Wendel Melo

Faculdade de Computação Universidade Federal de Uberlândia

Recuperação da Informação Adaptado do Material da Prof^a Vanessa Braganholo - IC/UFF

 Proposto ao final da década de 1960 e ainda hoje é um dos modelos mais empregados;

- Proposto ao final da década de 1960 e ainda hoje é um dos modelos mais empregados;
- Busca suprir as limitações do modelo booleano:
 - Casamento entre consultas e documentos precisa ser exato;
 - Falta de ranqueamento.

- Proposto ao final da década de 1960 e ainda hoje é um dos modelos mais empregados;
- Busca suprir as limitações do modelo booleano:
 - Casamento entre consultas e documentos precisa ser exato;
 - Falta de ranqueamento.
- Permite casamentos parciais através da adoção de pesos não binários aos termos de indexação, tanto para documentos quanto para consultas;

 Documentos e consultas são representados como vetores em um espaço vetorial

- Documentos e consultas são representados como vetores em um espaço vetorial
 - A dimensão do espaço é dada pelo número de termos T no vocabulário da base de documentos.

- Documentos e consultas são representados como vetores em um espaço vetorial
 - A dimensão do espaço é dada pelo número de termos T no vocabulário da base de documentos.
- Assim, cada documento d_i é representado pelo vetor:

$$\overrightarrow{d}_{j} = (w_{1j}, w_{2j}, \dots, w_{Tj})$$

- Documentos e consultas são representados como vetores em um espaço vetorial
 - A dimensão do espaço é dada pelo número de termos T no vocabulário da base de documentos.
- Assim, cada documento d_i é representado pelo vetor:

$$\vec{d}_{j} = (w_{1j}, w_{2j}, ..., w_{Tj})$$

• E uma consulta q é representada por:

$$\vec{q} = (w_{1q}, w_{2q}, ..., w_{Tq})$$

- Documentos e consultas são representados como vetores em um espaço vetorial
 - A dimensão do espaço é dada pelo número de termos T no vocabulário da base de documentos.
- Assim, cada documento d_j é representado pelo vetor:

$$\vec{d}_{j} = (w_{1j}, w_{2j}, ..., w_{Tj})$$

• E uma consulta q é representada por:

$$\overrightarrow{q} = (w_{1q}, w_{2q}, \dots, w_{Tq})$$

Os elementos w_{ij} e w_{iq} dos vetores são pesos para os termos, tanto nos docs quanto nas consultas!

 Algum esquema de ponderação deve ser utilizado para o cálculo dos pesos w_{ii} e w_{ia};

- Algum esquema de ponderação deve ser utilizado para o cálculo dos pesos w_{ii} e w_{ia};
 - É comum o uso da ponderação TF-IDF! Outros esquemas podem ser utilizados, todavia.

- Algum esquema de ponderação deve ser utilizado para o cálculo dos pesos w_{ii} e w_{ia};
 - É comum o uso da ponderação TF-IDF! Outros esquemas podem ser utilizados, todavia.
- Originalmente, estes pesos devem ser não-negativos!

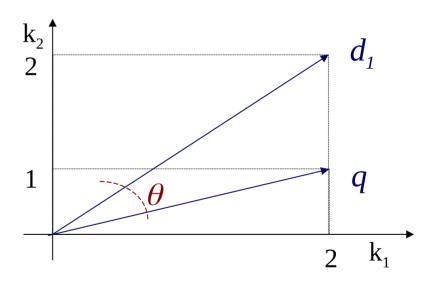
- Algum esquema de ponderação deve ser utilizado para o cálculo dos pesos w_{ii} e w_{ia};
 - É comum o uso da ponderação TF-IDF! Outros esquemas podem ser utilizados, todavia.
- Originalmente, estes pesos devem ser não-negativos!
- Documentos e consultas são representados como vetores em um espaço vetorial:

- Algum esquema de ponderação deve ser utilizado para o cálculo dos pesos w_{ii} e w_{ia};
 - É comum o uso da ponderação TF-IDF! Outros esquemas podem ser utilizados, todavia.
- Originalmente, estes pesos devem ser não-negativos!
- Documentos e consultas são representados como vetores em um espaço vetorial:
 - A similaridade entre documento e consulta é calculada através da similaridade entre seus respectivos vetores!

