

Institut für Robotik und Prozessinformatik

Technische Universität Braunschweig

Prof. Dr. Friedrich M. Wahl

**Bildverarbeitungs-Praktikum**  
**Sommersemester 2013**





# Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Einführung in Matlab</b>	<b>1</b>
1.1	Grundlegendes . . . . .	1
1.2	Die Image Processing Toolbox . . . . .	5
<b>2</b>	<b>Versuch 0: Matlab-Übung</b>	<b>9</b>
2.1	Einleitung . . . . .	9
2.2	Aufgabenstellung . . . . .	9
2.2.1	Arbeiten mit Matrizen . . . . .	9
2.2.2	Arbeiten mit Bildern . . . . .	10
<b>3</b>	<b>Versuch I: Binärbilder</b>	<b>13</b>
3.1	Einleitung . . . . .	13
3.2	Aufbau . . . . .	13
3.3	Aufgabenstellung . . . . .	15
3.3.1	Kameraeigenschaften und ihre Auswirkungen auf das Grauwert- stogramm . . . . .	15
3.3.2	Automatische Schwellwertberechnung . . . . .	16
3.3.3	Glättung . . . . .	17
3.3.4	Binarisierung . . . . .	18
3.3.5	Morphologische Operationen . . . . .	18
3.3.6	Etikettierung . . . . .	19
3.3.7	Hu-Momente . . . . .	19
3.3.8	Lageschätzung . . . . .	20
3.3.9	Identifikation . . . . .	21
<b>4</b>	<b>Versuch II: FFT</b>	<b>23</b>
4.1	Einleitung . . . . .	23
4.2	Aufgabenstellung . . . . .	23
4.2.1	Fouriertransformation . . . . .	23
4.2.2	Hoch- und Tiefpassfilterung . . . . .	24
4.2.3	Abtastung . . . . .	25

4.2.4	Ausrichten des Textes . . . . .	26
4.2.5	Textzeichenerkennung . . . . .	27
<b>5</b>	<b>Versuch III: Hough-Transformation für Kreise</b>	<b>29</b>
5.1	Einleitung . . . . .	29
5.2	Aufbau . . . . .	30
5.3	Aufgabenstellung . . . . .	30
5.3.1	Vorbereitungen . . . . .	31
5.3.2	Gradientenoperatoren . . . . .	31
5.3.3	Kantenbild . . . . .	32
5.3.4	Hough-Transformation für Kreise . . . . .	33
5.3.5	Suche nach Höhepunkten in den Hough-Räumen . . . . .	35
5.3.6	Subpixel-Genauigkeit . . . . .	36
5.3.7	Ausnutzung der Gradientenorientierung . . . . .	36

# Kapitel 1

## Einführung in Matlab

Dieses Kapitel gibt eine sehr kurze Einführung in Matlab. Es werden lediglich Grundprinzipien erläutert, die ein Gefühl für den Umgang mit Matlab vermitteln sollen. Eine gute ausführliche Einführung findet sich unter

<http://www.ti3.tu-harburg.de/~haerter/PraktikumI/schramm.pdf> .

### 1.1 Grundlegendes

Matlab ist ein Programm, das sich gut zur Simulation und Visualisierung mathematischer Zusammenhänge und Ausdrücke einsetzen lässt. Die wichtigsten Elemente der Programmoberfläche bilden das Command Window (Eingabezeile oder Prompt), der Workspace (listet sämtliche vorhandenen Variablen auf) und ein Editor zur Bearbeitung von Skript-Dateien (.m-Dateien).

Sämtliche Befehle können in der Eingabezeile eingegeben und ausgeführt werden. Bei komplexeren Vorgängen empfiehlt sich die Verwendung einer Skript-Datei, die es ermöglicht, komplette Befehlsketten zu generieren und auch programmiertechnische Strukturen wie z.B. Schleifen einzusetzen.

Variablen müssen in Matlab nicht deklariert werden. Bei der Zuweisung eines Wertes zu einem unbekannten Variablennamen wird diese Variable automatisch angelegt und mit einem angemessenen Datentyp typisiert. Zuweisungen erfolgen dabei einfach über das Gleichheitszeichen:

$$Name = Wert$$

Die in Matlab am häufigsten verwendeten Datentypen sind in der folgenden Tabelle aufgelistet.

Typ	Erklärung
uint8	8-bit Integerzahl (0-255)
uint16	16-bit Integerzahl (0-65536)
double	64-bit Gleitkommazahl
char	Zeichenfolge

Umdeklarierungen können über die gewünschte Typbezeichnung und nachfolgende Klammerung des Variablennamens vorgenommen werden.

$$Name = uint8(Name)$$

Der Befehl

$$a = 5$$

erzeugt eine Variable *a* vom Typ *double* mit dem Wert 5. Sie ist nun im Workspace mit aufgelistet. Über

$$b = 'text'$$

wird eine *char*-Variable mit entsprechendem Inhalt erzeugt. Unmittelbar nach Eingabe der Zuweisung und Bestätigung durch die Return-Taste gibt das Programm als Bestätigung eine Rückmeldung über den Inhalt der Variable aus. Diese Rückmeldung kann mit einem nachfolgenden Semikolon unterbunden werden:

$$b = 'text';$$

Durch Eingabe des Variablennamens und Bestätigung mit Return wird der momentane Wert einer Variable angezeigt. Aus dem Speicher gelöscht werden können Variablen über

$$clear\ a$$

Der Befehl *clear* ohne Variablenname löscht sämtliche im Speicher befindlichen Variablen. ACHTUNG: Es existiert ebenfalls der Befehl *clear all*, welcher eine wesentlich gründlichere „Reinigung“ des Speichers durchführt. Allerdings bewirkt dies, dass das Aufnehmen von Bildern mit der Kamera nicht mehr funktioniert. Deswegen sollte *clear all* niemals ausgeführt werden!!!

Einfache Rechenoperationen können intuitiv durchgeführt werden über '+', '-', '\*', '/', '^' etc, z.B.

$$b = a + 4.89$$

Auch elementare Funktionen wie Sinus (*sin*) oder Betrag (*abs*) stehen zur Verfügung. Die Argumente werden ihnen in nachfolgenden Klammern übergeben. So liefert

$$s = \sin(2)$$

den Sinuswert zu 2 und weist ihn der Variable *s* zu.

Für viele Berechnungen ist die Verwendung von Matrizen vonnöten. Die Matrix

$$M = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix}$$

wird definiert über

$$M = [1 \ 2 \ 3; 4 \ 5 \ 6]$$

Das Semikolon signalisiert den Beginn einer neuen Zeile. Auf einzelne Elemente einer Matrix kann über

$$element_{nm} = M(n,m)$$

zugegriffen werden, wobei *n* die Reihe (= Zeile) und *m* die Spalte angibt. Das erste Element hat dabei den Index (1,1). *M*(2,3) würde hier also *element<sub>nm</sub>* = 6 ausgeben. Auf ganze Bereiche innerhalb einer Matrix wird zugegriffen indem die Position des ersten und des letzten gewünschten Elements getrennt mit einem Doppelpunkt angegeben wird.

$$M_{14} = M(1:2,1)$$

liefert somit

$$M_{14} = \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \end{pmatrix}.$$

Genau wie einfache Zahlenwerte können Matrizen über '+' , '-' und '\*' addiert, subtrahiert und multipliziert werden.

Die Transponierte einer Matrix wird über das Apostroph berechnet.

$$M_T = M'$$

liefert dementsprechend

$$M_T = \begin{pmatrix} 1 & 4 \\ 2 & 5 \\ 3 & 6 \end{pmatrix}.$$

Standardmatrizen können über die Befehle *zeros*(*n,m*) (*n* x *m* Nullmatrix), *ones*(*n,m*) (Einsmatrix) und *eye*(*n,m*) (Einheitsmatrix) erzeugt werden.

Logische-Operatoren sind ähnlich wie aus C++ bekannt:

- `==` überprüft auf Gleichheit
- `~` = überprüft auf Ungleichheit
- `&&` ist eine Und-Verknüpfung
- `||` ist eine Oder-Verknüpfung

Für Strukturen zur Programmflusskontrolle sollen hier lediglich zwei Beispiele genannt werden:

a) IF-ELSE Anweisung

```
if i==4
    anweisungen1
elseif i>8
    anweisungen2
else
    anweisungen3
end
```

b) FOR-Schleife:

```
for i=1:N
    anweisungen
end
```

Hier wird die Schleife genau N-mal durchlaufen mit Zählindex i. Über  $i=1:S:N$  kann die Schrittweite S definiert werden, um die i erhöht wird. S kann dabei auch eine Gleitkommazahl sein.

Funktionen können in Matlab nur über separate .m-Dateien definiert werden. Diese müssen denselben Dateinamen wie die Funktion selbst aufweisen. Die zugehörige Syntax lautet:

```
function result = funktionsname(wert)
    anweisungen
    result = rückgabewert;
```

Die Funktion wird dann z.B. über

```
a = funktionsname(6.89);
```



in der Eingabeaufforderung oder einer anderen Skriptdatei ausgeführt. Sollen mehrere Werte übergeben bzw. zurückgegeben werden, so ändert sich die Syntax zu

```
function [result1 result2] = funktionsname(wert1, wert2)
    anweisungen
    result1 = rückgabewert1;
    result2 = rückgabewert2;
```

und der Funktionsaufruf erfolgt z.B. über

```
[a,b] = funktionsname(var1, 'zeichenfolge')
```

Abschließend sei noch darauf hingewiesen, dass mit

*help* befehl

jederzeit die Hilfe zu einem Befehl in der Eingabeaufforderung angezeigt werden kann, bzw. mit

*doc* befehl

die zugehörige Dokumentation von Matlab in einem separaten Fenster geöffnet wird. Soweit die grundlegende Einführung in Matlab. Sie erhebt keinen Anspruch auf Vollständigkeit, sollte jedoch für die Durchführung dieses Praktikums ausreichend sein. Für ausführliche Informationen sei nochmals auf die externe Quelle vom Beginn des Kapitels verwiesen.

