# Trabajo Prático 1 en R

Ignacio Pardo & Luca Mazzarello

2022-08-18

## Primera parte: Ley de los Grandes Números

#### Simulación del lanzamiento de un dado

1. Indicar el valor de P(X = 5) y el de E(X).

$$P(X = 5) = 1/6$$

$$E(X) = \sum_{x \in Rx} x * P(X = x)$$

$$= \sum_{x \in Rx} x * 1/6$$

$$= \sum_{x \in Rx} x/6$$

```
dado <- c(1:6)
sum(dado / 6)
```

## [1] 3.5

$$E(X) = 3.5$$

2. Construir un vector muchosdados y guardar en él los resultados correspondientes a lanzar reps=1000 veces el dado

```
reps <- 1000
muchosdados <- sample(x = dado, size = reps, replace = TRUE)</pre>
```

3. Para cada valor n = 1, ..., reps, calcular la frecuencia relativa con la que el 5 aparece en los primeros n lanzamientos y guardarla en el vector frecrelativadado5vec

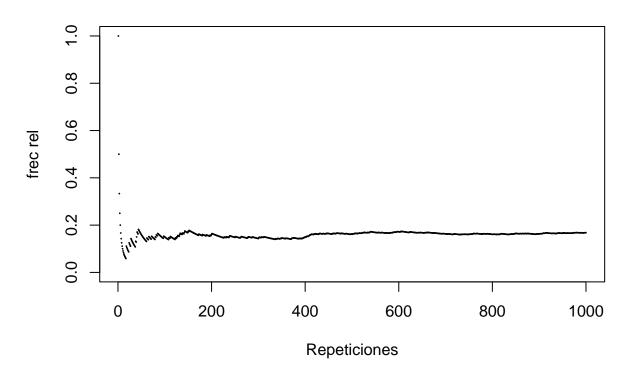
```
frecrelativadado5vec <- rep(NA, reps)

for (n in 1:reps) {
    frecrelativadado5vec[n] <- mean(muchosdados[1:n] == 5)
}</pre>
```

4. Graficar en el eje x los valores de n y en el eje y las correspondientes frecuencias relativas. ¿Qué observa? Indicar, si es posible, a qué valor deberían converger esas frecuencias y por qué. ¿Se corresponde lo que observa en la práctica con lo que espera de la teoría?

La frecuencia relativa se aproxima a P(X = 5) a medida que crece la cantidad de repeticiones.

# Frecuencia relativa de 5



# Segunda Parte: Teorema Central del Límite

### Distribución Bernoulli

Sea  $X \sim \text{Be}(p)$  siendo p = 0, 2.  $p_1 = 0.2$ 

• Indicar el valor de E(X) y de V(X).

$$E(X) = 0, 2$$

$$V(X) = 0, 2 * 0, 8$$
  
= 0, 16

• Guardar Nrep = 10000 realizaciones de X en el vector ber\_N\_infty con el comando rbinom() (prestar atención a los parámetros que utiliza esta función). Luego, obtener la frecuencia relativa de cada posible valor del rango de X. Se puede utilizar el comando table(). ¿Qué valores espera observar en esas frecuencias relativas? ¿Por qué?

```
Nrep = 10000
ber_N_infty = rbinom(Nrep, 1, p_1)
table(ber_N_infty)
```

## ber\_N\_infty

```
## 0 1
## 8025 1975
```

## table(ber\_N\_infty)/Nrep

```
## ber_N_infty
## 0 1
## 0.8025 0.1975
```

La frecuencia relativa de X=1 se aproxima a la probabilidad (p) de la Bernoulli, mientras que X=0 se aproxima a 1-p por la Ley de los Grandes Números: El promedio de variables aleatorias converge en probabilidad a su esperanza con  $n \to \infty$ 

• Calcular el promedio y la varianza muestral con los datos del vector ber\_N\_infty y comparar con los obtenidos en el primer ítem. ¿Qué observa?

### mean(ber\_N\_infty)

### ## [1] 0.1975

El promedio aproxima E(X) = 0, 2

var(ber\_N\_infty)

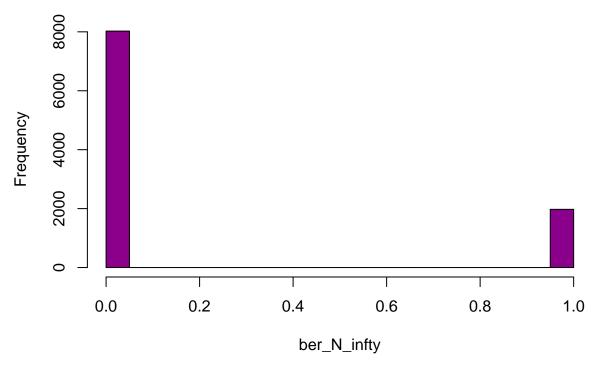
#### ## [1] 0.1585096

La varianz aproxima  $\mathrm{V}(X)=0,16$ 

• Realizar un histograma de los datos. ¿Qué observa? ¿Es consistente con la distribución a partir de la cual fueron generados los datos?

hist(ber\_N\_infty, col = "darkmagenta")

# Histogram of ber\_N\_infty



Las ocurrencias de X=0 en la distribución se aproximan a 8000, y las de X=1 a 2000, las cuales corresponden con la probabilidad p=0m2 y la cantidad de repeticiones Nrep=10000

#### La distribución empírica del promedio

• Guardar en el vector promedios\_bernoullies, Nrep = 10000 promedios utilizando n = 5 datos con distribución X.

