

Clase N° 11

Tipos Abstractos de datos (TDA)

© Lic. Ricardo Thompson

Concepto

Desde un primer momento hemos venido trabajando con datos almacenados en variables simples.

Posteriormente agregamos el concepto de *estructura de datos*, representado por las listas, tuplas, conjuntos y diccionarios.

© Lic. Ricardo Thompson

Concepto

- Recordemos que una estructura de datos consiste en datos organizados en algún tipo de estructura, la que le confiere características propias.
- Por ejemplo, la lista organiza los valores en una secuencia, permite duplicados y sus elementos son accesibles en forma directa a través de un subíndice.

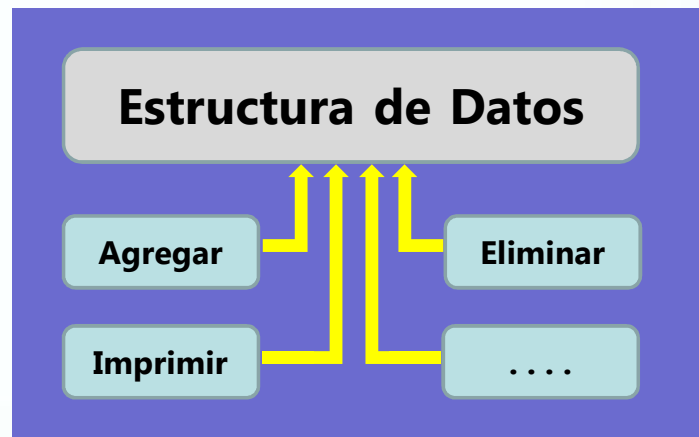
© Lic. Ricardo Thompson

Concepto

- Un ***tipo abstracto de datos (TDA)*** es una estructura de datos a la que se le añaden operaciones, como agregar elementos, borrarlos, imprimirlos, etc.
- En un TDA los datos de la estructura sólo pueden ser manipulados a través de estas operaciones, lo que permite mayor control sobre las tareas que se pueden realizar sobre los mismos.

© Lic. Ricardo Thompson

Concepto



© Lic. Ricardo Thompson

Concepto

Aunque los TDA serán tratados en detalle en Programación II, en esta materia comenzaremos su estudio con dos TDA básicos:

La *pila* (stack) y la *cola* (queue).

© Lic. Ricardo Thompson

TDA Pila

- Una pila es una estructura de datos en la que los ingresos y egresos de datos se realizan por un único extremo.
- Por esa razón el último elemento ingresado será el primero en salir, lo que se conoce como sistema LIFO (Last In, First Out).

© Lic. Ricardo Thompson

TDA Pila

5, 2, 7



7, 2, 5



← Tope

← Base

© Lic. Ricardo Thompson

TDA Pila



© Lic. Ricardo Thompson

TDA Pila

Vamos a implementar cinco operaciones dentro del TDA Pila:

- **inicializarpila()**: Crea la pila y la prepara para ser utilizada.
- **apilar(<pila>, <dato>)**: Agrega <dato> en la pila <pila>.

© Lic. Ricardo Thompson

TDA Pila

- **desapilar(<pila>):** Elimina el tope de la pila, es decir el último elemento agregado. Provoca un error si la pila está vacía.
- **tope(<pila>):** Devuelve el valor del tope de la pila, sin eliminarlo. Provoca un error si la pila está vacía.

© Lic. Ricardo Thompson

TDA Pila

- **pilavacia(<pila>):** Devuelve True si la pila está vacía, o False en caso contrario. No informa la cantidad de elementos.

© Lic. Ricardo Thompson

TDA Pila

Vamos a implementar estas operaciones a través de funciones, utilizando una lista de Python como soporte para los datos.

© Lic. Ricardo Thompson

TDA Pila

```
def inicializarpila( ):
```

```
    pila = [ ]
```

```
    return pila
```

```
def apilar(pila, dato):
```

```
    pila.append(dato)
```

© Lic. Ricardo Thompson

TDA Pila

```
def desapilar(pila):  
    if len(pila)>0:  
        pila.pop()  
    else:  
        raise ValueError("Pila vacía")
```

© Lic. Ricardo Thompson

TDA Pila

```
def tope(pila):  
    if len(pila)>0:  
        return pila[-1]  
    else:  
        raise ValueError("Pila vacía")
```

© Lic. Ricardo Thompson

TDA Pila

```
def pilavacia(pila):  
    return len(pila) == 0
```

© Lic. Ricardo Thompson

Ejemplo 1

Cargar desde el teclado la pila DADA con al menos un elemento. Luego pasar el último elemento (el de la base) de la pila DADA a su primera posición (tope), dejando los restantes elementos en el mismo orden.