## 1.2 Die Image Processing Toolbox

Die Image Processing Toolbox stellt eine Erweiterung von Matlab dar und bietet Funktionen zur Darstellung und Bearbeitung von digitalen Bildern. Auch hier werden im Folgenden die wichtigsten Funktionen kurz erläutert.

```
I = imread( filename )
```

Liest die Bilddatei *filename* und speichert sie unter dem Variablennamen *I*. WICHTIG: Semikolon nicht vergessen, da sonst sämtliche Inhalte in der Eingabeaufforderung angezeigt werden.

```
imwrite( I, filename )
```

Speichert das Bild *I* in einer Datei mit dem Dateinamen *filename*.

*imshow( I, [low high] )*

Zeigt das Bild *I* im momentan aktiven Grafikfenster an. Der zweite Parameter mit den eckigen Klammern ist optional. Er bewirkt eine lineare Grauwertspreizung der Anzeige, wobei alle Farbwerte, die kleiner als *low* sind auf Farbwert 0, alle die größer als *high* sind auf den Maximalfarbwert gesetzt werden. Bei Angabe der Klammern ohne Inhalt werden *low* und *high* automatisch bestimmt.

*figure( n )*

Aktiviert Grafikfenster *n* (*n* muss eine ganze Zahl sein). Nachfolgende Operationen (z.B. *imshow*, *subplot*) werden in diesem Fenster ausgeführt.

*subplot( n, m, pos )*

Erzeugt ein Grafikfenster, das mehrere Bilder anzeigen kann. Es wird die Größe definiert (*n* Zeilen, *m* Spalten) und das zu aktivierende Element benannt (*pos*). Die Position ergibt sich dabei durch Abzählen der Elemente von links oben nach rechts unten. Für Element (1,1) gilt somit *pos*=1, für (2,3) *pos*=6 etc. Die Befehlsfolge

```
subplot(5,3,6);
imshow(I);
```

erzeugt somit ein Grafikfenster für 15 Elemente und stellt Bild *I* an Position (2,1) dar. WICHTIG: Zwischen den Operationen darf das Grafikfenster NICHT geschlossen werden, da dann sämtliche Einstellungen und Inhalte verloren gehen.

*close*

Schließt das momentan aktive Grafikfenster. Mit *close all* werden sämtliche geöffneten Grafikfenster geschlossen.

*I = rgb2gray( I )*

Wandelt das RGB-Bild *I* (3 Farbwerte pro Pixel) in ein Graustufenbild (1 Farbwert pro Pixel) um.

*imhist( I )*

Zeigt das Grauerthistogramm von *I* an.

*I = imadjust( I, [low high], [bottom top] )*

Führt eine lineare Grauwertanpassung durch. Dabei wird der Bereich von *low* bis *high* auf den Bereich *bottom* bis *top* abgebildet. Alle Werte werden anteilmäßig angegeben, müssen also zwischen 0 und 1 liegen. Um in einem Graubild mit 256 Farben den Bereich zwischen 100 und 200 auf den gesamten Farbraum zu strecken muss somit

$$I = \text{imadjust}(I, [100/255 \ 200/255], [0/255 \ 255/255])$$

ausgeführt werden.

$$I = \text{imnoise}(I, \text{type})$$

Fügt Bild  $I$  Rauschen vom Typ  $\text{type}$  hinzu. Mögliche Typen sind 'salt & pepper' und 'gaussian' (mit den Hochkommas).

$$I = \text{medfilt2}(I, [N \ M])$$

Führt eine Medianfilterung des Bildes  $I$  durch.  $N$  und  $M$  sind die Dimensionen des Filterkerns in Y- und X-Richtung.

$$I = \text{irpAveragefilt2}(I, [N \ M])$$

Wendet einen Averaging-Filter auf Bild  $I$  an.  $N$  und  $M$  sind die Dimensionen des Filterkerns in Y- und X-Richtung.

$$I = \text{im2bw}(I, T)$$

Führt eine Binarisierung des Bildes  $I$  durch. Das Ergebnis ist ein Binärbild. Alle Pixel mit einem Grauwert kleiner gleich  $T$  werden auf 0 gesetzt, alle Grauwerte größer als  $T$  auf 1.  $T$  muss dabei zwischen 0 und 1 liegen, wobei 1 dem höchsten Farbwert entspricht (z.B. 255).

$$[I2 \ N] = \text{bwlabel}(I)$$

Führt eine Etikettierung des Binärbildes  $I$  durch, wobei  $I2$  das etikettierte Bild und  $N$  die Anzahl der zusammenhängenden Objekte zurückgegeben wird.

*irpCaptureImage*

Mit diesem Befehl ist es möglich, unter Matlab Bilder mit einer angeschlossenen Kamera zu machen. Sollte der Befehl zum ersten Mal ausgeführt werden, erscheint das Konfigurationsfenster in Bild 1.1. Hier muss lediglich die angeschlossene Kamera im obersten Auswahlfeld ausgewählt werden. Daraufhin erscheint das folgende Aufnahmefenster (Bild 1.2). Mittels der drei Buttons kann die Anzeige pausiert (FREEZE) und wieder gestartet (UNFREEZE) werden. Der Button CAPTURE legt das momentan angezeigte Bild im Speicher ab. Durch Schließen des Fensters wird das abgelegte Bild in der Variable *capImg* abgespeichert und kann nun weiter bearbeitet werden. Es empfiehlt sich, den Inhalt von *capImg* sofort in einer anderen Variable zu sichern, da er bei einem erneuten Aufruf von *irpCaptureImage* überschrieben wird.

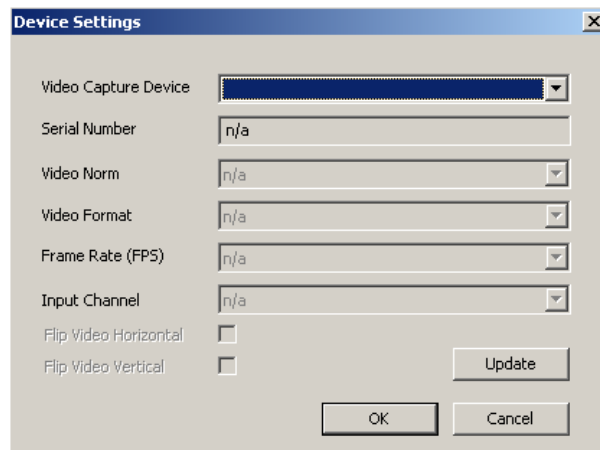


Abbildung 1.1: Initialisierungsfenster der Kamera



Abbildung 1.2: Fenster zur Aufnahme von Bildern

# Kapitel 2

## Versuch 0: Matlab-Übung

### 2.1 Einleitung

Dieser Versuch soll dabei helfen, ein Gefühl für die Matlab-Programmierungsumgebung zu entwickeln. Er muss von allen Studenten durchgeführt werden, richtet sich jedoch vor allem an jene, die noch nie mit Matlab gearbeitet haben. Grundlegende Matrixoperationen müssen ebenso ausgeführt werden wie einige Funktionen der Image Processing Toolbox. Die hier erworbenen Grundkenntnisse sind das „Handwerkszeug“, das nötig ist, um die nachfolgenden Aufgaben bearbeiten zu können.

Ein Tipp vorweg: Wie in der Einführung erwähnt bietet Matlab die Möglichkeit Skript-Dateien anzulegen. Hier können ganze Befehlsketten sequentiell abgearbeitet werden. Dies kann viel Schreibarbeit ersparen und ist zudem wesentlich übersichtlicher als sämtliche Befehle in der Eingabeaufforderung einzugeben. Deswegen ist es empfehlenswert sämtliche Aufgaben mittels dieser Skriptdateien zu lösen. Ausgeführt werden können diese übrigens auch mit der F5-Taste.

### 2.2 Aufgabenstellung

*Hinweis:* In Matlab muss für jeden Versuch das aktuelle Arbeitsverzeichnis gesetzt werden. Für Versuch 0 ist dies 'P:/bvprak/versuch0'.

#### 2.2.1 Arbeiten mit Matrizen

In Matlab wird sehr häufig mit Matrizen gerechnet. Auch digitalisierte Bilder sind nichts anderes als große Matrizen. Aus diesem Grund soll dieser Aufgabenteil grundlegende Matrizenoperationen vermitteln.

- a) Zu Beginn soll die folgende Matrix erzeugt werden:

$$M = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 2 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 3 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 2 & 3 & 4 & 3 & 2 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 3 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}.$$

- b) Generieren Sie nun eine nach rechts mit Nullen erweiterte Einheitsmatrix (so dass die Matrix die gleiche Größe wie M hat) und addieren Sie diese zur Matrix M hinzu.
- c) Multiplizieren Sie das Ergebnis mit der Zahl 3.
- d) Ändern Sie das 8. Element der 4. Reihe auf den Wert 1000.
- e) Mit einem einzigen Befehl sind nun die 9 mittleren Elemente der Matrix auf den Wert 5.8 zu setzen.
- f) Zum Abschluss dieses ersten Aufgabenblocks weisen Sie mittels FOR-Schleifen den 8 Elementen der 2x4-Untermatrix in der linken unteren Ecke der Matrix M den Wert des Produktes ihrer jeweiligen Reihen- und Spaltennummer zu.  
Die Matrix sollte nun folgendermaßen aussehen:

$$M = \begin{pmatrix} 3 & 0 & 0 & 0 & 6 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 & 5.8 & 5.8 & 5.8 & 0 & 0 & 0 \\ 3 & 3 & 9 & 5.8 & 5.8 & 5.8 & 6 & 3 & 3 \\ 4 & 8 & 12 & 16 & 5.8 & 5.8 & 0 & 1000 & 0 \\ 5 & 10 & 15 & 20 & 9 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}.$$

### 2.2.2 Arbeiten mit Bildern

In diesem Aufgabenblock soll erstmals mit Bildern gearbeitet werden.