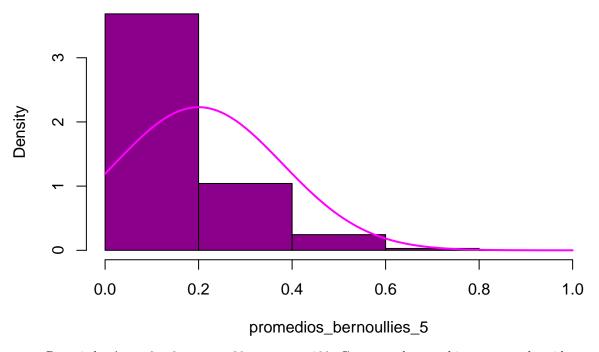
```
n_dist = 5
promedios_bernoullies_5 = replicate(Nrep, mean(rbinom(n_dist, 1, p_1)))
table(promedios_bernoullies_5)

## promedios_bernoullies_5
## 0 0.2 0.4 0.6 0.8 1
## 3257 4111 2083 488 58 3
```

• Con los promedios guardados en promedios bernoullies, realizar un histograma de densidad. Para el histograma de densidad, usar el argumento probability = TRUE en el comando hist(). Además, como n = 5 puede ser pequeño, al usar hist() puede ajustar el parámetro breaks. Observar qué ocurre al poner (o no) ese parámetro. Luego, superponer el gráfico de la curva de la densidad normal con la media y desvío que considere razonables.

```
hist(main = "Promedios Ber n = 5", promedios_bernoullies_5, probability = TRUE, xlim = c(0,1), col = "d curve(dnorm(x, p_1, sqrt(p_1 * (1-p_1) / 5)), add=TRUE, lwd=2, col="magenta")
```

## Promedios Ber n = 5



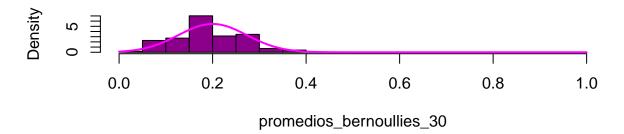
```
n_dist = 30
promedios_bernoullies_30 = replicate(Nrep, mean(rbinom(n_dist, 1, p_1)))

par(mfrow=c(2, 1))
hist(main = "Promedios Ber n = 30", promedios_bernoullies_30, probability = TRUE, xlim = c(0,1), col = curve(dnorm(x, p_1, sqrt(p_1 * (1-p_1) / 30)), add=TRUE, lwd=2, col="magenta")

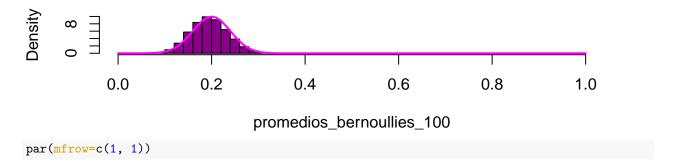
n_dist = 100
```

```
promedios_bernoullies_100 = replicate(Nrep, mean(rbinom(n_dist, 1, p_1)))
hist(main = "Promedios Ber n = 100", promedios_bernoullies_100, probability = TRUE, xlim = c(0,1), col
curve(dnorm(x, p_1, sqrt(p_1 * (1-p_1) / 100)), add=TRUE, lwd=2, col="magenta")
```

## Promedios Ber n = 30



# Promedios Ber n = 100



#### La distribución empírica del promedio estandarizado

• Realizar ahora histogramas de densidad con los datos de promedios\_bernoullies\_est donde a los valores guardados en promedios\_bernoullies se les resta  $\mu$  y se los divide por  $\sqrt{(\sigma^2/n)}$ . Utilizar  $n \in \{5, 30, 100\}$ . ¿Qué observa? Explicar.

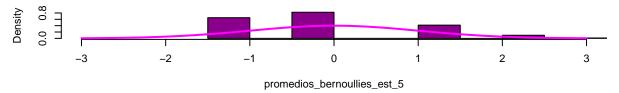
```
promedios_bernoullies_est_5 = (promedios_bernoullies_5 - p_1) / sqrt(p_1 * (1-p_1) / 5)

par(mfrow=c(3, 1))
hist(promedios_bernoullies_est_5, xlim = c(-3, 3), ylim = c(0, 0.8), probability = TRUE, col = "darkmag curve(dnorm(x,0,1), add=TRUE, lwd=2, col="magenta")

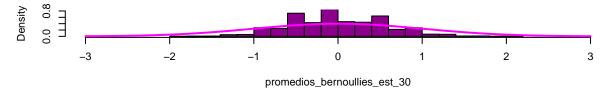
promedios_bernoullies_est_30 = (promedios_bernoullies_100 - p_1) / sqrt(p_1 * (1-p_1) / 30)
hist(promedios_bernoullies_est_30, xlim = c(-3, 3), ylim = c(0, 0.8), probability = TRUE, col = "darkmag curve(dnorm(x,0,1), add=TRUE, lwd=2, col="magenta")

promedios_bernoullies_est_100 = (promedios_bernoullies_100 - p_1) / sqrt(p_1 * (1-p_1) / 100)
hist(promedios_bernoullies_est_100, xlim = c(-3, 3), ylim = c(0, 0.8), probability = TRUE, col = "darkmag curve(dnorm(x,0,1), add=TRUE, lwd=2, col="magenta")
```

