



**UNIVERSIDAD
DE GRANADA**

TSCAO

MÁSTER CIENCIA DE DATOS E INGENIERÍA DE COMPUTADORES

METAHEURÍSTICAS

TRABAJO FINAL

Autor

Ignacio Vellido Expósito
ignaciove@correo.ugr.es



**ESCUELA TÉCNICA SUPERIOR DE INGENIERÍAS INFORMÁTICA Y DE
TELECOMUNICACIÓN**

CURSO 2020-2021

1. Maximum Diversity Problem (MD)

1.1. Búsqueda bibliográfica

- Lopez-Pires, Fabio & Vera, Katherine & Baran, Benjamin & Sandoya, Fernando. (2017). Multi-Objective Maximum Diversity Problem. 10.1109/CLEI.2017.8226423.
- Marti, Rafael & Gallego, Micael & Duarte, Abraham. (2010). A branch and bound algorithm for the maximum diversity problem. *European Journal of Operational Research*. 200. 36-44. 10.1016/j.ejor.2008.12.023.
- Aringhieri, Roberto & Cordone, Roberto. (2008). Tabu Search versus GRASP for the maximum diversity problem. *4OR*. 6. 10.1007/s10288-007-0033-9.
- Parreño, Francisco & Álvarez-Valdés, Ramón & Marti, Rafael. (2020). Measuring Diversity. A review and an empirical analysis. *European Journal of Operational Research*. 289. 10.1016/j.ejor.2020.07.053.
- Marti, Rafael & Martínez-Gavara, Anna & Sánchez-Oro, Jesús. (2021). The capacitated dispersion problem: an optimization model and a memetic algorithm. *Memetic Computing*. 13. 10.1007/s12293-020-00318-1.
- Marti, Rafael & Gallego, Micael & Duarte, Abraham & G. Pardo, Eduardo. (2013). Heuristics and metaheuristics for the maximum diversity problem. *Journal of Heuristics - HEURISTICS*. 19. 1-25. 10.1007/s10732-011-9172-4.
- Silva, Geiza & Ochi, Luiz & Martins, Simone. (2004). Experimental Comparison of Greedy Randomized Adaptive Search Procedures for the Maximum Diversity Problem. *Lecture Notes on Computer Science*. 3059. 498-512. 10.1007/978-3-540-24838-5_37.
- Zhou, Yangming & Hao, Jin-Kao & Duval, Beatrice. (2017). Opposition-Based Memetic Search for the Maximum Diversity Problem. *IEEE Transactions on Evolutionary Computation*. 21. 731-745. 10.1109/TEVC.2017.2674800.
- Gallego, Micael & Duarte, Abraham & Laguna, Manuel & Marti, Rafael. (2009). Hybrid heuristics for the maximum diversity problem. *Computational Optimization and Applications*. 44. 411-426. 10.1007/s10589-007-9161-6.
- Silva, Geiza & Andrade, Marcos & Ochi, Luiz & Martins, Simone & Plastino, Alexandre. (2007). New heuristics for the maximum diversity problem. *J. Heuristics*. 13. 315-336. 10.1007/s10732-007-9010-x.
- Santos, L. & Ribeiro, Marcos & Plastino, Alexandre & Martins, Simone. (2005). A Hybrid GRASP with Data Mining for the Maximum Diversity Problem. *Lecture Notes in Computer Science*. 3636. 116-127. 10.1007/11546245_11.
- Zhou, Yalan & Yin, Jian & Zhang, Yunong. (2009). Competitive Hopfield Network Combined With Estimation of Distribution for Maximum Diversity Problems. *Systems, Man, and Cybernetics, Part B: Cybernetics, IEEE Transactions on*. 39. 1048 - 1066. 10.1109/TSMCB.2008.2010220.
- Andrade, Marcos & Andrade, Paulo & Martins, Simone & Plastino, Alexandre. (2005). GRASP with Path-Relinking for the Maximum Diversity Problem. *Lecture Notes in Computer Science*. 3503. 558-569. 10.1007/11427186_48.

- Lozano, Manuel & Molina, Daniel & García-Martínez, C.. (2011). Iterated greedy for the maximum diversity problem. European Journal of Operational Research. 214. 31-38. 10.1016/j.ejor.2011.04.018.

1.2. Pseudocódigos

1.2.1. Greedy

Un algoritmo greedy se define de la siguiente forma:

Algorithm 1: Pseudocódigo algoritmo greedy

Input: datos: Conjunto de datos
 sol = solución actual vacía ;
repeat
 | sol += elegirCandidatoGreedy(sol, datos) ;
until *hasta que sol sea un solución;*
return sol

Pudiendo ser **elegirCandidatoGreedy**:

Algorithm 2: elegirCandidatoGreedy

Input: sol, datos
return *candidato no presente en sol con mayor distancia a los elementos en sol*

1.2.2. Semi-Greedy

Un algoritmo semi-greedy se define de la siguiente forma:

