Roteiro III

Alexsandro Santos Soares prof.asoares@gmail.com

Programação Lógica Faculdade de Computação Universidade Federal de Uberlândia

7 de agosto de 2021

1 Objetivos

Este roteiro tem por objetivos:

- Introduzir as várias formas de se fazer depuração e rastreamento em SWI-Prolog;
- Praticar a ideia de recursão em listas.
- Familiarizar você com as operações aritméticas em Prolog.

2 Depuração e rastreamento

O Prolog utiliza uma modelo de execução criado por Lawrence Byrd em 1980. Neste modelo, também chamado de modelo de caixas, cada predicado é associado a uma caixa. Cada caixa possui quatro portas, duas de entrada (call e redo) e duas de saída (exit e fail):

Call porta de entrada usada na chamada inicial de um predicado;

Exit porta de saída com sucesso;

Redo porta de entrada por retrocesso. Usada quando um predicado subsequente falha e o Prolog está retrocedendo para este predicado para tentar encontrar uma cláusula alternativa.

Fail porta de saída por falha. Se nenhuma cláusula é emparelhada, se nenhuma submeta pode ser satisfeita, ou se a solução obtida foi rejeitada pelo processamento posterior (ou seja, o Prolog está retrocedendo para este predicado e não existe mais nenhuma outra alternativa para satisfazer este predicado), então este predicado falha e retorna através desta porta.

Se um predicado é recursivo, então existe uma caixa para cada invocação recursiva do predicado. Se você rastrear as chamadas recursivas, poderá observar o execução entrando e saindo destas caixas através das portas. Cada nível recursivo é numerado.

Para ilustrar a utilização deste modo de depuração usando o predicado trace/0, considere que o seguinte predicado foi alimentado no Prolog:

```
membro(X,[X|_]).
membro(X,[_|T]):-
   membro(X,T).
```

Agora vamos rastrear e comentar a execução deste predicado para a consulta seguinte:

```
?- trace.
true.
[trace] ?- membro(E,[a,b]).
   Call: (6) membro(_G366, [a, b]) ? % chamada inicial de um predicado recursivo
   Exit: (6) membro(a, [a, b]) ?
                                     % sucesso no emparelhamento da primeira cláusula
E = a;
                                     % retorno bem sucedido com E unificado com a
   Redo: (6) membro(_G366, [a, b]) ? % reexecução forçada pelo ;: usando a segunda cláusula
   Call: (7) membro(_G366, [b]) ?
                                     % chamada do corpo da segunda cláusula
  Exit: (7) membro(b, [b]) ?
                                     % sucesso no emparelhamento
  Exit: (6) membro(b, [a, b]) ?
E = b;
                                     % retorno bem sucedido com E unificado com b
   Redo: (7) membro(_G366, [b]) ?
                                     % reexecução forçada pelo ;
   Call: (8) membro(_G366, []) ?
                                     % não é possivel emparelhar: a lista [] não unifica.
   Fail: (8) membro(_G366, []) ?
   Fail: (7) membro(_G366, [b]) ?
   Fail: (6) membro(_G366, [a, b]) ?
false.
                                     % indique a falha ao usuário
[trace] ?- notrace.
true.
[debug]
        ?- nodebug.
true.
```

O depurador exibe as seguintes informações: o nome da porta usada; um número entre parenteses indicando o nível de profundidade das chamadas e o predicado associado à caixa.

2.1 Controle do nível de detalhamento

Podemos usar o predicado trace/2 para rastrear um predicado específico e para selecionar quais são as portas de interesse para nós. Para exemplificar suponha que os predicados abaixo foram consultados pelo Prolog.

```
f(a).
f(b).
g(a).
g(b).
h(b).
k(X) :- f(X),g(X),h(X).
```