- a) Erstellen Sie eine Nullmatrix mit 240 Reihen und 320 Spalten.
- b) Diese Matrix wird von nun an als Bild aufgefasst. Sie kann mit dem Befehl *imshow* angezeigt werden. Es ist folgendes zu beachten: Wenn Pixelkoordinaten (x,y) in Bildern angegeben werden, so beziehen sich diese auf die linke obere Ecke, wobei die x-Achse nach rechts, die y-Achse nach unten zeigt. Die Matrixposition (n,m) beschreibt jedoch das Element in Reihe n (nach unten) und Spalte m (nach rechts). Die Achsen sind somit vertauscht und der PIXEL (x,y)=(300,100) entspricht dem MATRIXELEMENT (n,m)=(100,300).  
Setzen Sie nun ein ausgefülltes Rechteck der Breite 10 und Höhe 5 in der rechten oberen Ecke des Bildes auf den Wert 1 und kontrollieren Sie das Ergebnis mittels *imshow*.

- c) Laden Sie nun das Bild 'capture1.bmp' und zeigen es an.
- d) Bei dem geladenen Bild handelt es sich um ein RGB-Bild. Wandeln Sie es in ein Graustufenbild  $I$  um.
- e) Nehmen Sie ein RGB-Bild mit Hilfe der Kamera auf und zeigen es an.
- f) Speichern Sie das aufgenommene Bild in der Datei 'capture2.bmp'.
- g) Zeigen Sie das Grauwertbild  $I$  an der Hauptachse gespiegelt an (transponieren).
- h) Zeigen Sie Grauwertbild  $I$  und dessen Histogramm in zwei separaten Grafikfenstern (figures) an.
- i) Addieren sie den Wert 100 auf jeden Farbwert von  $I$  und zeigen das Ergebnis und das zugehörige Histogramm in einem gemeinsamen Grafikfenster an (subplot).
- j) Führen Sie eine Histogrammspreizung (=Grauwertanpassung) des ursprünglichen Grauwertbildes  $I$  mit geeigneten Schwellwerten durch. Zeigen Sie wieder das Ergebnis und das Histogramm in einem gemeinsamen Fenster an.

Hiermit ist der Einführungsversuch abgeschlossen und Sie können sich nun an die Bearbeitung der praxisnäheren folgenden Aufgaben machen.





# Kapitel 3

## Versuch I: Binärbilder

### 3.1 Einleitung

Stellen Sie sich folgende Situation aus einer Fertigungshalle vor: Ein Roboter soll verschiedene Bauteile von einem Fließband greifen und in Kisten einsortieren. Diese Bauteile befinden sich auf einem Schlitten, der über das Fließband läuft. Die genaue Anzahl, Position und Orientierung der Bauteile auf dem Schlitten sowie der jeweilige Typ eines Bauteils sind vorher nicht bekannt. Es kann lediglich vorausgesetzt werden, dass nur drei verschiedene Bauteiltypen vorkommen und die Bauteile sich nicht gegenseitig überdecken. Über dem Fließband ist eine Kamera positioniert, die senkrecht auf das Fließband schaut und mehrmals in der Sekunde ein Graubild aufnimmt. Sie sollen nun ein Verfahren entwickeln, das die Bauteile identifiziert und deren Lage bezüglich des Bildkoordinatensystems schätzt. Um später die Lageschätzungen in ein Schlittenkoordinatensystem umrechnen zu können, muss auch der Schlitten selbst identifiziert werden.

### 3.2 Aufbau

Die Situation aus der Fertigungshalle haben wir in einem Versuchsaufbau nachgestellt. Eine Kamera ist an einem Stativ montiert und schaut senkrecht auf die Stativplatte. Als Testobjekte stehen Ihnen verschiedene DinA4-Ausdrucke zur Verfügung. Hierbei sind Förderband in schwarz, Bauteile in grau und Schlitten in weiß repräsentiert (siehe auch Abbildung 3.1). Ebenfalls vorhanden sind Testbilder in Ihrem Versuchsordner.

Der grobe Ablauf des von Ihnen zu entwickelnden Verfahrens sollte in etwa folgendermaßen aussehen: Ein Grauwertbild der Szene wird akquiriert. Für dieses Bild werden mit Hilfe des Grauwerthistogrammes Schwellwerte berechnet. Diese Schwellwerte nutzt dann ein Algorithmus, um Binärbilder zu generieren. Die Binärbilder werden daraufhin etikettiert, um die einzelnen Regionen zu extrahieren. Die Lage und der Typ der Objekte (Regionen) sollen dann mit Hilfe von Momenten bestimmt werden.



Abbildung 3.1: Testmuster 1

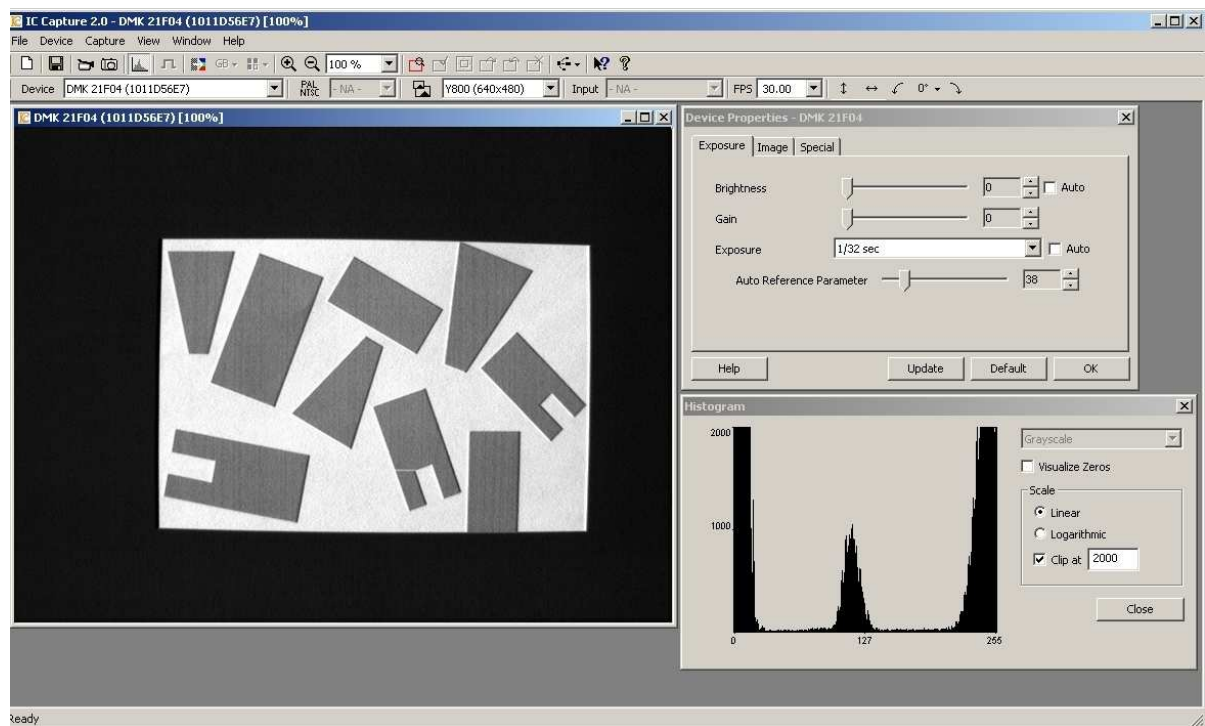


Abbildung 3.2: Oberfläche von IC-Capture

## 3.3 Aufgabenstellung

*Allgemeine Hinweise:*

- Für alle zu implementierenden Funktionen sind in dieser Aufgabe bereits alle notwendigen M-Dateien angelegt.
- Dokumentation ist für alle Funktionen vorhanden und kann z.B. per 'help irpAnyFunc' angezeigt werden.
- Um Ihre Funktionen zu testen und Ihnen die Arbeit zu erleichtern, existiert in der Datei '*irpVersuch1.m*' bereits ein ausführbares Ablaufschema für die gesamte Aufgabe. Jede 'Zelle' des Ablaufschemas kann auch einzeln ausgeführt werden.
- Um eigene Funktionen von Matlab-Funktionen zu unterscheiden, fangen jene durchgängig mit '*irp*' an. Sinnvoll ist dies auch in Verbindung mit der Autovervollständigung per Tab-Taste.

### 3.3.1 Kameraeigenschaften und ihre Auswirkungen auf das Grauwerthistogramm

In der ersten Aufgabe sollen Sie sich näher mit den Eigenschaften der zur Verfügung gestellten Kamera vertraut machen. IC-Capture ist ein einfaches Programm, um sich Live-Bilder samt Grauwerthistogrammen anzuschauen, Einstellungen an den Kameraeigenschaften vorzunehmen und Bildsequenzen aufzunehmen. In der Abbildung 3.2 ist die Oberfläche von IC-Capture zu sehen. Das Fenster zum Einstellen der Kameraeigenschaften erreichen Sie im Menü unter Device/Properties und das Fenster für das Histogramm unter View/Histogram.

