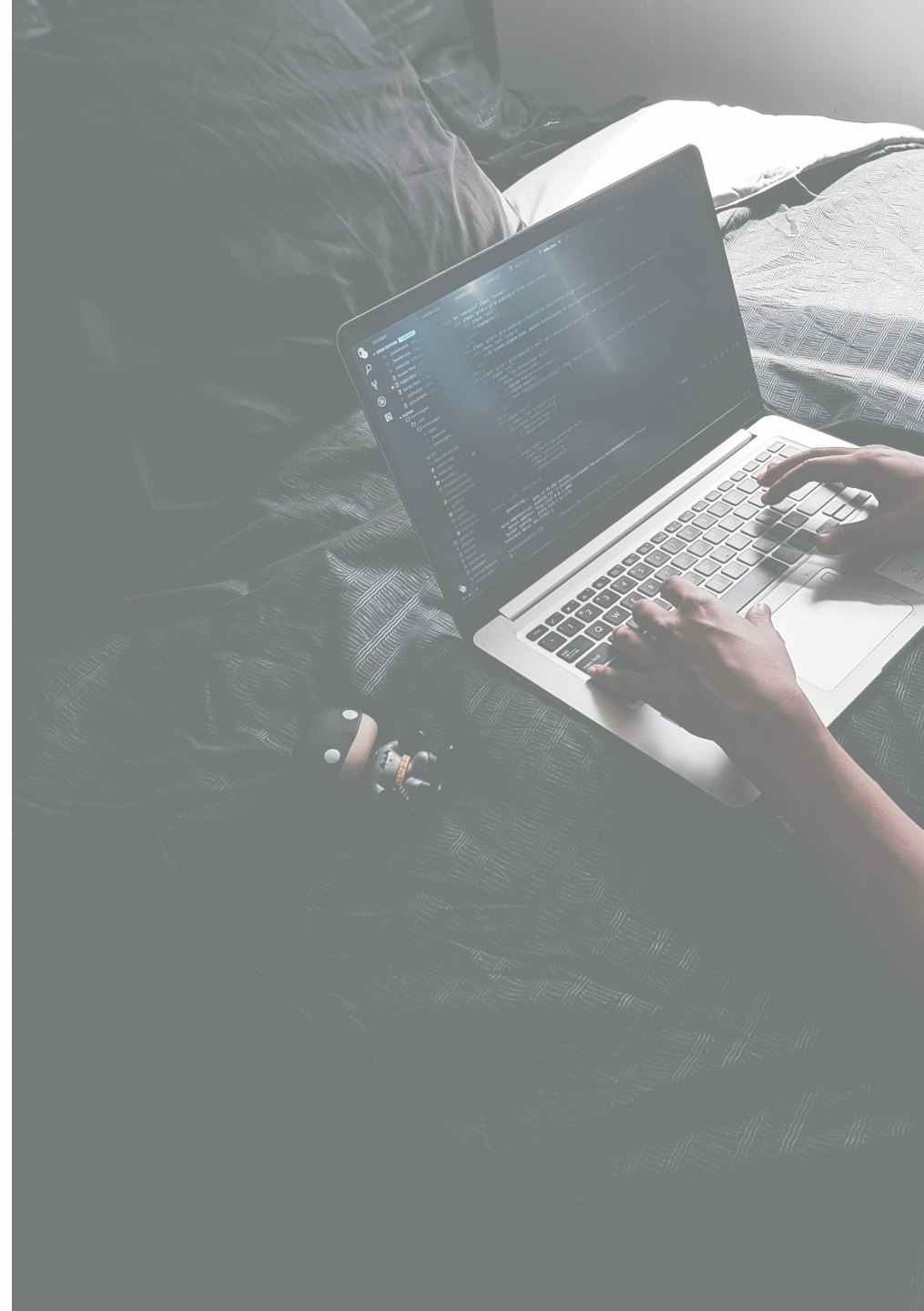
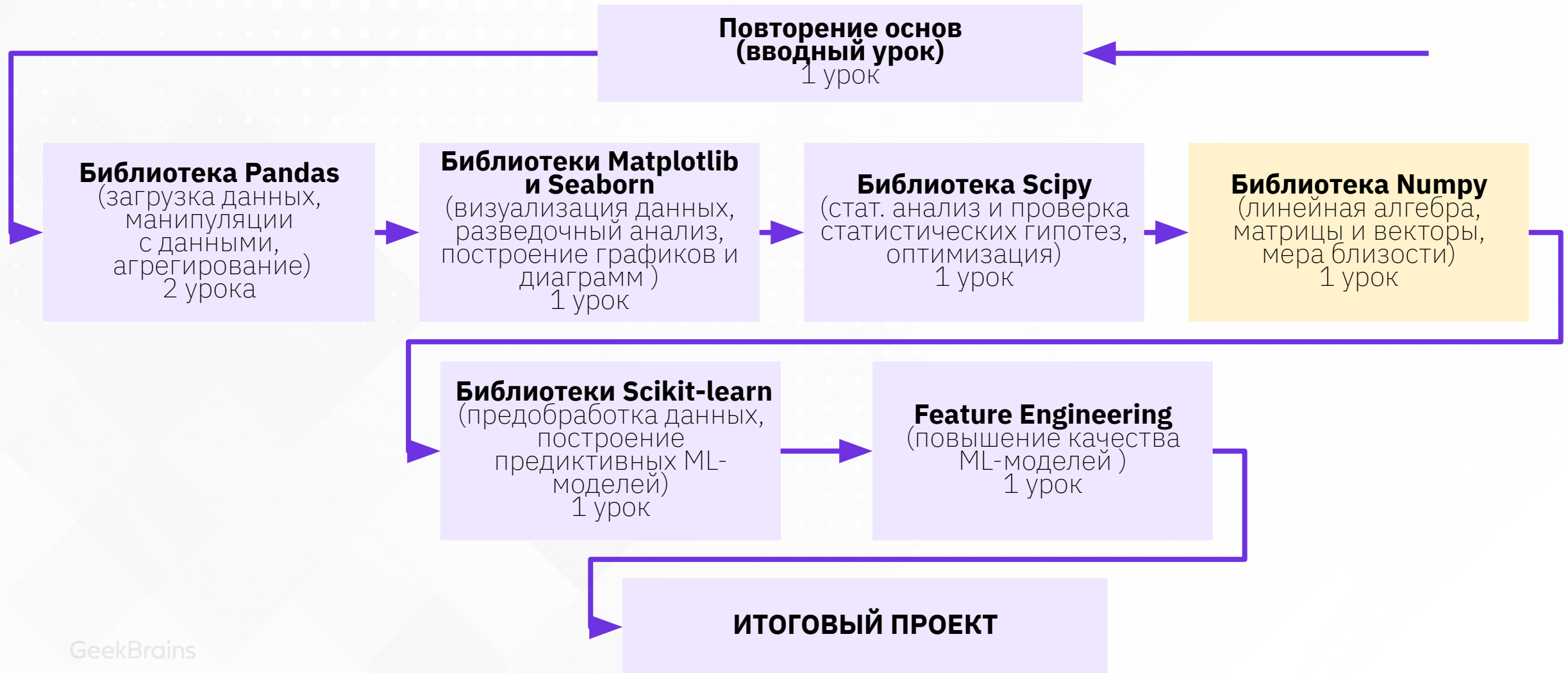