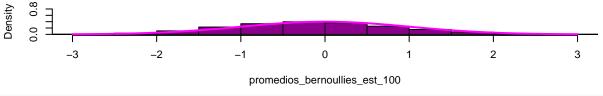




#### Histogram of promedios\_bernoullies\_est\_30



## Histogram of promedios\_bernoullies\_est\_100



par(mfrow=c(1, 1))

• A los histogramas de densidad del ítem anterior, superponer las curvas de la densidad normal con la media y desvío que considere adecuados. ¿Qué observa? Explicar.

Con  $n \to \infty$ , el histograma de densidad de la estimación de la normal apartir de la muestra con elementos Bernoulli se aproxima a la curva de la normal N(0,1)

• Repetir todos los ítems anteriores con  $X \sim \text{Be}(p)$  siendo p = 0, 5. ¿Hay alguna diferencia? Comentar.

```
p_2 = 0.5

par(mfrow=c(3, 1))

n_dist = 5

promedios_bernoullies_alt_5 = replicate(Nrep, mean(rbinom(n_dist, 1, p_2)))
hist(main = "Promedios Ber(0,5) n = 5", promedios_bernoullies_alt_5, probability = TRUE, xlim = c(0,1),
curve(dnorm(x, p_2, sqrt(p_2 * (1-p_2) / n_dist)), add=TRUE, lwd=2, col="magenta")

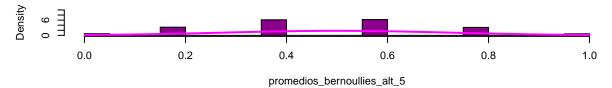
n_dist = 30

promedios_bernoullies_alt_30 = replicate(Nrep, mean(rbinom(n_dist, 1, p_2)))
hist(main = "Promedios Ber(0,5) n = 30", promedios_bernoullies_alt_30, probability = TRUE, xlim = c(0,1),
curve(dnorm(x, p_2, sqrt(p_2 * (1-p_2) / n_dist)), add=TRUE, lwd=2, col="magenta")

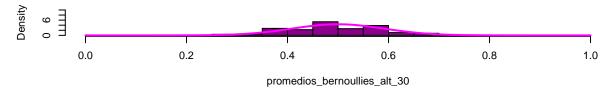
n_dist = 100

promedios_bernoullies_alt_100 = replicate(Nrep, mean(rbinom(n_dist, 1, p_2)))
hist(main = "Promedios Ber(0,5) n = 100", promedios_bernoullies_alt_100, probability = TRUE, xlim = c(0,1), add=TRUE, lwd=2, col="magenta")
```

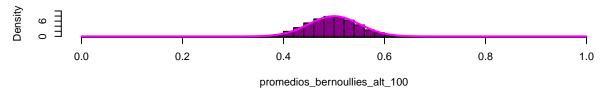




### Promedios Ber(0,5) n = 30



## Promedios Ber(0,5) n = 100



```
par(mfrow=c(1, 1))

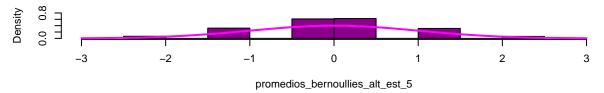
par(mfrow=c(3, 1))

n_dist = 5
promedios_bernoullies_alt_est_5 = (promedios_bernoullies_alt_5 - p_2) / sqrt(p_2 * (1-p_2) / n_dist)
hist(promedios_bernoullies_alt_est_5, xlim = c(-3, 3), ylim = c(0, 0.8), probability = TRUE, col="darkm:
curve(dnorm(x,0,1), add=TRUE, lwd=2, col="magenta")

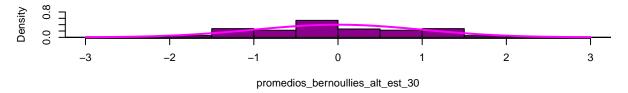
n_dist = 30
promedios_bernoullies_alt_est_30 = (promedios_bernoullies_alt_30 - p_2) / sqrt(p_2 * (1-p_2) / n_dist)
hist(promedios_bernoullies_alt_est_30, xlim = c(-3, 3), ylim = c(0, 0.8), probability = TRUE, col="dark"
curve(dnorm(x,0,1), add=TRUE, lwd=2, col="magenta")

n_dist = 100
promedios_bernoullies_alt_est_100 = (promedios_bernoullies_alt_100 - p_2) / sqrt(p_2 * (1-p_2) / n_dist)
hist(promedios_bernoullies_alt_est_100, xlim = c(-3, 3), ylim = c(0, 0.8), probability = TRUE, col="dark"
curve(dnorm(x,0,1), add=TRUE, lwd=2, col="magenta")
```