- a) Legen Sie Testmuster 1 unter die Kamera (siehe Abbildung 3.1).
- b) Versuchen Sie die Parameter wie in Abbildung 3.2 dargestellt einzustellen.
- c) An der Kamera befinden sich zwei Drehregler. Was stellen diese ein?
- d) Was bedeuten die einzelnen Parameter in den Dialogfenstern?
- e) Welche Auswirkungen haben die Parameter und Drehregler auf das Grauwerthistogramm?
- f) Wie ändert sich das Grauwerthistogramm bei (schnellen) Bewegungen des Testmusters?
- g) Verwenden Sie auch die anderen Testmuster. Wie unterscheiden sich die Grauwert-histogramme?

- h) Wie hängt das Grauwerthistogramm mit dem Förderband, dem Schlitten und den Bauteilen zusammen?
- i) Vergewissern Sie sich, dass Ihr Grauwerthistogramm dem aus Abbildung 3.2 ähnlich ist. Ansonsten könnten Probleme bei den nachfolgenden Aufgaben auftreten. Denken Sie auch bitte daran, dass die Kamera beim nächsten Praktikumstermin verstellt sein könnte und die Einstellungen in IC-Capture zu wiederholen wären.

### 3.3.2 Automatische Schwellwertberechnung

IC-Capture wird jetzt nur noch benötigt, wenn Sie die Verbindung mit der Kamera testen oder die Kameraparameter einstellen wollen. Alle weiteren Schritte erfolgen nun in Matlab. Ziel dieser Aufgabe ist es, automatisiert einen niedrigen und einen hohen Schwellwert zu berechnen, die später für eine Binarisierung der Bauteile und des Schlittens genutzt werden sollen.

*Hinweis:* In dieser und anderen Aufgaben werden spezielle Operatoren wie  $A.*B$  oder  $A < s$  benötigt, wobei  $A$  und  $B$  Matrizen sind sowie  $s$  einen skalaren Wert darstellt. Siehe Dokumentation von Matlab für nähere Informationen.

- a) Setzen Sie das aktuelle Verzeichnis in Matlab auf 'P:/bvprak/versuch1'.
- b) Legen Sie Testmuster 3 unter die Kamera. Aquirieren Sie mit Hilfe von Matlab ein Bild und speichern dieses in der Datei 'testmuster3c.bmp'. Achten Sie in diesem Versuch immer darauf, die RGB-Bilder direkt nach dem Aquirieren in ein Graustufenbild zu wandeln.
- c) Welche Möglichkeiten fallen Ihnen ein, um beide Schwellen automatisch zu berechnen?
- d) Schreiben Sie nun eine Matlab-Funktion

$$[ low, high ] = irpThresholds ( I ) ,$$

die ein 8bit-Grauwertbild übernimmt und basierend auf dem Histogramm des Bildes automatisch einen niedrigen und einen hohen Schwellwert berechnet. Dabei sollen alle Pixelwerte unterhalb der Schwelle *low* (also  $I(x,y) < low$ ) zum Hintergrund gehören, alle Pixelwerte zwischen dem unteren und dem oberen Schwellwert zu den Bauteilen und alle Pixelwerte oberhalb der Schwelle *high* zu dem Schlitten. Als Hilfsfunktion können Sie hier

$$[ MU, SIGMA, WEIGHT ] = irp3Gaussians1d ( H )$$

verwenden, die aus dem Histogramm  $H$  mit Hilfe des EM-Algorithmus drei gewichtete Gaussverteilungen bestimmt.

- e) Ergänzen Sie die Funktion

$$[ RGB ] = irpThresholdsGray2RGB ( I, low, high ) ,$$

die ein Graustufenbild übernimmt und das Segmentierungsergebnis als RGB-Bild zurückgibt.

- f) Testen Sie Ihre Schwellwertmethode mit Hilfe der Testbilder und der zu ergänzenden Funktion

$$[ ] = irpTestThresholds ( I, m, n, p ) .$$

Neue Funktionen: *irpCaptureImage*, *irpThresholds*, *irpThresholdsGray2RGB*, *irpTestThresholds*, *imhist*, *imshow*, *imread*, *max*, *sum*, *cumsum*, *subplot*, *cat*

### 3.3.3 Glättung

Einige der Testbilder weisen ein starkes Rauschen auf. Mit Hilfe von Filteroperationen können Sie das Rauschen mindern und somit die Qualität der Klassifikation erhöhen.

- a) Welche Art von Rauschen könnte in den Testbildern vorhanden sein?
- b) Wodurch könnte dieses Rauschen in der Praxis hervorgerufen werden?
- c) Versuchen Sie mit Hilfe der Filteroperationen *irpAveragefilt2* und *medfilt2* das Rauschen zu mindern. Ergänzen Sie hierzu die Funktion

$$[ F ] = irpFilter ( I, noise, algorithm ) .$$

Mittels *algorithm* kann dabei zwischen Average und Median umgeschaltet werden.

- d) Vergleichen Sie die Filteroperationen in der Testfunktion

$$[ ] = irpTestFilter ( I, noise )$$

und entscheiden Sie sich für eine, indem Sie in *irpVersuch1* die globale Variable *algorithm* auf den entsprechenden Wert setzen.

- e) Welche Auswirkungen haben diese Filteroperationen insbesondere auf die Histogramme?

Neue Funktionen: *irpFilter*, *irpTestFilter*, *irpAveragefilt2*, *medfilt2*

### 3.3.4 Binarisierung

Mit den zuvor ausgerechneten Schwellwerten können Sie nun verschiedene Binarisierungen des Ausgangsbildes durchführen. Zwei Binarisierungen sind hier von Interesse: (1) Alle Pixel, die zu einem Bauteil gehören, werden auf eins gesetzt und alle anderen Pixel auf null und (2) alle Pixel, die zu dem Schlitten gehören, werden auf eins gesetzt und alle anderen auf null.

- a) Schreiben Sie hierfür eine Funktion

$$[ Bb Bs ] = irpBinarize ( I, low, high ) ,$$

die ein Binärbild  $Bb$  für die Bauteile und ein Binärbild  $Bs$  für den Schlitten zurückliefert. In dem jeweiligen Binärbild sollten alle Pixel, die zu dem Objekt gehören, auf eins stehen und alle anderen auf null.

- b) Stellen Sie die Binarisierungen in der Funktion

$$[ ] = irpTestBinarize ( I, low, high )$$

geeignet dar.

Neue Funktionen: *irpBinarize*, *irpTestBinarize*

### 3.3.5 Morphologische Operationen

In Abhängigkeit von dem Testbild und der Filterung des Bildes werden Sie feststellen, dass einzelne Bauteile in mehrere Regionen zerfallen und/oder ungewollte Artefakte auftreten. Morphologische Operationen können hier helfen, um Regionen wieder zusammenzuführen und kleinere Artefakte zu entfernen. Als morphologische Operationen stehen Ihnen die Dilatation (*imdilate*) und die Erosion (*imerode*) bereit.

- a) Wie funktionieren morphologische Operationen?

- b) In der Funktion

$$[ Bm ] = irpMorph ( B, morph )$$

sollen Sie eine bestimmte Abfolge von Dilatationen und Erosionen implementieren, die auf die beiden Binärbilder angewandt werden sollen.

- c) Testen Sie Ihre morphologischen Operationen in der Funktion

$$[ ] = irpTestMorph ( Bb, Bs, morph ) .$$

- d) Welche Auswirkungen haben unterschiedliche Abfolgen der morphologischen Operationen?
- e) Welche Nachteile entstehen durch die morphologischen Operationen?

Neue Funktionen: *irpMorph*, *irpTestMorph*, *imerode*, *imdilate*, *strel*

### 3.3.6 Etikettierung

In diesem Aufgabenteil sollen benachbarte Pixel, die den gleichen Wert haben, zu Regionen zusammengefasst werden. Hierzu haben Sie z.B. die Etikettierung in der Vorlesung kennengelernt. Da das Verfahren nicht ganz unaufwendig in der Implementierung ist, können Sie auf die Matlab-Funktion *bwlabel* zurückgreifen. Als Ergebnis dieser Funktion erhalten Sie für jeden Pixel ein Label, der ihn eindeutig einer Region zuordnet.

- a) Was ist die prinzipielle Vorgehensweise bei der Etikettierung? (Siehe z.B. Skript der Vorlesung „Digitale Bildverarbeitung“.)
- b) Implementieren Sie die Etikettierung in der Funktion

$$[ L ] = \text{irpLabel} ( B )$$

mit Hilfe von *bwlabel*.

- c) Was bewirkt der zweite Parameter in *bwlabel*?
- d) Vervollständigen Sie die Funktion *irpTestLabel* mit Hilfe der Matlab-Funktion *label2rgb*.

Neue Funktionen: *irpLabel*, *irpTestLabel*, *bwlabel*, *label2rgb*

### 3.3.7 Hu-Momente

Um Bauteile (Regionen) voneinander unterscheiden bzw. klassifizieren zu können, müssen Sie zunächst Eigenschaften definieren, die Sie für einen Vergleich heranziehen können. In der Vorlesung „Digitale Bildverarbeitung“ haben Sie die Hu-Momente kennengelernt (siehe hierzu den Umdruck der Vorlesung). Dies sind sieben Werte, die invariant gegenüber Verschiebungen, Drehungen und Größenänderungen der Bauteile sind. Die sieben Werte können in einem 7d Eigenschaftsvektor zusammengefasst werden, der im Folgenden als Featurevektor bezeichnet werden soll.

*Hinweis:* Die Hu-Momente werden in *irpHuMoments* noch skaliert, um sie in eine ähnliche Größenordnung zu bringen.

- a) Schauen Sie sich alle neuen Funktionen an (*irpMomentsAll* zuerst). Die Berechnung der Hu-Momente aus den Zentralmomenten wird Ihnen in der Funktion

$$[ h ] = \text{irpHuMoments} ( u )$$

abgenommen. Die Berechnung der Zentralmomente aus den Momenten steht Ihnen mit der Funktion

$$[ u ] = \text{irpCentralMoments} ( m )$$

ebenfalls zur Verfügung. Die Umrechnungen erfolgen dabei jeweils nach den Formeln aus dem Umdruck der Vorlesung „Digitale Bildverarbeitung“.