Линейная алгебра с библиотекой NumPy



СТРУКТУРА КУРСА



В ЭТОМ УРОКЕ

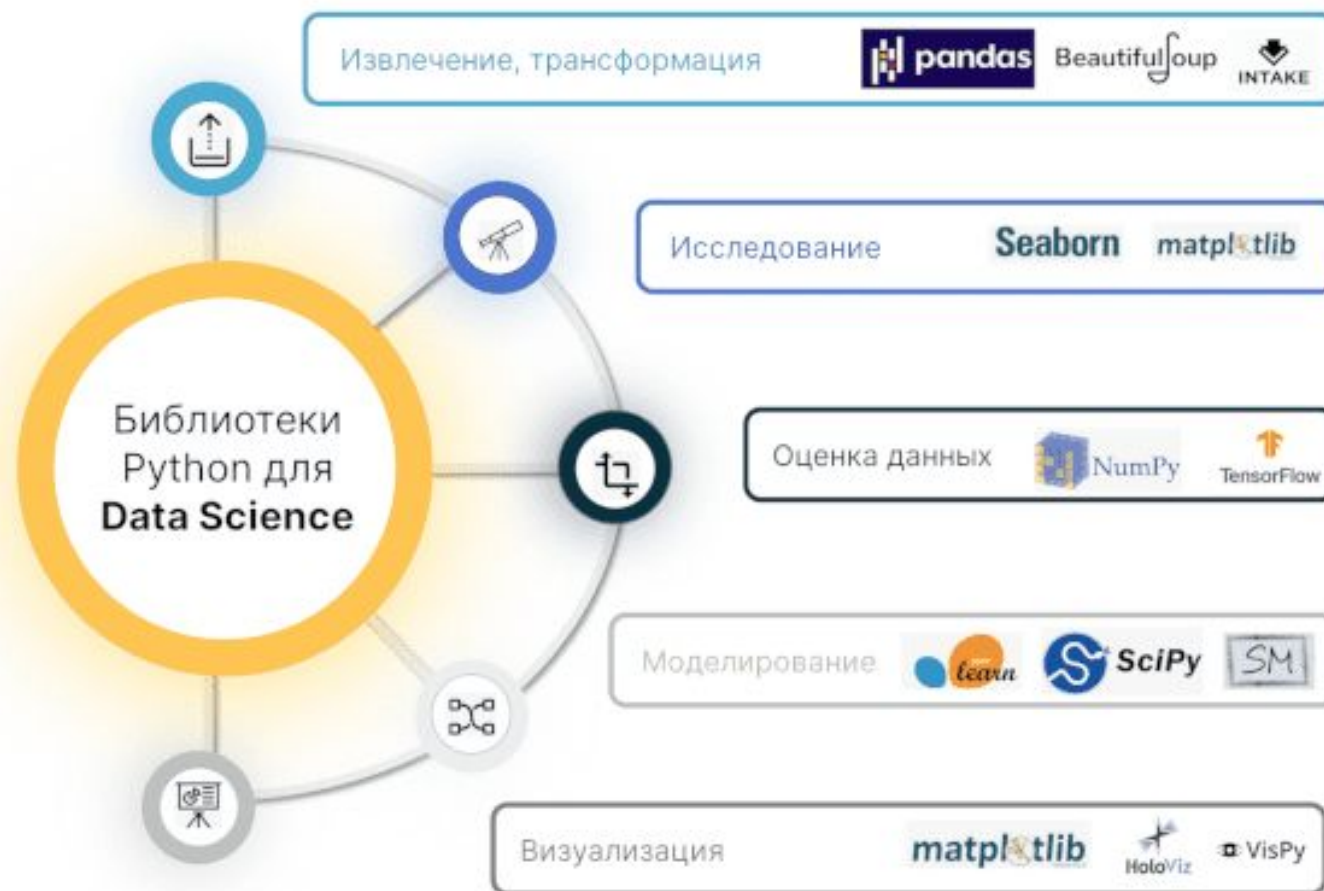
- Работа с матрицами
- Векторы и метрики расстояний
- Рекомендательные системы