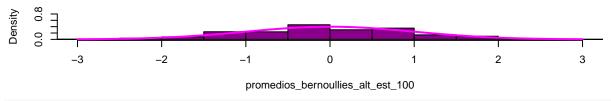
## Histogram of promedios\_bernoullies\_alt\_est\_5



### Histogram of promedios\_bernoullies\_alt\_est\_30



## Histogram of promedios\_bernoullies\_alt\_est\_100



par(mfrow=c(1, 1))

#### Distribución Uniforme

Sea  $X \sim \mathcal{U}(a, b)$  siendo a = 67, b = 73.

$$a = 67$$
$$b = 73$$

• Indicar el valor de E(X) y de V(X).

$$E(X) = \frac{b+a}{2} \quad V(X) = \frac{(b-a)^2}{12}$$

$$= \frac{73+67}{2} \qquad = \frac{(73-67)^2}{12}$$

$$= \frac{140}{2} \qquad = \frac{6^2}{12}$$

$$= 70 \qquad = \frac{36}{12}$$

$$= 3$$

• Guardar Nrep = 10000 realizaciones de X en el vector unif\_N\_infty con el comando runif() (prestar atención a los parámetros que utiliza esta función). Luego, obtener la frecuencia relativa de cada posible valor del rango de X. Se puede utilizar el comando table(). ¿Qué valores espera observar en esas frecuencias relativas? ¿Por qué?

• Calcular el promedio y la varianza muestral con los datos del vector ber\_N\_infty y comparar con los obtenidos en el primer ítem. ¿Qué observa?

```
e_unif = (a + b) / 2
e_unif_m = mean(unif_N_infty)
e_unif
```

#### ## [1] 70

El promedio aproxima

```
var_unif = (b - a)^2 / 12
var_unif_m = var(unif_N_infty)
var_unif
```

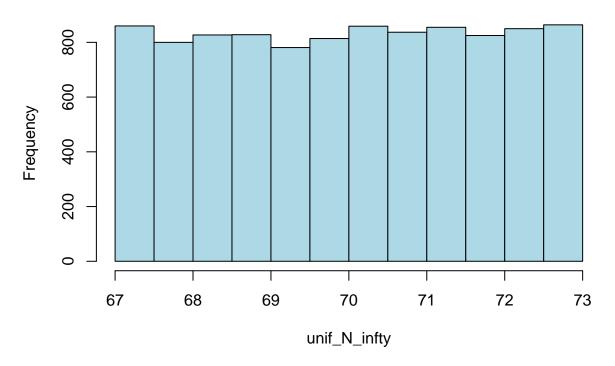
#### ## [1] 3

La varianza aproxima

• Realizar un histograma de los datos. ¿Qué observa? ¿Es consistente con la distribución a partir de la cual fueron generados los datos?

```
hist(unif_N_infty, col = "lightblue")
```

# Histogram of unif\_N\_infty



#### La distribución empírica del promedio

• Guardar en el vector promedios\_uniformes, Nrep=10000 promedios utilizando n=5 datos con distribución X.

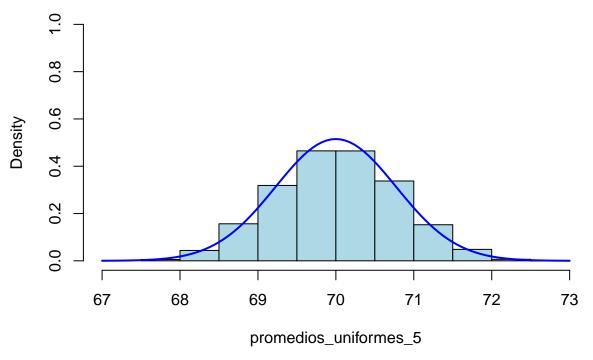
```
n_dist = 5
promedios_uniformes_5 = replicate(Nrep, mean(runif(n_dist, a, b)))
```

• Con los promedios guardados en promedios bernoullies, realizar un histograma de densidad. Para el histograma de densidad, usar el argumento probability = TRUE en el comando hist(). Además,

como n = 5 puede ser pequeño, al usar hist() puede ajustar el parámetro breaks. Observar qué ocurre al poner (o no) ese parámetro. Luego, superponer el gráfico de la curva de la densidad normal con la media y desvío que considere razonables.

```
n_dist = 5
hist(main = "Promedios Unif n = 5", promedios_uniformes_5, probability = TRUE, xlim = c(a, b), ylim=c(0
curve(dnorm(x, e_unif, sqrt(var_unif/n_dist)), add=TRUE, lwd=2, col="blue")
```