Exemplo: Um vocabulário de dois termos, k_1 e k_2 :

$$\overrightarrow{d}_{1} = (2, 2)$$

$$\overrightarrow{q} = (2, 1)$$

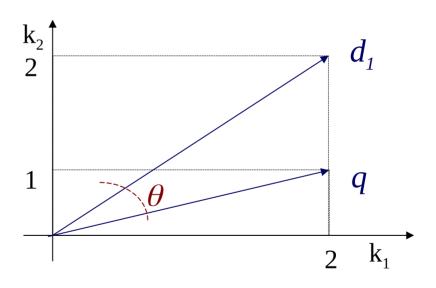


Exemplo: Um vocabulário de dois termos, k_1 e k_2 :

$$\vec{d}_1 = (2, 2)$$

$$\overrightarrow{q} = (2, 1)$$

Pelo fato de haverem dois termos, os vetores estarão em R².

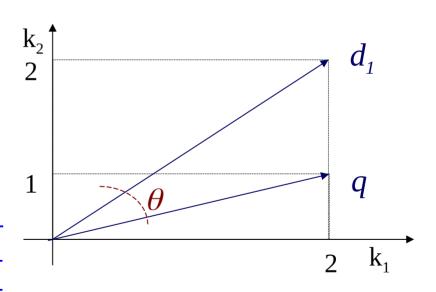


Exemplo: Um vocabulário de dois termos, k₁ e k₂:

$$\overrightarrow{d}_1 = (2, 2)$$

$$\overrightarrow{q} = (2, 1)$$

Como os pesos dos termos devem ser não negativos, os vetores dos documentos e consultas estarão no ortante positivo do espaço (no caso de R², será o primeiro quadrante).

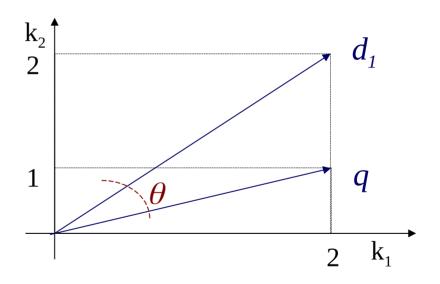


Exemplo: Um vocabulário de dois termos, k_1 e k_2 :

$$\overrightarrow{d}_{1} = (2, 2)$$

$$\overrightarrow{q} = (2, 1)$$

Quanto mais próximo de se sobreporem estiverem os vetores de d_1 e q, maior a similaridade entre documento e consulta.

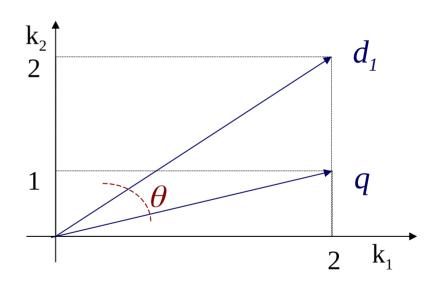


Exemplo: Um vocabulário de dois termos, k_1 e k_2 :

$$\vec{d}_1 = (2, 2)$$

$$\overrightarrow{q} = (2, 1)$$

Assim, essa similaridade pode ser medida através do ângulo θ entre os vetores. Quanto mais fechado o ângulo, maior a similaridade.

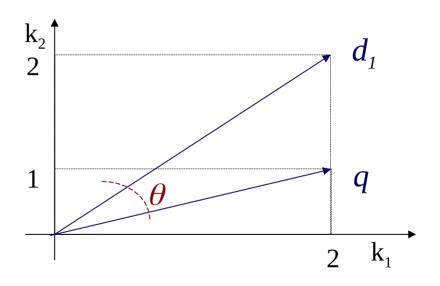


Exemplo: Um vocabulário de dois termos, k_1 e k_2 :

$$\vec{d}_1 = (2, 2)$$

$$\overrightarrow{q} = (2, 1)$$

A similaridade entre o documento e a consulta é calculada através do cosseno do ângulo θ .