БИБЛИОТЕКА NUMPY



- поддержка многомерных массивов, в т.ч. разреженных массивов (sparse arrays);
- поддержка математических функций, предназначенных для работы с многомерными массивами;
- совместимость со многими библиотеками;
- простота использования;
- открытый исходный код.

РОЛЬ NUMPY В ЭКОСИСТЕМЕ PYTHON



МАТРИЦЫ

	fixed acidity	volatile acidity	citric acid	residual sugar	chlorides	free sulfur dioxide	total sulfur dioxide	density	pH	sulphates	alcohol	quality
0	7.4	0.700	0.00	1.9	0.076	11.0	34.0	0.9978	3.51	0.56	9.4	5
1	7.8	0.880	0.00	2.6	0.098	25.0	67.0	0.9968	3.20	0.68	9.8	5
2	7.8	0.760	0.04	2.3	0.092	15.0	54.0	0.9970	3.26	0.65	9.8	5
3	11.2	0.280	0.56	1.9	0.075	17.0	60.0	0.9980	3.16	0.58	9.8	6
4	7.4	0.700	0.00	1.9	0.076	11.0	34.0	0.9978	3.51	0.56	9.4	5
5	7.4	0.660	0.00	1.8	0.075	13.0	40.0	0.9978	3.51	0.56	9.4	5
6	7.9	0.600	0.06	1.6	0.069	15.0	59.0	0.9964	3.30	0.46	9.4	5
7	7.3	0.650	0.00	1.2	0.065	15.0	21.0	0.9946	3.39	0.47	10.0	7
8	7.8	0.580	0.02	2.0	0.073	9.0	18.0	0.9968	3.36	0.57	9.5	7
9	7.5	0.500	0.36	6.1	0.071	17.0	102.0	0.9978	3.35	0.80	10.5	5
10	6.7	0.580	0.08	1.8	0.097	15.0	65.0	0.9959	3.28	0.54	9.2	5
11	7.5	0.500	0.36	6.1	0.071	17.0	102.0	0.9978	3.35	0.80	10.5	5
12	5.6	0.615	0.00	1.6	0.089	16.0	59.0	0.9943	3.58	0.52	9.9	5
13	7.8	0.610	0.29	1.6	0.114	9.0	29.0	0.9974	3.26	1.56	9.1	5
14	8.9	0.620	0.18	3.8	0.176	52.0	145.0	0.9986	3.16	0.88	9.2	5

МАТРИЦЫ В ЛИНЕЙНОЙ АЛГЕБРЕ

Матрица:

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & \dots & a_{1n} \\ \dots & \dots & \dots \\ a_{m1} & \dots & a_{mn} \end{pmatrix}$$

Вектор-строка:

$$B = (b_1 \quad \dots \quad b_n)$$

Вектор-столбец:

$$C = \begin{pmatrix} c_1 \\ \dots \\ c_m \end{pmatrix}$$

МАТРИЦЫ В NUMPY

```
[1] # импорт библиотеки
import numpy as np
```

```
[2] # создание матрицы
a = np.array([[1, 2, 3],
              [4, 5, 6],
              [7, 8, 9]])
```

```
a

array([[1, 2, 3],
       [4, 5, 6],
       [7, 8, 9]])
```

```
[3] # создание вектора-столбца(строки)
b = np.array([1,2,3,4])
b
```

```
array([1, 2, 3, 4])
```

```
[4] # импорт библиотеки
import pandas as pd
```

```
# получение датафрейма из numpy-массива
df = pd.DataFrame(np.array([[1, 2, 3],
                             [4, 5, 6],
                             [7, 8, 9]]))

df
```

```
↗
```

	0	1	2
0	1	2	3
1	4	5	6
2	7	8	9

```
[6] # получение numpy-массива из датафрейма
df.values
```

```
array([[1, 2, 3],
       [4, 5, 6],
       [7, 8, 9]])
```


МЕТОДЫ NUMPY

- `np.sum(a)` - сумма элементов массива
- `np.mean(a)` - среднее значение элементов массива
- `np.arange(0, 10)` - массив от 0 до 9 (аналог `range`)
- `np.random.shuffle(a)` - случайная перестановка элементов массива
- `np.concatenate((b, c))` - объединение нескольких массивов

ДЕЙСТВИЯ НАД МАТРИЦАМИ

Пример сложения матриц.