© Lic. Ricardo Thompson

A whiteboard with Python code on a desk with books and a pencil holder.

```
from pilacola import *
```

```
# Cargar DADA con al menos un elemento
```

```
dada = inicializarpila()
```

```
while pilavacia(dada):
```

```
    e = int(input("Ingresá un elemento, o -1 para terminar: "))
```

```
    while e!=-1:
```

```
        apilar(dada, e)
```

```
        e = int(input("Ingresá un elemento, o -1 para terminar: "))
```

© Lic. Ricardo Thompson

A whiteboard with Python code on a desk with books and a pencil holder.

```
# Pasamos todos los elementos a AUX1 para obtener la base
```

```
aux1 = inicializarpila()
```

```
while not pilavacia(dada):
```

```
    apilar(aux1, tope(dada))
```

```
    desapilar(dada)
```

```
# Separamos el tope de AUX1, es decir la base de DADA
```

```
baseoriginal = tope(aux1)
```

```
desapilar(aux1)
```

© Lic. Ricardo Thompson

Y regresamos los demas elementos a DADA

```
while not pilavacia(aux1):
```

```
    apilar(dada, tope(aux1))
```

```
    desapilar(aux1)
```

Apilamos lo que era la base de DADA como nuevo tope

```
apilar(dada, baseoriginal)
```

Imprimir DADA

```
while not pilavacia(dada):
```

```
    print(tope(dada), end=" ")
```

```
    desapilar(dada)
```

© Lic. Ricardo Thompson

Programa completo

```
from pilacola import *

dada = inicializarpila()
while pilavacia(dada):
    e = int(input("Ingresá un elemento, o -1 para terminar: "))
    while e != -1:
        apilar(dada, e)
    e = int(input("Ingresá un elemento, o -1 para terminar: "))
aux1 = inicializarpila()
# Pasamos todos los elementos de DADA a AUX1 para obtener su base
while not pilavacia(dada):
    apilar(aux1, tope(dada))
    desapilar(dada)
# Separamos el tope de AUX1, es decir la base de DADA
baseoriginal = tope(aux1)
desapilar(aux1)
# Y regresamos los demas elementos a DADA
while not pilavacia(aux1):
    apilar(dada, tope(aux1))
    desapilar(aux1)
# Por último, pasamos lo que era la base de DADA como nuevo tope
apilar(dada, baseoriginal)
# Imprimir DADA
while not pilavacia(dada):
    print(tope(dada), end=" ")
    desapilar(dada)
print()
```

© Lic. Ricardo Thompson

Ejemplo de ejecución:

Ingresá un elemento, o -1 para terminar: 4
Ingresá un elemento, o -1 para terminar: 7
Ingresá un elemento, o -1 para terminar: 2
Ingresá un elemento, o -1 para terminar: -1

4 2 7



© Lic. Ricardo Thompson

TDA Cola

- Una cola es una estructura de datos en la que los ingresos se realizan por extremo, y los egresos por el otro.
- Por esa razón el primer elemento ingresado será también el primero en salir, lo que se conoce como sistema FIFO (First In, First Out).

© Lic. Ricardo Thompson

TDA Cola

5, 2, 7

5, 2, 7



↑
Frente

↑
Fondo

© Lic. Ricardo Thompson

TDA Cola



© Lic. Ricardo Thompson

TDA Cola

Las operaciones a implementar dentro del TDA Cola serán:

- **inicializarcola():** Crea la cola y la prepara para ser utilizada.
- **acolar(<cola>, <dato>):** Agrega <dato> en la cola <cola>.

© Lic. Ricardo Thompson

TDA Cola

- **desacolar(<cola>):** Elimina el frente de la cola, es decir el primer elemento agregado. Provoca un error si la cola está vacía.
- **primero(<cola>):** Devuelve el valor del frente de la cola, sin eliminarlo. Provoca un error si la cola está vacía.

© Lic. Ricardo Thompson

TDA Cola

- **colavacia(<cola>):** Devuelve True si la cola está vacía, o False en caso contrario. No informa la cantidad de elementos.

© Lic. Ricardo Thompson

TDA Cola

Vamos a implementar estas operaciones a través de funciones, utilizando una lista de Python como soporte para los datos.

