f_{2n} \\
\vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\
f_{n1} & f_{n2} & \dots & f_{nn}
\end{bmatrix}
\begin{bmatrix}
\Delta x_1^{(k)} \\
\Delta x_2^{(k)} \\
\vdots \\
\Delta x_n^{(k)}
\end{bmatrix} = -\begin{bmatrix}
f_1 \\
f_2 \\
\vdots \\
f_n
\end{bmatrix}$$

$$Jacobiano$$

las funciones evaluadas en el punto x y la solución d este sistema será una determinada cantidad vx que sumada a x nos da una solución más cercana a real. Después repetiremos estos pasos con las solución más cercana y así nos iremos aproximando al valor deseado con la precisión que queramos.

Discusión de los resultados:

En el ejercicio se nos planteaban dos condiciones iniciales, la condición a y la condición

b. Cada una de estas condiciones nos lleva a un resultado distinto y esto se debe matemáticamente a que las funciones tienen más de un punto en común. Físicamente esto se puede explicar observando los siguientes resultados:

Apartado a: Intensidad= 0.67 A fi=0 .1 rad Desfase=0.44 rad

Apartado b: Intensidad= -0.67 A fi= -0.3 rad Desfase=0.44 rad

Esto quiere decir que para dos condiciones iniciales distintas el sistema termina en la misma corriente pero de sentido contrario, con distinto periodo (fi/t) y con el mismo desfase.

Ignacio Hernández-Ros.