- b) Sie sollen sich darum kümmern in der Funktion

$$[ m ] = \text{irpMoments} ( Lc )$$

die notwendigen Momente für die Umrechnung in die Zentralmomente zu berechnen. *Lc* ist hier eine Liste von 2d Pixelkoordinaten, die für jede Region berechnet wird und angibt, welche Pixel jeweils zu der Region gehören.

- c) Vervollständigen Sie *irpMomentsAll*.
- d) Nur die ersten beiden Hu-Momente sind für ein (ideales) Rechteck ungleich null. Dies gilt auch für Ellipsen und andere Objekte, die bezüglich ihres Schwerpunktes punktsymmetrisch sind. Das führt dazu, dass z.B. ein Rechteck nicht immer mit Hilfe der Hu-Momente von einer Ellipse unterschieden werden kann. *Schwierig*: Warum sind bei diesen Objekten nur die ersten beiden Hu-Momente ungleich null?

Neue Funktionen: *irpMoments*, *irpCentralMoments*, *irpHuMoments*, *irpMomentsAll*, *irpM*, *find*, *size*

### 3.3.8 Lageschätzung

Die Lageschätzung der Bauteile soll hier mit Hilfe der zuvor berechneten Momente und Zentralmomente erfolgen.

- a) Ergänzen Sie zuerst die Funktion

$$[ P, N ] = \text{irpPoseAll} ( M, Mu ) .$$

- b) Implementieren Sie die Lageschätzung in der Funktion

$$[ p, n ] = \text{irpPose} ( m, u ) ,$$



die Momente übernimmt und eine Position sowie Orientierung bezüglich des Kamerakoordinatensystems zurückgibt. Die notwendigen Formeln können Sie dem Umdruck zur Vorlesung „Digitale Bildverarbeitung“ entnehmen.

- c) Wie schätzen Sie die Robustheit der beiden Berechnungen gegenüber einer fehlerhaften Binarisierung ein?

Neue Funktionen: *irpPose*, *irpPoseAll*

### 3.3.9 Identifikation

Die 7d Featurevektoren spannen einen 7d Featureraum auf. Es geht nun darum jeder der drei Bauteilklassen einen Unterraum des 7d Featureraums zuzuweisen, um die Bauteile anhand Ihrer Featurevektoren identifizieren zu können. Eine Möglichkeit sieht folgendermaßen aus: Für jede Bauteilklassse wird ein Referenz-Featurevektor definiert, für drei Bauteilklassen sind dies also drei Referenz-Featurevektoren. Es werden nun die euklidischen Abstände (andere Metriken sind auch möglich) zwischen jedem Referenz-Featurevektor und jedem Bauteil-Featurevektor berechnet. Wir ordnen das Bauteil der Klasse zu, deren Referenz-Featurevektor die kürzeste Distanz zu dem Bauteil-Featurevektor aufweist. Hier empfiehlt es sich, eine höchstens erlaubte Maximaldistanz einzuführen, um falsch etikettierte Regionen nicht als Bauteile zu klassifizieren. Die einfachste Möglichkeit, um an die Referenz-Featurevektoren zu gelangen, ist von einem Bauteil einer bestimmten Klasse den Featurevektor zu berechnen und diesen als Referenz-Featurevektor zu definieren.

- a) Verwenden Sie z.B. das Eingangsbild *'testmuster1.bmp'*, um die Referenz-Featurevektoren in der Funktion

$$[ c ] = \text{irpClassify} ( h )$$

zu definieren.

- b) Kompletтировать Sie *irpClassify*.  
c) Ergänzen Sie die Funktion

$$[ C ] = \text{irpClassifyAll} ( Mh ) .$$

- d) Welche Auswirkung hat die Skalierung der Hu-Momente in *irpHuMoments* auf die Klassifikation?  
e) Welche Möglichkeiten sehen Sie, um die Klassifikation zu verbessern?  
f) Könnten Sie sich intelligentere Verfahren zur Klassifikation vorstellen?

- g) Jetzt sollte das Schema aus *irpVersuch1* vollständig abgearbeitet werden können und mit *noise* = 1 und *morph* = 1 ein zu Abbildung 3.3 ähnliches Bild liefern. Testen Sie Ihre Verfahren auch mit Hilfe von „Live“-Bildern.
- h) Unter welchen Bedingungen treten noch Probleme auf?

Neue Funktionen: *irpClassify*, *irpClassifyAll*, *norm*

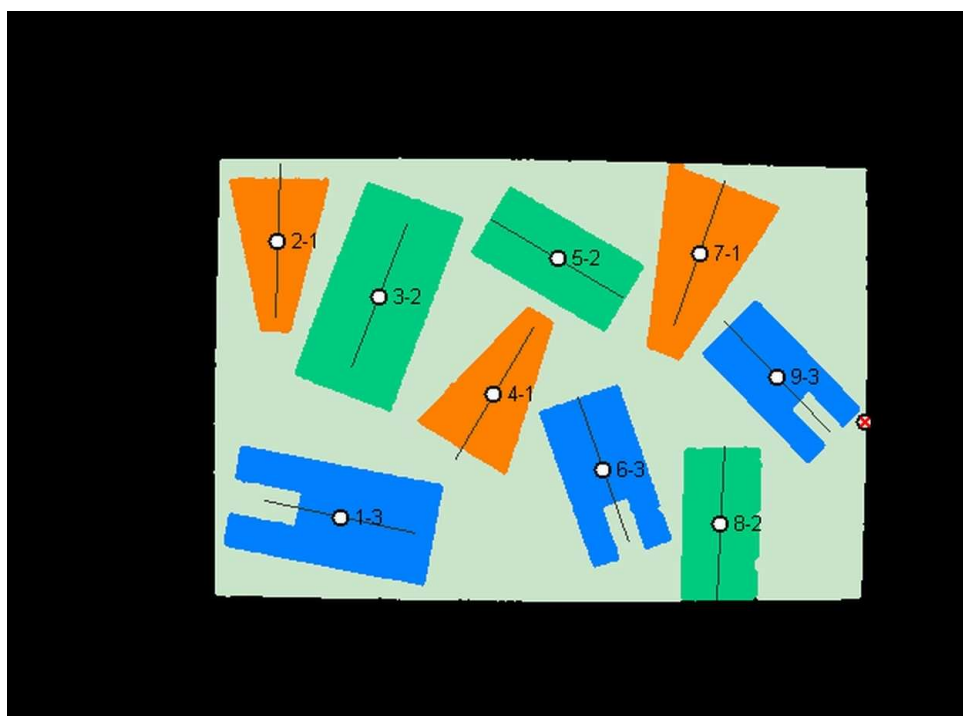


Abbildung 3.3: Ergebnis unter Verwendung des Testbildes 'testmuster3cn.bmp'.

# Kapitel 4

## Versuch II: FFT

### 4.1 Einleitung

Als Projektleiter in der Entwicklungsabteilung eines Handyherstellers bekommen Sie folgende Aufgabe: Sie sollen ein Verfahren entwickeln, das es ermöglicht mit der Handykamera Texte zu fotografieren und automatisch in Textzeichen für z.B. eine SMS umzuwandeln. Herausforderungen sind hierbei:

- Sie müssen die Minimalanforderungen an die Auflösung Ihrer Kamera bestimmen.
- Die Texterkennung sollte möglichst robust sein und auch dann funktionieren, wenn das Bild verrauscht ist.
- Ihr Verfahren sollte in der Lage sein, auch verdrehte Texte richtig zu erkennen.

### 4.2 Aufgabenstellung

Bitte erstellen Sie für die folgenden Aufgaben selbstständig entsprechende Testfunktionen. Diese sollen aus der Datei *'irpVersuch2.m'* aufgerufen werden (vergleiche hierzu *'irpVersuch1.m'*). Durch einen Aufruf von *irpVersuch2* soll es auch möglich sein, für ein gegebenes Grauwertbild *I* alle Schritte der Aufgabenstellung automatisiert ablaufen zu lassen.

#### 4.2.1 Fouriertransformation

Als Grundwerkzeug in diesem Versuch soll die *Fast Fourier Transformation* (FFT) dienen. Im ersten Schritt soll eine Fouriertransformation für Bilder durchgeführt werden. Glücklicherweise bietet Matlab die Funktionen *fft2* und *ifft2* an, mit denen die Fast Fouriertransformationen auf zweidimensionale Funktionen angewendet werden kann. Als Hilfsfunktionen könnten *ifftshift* und *log2* sehr nützlich sein.

- a) Schreiben Sie eine Matlab-Funktion

$$[ \textit{amplitude phase} ] = \textit{irpFFT} ( I ) ,$$

die das Amplituden- und das Phasenspektrum eines Bildes  $I$  berechnet.

- b) Die zu vervollständigende Matlab-Funktion

$$[ I ] = \textit{irpInverseFFT} ( \textit{amplitude}, \textit{phase} )$$

soll eine inverse FFT durchführen.

- c) Laden Sie die Bilder '*Lena.bmp*' und '*iRP-Logo.bmp*' und berechnen Sie das Amplituden- und Phasenspektrum.
- d) Setzen Sie das Amplitudenspektrum eines Bildes auf eine Konstante und führen Sie die Rücktransformation durch. Führen Sie den gleichen Versuch mit dem Phasenspektrum durch. Was fällt Ihnen bei Vergleich der rücktransformierten Bilder auf?
- e) Vertauschen Sie die Phasenspektren der Bilder und führen Sie die Rücktransformation für beide Fouriertransformierte durch. Was hat sich verändert?

