

Московский авиационный институт
(национальный исследовательский университет)

Институт информационных технологий и прикладной
математики

Кафедра вычислительной математики и программирования

Лабораторная работа №1 по курсу «Дискретный анализ»

Студент: И. С. Глушатов
Преподаватель: А. А. Кухтичев
Группа: М8О-207Б-19
Дата:
Оценка:
Подпись:

Москва, 2020

Лабораторная работа №1

Задача: Требуется разработать программу на языке C++, осуществляющую ввод пар «ключ-значение», их упорядочивание по возрастанию ключа указанным алгоритмом сортировки за линейное время и вывод отсортированной последовательности.

Вариант сортировки: Поразрядная сортировка.

Вариант ключа: Числа от 0 до $2^{64} - 1$.

Вариант значения: Строки фиксированной длины 64 символа, во входных данных могут встретиться строки меньшей длины, при этом строка дополняется до 64-х нулевыми символами, которые не выводятся на экран.

1 Описание

Поразрядная сортировка - один из видов сортировок за линейное время. Общая сложность алгоритма $O(b * n)$, где b - количество разрядов в самом длинном числе, а n - количество элементов. Предполагается, что b намного меньше n ($b \ll n$), только в этом случае данная сортировка обеспечивает настоящую эффективность.

Если сортируемые элементы - числа, то вместо сортировки по десятичным разрядам, реализуется сортировка по p 'ому количеству битов. Внутри первого цикла, который проходится по всем разрядам, элементы сортируются с помощью сортировки подсчетом.

2 Исходный код

На каждой непустой строке входного файла располагается пара «ключ-значение», поэтому создадим новую структуру *TPair*, в которой будем хранить ключ и значение. Так как аргументы структуры - базовые типы языка и массив символов определенной константной длины, деструктор нам не нужен. Для удобства написания кода я создал конструктор, хотя можно было обойтись и без него.

```
1 | const int STRING_SIZE = 64;
2 |
3 | struct TPair {
4 |     unsigned long long key;
5 |     char value[STRING_SIZE];
6 |     TPair();
7 |     TPair(const unsigned long long k, const char v[STRING_SIZE]);
8 | };
```

В данной лабораторной работе запрещалось использовать вектор из стандартной библиотеки C++, поэтому пришлось реализовывать его самим. Для удобного обращения к элементам вектора я переопределил оператор [].

Константа *BASIC_VECTOR_BUFFER* используется для метода *Append()* - если вектор изначально пустой, то начальный размер буфера выставляется равным этой константе.

```
1 | const int BASIC_VECTOR_BUFFER = 124;
2 |
3 | template<typename T>
4 | class TVector {
5 |     private:
6 |         int size;
7 |         int buffer;
8 |         T *massive;
9 |     public:
10 |         TVector();
11 |         TVector(const int lenth);
12 |         ~TVector();
13 |         void Append(const T &element);
14 |         void Resize(const int sz);
15 |         void ChangeSize(const int sz);
16 |         int Len();
17 |         T& operator[](const int id);
18 | };
```

Главный файл *main.cpp* представляет из себя ввод данных из стандартного входного потока с помощью цикла *while* и метода *std::cin*. Далее следует функция поразрядной сортировки, после чего ответ выводится на экран.

```

1  #include <iostream>
2  #include "pair.hpp"
3  #include "vector.hpp"
4
5  T Rank(const T number, int i);
6
7  void RadixSort(TVector<TPair> &massive);
8
9  int main() {
10
11     TVector<TPair> vec;
12     unsigned long long key;
13     char value[STRING_SIZE];
14
15     while (std::cin >> key >> value) {
16         vec.Append(TPair(key, value));
17     }
18
19     RadixSort(vec);
20
21     for (int i = 0; i < vec.Len(); ++i) {
22         std::cout << vec[i].key << " " << vec[i].value << "\n";
23     }
24
25     return 0;
26 }

```

main.cpp	
T Rank(const T number, int i)	Функция возвращает цифру i'ого разряда.
void RadixSort(TVector<TPair> &massive)	Функция поразрядной сортировки.
pair.cpp	
TPair::TPair(): key(0) TPair::TPair(const unsigned long long k, const char v[STRING_SIZE]): key(k)	Конструкторы TPair.
vector.cpp	
TVector<T>::TVector(): size(0), buffer(0), massive(0) TVector<T>::TVector(const int lenth): size(0), buffer(lenth) TVector<T>::~~ TVector()	Конструкторы и деструктор TVector.
void TVector<T>::Append(const T &element)	Функция вставки в вектор.
void TVector<T>::Resize(const int sz)	Изменяет размер вектора (если уменьшается, то элементы стираются).
void TVector<T>::ChangeSize(const int sz)	Изменяет размер вектора (не трогая буфер и элементы вообще).
int TVector<T>::Len()	Возвращает количество элементов вектора.
T& TVector<T>::operator[] (const int id)	Переопределение оператора возврата элемента по индексу.