Dado um doc d_j representado pelo vetor: $d_j = (w_{1j}, w_{2j}, \dots, w_{Tj})$,

e uma consulta q representada pelo vetor: $q = (w_{1q}, w_{2q}, \dots, w_{Tq})$,

a similaridade entre o documento d_i e a consulta q é obtida através do cosseno do ângulo entre seus vetores:

$$sim \left(d_{j}, q\right) = \cos \theta = \frac{\sum_{i=1}^{T} w_{ij} \times w_{iq}}{\left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{ij}^{2}}\right) \times \left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{iq}^{2}}\right)}$$

, onde T é o número de termos no vocabulário

• Por que é utilizado o cosseno do ângulo θ entre os vetores?

$$sim \left(d_{j}, q\right) = \cos \theta = \frac{\sum_{i=1}^{T} w_{ij} \times w_{iq}}{\left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{ij}^{2}}\right) \times \left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{iq}^{2}}\right)}$$

- Por que é utilizado o cosseno do ângulo θ entre os vetores?
 - Porque sabemos que θ está 0° e 90° . Assim, seu cosseno estará entre 0 e 1. Quanto menor θ , maior seu cosseno!

$$sim \left(d_{j}, q\right) = \cos \theta = \frac{\sum_{i=1}^{T} w_{ij} \times w_{iq}}{\left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{ij}^{2}}\right) \times \left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{iq}^{2}}\right)}$$

- Por que é utilizado o cosseno do ângulo θ entre os vetores?
 - Porque sabemos que θ está 0° e 90° . Assim, seu cosseno estará entre 0 e 1. Quanto menor θ , maior seu cosseno!
- Por que sabemos que θ está 0° e 90° ?

$$sim \left(d_{j}, q\right) = cos \theta = \frac{\sum_{i=1}^{T} w_{ij} \times w_{iq}}{\left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{ij}^{2}}\right) \times \left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{iq}^{2}}\right)}$$

- Por que é utilizado o cosseno do ângulo θ entre os vetores?
 - Porque sabemos que θ está 0° e 90° . Assim, seu cosseno estará entre 0 e 1. Quanto menor θ , maior seu cosseno!
- Por que sabemos que θ está 0° e 90° ?
 - Porque os pesos são não-negativos, o que faz com que os vetores estejam no ortante positivo (no caso de R², o primeiro quadrante).

$$sim \left(d_{j}, q\right) = \cos \theta = \frac{\sum_{i=1}^{T} w_{ij} \times w_{iq}}{\left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{ij}^{2}}\right) \times \left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{iq}^{2}}\right)}$$

• Pode-se considerar que um documento d_j é relevante para uma consulta q se a similaridade entre d_j e q é superior a um determinado **patamar mínimo de similaridade**.

$$sim \left(d_{j}, q\right) = \cos \theta = \frac{\sum_{i=1}^{T} w_{ij} \times w_{iq}}{\left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{ij}^{2}}\right) \times \left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{iq}^{2}}\right)}$$

- Pode-se considerar que um documento d_j é relevante para uma consulta q se a similaridade entre d_j e q é superior a um determinado **patamar mínimo de similaridade**.
- Pode-se utilizar o próprio valor da similaridade para ranquear os documentos!

$$sim \left(d_{j}, q\right) = cos \theta = \frac{\sum_{i=1}^{T} w_{ij} \times w_{iq}}{\left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{ij}^{2}}\right) \times \left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{iq}^{2}}\right)}$$

 Considere uma base de 4 documentos com os termos A, B e C e uma consulta AB:

Documento	Conteúdo
1	AAAB
2	AAC
3	AA
4	ВВ

 Considere uma base de 4 documentos com os termos A, B e C e uma consulta AB:

Documento	Conteúdo
1	AAAB
2	AAC
3	AA
4	ВВ

Começamos pelo cálculo dos IDFs, pois não variam de acordo com o documento

 Considere uma base de 4 documentos com os termos A, B e C e uma consulta AB:

Documento	Conteúdo
1	AAAB
2	AAC
3	AA
4	ВВ

$$idf(A) = \log\left(\frac{N}{n_A}\right) = \log\left(\frac{4}{3}\right) = 0.1249$$

$$idf(B) = \log\left(\frac{N}{n_B}\right) = \log\left(\frac{4}{2}\right) = 0.3010$$

$$idf(C) = \log\left(\frac{N}{n_C}\right) = \log\left(\frac{4}{1}\right) = 0.6021$$

N: número de docs;

 f_{ij} : frequência do termo k_i no doc d_j ;

 n_i : número de docs com o termo k_i .

