

Московский авиационный институт
(национальный исследовательский университет)

Институт информационных технологий и прикладной
математики

Кафедра вычислительной математики и программирования

Лабораторная работа №8 по курсу «Дискретный анализ»

Студент: И. С. Глушатов
Преподаватель: А. А. Кухтичев
Группа: М8О-207Б-19
Дата:
Оценка:
Подпись:

Москва, 2021

Лабораторная работа №8

Задача: Разработать жадный алгоритм решения задачи, определяемой своим вариантом. Доказать его корректность, оценить скорость и объём затрачиваемой оперативной памяти.

Реализовать программу на языке C или C++, соответствующую построенному алгоритму. Формат входных и выходных данных описан в варианте задания.

Дана последовательность длины N из целых чисел 1, 2, 3. Необходимо найти минимальное количество обменов элементов последовательности, в результате которых последовательность стала бы отсортированной.

1 Описание

Жадные алгоритмы - алгоритмы, предполагающие принятие локально оптимальных решений на каждом этапе, допуская, что конечное решение также окажется оптимальным. В общем случае жадные алгоритмы могут не находить глобального оптимума, однако в некоторых задачах позволяют это сделать.

Для моей задачи алгоритм выглядит так:

Во время ввода массива считаем количество единиц, двоек и троек. Таким образом мы можем разбить мысленно массив на три блока, где в первом должны находиться только единицы, во втором только двойки, в третьем - тройки. Причем длина первого блока будет равняться количеству единиц и т.д.

Далее мы проходимся по массиву слева направо. Если мы в первом блоке встречаем единицу, то идем дальше, если встречаем двойку, значит существует единица, которая не на своем месте. Пытаемся ее найти во втором блоке, так как в таком случае при обмене сразу два элемента встанут на свои места и нам понадобится сделать лишь одно действие. Если же во втором блоке не нашлось единицы, то ищем в третьем блоке, где она точно есть. Если в первом блоке мы встретили тройку, то шаги аналогичные, только сначала пытаемся найти единицу в третьем блоке, а потом во втором блоке.

Когда мы оказываемся во втором блоке, все единицы уже на своем месте, следовательно, встретив тройку, достаточно лишь найти двойку в третьем блоке и обменять. На самом деле можно в этом случае не обменивать (и не искать) тройку и двойку, а просто посчитать количество троек во втором блоке и прибавить к ответу, однако я придерживался концепции, что в итоге массив должен быть тоже отсортирован, хотя этого и не требуется.

Сложность такого алгоритма $O(n^2)$, так как нам надо пройти по всем числам из первого и второго блоков, которых, если считать, что количество элементов равно, $\frac{2n}{3}$ и для каждого элемента, стоящего не на своем месте за $O(n)$ искать.

2 Исходный код

```
1 int main() {
2
3     size_t n = 0;
4     cin >> n;
5
6     short* numbers = new short[n];
7     size_t one_two_three[3] = {0, 0, 0};
8
9     for (size_t i = 0; i < n; i++) {
10         cin >> numbers[i];
11         one_two_three[numbers[i]-1]++;
12     }
13
14     size_t result = 0;
15     for (size_t i = 0; i < n; i++) {
16
17         if (i < one_two_three[0]) {
18
19             if (numbers[i] == 2) {
20                 for (size_t j = one_two_three[0]; j < n; j++) {
21                     if (numbers[j] == 1) {
22                         numbers[i] = 1;
23                         numbers[j] = 2;
24                         result++;
25                         break;
26                     }
27                 }
28             } else if (numbers[i] == 3) {
29                 for (size_t j = one_two_three[0] + one_two_three[1]; j < n; j++) {
30                     if (numbers[j] == 1) {
31                         numbers[i] = 1;
32                         numbers[j] = 3;
33                         result++;
34                         break;
35                     }
36                 }
37
38                 if (numbers[i] == 3) {
39                     for (size_t j = one_two_three[0]; j < one_two_three[0] + one_two_three[1]; j
40                         ++){
41                         if (numbers[j] == 1) {
42                             numbers[i] = 1;
43                             numbers[j] = 3;
44                             result++;
45                             break;
46                         }
47                     }
48                 }
49
50             } else if (i < one_two_three[0] + one_two_three[1]) {
51
52                 if (numbers[i] == 3) {
53                     for (size_t j = one_two_three[0] + one_two_three[1]; j < n; j++) {
54                         if (numbers[j] == 2) {
55                             numbers[i] = 2;
56                             numbers[j] = 3;
57                             result++;
58                             break;
```

```

59         }
60     }
61 }
62
63     }
64
65 }
66
67     cout << result << endl;
68
69     delete[] numbers;
70     return 0;
71 }