Даны две матрицы: $A = \begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 6 & 7 \end{pmatrix}$; $B = \begin{pmatrix} 8 & 5 \\ 7 & 3 \end{pmatrix}$

$$C = A + B = \begin{pmatrix} 2+8 & 4+5 \\ 6+7 & 7+3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 10 & 9 \\ 13 & 10 \end{pmatrix}$$

Пример умножения матриц.

$$C = A \times B = \begin{pmatrix} 2*8+4*7 & 2*5+4*3 \\ 6*8+7*7 & 6*5+7*3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 44 & 22 \\ 97 & 51 \end{pmatrix}$$

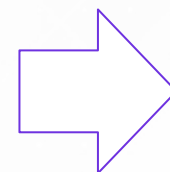
```
import numpy as np
A = np.array([[2,4],
              [6,7]])
B = np.array([[8,5],
              [7,3]])
C = A + B
C
array([[10,  9],
       [13, 10]])
```

```
C = A.dot(B)
# C = np.dot(A,B)
C
array([[44, 22],
       [97, 51]])
```

ДЕЙСТВИЯ НАД МАТРИЦАМИ

Транспонирование:

$$A = \begin{pmatrix} 12 & -1 \\ -5 & 0 \end{pmatrix} \quad A^T = \begin{pmatrix} 12 & -5 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$$



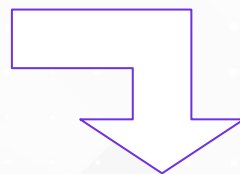
```
import numpy as np
A = np.array([[12, -1],
              [-5, 0]])

A.T

array([[12, -5],
       [-1,  0]])
```

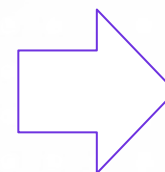
Решение СЛАУ:

$$\begin{cases} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + \dots + a_{1n}x_n = b_1 \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + \dots + a_{2n}x_n = b_2 \\ \dots \\ a_{m1}x_1 + a_{m2}x_2 + \dots + a_{mn}x_n = b_m \end{cases}$$



$$AX = B$$

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{m1} & a_{m2} & \dots & a_{mn} \end{pmatrix} \quad X = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \dots \\ x_n \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \\ \dots \\ b_m \end{pmatrix}$$



```
# СЛАУ
# 2x + 5y = 1
# 1x - 10y = 3

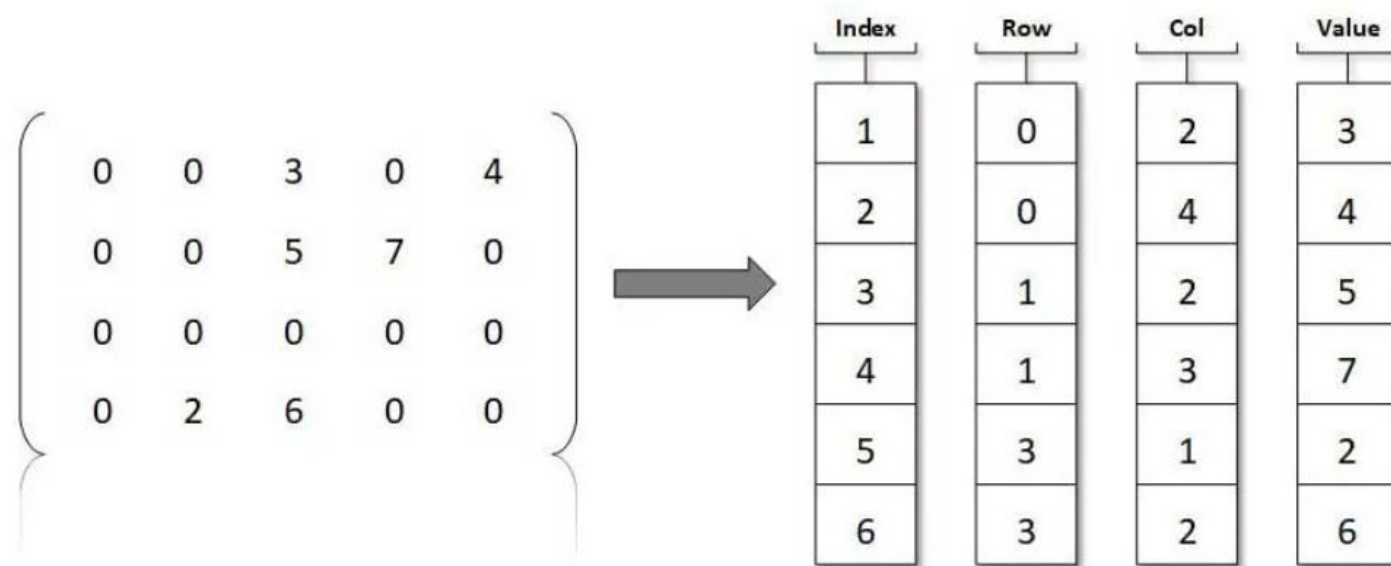
A = np.array([[2, 5],
              [1, -10]])
B = np.array([1, 3])

# решем систему уравнений
np.linalg.solve(A, B)

array([ 1. , -0.2])
```