Neue Funktionen: *irpFFT*, *irpInverseFFT*, *fft2*, *ifft2*, *ifftshift*, *log2*

## 4.2.2 Hoch- und Tiefpassfilterung

Die Hoch- und Tiefpassfilterung soll genutzt werden, um den Einfluss von Rauschen zu mindern.

- a) Implementieren Sie hierzu die Matlab-Funktionen

$$[ \textit{amp}_t \textit{phase}_t ] = \textit{irpTiefpass} ( \textit{amp}, \textit{phase}, \textit{size} ) \text{ und}$$

$$[ \textit{amp}_h \textit{phase}_h ] = \textit{irpHochpass} ( \textit{amp}, \textit{phase}, \textit{size} ) ,$$

die eine Hoch- bzw. Tiefpassfilterung im Ortsfrequenzbereich durchführt. Der Parameter *size* legt die Größe des Filterkerns fest. Sie können zur Definition des Filterkerns die Matlab-Funktion

$$[ O ] = \textit{irpDrawCircle} ( I, \textit{ctr}_x, \textit{ctr}_y, r, \textit{value} )$$

nutzen, die einen Kreis mit dem Radius  $r$  um das Zentrum  $\textit{ctr}_x, \textit{ctr}_y$  ins Bild  $I$  zeichnet. Der Parameter *value* definiert den Wert, auf den die Elemente des Kreises gesetzt werden.

- b) Wenden Sie die Hoch- und Tiefpassfilterung auf verschiedene Bilder an. Testen Sie verschiedene Filterkerngrößen.
- c) Überlagern Sie die Bilder mit gaußischem und „Salt and Pepper“ Rauschen. Wie verändern sich die Spektren? (Nutzen Sie hierzu die Matlab-Funktion *imnoise*.)
- d) Nutzen Sie die Tiefpassfilterung, um das Rauschen zu mindern.

Neue Funktionen: *irpTiefpass*, *irpHochpass*, *irpDrawCircle*, *imnoise*

### 4.2.3 Abtastung

Die Abtastung des Textbildes mit der Handykamera soll in diesem Abschnitt systemtheoretisch mit der Fouriertransformation beschrieben werden.

- a) Schreiben Sie eine Matlab-Funktion

$$[ D ] = \text{irpDiracfeld} ( \text{size}_y, \text{size}_x, \text{delta}_x, \text{delta}_y ) ,$$

die ein Diracfeld der Größe  $\text{size}_x$ ,  $\text{size}_y$  erzeugt. Die Parameter  $\text{delta}_x$  und  $\text{delta}_y$  stehen für die Abstände der Diracstöße in x bzw. y-Richtung.

- b) Die Funktion *irpDiracfeld* soll nun zur Abtastung genutzt werden. Erstellen Sie die Matlab-Funktion

$$[ O ] = \text{irpAbtastung} ( I, \text{delta}_x, \text{delta}_y ) ,$$

die das Bild  $I$  mit den Abständen  $\text{delta}_x$  und  $\text{delta}_y$  abtastet und das abgetastete Bild  $O$  zurückgibt.

- c) Laden Sie das Bild '*Sonnet\_for\_Lena.bmp*' und tasten Sie es mit unterschiedlichen Abständen  $\text{delta}_x$  und  $\text{delta}_y$  ab.
- d) Vergleichen Sie die Spektren der abgetasteten Bilder.
- e) Wie groß dürfen die Abstände  $\text{delta}_x$  und  $\text{delta}_y$  maximal sein, so dass das Abtasttheorem noch erfüllt ist?
- f) Tasten Sie das Bild mit den Abständen  $\text{delta}_x = \text{delta}_y = 2$  ab und rekonstruieren Sie das abgetastete Bild mit Hilfe der Tiefpassfilterung.

Neue Funktionen: *irpDiracfeld*, *irpAbtastung*

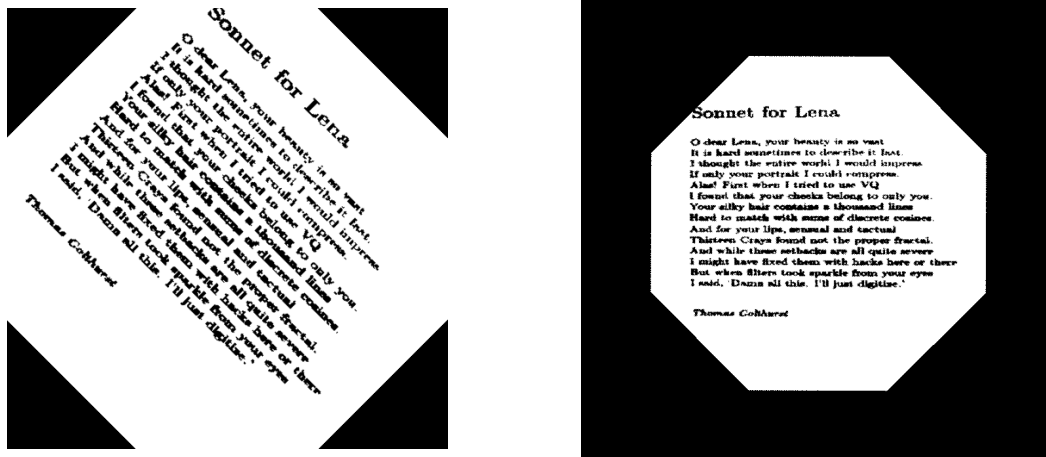


Abbildung 4.1: Verdrehtes und ausgerichtetes Textbild

#### 4.2.4 Ausrichten des Textes

Bevor die Texterkennung durchgeführt werden kann, muss der Text richtig ausgerichtet werden (siehe auch Abbildung 4.1).

- Schauen Sie sich die Spektren für verschiedene verdrehte Texte an. Was fällt Ihnen auf? (*Hinweis:* Das verdrehte Bild 'Sonnet\_for\_Lena\_verdreht.bmp' befindet sich in ihrem Arbeitsverzeichnis. Weitere Bilder können Sie mit Hilfe der Matlab-Funktion *imrotate* erzeugen.)
- Versuchen Sie den Verdrehungswinkel mit Hilfe des Amplitudenspektrums zu bestimmen. (*Hinweis:* Verwenden Sie keine Hough-Transformation!)
- Nachdem Sie den Verdrehungswinkel ermittelt haben, nutzen Sie die Matlab-Funktion *imrotate* zum Ausrichten.
- Schreiben Sie eine Matlab-Funktion

$$[ O ] = \text{irpAlignText} ( I ) ,$$

welche die vorherigen Schritte zusammenfasst und damit den Verdrehungswinkel eines Textbildes  $I$  automatisch bestimmt, das Bild ausrichtet und als Bild  $O$  zurückgibt.

Neue Funktionen: *irpAlignText*, *imrotate*



Abbildung 4.2: Die Abbildung zeigt das Bild „Lena“ und ein Gesichtstemplate. Beide Bilder wurden durch Ergänzung von Nullelementen auf eine einheitliche Größe gebracht.

### 4.2.5 Textzeichenerkennung

Im ausgerichteten und entrauschten Textbild  $f(x, y)$  sollen nun einzelne Buchstaben mit Hilfe der Korrelationsfunktion  $\phi_{fg}$  erkannt werden. Hierfür steht eine Datenbank mit einzelnen Buchstaben-Templates  $g(x, y)$  zur Verfügung. Aus der Vorlesung „Digitale Bildverarbeitung“ ist bekannt, dass sich die Korrelationsfunktion  $\phi_{fg}$  zweier Signale  $f(x, y)$  und  $g(x, y)$  als Faltung des Signals  $f(x, y)$  mit dem Signal  $g(-x, -y)$  auffassen lässt:

$$\phi_{fg}(i, j) = \sum_x \sum_y f(x, y) g(x - i, y - j).$$

Die Faltung lässt sich mit Hilfe der Fouriertransformation auch als Multiplikation durchführen

$$\Phi_{fg}(u, v) = F(u, v) G^*(u, v),$$

wobei  $\Phi_{fg}(u, v)$  und  $F(u, v)$  die Fouriertransformierten von  $\phi_{fg}(i, j)$  bzw.  $f(x, y)$  sind und  $G^*(u, v)$  die konjugiert komplexe Fouriertransformierte von  $g(x, y)$ . Die Berechnung der Korrelationsfunktion  $\phi_{fg}(i, j)$  über die Fouriertransformation ist besonders bei großen Templates zu bevorzugen.

*Hinweis:* Bevor die Multiplikation im Ortsfrequenzbereich durchgeführt werden kann, müssen  $f(x, y)$  und  $g(x, y)$  auf eine einheitliche Definitionsmenge erweitert werden. Sei  $f(x, y)$  definiert auf  $\{(x, y) \in \mathbb{N} \mid 1 \leq x \leq \text{size}X_f \text{ und } 1 \leq y \leq \text{size}Y_f\}$  und  $g(x, y)$  entsprechend auf  $\{(x, y) \in \mathbb{N} \mid 1 \leq x \leq \text{size}X_g \text{ und } 1 \leq y \leq \text{size}Y_g\}$ . Dann überführen Sie die Funktionen in  $\tilde{f}(x, y)$  und  $\tilde{g}(x, y)$  durch Ergänzung mit Nullelementen, sodass beide

auf  $\{(x, y) \in \mathbb{N} \mid 1 \leq x \leq \text{size}X_f + \text{size}X_g \text{ und } 1 \leq y \leq \text{size}Y_f + \text{size}Y_g\}$  definiert sind. Siehe hierzu auch Abbildung 4.2.

- a) Schreiben Sie eine Matlab-Funktion

$$[ C ] = \text{irpOCR} ( I, T ) ,$$

welche die Korrelationsfunktion von Bild  $I$  und Template  $T$  bestimmt und als  $C$  zurückgibt.