```

3 Консоль

```
igor@igor-Aspire-A315-53G:~/Рабочий стол/c++/DA/lab8$ cat tests/test1.txt
141
1 1 3 2 3 3 2 1 2 2 2 3 1 1 1 1 3 1 3 1 2 2 1 3 3 3 2 1 2 2 1 3 1 3 2 2 3 1
1 2 2 1 2 3 3 1 1 1 2 1 1 2 2 2 2 3 2 3 3 3 2 2 1 2 3 2 2 2 1 3 1 2 1 2 3 1
1 1 1 1 2 3 3 1 1 3 3 1 1 3 3 3 3 2 3 2 2 1 3 1 2 2 1 2 3 1 2 3 2 1 3 1 3 2
2 2 2 1 1 2 2 3 3 2 1 2 1 2 2 2 2 3 1 1 1 1 3 3 1 1 2
igor@igor-Aspire-A315-53G:~/Рабочий стол/c++/DA/lab8$ ./main.out <tests/test1.txt
47
igor@igor-Aspire-A315-53G:~/Рабочий стол/c++/DA/lab8$ ./main.out
3
3 2 1
1
igor@igor-Aspire-A315-53G:~/Рабочий стол/c++/DA/lab8$
```

4 Тест производительности

Для тестов я использовал утилиту `gnuplot` для построения графиков зависимости времени работы программы от количества чисел. Так же для сравнения использовал библиотеку `chrono` для замера времени.

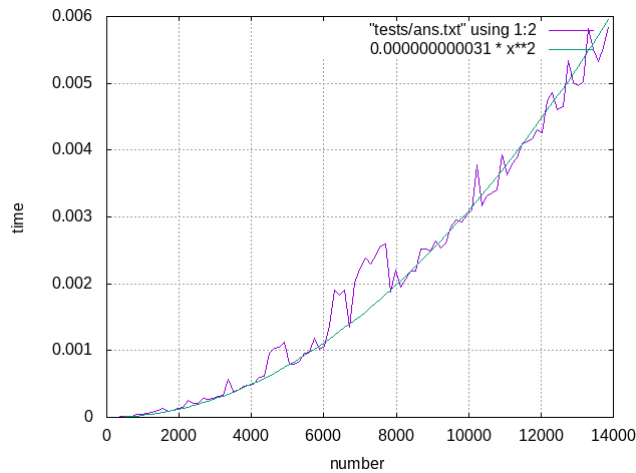


Рис. 1: Графики работы жадного алгоритма и сопоставление с квадратичной функцией

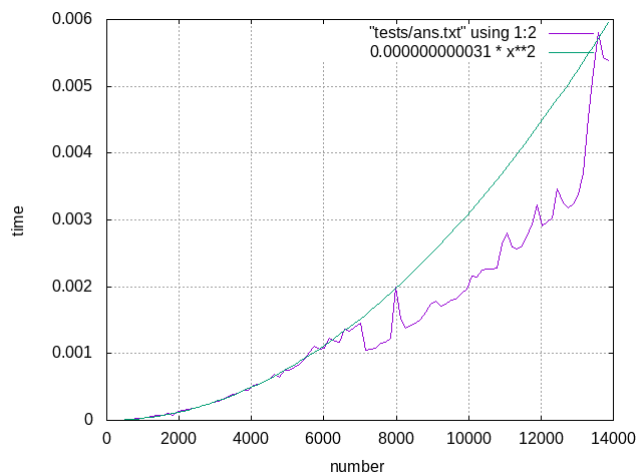


Рис. 2: Графики работы жадного алгоритма без обмена во втором блоке и сопоставление с квадратичной функцией из прошлого примера

Как видно сложность алгоритмов одинаковая и в худшем случае второй приближается к первому.

5 Выводы

В ходе восьмой лабораторной работы я познакомился с жадными алгоритмами. В процессе выполнения задания особых проблем не было.

Список литературы

- [1] *Поисковик - Google.*
URL: <https://www.google.com/>
- [2] *Сайт с подробной документацией библиотек C++*
URL: <https://en.cppreference.com/>