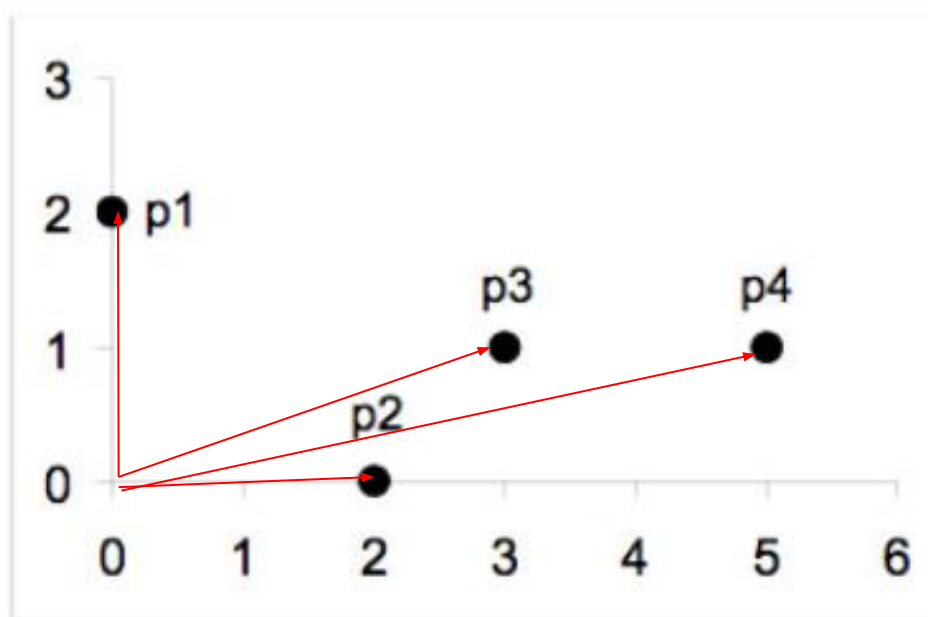
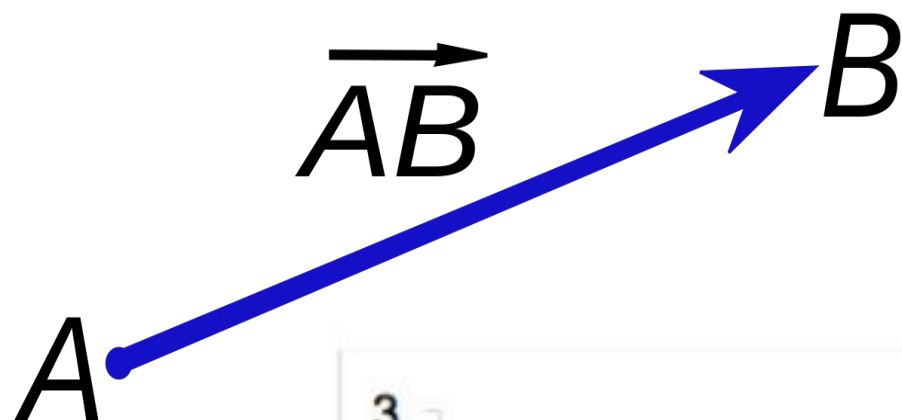
РАЗРЕЖЕННЫЕ МАТРИЦЫ

Sparse Matrix



```
[ ] from scipy.sparse import csr_matrix  
    csr_array = csr_matrix(array)
```