3 Консоль

```
igor@igor-Aspire-A315-53G:~/Рабочий стол/c++/DA/lab1$ g++ -Werror -Wno-sign-compare  
-Wall -Wextra -pedantic main.cpp  
igor@igor-Aspire-A315-53G:~/Рабочий стол/c++/DA/lab1$ cat test0.txt  
7 Sa  
8 d  
5 d  
25 GPsIKqE  
27 DSjYzxRa  
23 RxBx  
15 bknTDiRI  
0 joFclaCc  
19 ZdALsZ  
15 NC  
igor@igor-Aspire-A315-53G:~/Рабочий стол/c++/DA/lab1$ ./a.out <test0.txt  
0 joFclaCc  
5 d  
7 Sa  
8 d  
15 bknTDiRI  
15 NC  
19 ZdALsZ  
23 RxBx  
25 GPsIKqE  
27 DSjYzxRa  
igor@igor-Aspire-A315-53G:~/Рабочий стол/c++/DA/lab1$
```

4 Тест производительности

Тест производительности представляет из себя следующее: всего в тесте участвуют четыре файла на 1000, 10000, 100000 и 1000000 строчек. С помощью библиотеки *chrono* я замеряю время начала и конца функции поразрядной сортировки и устойчивой из библиотеки *algorithm* (*std :: stable_sort*).

```
igor@igor-Aspire-A315-53G:~/Рабочий стол/c++/DA/lab1$ ./a.out <test0.txt
Поразрядная: 0.0026
Стабильная из std: 0.00127379
igor@igor-Aspire-A315-53G:~/Рабочий стол/c++/DA/lab1$ ./a.out <test1.txt
Поразрядная: 0.00447372
Стабильная из std: 0.00436133
igor@igor-Aspire-A315-53G:~/Рабочий стол/c++/DA/lab1$ ./a.out <test2.txt
Поразрядная: 0.0450362
Стабильная из std: 0.0513525
igor@igor-Aspire-A315-53G:~/Рабочий стол/c++/DA/lab1$ ./a.out <test3.txt
Поразрядная: 0.483629
Стабильная из std: 0.669035
igor@igor-Aspire-A315-53G:~/Рабочий стол/c++/DA/lab1$
```

Из приведенных тестов видно, что после 10000 элементов поразрядная сортировка начинает выигрывать у устойчивой, временная сложность которой, из источников, $O(n \log^2 n)$

5 Выводы

Выполнив первую лабораторную работу по курсу «Дискретный анализ», я научился многим аспектам такого языка программирования, как C++. Создал template класс, реализовал поразрядную сортировку. Попрактиковался в управлении памяти. Занимался переопределением операторов, что было самым интересным в создании нового класса, но, к сожалению, только один из четырех операторов оказался в итоге полезным. Учитывая разработку данной программы на разных компьютерах, я осознал, насколько важную роль играет железо в производительности, и это помогло мне в оптимизации. К слову, самая большая проблема была не в реализации классов и поразрядной сортировки, а медленная скорость работы этой самой сортировки и вывод ответа на экран пользователя. Эта лабораторная работа дала хорошее представление о работе на C++ и о том, насколько скрупулёзным надо быть при разработке проекта на этом языке.

Список литературы

- [1] *Поисковик - Google.*
URL: <https://www.google.com/>
- [2] *Поразрядная сортировка — Algolist.*
URL: http://algolist.ru/sort/radix_sort.php
- [3] *Про операторы C++ и их переопределение*
URL: <https://en.cppreference.com/w/cpp/language/operators>
- [4] *Про шаблоны C++*
URL: <https://docs.microsoft.com/ru-ru/cpp/cpp/templates-cpp?view=vs-2019>