# Promedios Unif n = 5

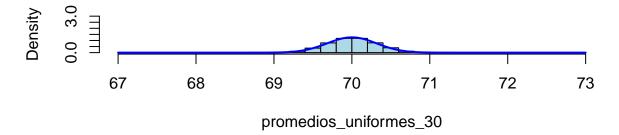


```
n_dist = 30
promedios_uniformes_30 = replicate(Nrep, mean(runif(n_dist, a, b)))

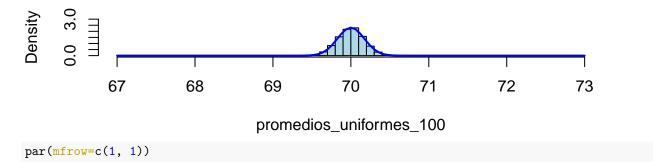
par(mfrow=c(2, 1))
hist(main = "Promedios Unif n = 30", promedios_uniformes_30, probability = TRUE, xlim = c(a, b), ylim = curve(dnorm(x, e_unif, sqrt( var_unif/ n_dist)), add=TRUE, lwd=2, col="blue")

n_dist = 100
promedios_uniformes_100 = replicate(Nrep, mean(runif(n_dist, a, b)))
hist(main = "Promedios Unif n = 100", promedios_uniformes_100, probability = TRUE, xlim = c(a, b), ylim curve(dnorm(x, e_unif, sqrt( var_unif/ n_dist)), add=TRUE, lwd=2, col="blue")
```

# Promedios Unif n = 30



# Promedios Unif n = 100



### La distribución empírica del promedio estandarizado

• Realizar ahora histogramas de densidad con los datos de promedios\_uniformes\_est donde a los valores guardados en promedios\_uniformes se les resta  $\mu$  y se los divide por  $\sqrt{(\sigma^2/n)}$ . Utilizar  $n \in \{5, 30, 100\}$ . ¿Qué observa? Explicar.

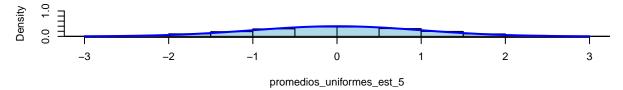
```
promedios_uniformes_est_5 = (promedios_uniformes_5 - e_unif) / sqrt(var_unif / 5)

par(mfrow=c(3, 1))
hist(promedios_uniformes_est_5, xlim = c(-3, 3), ylim = c(0, 1), probability = TRUE, col = "lightblue")
curve(dnorm(x,0,1), add=TRUE, lwd=2, col="blue")

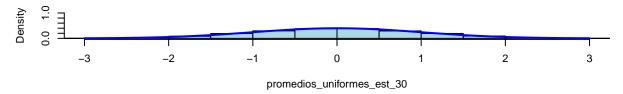
promedios_uniformes_est_30 = (promedios_uniformes_30 - e_unif) / sqrt(var_unif / 30)
hist(promedios_uniformes_est_30, xlim = c(-3, 3), ylim = c(0, 1), probability = TRUE, col = "lightblue"
curve(dnorm(x,0,1), add=TRUE, lwd=2, col="blue")

promedios_uniformes_est_100 = (promedios_uniformes_100 - e_unif) / sqrt(var_unif / 100)
hist(promedios_uniformes_est_100, xlim = c(-3, 3), ylim = c(0, 1), probability = TRUE, col = "lightblue curve(dnorm(x,0,1), add=TRUE, lwd=2, col="blue")
```

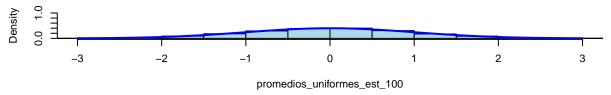
## Histogram of promedios\_uniformes\_est\_5



## Histogram of promedios\_uniformes\_est\_30



## Histogram of promedios\_uniformes\_est\_100



par(mfrow=c(1, 1))

• A los histogramas de densidad del ítem anterior, superponer las curvas de la densidad normal con la media y desvío que considere adecuados. ¿Qué observa? Explicar.

Con  $n \to \infty$ , el histograma de densidad de la estimación de la normal apartir de la muestra con elementos Uniforme se aproxima a la curva de la normal N(0,1)

#### Distribución Exponencial

Sea  $X \sim \mathcal{E}(\lambda)$  siendo  $\lambda = \frac{1}{10}$ .

1 = 0.1

• Indicar el valor de E(X) y de V(X).

$$E(X) = \frac{1}{\lambda} V(X) = \frac{1}{\lambda^2}$$

$$= \frac{1}{\frac{1}{10}} = \frac{1}{(\frac{1}{10})^2}$$

$$= 10$$

$$= \frac{1}{\frac{1}{100}}$$

$$= 100$$

• Guardar Nrep = 10000 realizaciones de X en el vector  $exp_N_infty$  con el comando rexp() (prestar atención a los parámetros que utiliza esta función). Luego, obtener la frecuencia relativa de cada posible valor del rango de X. Se puede utilizar el comando table(). ¿Qué valores espera observar en esas frecuencias relativas? ¿Por qué?