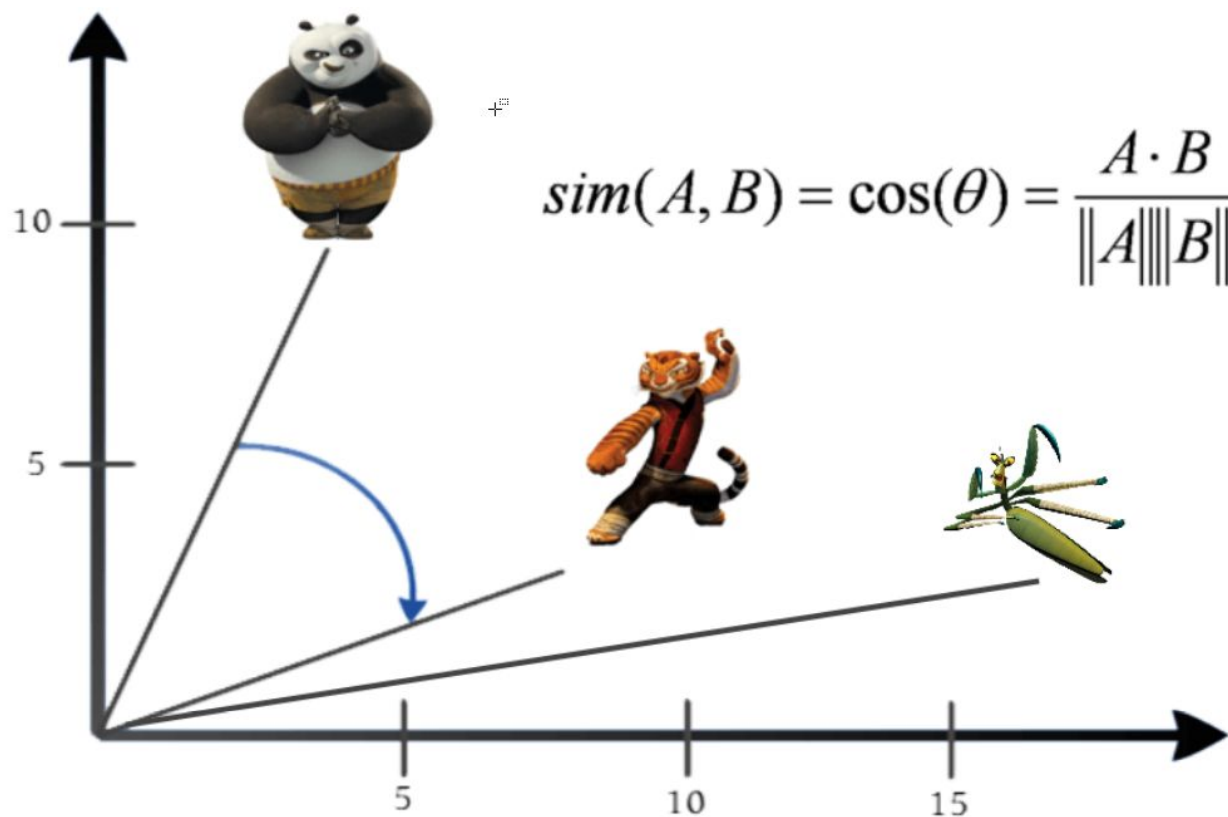
ВЕКТОРЫ



point	x	y
p1	0	2
p2	2	0
p3	3	1
p4	5	1

ВЕКТОРЫ

Сила



Ловкость

```
[ ] # определение величины угла между векторами
def cosine(A, B):
    len_a = np.linalg.norm(a) # определение длин векторов
    len_b = np.linalg.norm(b)
    return np.dot(a, b) / (len_a * len_b)
```

```
[ ] # величина угла в радианах
np.arccos(cosine(A, B))
# величина угла в градусах
np.arccos(cosine(A, B))*360 / 2 / np.pi
```

Источник: medium.com

РЕКОМЕНДАТЕЛЬНЫЕ СИСТЕМЫ

Подобрали для вас



38 990 р

Распошивальная
машина Janome Cover...



10 190 р

Беспроводные
наушники Apple AirPo...



19 790 р

Швейная машина
Janome Clio 325



44 990 р ~~49 990 р~~

Часы SUUNTO 9 Baro



74 620 р ~~97 970 р~~

Вышивальная машина
Janome Memory Craft...



380 р

Смесь Nutr
1 Premium



РЕКОМЕНДАТЕЛЬНЫЕ СИСТЕМЫ

NETFLIX



Netflix Prize				
Rank	Team Name	Best Score	% Improvement	Last Submit Time
1	The Ensemble	0.8553	10.10	2009-07-26 18:38:22
2	BellKor's Pragmatic Chaos	0.8554	10.09	2009-07-26 18:18:28
Grand Prize - RMSE <= 0.8563				

