

## Матрицы

Матрица — математический объект, записываемый в виде прямоугольной таблицы элементов кольца или поля, которая представляет собой совокупность строк и столбцов, на пересечении которых находятся её элементы.

Количество строк и столбцов задает размер матрицы.



возможно. Матрица задаётся с помощью выражения `matrix(стр1, стр2, ... стрN)`, где `стр1 - стрN` - списки элементов каждой из строк. В `wxMaxima` также можно воспользоваться меню "Алгебра" - "Enter matrix", затем указать имя, размер, тип матрицы и заполнить её элементы. Кстати, элементами могут быть не только числа, но и символьные переменные. Получить элемент  $(i,j)$  матрицы  $M$  можно с помощью выражений `M[i,j]` или `M[i][j]`. При этом индексация начинается с 1, т.е. `M[1,1]` - левый верхний угол.


Работать с матрицами в `Maxima` хоть и не так удобно, как, скажем, в `Freemat`, но вполне возможно. Матрица задаётся с помощью выражения `matrix(стр1, стр2, ... стрN)`, где `стр1 - стрN` - списки элементов каждой из строк. В `wxMaxima` также можно воспользоваться меню "Алгебра" - "Enter matrix", затем указать имя, размер, тип матрицы и заполнить её элементы. Кстати, элементами могут быть не только числа, но и символьные переменные. Получить элемент  $(i,j)$  матрицы  $M$  можно с помощью выражений `M[i,j]` или `M[i][j]`. При этом индексация начинается с 1, т.е. `M[1,1]` - левый верхний угол.

```
(%i1) A:matrix([1,2,3],[4,5,6],[7,8,9]);
(%o1)  $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$ 

(%i2) load("eigen");
(%o2) /usr/share/maxima/5.32.1/share/matrix/eigen.mac

(%i3) b:covect([2,4,6]);
(%o3)  $\begin{bmatrix} 2 \\ 4 \\ 6 \end{bmatrix}$ 
```

РГПУ им. А. И. Герцена



Основные возможности Maxima, используемые при выполнении действий с матрицами.

Войтенко И.А. 1 курс ИВТ

Тел: 8-981-193-10-28

$n$ -ную строку матрицы  $M$  возвращает функция  $\text{row}(M,n)$ , столбец -  $\text{col}(M,n)$ . Добавить строки можно с помощью  $\text{addrow}(M, \text{элт1}, \text{элт2}, \dots)$ , столбцы -  $\text{addcol}(M, \text{элт1}, \text{элт2}, \dots)$ , где  $\text{элт1}, \text{элт2}, \dots$  - список элементов (матриц или списков), которые должны быть присоединены. Сформировать подматрицу позволяет функция  $\text{submatrix}(i1,i2,\dots,in,M,j1,j2,\dots,jk)$ , где слева от имени матрицы  $M$  перечисляются удаляемые строки, справа - столбцы). Квадратную единичную матрицу размера  $n$  можно получить с помощью функции  $\text{ident}(n)$ , нулевую матрицу  $m \times n$  -  $\text{zeromatrix}(m,n)$ .

```
(%i6) C:addcol(A,b);
(%o6)  $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 2 \\ 4 & 5 & 6 & 4 \\ 7 & 8 & 9 & 6 \end{bmatrix}$ 

(%i7) D:submatrix(C,1);
(%o7)  $\begin{bmatrix} 2 & 3 & 2 \\ 5 & 6 & 4 \\ 8 & 9 & 6 \end{bmatrix}$ 
```

Операции над матрицами, записанные с помощью знаков  $+$ ,  $-$ ,  $*$ ,  $/$ ,  $^$ , выполняются поэлементно. Матричное произведение обозначается точкой ".", а чтобы возвести в степень именно матрицу, используйте японский смайлик "^^".

```
(%i8) A.b;
(%o8)  $\begin{bmatrix} 28 \\ 64 \\ 100 \end{bmatrix}$ 

(%i9) D^^2;
(%o9)  $\begin{bmatrix} 35 & 42 & 28 \\ 72 & 87 & 58 \\ 109 & 132 & 88 \end{bmatrix}$ 

(%i10) A*D;
(%o10)  $\begin{bmatrix} 2 & 6 & 6 \\ 20 & 30 & 24 \\ 56 & 72 & 54 \end{bmatrix}$ 
```

Вот ещё несколько полезных матричных функций.

$\text{transpose}(M)$  - транспонирует матрицу  $M$ .  
 $\text{determinant}(M)$  - вычисляет определитель квадратной матрицы  $M$ .  
 $\text{invert}(M)$  - вычисляет матрицу, обратную к  $M$ .  
 $\text{triangularize}(M)$  - формирует из  $M$  треугольную матрицу методом Гаусса.  
 $\text{length}(M)$  - возвращает число строк матрицы  $M$ .  
 $\text{eigenvalues}(M)$  - определяет собственное значение  $M$ .  
 $\text{eigenvectors}(M)$  - возвращает собствен-

```
(%i15) M:matrix([a11,a12],[a21,a22])$
(%i16) determinant(M);
(%o16) a11 a22-a12 a21

(%i17) invert(M);
(%o17)  $\begin{bmatrix} \frac{a_{12} a_{21}}{a_{11} \left( a_{22} - \frac{a_{12} a_{21}}{a_{11}} \right)} + 1 & \frac{a_{12}}{a_{11} \left( a_{22} - \frac{a_{12} a_{21}}{a_{11}} \right)} \\ \frac{a_{21}}{a_{11} \left( a_{22} - \frac{a_{12} a_{21}}{a_{11}} \right)} & \frac{1}{a_{22} - \frac{a_{12} a_{21}}{a_{11}}} \end{bmatrix}$ 
```



РГПУ им. А. И. Герцена