12

```
Nrep = 10000
exp_N_infty = rexp(Nrep, 1)
```

• Calcular el promedio y la varianza muestral con los datos del vector ber\_N\_infty y comparar con los obtenidos en el primer ítem. ¿Qué observa?

```
e_exp = mean(exp_N_infty)
e_exp = 1/1
e_exp
```

### ## [1] 10

El promedio aproxima

```
var_exp = var(exp_N_infty)
var_exp = 1/(1^2)
var_exp
```

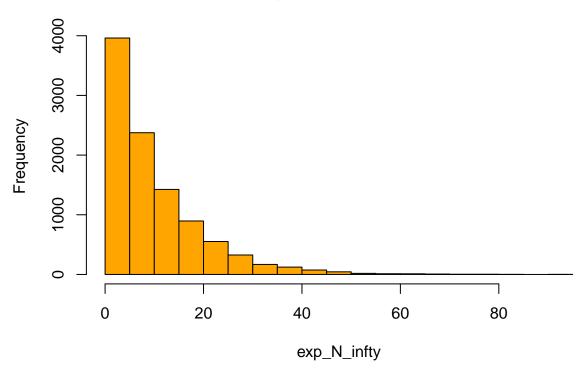
#### ## [1] 100

La varianza aproxima

• Realizar un histograma de los datos. ¿Qué observa? ¿Es consistente con la distribución a partir de la cual fueron generados los datos?

```
hist(exp_N_infty, col = "orange")
```

# Histogram of exp\_N\_infty



## La distribución empírica del promedio

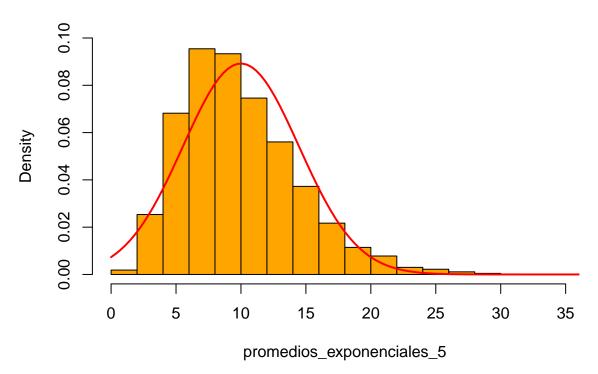
• Guardar en el vector promedios\_exponenciales, Nrep = 10000 promedios utilizando n = 5 datos con distribución X.

```
n_dist = 5
promedios_exponenciales_5 = replicate(Nrep, mean(rexp(n_dist, 1)))
```

• Con los promedios guardados en promedios bernoullies, realizar un histograma de densidad. Para el histograma de densidad, usar el argumento probability = TRUE en el comando hist(). Además, como n = 5 puede ser pequeño, al usar hist() puede ajustar el parámetro breaks. Observar qué ocurre al poner (o no) ese parámetro. Luego, superponer el gráfico de la curva de la densidad normal con la media y desvío que considere razonables.

```
n_dist = 5
hist(main = "Promedios Exp n = 5", promedios_exponenciales_5, probability = TRUE, ylim=c(0, 1), col = "
curve(dnorm(x, e_exp, sqrt(var_exp/ n_dist)), add=TRUE, lwd=2, col="red")
```

# Promedios Exp n = 5

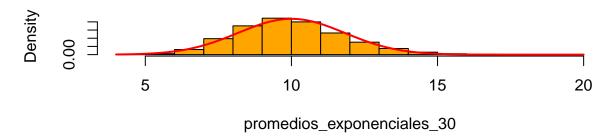


```
n_dist = 30
promedios_exponenciales_30 = replicate(Nrep, mean(rexp(n_dist, 1)))

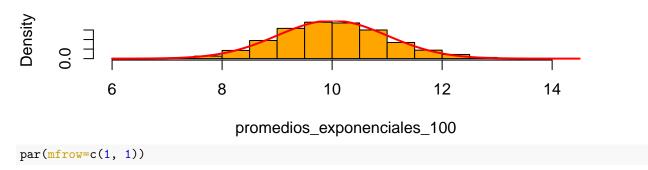
par(mfrow=c(2, 1))
hist(main = "Promedios Exp n = 30", promedios_exponenciales_30, probability = TRUE, col = "orange")
curve(dnorm(x, e_exp, sqrt( var_exp/ n_dist)), add=TRUE, lwd=2, col="red")

n_dist = 100
promedios_exponenciales_100 = replicate(Nrep, mean(rexp(n_dist, 1)))
hist(main = "Promedios Exp n = 100", promedios_exponenciales_100, probability = TRUE, col = "orange")
curve(dnorm(x, e_exp, sqrt( var_exp/ n_dist)), add=TRUE, lwd=2, col="red")
```

# Promedios Exp n = 30



# Promedios Exp n = 100



#### La distribución empírica del promedio estandarizado

• Realizar ahora histogramas de densidad con los datos de promedios\_exponenciales\_est donde a los valores guardados en promedios\_exponenciales se les resta  $\mu$  y se los divide por  $\sqrt{(\sigma^2/n)}$ . Utilizar  $n \in \{5, 30, 100\}$ . ¿Qué observa? Explicar.