Se desejamos rastrear todas as portas de todos os predicados podemos usar trace/0, como já foi visto.

```
?- trace.
true.

[trace] ?- k(X).
    Call: (6) k(_G360) ? creep
    Call: (7) f(_G360) ? creep
    Exit: (7) f(a) ? creep
```

```
Call: (7) g(a) ? creep
Exit: (7) g(a) ? creep
Call: (7) h(a) ? creep
Fail: (7) h(a) ? creep
Redo: (7) f(_G360) ? creep
Exit: (7) f(b) ? creep
Call: (7) g(b) ? creep
Exit: (7) g(b) ? creep
Call: (7) h(b) ? creep
Exit: (7) h(b) ? creep
Exit: (7) h(b) ? creep
Exit: (8) k(b) ? creep
Exit: (9) k(b) ? creep
Exit: (1) h(b) ? creep
Exit: (1) h(b) ? creep
Exit: (1) h(b) ? creep
Exit: (2) h(b) ? creep
Exit: (3) h(b) ? creep
Exit: (4) h(b) ? creep
Exit: (5) k(b) ? creep
Exit: (6) k(b) ? creep
Exit: (7) h(b) ? creep
Exit: (8) k(b) ? creep
Exit: (9) k(b) ? creep
Exit: (1) h(b) ? creep
Exit: (1) h(b) ? creep
Exit: (2) h(b) ? creep
Exit: (3) h(b) ? creep
Exit: (4) h(b) ? creep
Exit: (5) k(b) ? creep
Exit: (6) k(b) ? creep
```

Agora, suponha que desejamos saber porque o predicado h/1 falha. Neste caso poderíamos somente investigar este predicado usando trace/2:

```
[debug] ?- trace(h/1,all).
% h/1: [call,redo,exit,fail]
true.

[debug] ?- k(X).
  T Call: (7) h(a)
  T Fail: (7) h(a)
  T Call: (7) h(b)
  T Exit: (7) h(b)
X = b.
```

O segundo argumento de trace/2 indica as portas que desejamos rastrear:

all: todas as quatro portas call, exit, redo e fail.

+porta alguma porta específica, pode ser uma das quatro anteriores. Por exemplo, trace(h/1,+fail) somente rastreará a porta fail.

-porta para parar o rastreamento de uma determinada porta.

lista quando queremos indicar de uma vez o rastreamento de mais de uma porta. Ex: trace(h/1,[exit,redo]) somente rastreia as portas exit e redo.

Para sabermos quais predicados/portas estão sendo rastreados podemos usar debugging no modo de depuração. No exemplo a seguir, estamos somente interessados em rastrear as portas exit e fail do predicado h/1. Assim, paramos o rastreamento das portas call e redo.

```
[debug] ?- debugging.
% Debug mode is on
% No spy points
% Trace points (see trace/1) on:
% h/1: [call,redo,exit,fail]
true.
[debug] ?- trace(h/1,-call).
% h/1: [redo,exit,fail]
true.
```

```
[debug] ?- trace(h/1,-redo).
% h/1: [exit,fail]
true.

[debug] ?- k(X).
T Fail: (7) h(a)
T Exit: (7) h(b)
X = b.
```

Se o objetivo for inspecionar todas as portas de um determinado predicado, como fizemos com trace(h/1,all), podemos usar o predicado spy/1.

Para executar o exemplo abaixo, saia do Prolog e depois retorne, consultando o arquivo anterior.

```
?- spy(h/1).
% Spy point on h/1
true.

[debug] ?- k(X).
    Call: (7) h(a) ? leap
    Fail: (7) h(a) ? leap
    Call: (7) h(b) ? leap
    Exit: (7) h(b) ? leap
X = b.
```

Aqui usamos a opção leap do depurador para ir para a próxima porta do predicado sendo inspecionado que, neste caso é h/1.

O Prolog no modo trace somente exibe as informações das portas, enquanto no modo debug ele pára a execução e permite a interação com o usuário, permitindo, por exemplo, a execução passo a passo.

| trace/notrace | ativa/desativa o trace em predicados, não pára nas |
|---------------|-----------------------------------------------------------|
| | portas, mas mostra os valores destas portas. |
| debug/nodebug | ativa/desativa o trace, parando em cada porta dos |
| | predicados que estão sendo inspecionados. |
| debugging | informa os predicados já marcados para inspeção. |

Para saber mais sobre os processos de depuração em Prolog, leia o manual do SWI-Prolog que pode ser acessado digitando-se, de dentro do Prolog, apropos (debugger).