- b) Laden Sie das Bild '*Sonnet\_for\_Lena.bmp*' und führen Sie die Zeichenerkennung für die Buchstaben 'L', 'S' und 'n' durch. Entsprechende Templates finden Sie unter den Dateinamen '*Template\_X.bmp*'.
- c) Welchen Einfluss hat der Wertebereich von  $I$  und  $T$  auf die Korrelationsfunktion?
- d) Warum muss das Template um  $180^\circ$  rotiert werden?
- e) Bestimmen Sie das Maximum der Korrelationsfunktion  $\phi_{fg}(i, j)$  und markieren (zeichnen) Sie die entsprechende Stelle im Eingangsbild durch ein umschreibendes Rechteck. Nutzen Sie hierfür die Matlab-Funktion

$$[ RGB ] = \text{irpDrawBoundingBox} ( I, x, y, dx, dy, t, col\_R, col\_G, col\_B ) .$$

Neue Funktionen: *irpOCR*, *irpDrawBoundingBox*



# Kapitel 5

## Versuch III: Hough-Transformation für Kreise

### 5.1 Einleitung

Mit Ihrer Hilfe ist es nun möglich Bauteile auf einem Fließband zu identifizieren und ihre Lage zu schätzen. Nach der erfolgten Sortierung der Bauteile durch einen Robotor soll nun ein weiterer Schritt automatisiert werden: Einige Bauteile haben Bohrlöcher, in die ein Roboter ein Gewinde schneiden soll. Hierzu ist es notwendig, die Position und Größe der Bohrlöcher zu bestimmen. Für diese Aufgabe steht auch hier eine Kamera zur Verfügung, die senkrecht auf das Bauteil schaut. Leider ist aufgrund der inhomogenen Lichtverhältnisse und des reflektiven Metalls ein Verfahren, das mit Hilfe eines Schwellwertes eine Binarisierung des Ausgangsbildes durchführt, nicht robust einsetzbar. Stattdessen bietet sich hier die Hough-Transformation für Kreise an, um die Bohrlöcher zu detektieren.



Abbildung 5.1: Aufnahme eines Bauteils

## 5.2 Aufbau

Um Ihr Verfahren zu entwickeln, steht Ihnen ein originales Bauteil aus der Fertigung zur Verfügung. Die Laborbedingungen entsprechen also sehr gut der Realität. Das Bauteil weist Bohrungen in zwei unterschiedlichen Größen auf. Nur Bohrungen in diesen zwei Größen müssen von Ihnen erkannt werden. Ihr Verfahren soll aber so flexibel sein, dass die Anzahl der Bohrungen nicht vorgegeben werden muss. Sie können lediglich davon ausgehen, dass von jedem Bohrlochtyp maximal 16 Bohrungen pro Bauteil auftreten können und die Bohrungen sich nicht überschneiden. Die Höhe der Kamera sollte etwa auf  $h = 180\text{mm}$  eingestellt sein (siehe Abbildung 5.2).

*Hinweis:* Legen Sie bitte ein weißes Blatt Papier zwischen Bauteil und Stativplatte, um Kratzer auf der Stativplatte zu vermeiden.

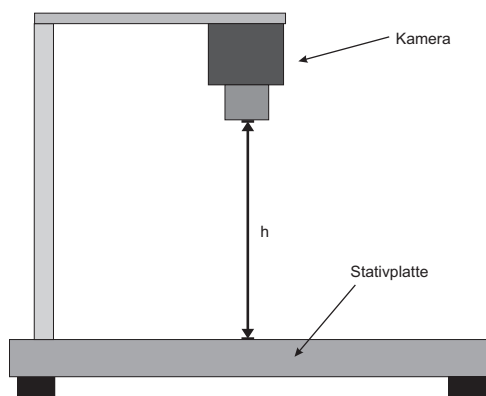


Abbildung 5.2: Skizze zur Einstellung der Kamerahöhe

## 5.3 Aufgabenstellung

*Hinweise:*

- Am Ende dieses Versuches sollten Sie durch einen Aufruf von `irpVersuch3` in der Lage sein, alle Schritte automatisch ablaufen zu lassen und das Ergebnis Ihrer Bohrlochdetektion darzustellen.
- Achten Sie darauf, dass Sie bei den verschiedenen Matrizen die richtigen Datentypen (`uint8`, `double`, ...) verwenden. Ansonsten könnten einige Berechnungen nicht das von Ihnen gewünschte Ergebnis liefern.

### 5.3.1 Vorbereitungen

Bevor es mit den Programmierarbeiten losgehen kann, müssen Sie ein paar Einstellungen und Messungen vornehmen.

- a) Stellen Sie sicher, dass die Kamera die gewünschte Höhe hat.
- b) Verwenden Sie IC-Capture und die Regler an der Kamera, um die Parameter so einzustellen, dass Sie kontrastreiche Bilder generieren können.
- c) Mit Hilfe von Matlab müssen die Bohrlöcher eingemessen werden. Hierzu nehmen Sie ein Bild von dem Bauteil mit Hilfe der Kamera auf und stellen es in einer Anzeige (figure) dar. In der Anzeige können Sie sogenannte „datatips“ erstellen, setzen und löschen. Hierzu aktivieren Sie zunächst den „Data Cursor“ unter „Tools“. Anschließend können Sie die „datatips“ mit Hilfe des Kontextmenüs setzen und löschen, wenn Sie mit der rechten Maustaste auf die Anzeige klicken. Um den Durchmesser einer Bohrung zu messen, setzen Sie zwei möglichst weit auseinanderliegende „datatips“ auf den Rand einer Bohrung. Mit Hilfe der Funktion

$$[ d ] = \text{irpDistDatatips} ( \text{fig} )$$

können Sie dann in Matlab den Abstand zweier „datatips“ berechnen. Für die weiteren Aufgaben wird der Radius beider Bohrlochtypen benötigt.

Neue Funktionen: *irpDistDatatips*

### 5.3.2 Gradientenoperatoren

Bevor Sie das für die Hough-Transformation benötigte Kantenbild berechnen, sollen Sie sich näher mit verschiedenen Gradientenoperatoren beschäftigen. Die hier verwendeten Gradientenoperatoren können als Filterkerne definiert werden, die mit Hilfe einer Faltung auf das Eingangsbild angewendet werden. Bei kleinen Filterkernen ist es meist schneller die Filterung als Faltung im Ortsbereich durchzuführen, anstatt als Multiplikation im Ortsfrequenzraum.

*Hinweise:*

- Als Testbild für diese Aufgabe können Sie z.B. *'testmuster1.bmp'* verwenden. Dieses Testbild soll allerdings nur für diese Aufgabe verwendet werden. Für die anderen Aufgaben müssen Sie eigene Testbilder von dem Bauteil generieren.
  - Als Hilfsfunktion steht Ihnen *imfilter* zur Verfügung.
- a) Führen Sie eine Roberts-Filterung durch und stellen Sie folgende Bilder in einem gemeinsamen „subplot“ dar (siehe auch Abbildung 5.3):

- Ergebnisbild der Filterung in der ersten Richtung
  - Ergebnisbild der Filterung in der zweiten Richtung
  - Bild der Gradientenbeträge
  - Bild der Gradientenwinkel
- b) Führen Sie eine Sobel-Filterung durch und stellen Sie folgende Bilder in einem gemeinsamen „subplot“ dar (siehe auch Abbildung 5.3):
- Ergebnisbild der Filterung in x-Richtung
  - Ergebnisbild der Filterung in y-Richtung
  - Bild der Gradientenbeträge
  - Bild der Gradientenwinkel
- c) Führen Sie eine Laplace-Filterung durch und stellen Sie das Ergebnisbild sowie das Betragsbild dar. Der Laplace-Filterkern ist folgendermaßen aufgebaut:
- $$L = \begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 \\ -1 & 4 & -1 \\ 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$
- d) Führen Sie einen direkten Vergleich der beiden Winkelbilder durch (z.B. auf Robustheit gegenüber Rauschen).
- e) Führen Sie einen direkten Vergleich der drei verschiedenen Betragsbilder durch.
- f) Entwerfen Sie Filterkerne, die nur auf der Diagonalen von links unten nach rechts oben selektiv sind und dabei robust gegenüber Störungen/Rauschen sind. Stellen Sie die Ergebnisse dar.

Neue Funktionen: *imfilter*

### 5.3.3 Kantenbild

Mit den gesammelten Vorkenntnissen sollen Sie in dieser Aufgabe aus dem Eingangsbild ein binarisiertes Kantenbild erstellen mit folgenden Eigenschaften:

- Die Anzahl der gesetzten Kantenpixel im Binärbild sollte möglichst gering sein.
- Die Außenkontur jedes Bohrloches sollte möglichst komplett enthalten sein.
- Außerdem soll für jeden Kantenpixel auch die Orientierung in Form eines Winkels verfügbar sein.

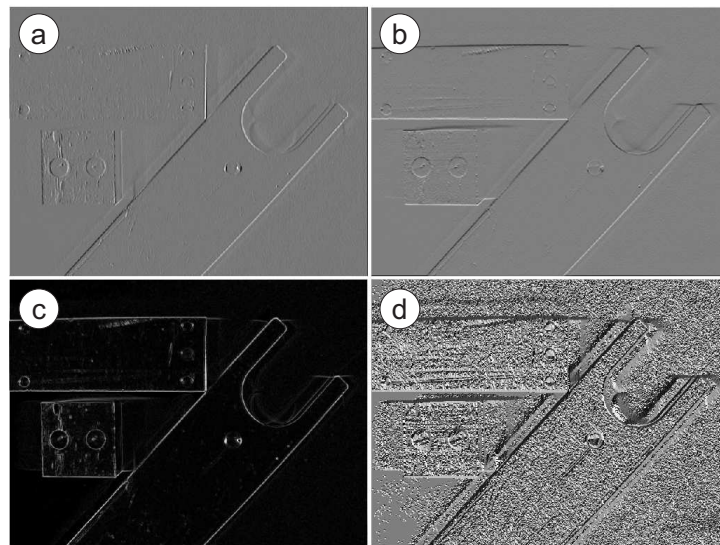


Abbildung 5.3: Ergebnisbilder nach Sobel-Filterung: (a) Filterung in x-Richtung, (b) Filterung in y-Richtung, (c) Betragsbild der Gradienten, (d) Winkelbild der Gradienten

- a) Implementieren Sie ein Gradientenverfahren Ihrer Wahl in der Funktion

$$[ E, O ] = \text{irpEdges} ( I ) ,$$

die ein 8bit Grauwertbild übernimmt und ein Kantenbild  $E$  und ein Gradientenwinkelbild  $O$  zurückliefert.