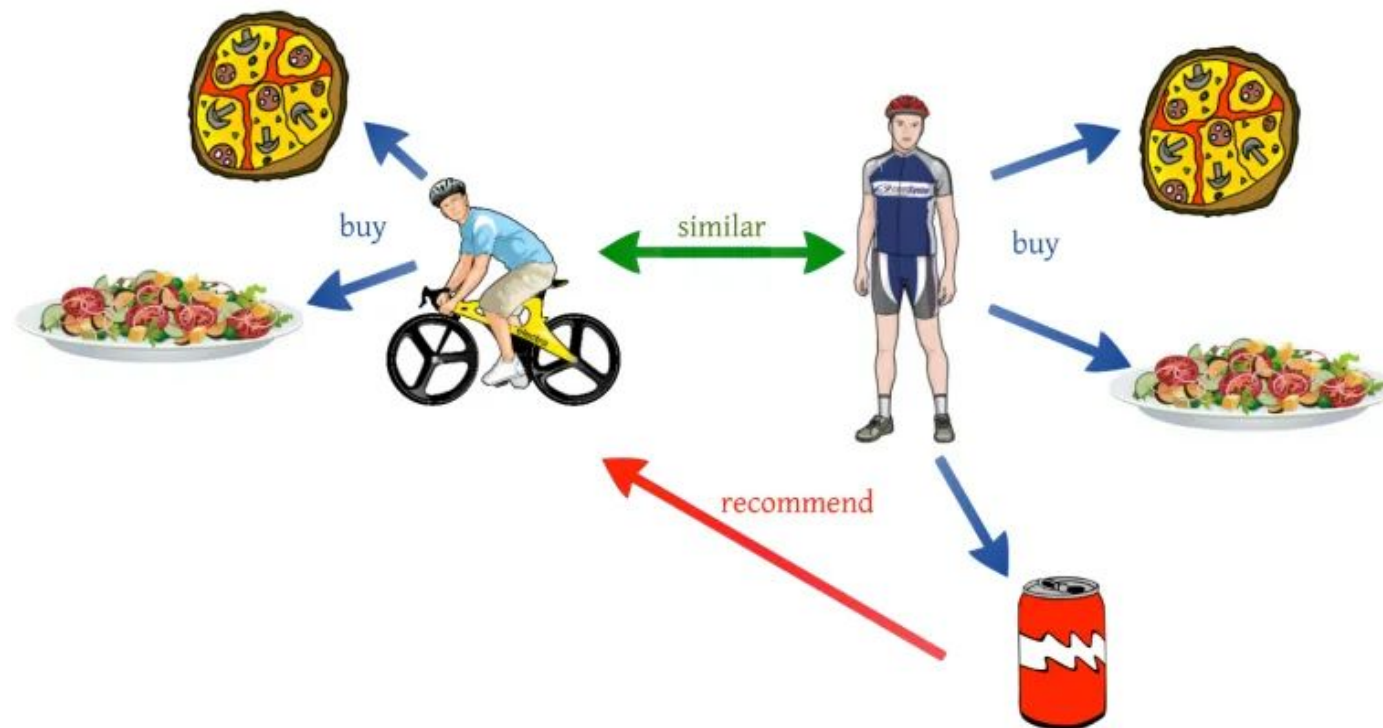
РЕКОМЕНДАТЕЛЬНЫЕ СИСТЕМЫ

ТИКТОК



COLLABORATIVE FILTERING

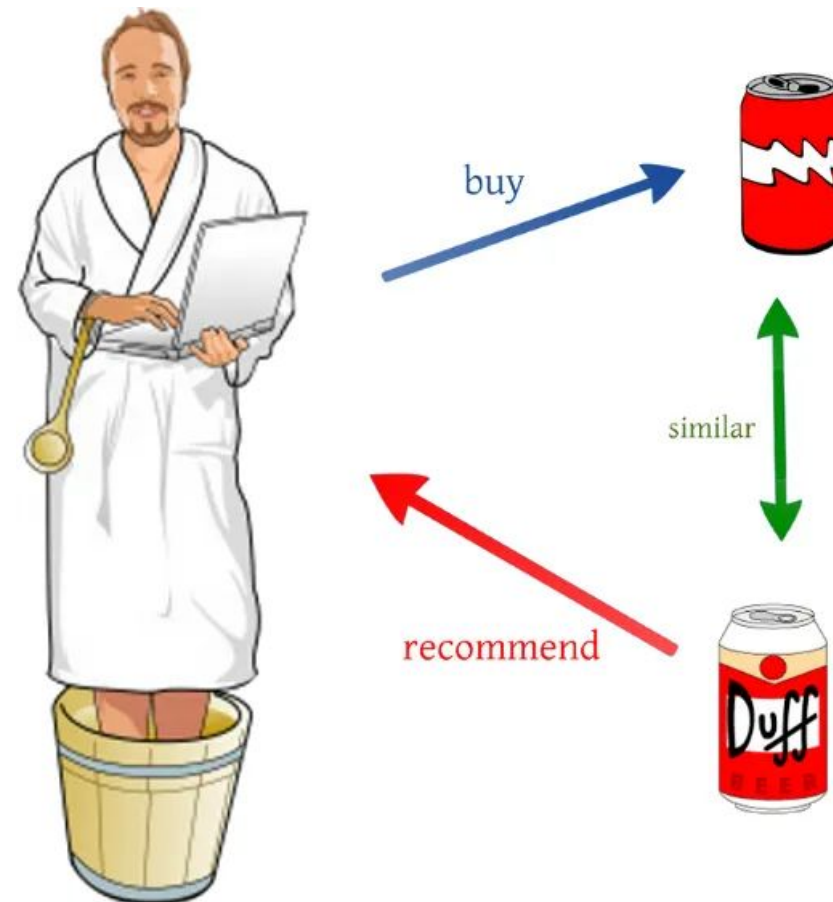
	item1	item2	item3	item4	item5	item6	item7	item8
user1						1	1	
user2	1	1	1					
user3		1		1	1		1	
user4	1	1		1		1	1	1



“ people with similar taste to you like the thing you like.