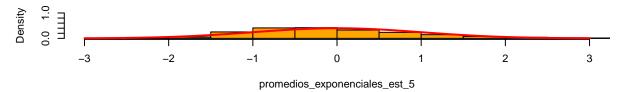
```
promedios_exponenciales_est_5 = (promedios_exponenciales_5 - e_exp) / sqrt(var_exp / 5)

par(mfrow=c(3, 1))
hist(promedios_exponenciales_est_5, xlim = c(-3, 3), ylim = c(0, 1), probability = TRUE, col = "orange"
curve(dnorm(x,0,1), add=TRUE, lwd=2, col="red")

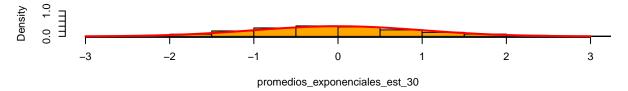
promedios_exponenciales_est_30 = (promedios_exponenciales_30 - e_exp) / sqrt(var_exp / 30)
hist(promedios_exponenciales_est_30, xlim = c(-3, 3), ylim = c(0, 1), probability = TRUE, col = "orange curve(dnorm(x,0,1), add=TRUE, lwd=2, col="red")

promedios_exponenciales_est_100 = (promedios_exponenciales_100 - e_exp) / sqrt(var_exp / 100)
hist(promedios_exponenciales_est_100, xlim = c(-3, 3), ylim = c(0, 1), probability = TRUE, col = "orange curve(dnorm(x,0,1), add=TRUE, lwd=2, col="red")
```

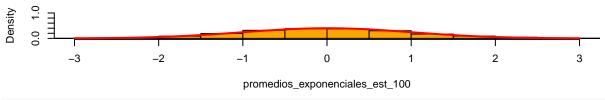
## Histogram of promedios\_exponenciales\_est\_5



### Histogram of promedios\_exponenciales\_est\_30



# Histogram of promedios\_exponenciales\_est\_100



par(mfrow=c(1, 1))

• A los histogramas de densidad del ítem anterior, superponer las curvas de la densidad normal con la media y desvío que considere adecuados. ¿Qué observa? Explicar.

Con  $n \to \infty$ , el histograma de densidad de la estimación de la normal apartir de la muestra con elementos Exponencial se aproxima a la curva de la normal N(0,1)

#### Distribución Normal: un caso particular

Sea  $X \sim \mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$  siendo  $\mu = 70, \sigma^2 = 1, 2.$ 

• Indicar el valor de E(X) y de V(X).

$$E(X) = \mu = 70$$
  
 $V(X) = \sigma^2 = 1, 2$ 

• Guardar Nrep = 10000 realizaciones de X en el vector norm\_N\_infty con el comando rnorm() (prestar atención a los parámetros que utiliza esta función). Luego, obtener la frecuencia relativa de cada posible valor del rango de X. Se puede utilizar el comando table(). ¿Qué valores espera observar en esas frecuencias relativas? ¿Por qué?

```
Nrep = 10000
norm_N_infty = rnorm(Nrep, mu, sd)
```

• Calcular el promedio y la varianza muestral con los datos del vector ber\_N\_infty y comparar con los obtenidos en el primer ítem. ¿Qué observa?

```
e_norm = mean(norm_N_infty)
e_norm = mu
e_norm
```

#### ## [1] 70

El promedio aproxima

```
var_norm = var(norm_N_infty)
var_norm = sd ^ 2
var_norm
```

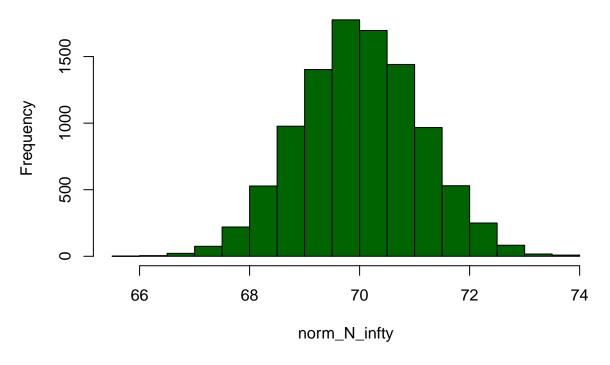
#### ## [1] 1.2

La varianza aproxima

• Realizar un histograma de los datos. ¿Qué observa? ¿Es consistente con la distribución a partir de la cual fueron generados los datos?

```
hist(norm_N_infty, col = "darkgreen")
```

# Histogram of norm\_N\_infty



#### La distribución empírica del promedio

• Guardar en el vector promedios\_normales, Nrep = 10000 promedios utilizando n = 5 datos con distribución X.