 Considere uma base de 4 documentos com os termos A, B e C e uma consulta AB:

Documento	Conteúdo
1	AAAB
2	AAC
3	AA
4	ВВ

Calculamos os pesos no documentos segundo a expressão TF-IDF:

N: número de docs ;

 f_{ij} : frequência do termo k_i no doc d_j ;

 n_i : número de docs com o termo k_i .

$$\mathbf{w}_{ij} = \begin{cases} (1 + \log(f_{ij})) \times idf(k_i) & \text{, se } \mathbf{f}_{ij} \ge 1 \\ 0 & \text{, caso contrário} \end{cases}$$

 Considere uma base de 4 documentos com os termos A, B e C e uma consulta AB:

Documento	Conteúdo
1	AAAB
2	AAC
3	AA
4	ВВ

$$w_{A1} = (1 + \log 3) * 0.1249 = 0.1845$$

 $w_{B1} = (1 + \log 1) * 0.3010 = 0.3010$
 $w_{C1} = 0$

Vetor de pesos do documento 1

$$\overline{D}_1 = (0.1845, 0.3010, 0)$$

$$\mathbf{w}_{ij} = \begin{cases} (1 + \log(f_{ij})) \times idf(k_i) & \text{, se } \mathbf{f}_{ij} \ge 1 \\ 0 & \text{, caso contrário} \end{cases}$$

 Considere uma base de 4 documentos com os termos A, B e C e uma consulta AB:

Documento	Conteúdo
1	AAAB
2	AAC
3	AA
4	ВВ

Vetor de pesos do documento 2

$$w_{A1} = (1 + \log 3) * 0.1249 = 0.1845$$

 $w_{B1} = (1 + \log 1) * 0.3010 = 0.3010$
 $w_{C1} = 0$

$$\overline{D}_1 = (0.1845, 0.3010, 0)$$

$$W_{A2} = (1 + \log 2) * 0.1249 = 0.1625$$

$$W_{B2} = 0$$

$$W_{c2} = (1 + \log 1) * 0.6021 = 0.6021$$

$$\overline{D}_2 = (0.1625, 0, 0.6021)$$

 Considere uma base de 4 documentos com os termos A, B e C e uma consulta AB:

Documento	Conteúdo
1	AAAB
2	AAC
3	AA
4	ВВ

$$w_{A3} = (1 + \log 2) * 0.1249 = 0.1625$$

 $w_{B3} = 0$
 $w_{C3} = 0$

Vetor de pesos do documento 3

$$\overline{D}_{3} = (0.1625, 0, 0)$$

Considere uma base de 4 documentos com os termos A, B e C e

uma consulta AB:

Documento	Conteúdo
1	AAAB
2	AAC
3	AA
4	ВВ

$$w_{A3} = (1 + log 2) * 0.1249 = 0.1625$$

 $w_{B3} = 0$
 $w_{C3} = 0$

$$\overline{D}_3 = (0.1625, 0, 0)$$

$$w_{A4} = 0$$
 $W_{B4} = (1 + log 2) * 0.3010 = 0.3916$
 $w_{C4} = 0$

$$\overline{D}_4 = (0, 0.3916, 0)$$

 Considere uma base de 4 documentos com os termos A, B e C e uma consulta AB:

Documento	Conteúdo
1	AAAB
2	AAC
3	AA
4	ВВ

$$\overline{D}_1 = (0.1845, 0.3010, 0)$$

$$\overline{D}_2 = (0.1625, 0, 0.6021)$$

$$\overline{D}_3 = (0.1625, 0, 0)$$

$$\overline{D}_4 = (0, 0.3916, 0)$$

Calculamos o vetor de pesos da consulta segundo TF-IDF:

$$W_{Aq} = (1 + log 1) * 0.1249 = 0.1249$$

 $W_{Bq} = (1 + log 1) * 0.3010 = 0.3010$
 $W_{Cq} = 0$

$$\overline{d}_{0} = (0.1249, 0.3010, 0)$$

 Considere uma base de 4 documentos com os termos A, B e C e uma consulta AB:

Temos os seguintes vetores representando os componentes do sistema:

$$\overline{d}_1 = (0.1845, 0.3010, 0)$$

$$\overline{d}_2 = (0.1625, 0, 0.6021)$$

$$\overline{d}_3 = (0.1625, 0, 0)$$

$$\overline{d}_4 = (0, 0.3916, 0)$$

$$\overline{d}_{q} = (0.1249, 0.3010, 0)$$

Calculamos a similaridade entre cada documento e a consulta segundo a expressão:

$$sim \left(d_{j}, q\right) = \frac{\sum_{i=1}^{T} w_{ij} \times w_{iq}}{\left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{ij}^{2}}\right) \times \left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{iq}^{2}}\right)}$$

 Considere uma base de 4 documentos com os termos A, B e C e uma consulta AB:

Similaridade entre q e d₁:

$$\overline{d}_1 = (0.1845, 0.3010, 0)$$

$$\overline{d}_{g} = (0.1249, 0.3010, 0)$$

$$sim \left(d_{j}, q\right) = \frac{\sum_{i=1}^{T} w_{ij} \times w_{iq}}{\left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{ij}^{2}}\right) \times \left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{iq}^{2}}\right)}$$

$$sim\ (d_1,q) = \frac{0.1845 \times 0.1249 + 0.3010 \times 0.3010 + 0 \times 0}{(\sqrt{0.0340 + 0.0906 + 0}) \times (\sqrt{0.0156 + 0.0906 + 0})}$$

$$sim(d_1,q) = \frac{0.0230 + 0.0906}{(\sqrt{0.1246}) \times (\sqrt{0.1062})} = \frac{0.1136}{0.3530 \times 0.3259} = \frac{0.1136}{0.1150} = 0.9878$$

$$sim(d_1,q)=0.9878$$

 Considere uma base de 4 documentos com os termos A, B e C e uma consulta AB:

Similaridade entre q e d₂:

$$\overline{d}_2 = (0.1625, 0, 0.6021)$$

$$\overline{d}_{a} = (0.1249, 0.3010, 0)$$

$$sim \left(d_{j}, q\right) = \frac{\sum_{i=1}^{T} w_{ij} \times w_{iq}}{\left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{ij}^{2}}\right) \times \left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{iq}^{2}}\right)}$$

$$sim\ (d_2,q) = \frac{0.1625 \times 0.1249 + 0 \times 0.3010 + 0.6021 \times 0}{(\sqrt{0.0264 + 0 + 0.3625}) \times (\sqrt{0.0156 + 0.0906 + 0})}$$

$$sim \ (d_2, q) = \frac{0.0203 + 0 + 0}{(\sqrt{0.3889}) \times (\sqrt{0.1062})} = \frac{0.0203}{0.6236 \times 0.3259} = \frac{0.0203}{0.2032} = 0.0999$$

$$sim(d_2,q)=0.0999$$

 Considere uma base de 4 documentos com os termos A, B e C e uma consulta AB:

Similaridade entre q e d₃:

$$\overline{d}_3 = (0.1625, 0, 0)$$

$$\overline{d}_{0} = (0.1249, 0.3010, 0)$$

$$sim \left(d_{j}, q\right) = \frac{\sum_{i=1}^{T} w_{ij} \times w_{iq}}{\left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{ij}^{2}}\right) \times \left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{iq}^{2}}\right)}$$

$$sim (d_3,q) = \frac{0.1625 \times 0.1249 + 0 \times 0.3010 + 0 \times 0}{(\sqrt{0.0264 + 0 + 0}) \times (\sqrt{0.0156 + 0.0906 + 0})}$$

$$sim\ (d_3,q) = \frac{0.0203 + 0 + 0}{(\sqrt{0.0264}) \times (\sqrt{0.1062})} = \frac{0.0203}{0.1625 \times 0.3259} = \frac{0.0203}{0.0530} = 0.3830$$

$$sim (d_3, q) = 0.3830$$

 Considere uma base de 4 documentos com os termos A, B e C e uma consulta AB:

Similaridade entre q e d₄:

$$\overline{d}_4 = (0, 0.3916, 0)$$

$$\overline{d}_{0} = (0.1249, 0.3010, 0)$$

$$sim \left(d_{j}, q\right) = \frac{\sum_{i=1}^{T} w_{ij} \times w_{iq}}{\left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{ij}^{2}}\right) \times \left(\sqrt{\sum_{i=1}^{T} w_{iq}^{2}}\right)}$$

$$sim (d_4, q) = \frac{0 \times 0.1249 + 0.3916 \times 0.3010 + 0 \times 0}{(\sqrt{0 + 0.1534 + 0}) \times (\sqrt{0.0156 + 0.0906 + 0})}$$

$$sim\ (d_4,q) = \frac{0+0.1179+0}{(\sqrt{0.1534})\times(\sqrt{0.1062})} = \frac{0.1179}{0.3917\times0.3259} = \frac{0.1179}{0.1277} = 0.9233$$

$$sim(d_4,q)=0.9233$$

 Considere uma base de 4 documentos com os termos A, B e C e uma consulta AB:

Documento	Conteúdo
1	AAAB
2	AAC
3	AA
4	ВВ

Assim, temos:

$$sim (d_1,q)=0.9878$$

 $sim (d_2,q)=0.0999$
 $sim (d_3,q)=0.3830$
 $sim (d_4,q)=0.9233$

Portanto, o ranqueamento final fica:

$$d_1$$
, d_4 , d_3 e d_2 .

Assumindo um patamar mínimo de similaridade de 0.1, o documento d₂ seria considerado como não relevante e não entraria no resultado.

 Considere uma base de 4 documentos com os termos A, B e C e uma consulta AB:

Documento	Conteúdo
1	AAAB
2	AAC
3	AA
4	ВВ

Assim, temos:

$$sim (d_1,q)=0.9878$$

 $sim (d_2,q)=0.0999$
 $sim (d_3,q)=0.3830$
 $sim (d_4,q)=0.9233$

Portanto, o ranqueamento final fica:

$$d_1$$
, d_4 , d_3 e d_2 .

Assumindo um patamar mínimo de similaridade de 0.1, o documento d_2 seria considerado como não relevante e não entraria no resultado.

Por que a similaridade de d_4 é superior a de d_3 , se ambos só tem um dos termos da consulta aparecendo duas vezes?

 Considere uma base de 4 documentos com os termos A, B e C e uma consulta AB:

Documento	Conteúdo
1	AAAB
2	AAC
3	AA
4	ВВ

Assim, temos:

$$sim (d_1, q) = 0.9878$$

 $sim (d_2, q) = 0.0999$
 $sim (d_3, q) = 0.3830$
 $sim (d_4, q) = 0.9233$

Portanto, o ranqueamento final fica:

$$d_1$$
, d_4 , d_3 e d_2 .

Assumindo um patamar mínimo de similaridade de 0.1, o documento d_2 seria considerado como não relevante e não entraria no resultado.

Por que d₃ é considerado relevante e d₂ não?

Considere uma base de 4 documentos com os termos A, B e C:

Documento	Conteúdo
1	AAAB
2	AAC
3	AA
4	ВВ

Para uma consulta q = AC, teríamos:

$$sim (d_1, q) = 0.1061$$

 $sim (d_2, q) = 0.9983$
 $sim (d_3, q) = 0.2031$
 $sim (d_4, q) = 0$

Simples, rápido e de "fácil" implementação;

- Simples, rápido e de "fácil" implementação;
- Uso de ponderação melhora a qualidade da recuperação;

- Simples, rápido e de "fácil" implementação;
- Uso de ponderação melhora a qualidade da recuperação;
- Permite casamento parcial entre documentos e consultas;

- Simples, rápido e de "fácil" implementação;
- Uso de ponderação melhora a qualidade da recuperação;
- Permite casamento parcial entre documentos e consultas;
- Possui ranqueamento;

- Simples, rápido e de "fácil" implementação;
- Uso de ponderação melhora a qualidade da recuperação;
- Permite casamento parcial entre documentos e consultas;
- Possui ranqueamento;
- A normalização pelo tamanho do documento está naturalmente embutida na fórmula do cosseno.

- Termos de indexação são plotados como eixos:
 - São realmente independentes?
 - São realmente ortogonais?

- Termos de indexação são plotados como eixos:
 - São realmente independentes?
 - São realmente ortogonais?
- Como encontrar documentos que não contém um certo termo?