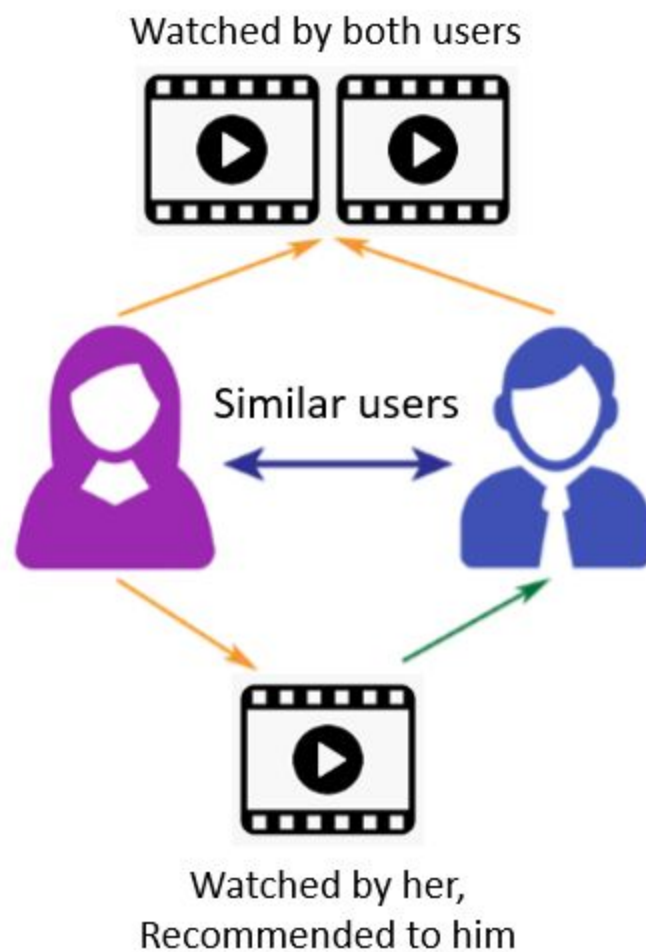
CONTENT-BASE FILTERING

	user1	user2	user3	user4
item1		1		1
item2		1	1	1
item3		1		
item4			1	1
item5			1	
item6	1			1
item7	1		1	1
item8				1

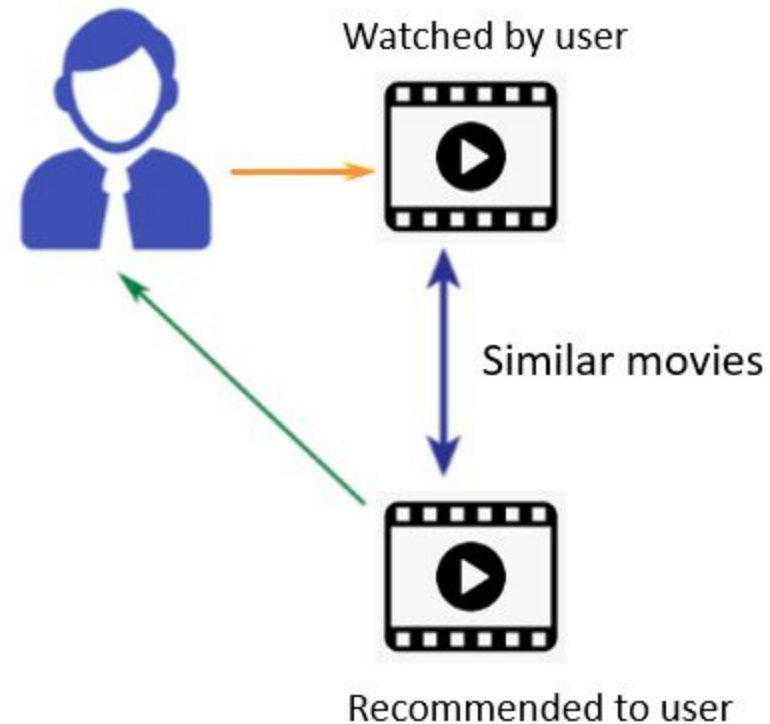


“ people who liked this also liked these as well

Collaborative Filtering



Content-Based Filtering





Google Colab



РЕЗЮМЕ УРОКА

- Вспомнили про матрицы и узнали как представлять данные в виде матриц в Numpy
- Научились измерять меру близости между векторами
- Разработали базовый алгоритм рекомендательной системы



ДОМАШНЕЕ ЗАДАНИЕ

Решить кейс:

Руководство решает внедрить фичу “С этим товаром покупают” в Интернет-магазине. Вам предлагается протестировать фичу на одном из товаров. Для тестирования фичи вам исходя из истории покупок в интернет-магазине нужно определить ТОП-10 наиболее близких товаров к исходному.

1. Используйте датасет с практики текущего урока.
2. Создайте матрицу item-customer (по строкам - товары, по столбцам - покупатели)
3. Проведите оценку мер близости товаров, получив матрицу item_item_sim_matrix со значениями косинусов между векторами товаров.
4. Отберите ТОП-10 похожих товаров по StockCode.
5. Выведите список ТОП-10 похожих товаров с названиями (Description) на экран.

Исходный товар - StockCode: 23166 Description: MEDIUM CERAMIC TOP STORAGE JAR

Формат - ссылка на ноутбук Colab.

Дополнительные материалы

1. [Как работают рекомендательные системы](#)
2. [Рекомендательные системы: как помочь пользователю найти то, что ему нужно?](#)
3. [Введение в numpy видео](#)
4. [Рекомендательная система \(content based\) на данных Netflix](#)
5. [Рекомендательная система \(collaborative filtering\) на данных H&M](#)

ВАШИ ВОПРОСЫ