- b) Da ein binarisiertes Kantenbild  $E$  für den weiteren Ablauf benötigt wird, müssen Sie noch eine Binarisierung in  $\text{irpEdges}$  einfügen. Mit Hilfe einer geeigneten Heuristik soll hierfür möglichst automatisch ein geeigneter Schwellwert berechnet werden.

Neue Funktionen:  $\text{irpEdges}$

### 5.3.4 Hough-Transformation für Kreise

Mit der Hough-Transformation für Kreise können wir sehr robust die Außenkontur eines Bohrloches detektieren. Ein wesentlicher Vorteil aufgrund der Versuchsvoraussetzungen ist, dass wir die Radien der zu suchenden Kreise bereits kennen. Ansonsten hätten wir einen 3d Hough-Raum aufzubauen, was aus Sicht der Rechenleistung sehr kostspielig wäre. In unserem Fall benötigen wir also für jeden Bohrlochtyp nur einen 2d Hough-Raum.

- a) Sie können als Hilfsfunktion

$$[ C ] = \text{irpCircle} ( cx, cy, omega, r, alpha, imgSize )$$

verwenden, die einen Kreis bzw. zwei gegenüberliegende Kreissegmente in Form einer Liste von Pixelindizes berechnet. Vervollständigen Sie diese Funktion.

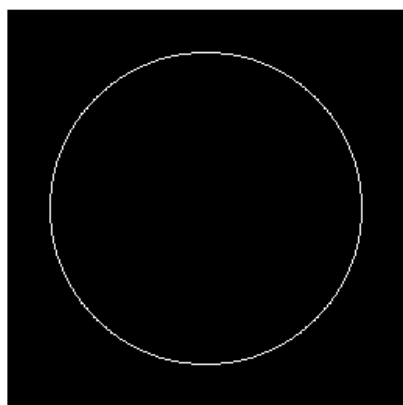
- b) Generieren Sie mit Hilfe von *irpCircle* Bilder wie sie in Abbildung 5.4 zu sehen sind.
- c) Implementieren Sie die Hough-Transformation in der Funktion

$$[ H ] = \text{irpHough} ( B, r ) ,$$

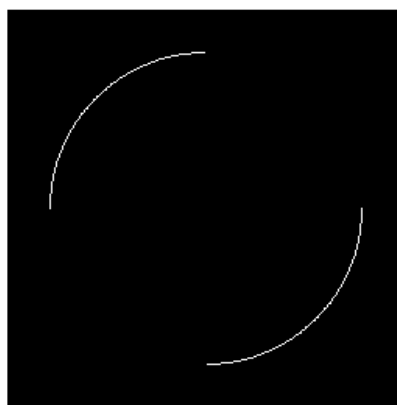
die ein Binärbild  $B$  samt Kreisradius  $r$  übernimmt und einen 2d Hough-Raum  $H$  zurückgibt.

- d) Verwenden Sie die von Ihnen in Abschnitt 5.3.1 generierten Testbilder und die zugehörigen Radien, und stellen Sie die entstehenden Hough-Räume geeignet dar.
- e) Welche Strukturen entdecken Sie in den Hough-Räumen und wie entstehen diese?
- f) Schauen Sie sich die einzelnen lokalen Maxima genauer an: Wie ändern sich die lokalen Maxima, wenn sie den vorgegeben Radius ändern? Hier wäre z.B. ein „subplot“ hilfreich, in dem Sie verschiedene Hough-Räume für leicht unterschiedliche Radien direkt nebeneinander darstellen.

Neue Funktionen: *irpCircle*, *irpHough*, *round*



(a)



(b)

Abbildung 5.4: (a) Vollständiger Kreis und (b) zwei gegenüberliegende 90° Kreissegmente, die um 45° rotiert sind.

### 5.3.5 Suche nach Höhepunkten in den Hough-Räumen

Für beide Bohrlochtypen sind die Hough-Räume erstellt. Nun müssen innerhalb der Hough-Räume die Maxima gefunden werden, um die Bohrlöcher zu lokalisieren. Zwei Schwierigkeiten treten hierbei auf: Erstens suchen wir nicht nur ein globales Maximum, sondern mehrere lokale Maxima, und zweitens ist die Anzahl der zu suchenden Maxima uns vorher nicht bekannt. Das zweite Problem umgehen wir zunächst, indem wir die Anzahl der zu suchenden Maxima exakt vorgeben und den ansonsten benötigten Schwellwert *vorerst* auf null setzen.

a) Vervollständigen Sie die Funktion

$$[ peak ] = irpFindPeak ( H ) ,$$

die den Hough-Raum  $H$  nach dem globalen Maximum absucht.

b) Da wir wissen, dass sich Bohrungen in unserem Fall nicht überschneiden, können wir die Suche nach mehreren lokalen Maxima folgendermaßen lösen:

- (1) Finde das globale Maximum im Hough-Raum.
- (2) Setze alle Pixelwerte innerhalb eines Kreises, dessen Zentrum sich im gefundenen Maximum befindet, auf null.
- (3) Wiederhole den ersten Schritt oder breche ab, falls das gefundene Maximum unterhalb der vorgegebenen Schwelle liegt oder die maximale Anzahl der zu suchenden Maxima erreicht ist.

Implementieren Sie dieses Verfahren in der Funktion

$$[ P ] = irpPeaks ( H, r, threshold, maxNumPeaks ) .$$

Als Hilfsfunktion steht Ihnen die Funktion

$$[ R ] = irpCut ( H, cx, cy, r )$$

bereit, die alle Pixel innerhalb eines Kreises mit Mittelpunkt  $(cx, cy)$  und Radius  $r$  auf null setzt.

Neue Funktionen: *irpFindPeak*, *irpPeaks*, *irpCut*

### 5.3.6 Subpixel-Genauigkeit

Bisher wurden die Maxima mit Pixelgenauigkeit erkannt. In der „3d Computersehen“-Vorlesung haben Sie ein Verfahren kennengelernt, das eine Berechnung in Subpixel-Genauigkeit ermöglicht.

- a) Nutzen Sie dieses Verfahren in der Funktion

$$[ S ] = \text{irpSubPixel} ( H, P ) ,$$

um Ihre bisher gefundenen Maxima  $P$  mit Hilfe des 2d Hough-Raums  $H$  zu optimieren. Hierfür ist es notwendig eine geeignete Größe für Ihr Operatorfenster zu wählen.

- b) Zum Testen Ihrer Optimierung steht die Funktion

$$[ ] = \text{irpTestSubPixel} ( H, s, p )$$

bereit, die ein einzelnes Maximum vergrößert im Hough-Raum darstellt.

- c) Stellen Sie das Endergebnis Ihrer Bemühungen mit Hilfe von

$$[ ] = \text{irpShowResults} ( P1, P2, r1, r2, I )$$

dar.

Neue Funktionen: *irpSubPixel*, *irpTestSubPixel*, *irpShowResults*

### 5.3.7 Ausnutzung der Gradientenorientierung

Bisher haben wir für die Erstellung der Hough-Räume nur die Beträge der Gradienten verwendet. Wenn wir nun die Gradientenrichtung hinzunehmen, können wir das Verfahren sowohl beschleunigen als auch die Robustheit (zumindest in einigen Fällen) erhöhen, da ja die Gradienten eines Kreispunktes orthogonal auf der Tangente stehen sollten. Die Idee hierbei ist, nicht einen kompletten Kreis im 2d Hough-Raum einzuzeichnen, sondern nur zwei gegenüberliegende Kreissegmente, auf denen der vermutete Kreismittelpunkt liegen sollte.

- a) Warum tragen wir nicht einfach zwei einzelne Punkte statt zweier Kreissegmente in den Hough-Raum ein?
- b) Implementieren Sie das erweiterte Verfahren in der Funktion

$$[ H ] = \text{irpHough2} ( B, O, r, \alpha ) ,$$



die zusätzlich zu dem Binärbild  $B$  und dem Radius  $r$  ein Gradientenwinkelbild  $O$  sowie die Größe  $alpha$  eines einzelnen Kreissegmentes übernimmt.

- c) Experimentieren Sie mit verschiedenen Werten für  $alpha$ .
- d) An welchen Wert könnte man  $alpha$  koppeln, um  $alpha$  adaptiv für jeden Kantenpunkt zu berechnen?
- e) Welche Nachteile können durch die Einbeziehung der Gradientenrichtung auftreten?



# Literaturverzeichnis

- [1] THOMAS SCHRAMM: „Matlab - eine Einführung“ (1999)  
<http://www.ti3.tu-harburg.de/~haerter/PraktikumI/schramm.pdf>
- [2] WIKIPEDIA: „Circumscribed circle“ (Version vom 25. März 2011, 20:55 Uhr)  
[http://en.wikipedia.org/w/index.php?title=Circumscribed\\_circle  
&oldid=420714021](http://en.wikipedia.org/w/index.php?title=Circumscribed_circle&oldid=420714021)