Algorithm 3: Pseudocódigo algoritmo semi-greedy

Input: datos: Conjunto de datos
 sol = solución actual vacía ;
repeat
 | candidatos = elegirMejoresCandidatosGreedy(sol, datos) ;
 | sol += random(candidatos) ;
until *hasta que sol sea un solución;*
return sol

Pudiendo ser **elegirMejoresCandidatosGreedy**:

Algorithm 4: elegirMejoresCandidatosGreedy

Input: sol, datos
return *N candidatos no presentes en sol ordenados por mayor distancia a sol*

1.2.3. Iterated-Greedy

Un algoritmo de iterated-greedy se define de la siguiente forma:

Algorithm 5: Pseudocódigo algoritmo iterated-greedy

Input: datos: Conjunto de datos
 sol = solución actual vacía ;
repeat
 | xd = destrucción(sol) ;
 | xc = construcción(xd, datos) ;
 | sol = aceptar(sol, xc) ;
until *hasta que sol cumpla los criterios de parada*;
return sol

Pudiendo ser **destrucción**:

Algorithm 6: destrucción

Input: sol
 sol = quitar N elementos aleatorios de la solución sol **return** sol

Pudiendo ser **construcción**:

Algorithm 7: construcción

Input: sol, datos
return *candidato no presente en sol con mayor distancia a los elementos en sol*

Pudiendo ser **aceptar**:

Algorithm 8: aceptar

Input: sol, temp
 best = sol ;
if *diversidad(temp) > diversidad(sol)* **then**
 | best = temp ;
return best

1.3. Búsqueda local

Algorithm 9: Pseudocódigo algoritmo de búsqueda local

Input: datos: Conjunto de datos
 sol = solución aleatoria válida ;
 candidatos = vecindario(sol) ;
repeat
 | sol = best(candidatos) ;
 | candidatos = vecindario(sol) ;
until *hasta que candidatos esté vacía*;
return sol

Pudiendo ser un posible operador de vecindario:

Algorithm 10: Operador de vecindario

Input: sol, datos
return *sustituir elemento i de sol*

1.4. Algoritmo genético

Una posible representación podría ser un vector binario $x = (x_0, \dots, x_n)$ indicando si un elemento x_i está presente o no en el subconjunto solución.

De esta forma tendríamos como operadores de cruce y mutación:

Algorithm 11: Operador de cruce

Input: sol1, sol2

sol = solución vacía ;

first = seleccionar $n/2$ elementos incluidos en sol1 ;

second = seleccionar $n/2$ elementos incluidos en sol2 ;

sol = first + second ;

/* Reparar

***/**

sol = añadir o quitar elementos aleatoriamente hasta que sol sea válida ;

return sol

Algorithm 12: Operador de mutación

Input: sol

sol = quitar n elementos de sol aleatoriamente y añadir n aleatoriamente ;

return sol

Y una inicialización correspondería a seleccionar m elementos de x de forma aleatoria.

2. Multidimensional two-way number partitioning problem (M2NP)

2.1. Búsqueda bibliográfica

- Kojić, Jelena. (2010). Integer linear programming model for multidimensional two-way number partitioning problem. *Computers & Mathematics with Applications*. 60. 2302-2308. 10.1016/j.camwa.2010.08.024.
- Alexandre Frias Faria, Sérgio Ricardo de Souza, Elisangela Martins de Sá, A mixed-integer linear programming model to solve the Multidimensional Multi-Way Number Partitioning Problem, *Computers & Operations Research*, Volume 127, 2021, 105133, ISSN 0305-0548.
- Santucci, Valentino & Baiocchi, Marco & Di Bari, Gabriele & Milani, Alfredo. (2019). A Binary Algebraic Differential Evolution for the MultiDimensional Two-Way Number Partitioning Problem. 10.1007/978-3-030-16711-0_2.
- Hacibeyoglu, Mehmet & Alaykiran, Kemal & ACILAR, A. Merve & Tongur, Vahit & Ülker, Erkan. (2018). A Comparative Analysis of Metaheuristic Approaches for Multidimensional Two-Way Number Partitioning Problem. *Arabian Journal for Science and Engineering*. 43. 10.1007/s13369-018-3155-9.
- Jozef Kratica, Jelena Kojić, Aleksandar Savić, Two metaheuristic approaches for solving multidimensional two-way number partitioning problem, *Computers & Operations Research*, Volume 46, 2014, Pages 59-68, ISSN 0305-0548,
- Pop, Petrica & Matei, Oliviu. (2013). A Genetic Algorithm Approach for the Multidimensional Two-Way Number Partitioning Problem. 7997. 81-86. 10.1007/978-3-642-44973-4_10.
- Petrică C. Pop, Oliviu Matei, A memetic algorithm approach for solving the multidimensional multi-way number partitioning problem, *Applied Mathematical Modelling*, Volume 37, Issue 22, 2013, Pages 9191-9202, ISSN 0307-904X,
- Vera, J. & Macías, Rodrigo & Heiser, Willem. (2009). A Latent Class Multidimensional Scaling Model for Two-Way One-Mode Continuous Rating Dissimilarity Data. *Psychometrika*. 74. 297-315. 10.1007/s11336-008-9104-x.