© Lic. Ricardo Thompson

TDA Cola

```
def inicializarcola( ):  
    cola = [ ]  
    return cola
```

```
def acolar(col, dato):  
    cola.append(dato)
```

© Lic. Ricardo Thompson

TDA Cola

```
def desacolar(col):  
    if len(col)>0:  
        col.pop(0)  
    else:  
        raise ValueError("Cola vacía")
```

© Lic. Ricardo Thompson

TDA Cola

```
def primero(col):  
    if len(col)>0:  
        return col[0]  
    else:  
        raise ValueError("Cola vacía")
```

© Lic. Ricardo Thompson

TDA Cola

```
def colavacia(col):  
    return len(col)==0
```

© Lic. Ricardo Thompson

Ejemplo 2

Cargar desde el teclado la cola DADA con al menos un elemento. Luego pasar el último elemento de DADA a la primera posición, dejando los restantes elementos en el orden original.

© Lic. Ricardo Thompson

```
from pilacola import *
```

```
# Cargar DADA con al menos un elemento
```

```
dada = inicializarcola()
```

```
while colavacia(dada):
```

```
    e = int(input("Ingresá un elemento, o -1 para terminar: "))
```

```
    while e!=-1:
```

```
        acolar(dada, e)
```

```
        e = int(input("Ingresá un elemento, o -1 para terminar: "))
```

© Lic. Ricardo Thompson

Hacemos una copia de DADA

```
aux = inicializarcola()
```

```
copia = inicializarcola()
```

```
while not colavacia(dada):
```

```
    acolar(aux, primero(dada))
```

```
    desacolar(dada)
```

```
while not colavacia(aux):
```

```
    acolar(copia, primero(aux))
```

```
    acolar(dada, primero(aux))
```

```
    desacolar(aux)
```

© Lic. Ricardo Thompson

Ahora eliminamos un elemento de COPIA

```
desacolar(copia)
```

Y rotamos DADA tantas veces como indique COPIA

Al tener un elemento menos, el fondo quedará como frente

```
while not colavacia(copia):
```

```
    acolar(dada, primero(dada))
```

```
    desacolar(dada)
```

```
    desacolar(copia)
```

© Lic. Ricardo Thompson



```
# Imprimir DADA
```

```
print()
```

```
while not colavacia(dada):
```

```
    print(primer(dada), end=" ")
```

```
    desacolar(dada)
```

```
print()
```

© Lic. Ricardo Thompson

Programa completo

```
from pilacola import *

# Cargar DADA con al menos un elemento
dada = inicializarcola()
while colavacia(dada):
    e = int(input("Ingresá un elemento, o -1 para terminar: "))
    while e != -1:
        acolar(dada, e)
        e = int(input("Ingresá un elemento, o -1 para terminar: "))

# Hacemos una copia de DADA
aux = inicializarcola()
copia = inicializarcola()
while not colavacia(dada):
    acolar(aux, primero(dada))
    desacolar(dada)

while not colavacia(aux):
    acolar(copia, primero(aux))
    acolar(dada, primero(aux))
    desacolar(aux)

# Ahora eliminamos un elemento de COPIA
desacolar(copia)

# Y rotamos DADA tantas veces como indique COPIA
# Al tener un elemento menos, el fondo quedará como frente
while not colavacia(copia):
    acolar(dada, primero(dada))
    desacolar(dada)
    desacolar(copia)

# Imprimir DADA
print()
while not colavacia(dada):
    print(primer(dada), end=" ")
    desacolar(dada)
print()
```

© Lic. Ricardo Thompson

Ejemplo de ejecución:

Ingresá un elemento, o -1 para terminar: 4
Ingresá un elemento, o -1 para terminar: 5
Ingresá un elemento, o -1 para terminar: 0
Ingresá un elemento, o -1 para terminar: 1
Ingresá un elemento, o -1 para terminar: -1

1 4 5 0

© Lic. Ricardo Thompson

ATENCIÓN

Los TDA sólo pueden ser manipulados a través de las funciones primitivas implementadas dentro de los mismos.

No es posible acceder a la lista que sirve como soporte.

© Lic. Ricardo Thompson

ATENCIÓN

```
elementos = len(dada)
```

```
for dato in dada:
```

```
[...]
```

```
print(dada)
```

© Lic. Ricardo Thompson

Ejercitación

- Práctica 9: Completa

© Lic. Ricardo Thompson

Trabajo Práctico 9

Ejercitación por equipos

Tomar el número del grupo y calcular el resto de dividirlo por 3.

- Resto 0: Ejercicios 1, 5 y 10
- Resto 1: Ejercicios 3, 7 y 8
- Resto 2: Ejercicios 2, 4 y 9

© Lic. Ricardo Thompson

T H E
E N D

© Lic. Ricardo Thompson