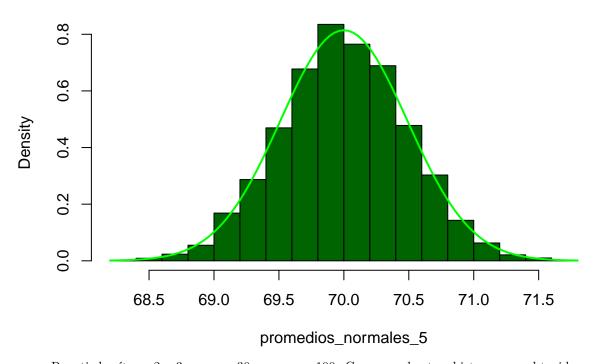
```
n_dist = 5
promedios_normales_5 = replicate(Nrep, mean(rnorm(n_dist, mu, sd)))
```

• Con los promedios guardados en promedios bernoullies, realizar un histograma de densidad. Para el histograma de densidad, usar el argumento probability = TRUE en el comando hist(). Además,

como n = 5 puede ser pequeño, al usar hist() puede ajustar el parámetro breaks. Observar qué ocurre al poner (o no) ese parámetro. Luego, superponer el gráfico de la curva de la densidad normal con la media y desvío que considere razonables.

```
n_dist = 5
hist(main = "Promedios Norm n = 5", promedios_normales_5, probability = TRUE, col = "darkgreen")
curve(dnorm(x, e_norm, sqrt( var_norm/ n_dist)), add=TRUE, lwd=2, col="green")
```

# Promedios Norm n = 5

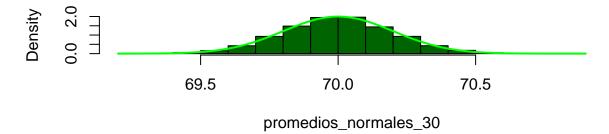


```
n_dist = 30
promedios_normales_30 = replicate(Nrep, mean(rnorm(n_dist, mu, sd)))

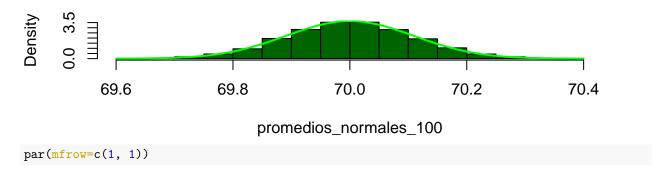
par(mfrow=c(2, 1))
hist(main = "Promedios Norm n = 30", promedios_normales_30, probability = TRUE, col = "darkgreen")
curve(dnorm(x, e_norm, sqrt( var_norm/ n_dist)), add=TRUE, lwd=2, col="green")

n_dist = 100
promedios_normales_100 = replicate(Nrep, mean(rnorm(n_dist, mu, sd)))
hist(main = "Promedios Norm n = 100", promedios_normales_100, probability = TRUE, col = "darkgreen")
curve(dnorm(x, e_norm, sqrt( var_norm/ n_dist)), add=TRUE, lwd=2, col="green")
```

# Promedios Norm n = 30



## Promedios Norm n = 100



### La distribución empírica del promedio estandarizado

• Realizar ahora histogramas de densidad con los datos de promedios\_normales\_est donde a los valores guardados en promedios\_normales se les resta  $\mu$  y se los divide por  $\sqrt{(\sigma^2/n)}$ . Utilizar  $n \in \{5, 30, 100\}$ . ¿Qué observa? Explicar.

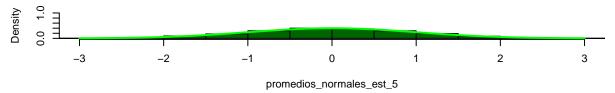
```
promedios_normales_est_5 = (promedios_normales_5 - e_norm) / sqrt(var_norm / 5)

par(mfrow=c(3, 1))
hist(promedios_normales_est_5, xlim = c(-3, 3), ylim = c(0, 1), probability = TRUE, col = "darkgreen")
curve(dnorm(x,0,1), add=TRUE, lwd=2, col="green")

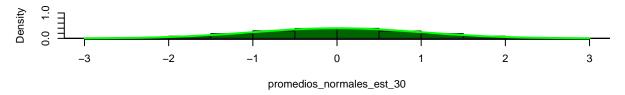
promedios_normales_est_30 = (promedios_normales_30 - e_norm) / sqrt(var_norm / 30)
hist(promedios_normales_est_30, xlim = c(-3, 3), ylim = c(0, 1), probability = TRUE, col = "darkgreen")
curve(dnorm(x,0,1), add=TRUE, lwd=2, col="green")

promedios_normales_est_100 = (promedios_normales_100 - e_norm) / sqrt(var_norm / 100)
hist(promedios_normales_est_100, xlim = c(-3, 3), ylim = c(0, 1), probability = TRUE, col = "darkgreen"
curve(dnorm(x,0,1), add=TRUE, lwd=2, col="green")
```

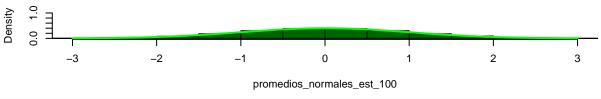




## Histogram of promedios\_normales\_est\_30



# Histogram of promedios\_normales\_est\_100



par(mfrow=c(1, 1))

- A los histogramas de densidad del ítem anterior, superponer las curvas de la densidad normal con la media y desvío que considere adecuados. ¿Qué observa? Explicar.
  - Con  $n \to \infty$ , el histograma de densidad de la estimación de la normal apartir de la muestra con elementos Normales es exactamente la curva de la normal N(0,1)
- Explicar las diferencias que puede haber en las conclusiones para este apartado (distribución normal) y las de las distribuciones anteriores (Bernoulli, uniforme y exponencial).