Ex. 1 Realize uma série de rastreamentos envolvendo o predicado membro. Ou seja, realize rastreamentos envolvendo consultas simples que tem êxito (tais como membro(a,[1,2,a,b])), consultas simples que falham (tais como membro(z,[1,2,a,b])) e consultas envolvendo variáveis (tais como membro(X,[1,2,a,b])). Em todos os casos assegure-se de ter compreendido o porquê da recursão terminar.

3 Exercícios sobre listas

Ex. 2 Escreva um predicado intercala1 que recebe três listas como argumentos e intercala os elementos da duas primeiras listas gerando uma terceira. Seguem alguns exemplos de uso:

```
?- intercala1([a,b,c],[1,2,3],X).
X = [a,1,b,2,c,3]
```

```
?- intercala1([fu,ba,yip,yup],[glub,glab,glib,glob],Res).
Res = [fu,glub,ba,glab,yip,glib,yup,glob]
```

Ex. 3 Agora escreva um predicado intercala2 que recebe três listas como argumentos e intercala os elementos da duas primeiras listas gerando uma terceira. Seguem alguns exemplos de uso:

```
?- intercala2([a,b,c],[1,2,3],X).
X = [[a,1], [b,2], [c,3]]
?- intercala2([fu,ba,yip,yup],[glub,glab,glib,glob],Res).
Res = [[fu,glub], [ba,glab], [yip,glib], [yup,glob]]
```

Ex. 4 Finalmente, escreva um predicado intercala3 que recebe três listas como argumentos e intercala os elementos da duas primeiras listas gerando uma terceira. Seguem alguns exemplos de uso:

Repare que todos os três exercícios anteriores podem ser escritos fazendo-se recursão em listas: primeiro faça algo com as cabeças, depois faça a mesma coisa com as caudas recursivamente. Com efeito, uma vez que você tenha escrito intercala1, você somente precisará mudar o "algo" que você faz com as cabeças para obter intercala2 e intercala3.

O predicado membro, na verdade, já vem predefinido em Prolog como member/3 (faça apropos (member) para verificar isto). Assim, você poderá usá-lo em seus exercícios daqui para frente.

Ex. 5 Escreva um predicado subconjunto/2 que recebe duas listas (de constantes) como argumentos e verifica se a primeira lista é um subconjunto da segunda. Exemplos:

```
?- subconjunto([3,1], [4,1,9,8,3]).
true
?- subconjunto([a,b], [b, d, e, f]).
false
```

Ex. 6 Escreva um predicado superconjunto/2 que recebe duas listas (de constantes) como argumentos e verifica se a primeira lista é um superconjunto da segunda. Exemplos:

```
?- superconjunto([4,1,9,8,3], [3,1]).
true
?- superconjunto([b,d,e,f], [a,b]).
false
?- superconjunto([a,f,b,e], [a,b,e,f]).
true
```

Ex. 7 Chamaremos uma lista de duplicada se ela é formada de dois blocos consecutivos de elementos que são exatamente os mesmos. Por exemplo, [a,b,c,a,b,c] é duplicada, pois ela é formada de [a,b,c]

seguida por [a,b,c]. Também é duplicada a lista[fu,ba,fu,ba]. Por outro lado, a lista [fu,ba,fu] não é duplicada. Escreva um predicado duplicada(Lista) que é verdadeiro quando Lista é uma lista duplicada.

Ex. 8 Um palíndromo é uma palavra ou frase que tenha a propriedade de poder ser lida tanto da direita para a esquerda quanto da esquerda para a direita da mesma forma. Por exemplo, "rodador", "ama" e "anilina" são palíndromos. Escreva um predicado palindromo(Lista) que verifica se Lista é um palíndromo. Alguns exemplos de consultas,

```
?- palindromo([r,o,d,a,d,o,r]).
true
?- palindromo([a,d,r,o,g,a,d,a,g,o,r,d,a]).
true
?- palindromo([e,s,s,e,n,a,o]).
false
```

Use o seu predicado para verificar se as frases abaixo são palíndromos.

- 1. Socorram-me, subi no onibus em Marrocos
- 2. Anotaram a data da maratona
- 3. A droga da gorda
- 4. A mala nada na lama
- 5. A torre da derrota

4 Exercícios envolvendo aritmética

Ex. 9 Como o Prolog responde às seguintes consultas?

```
1. X = 3*4.
```

- 2. X is 3*4.
- 3. 4 is X.
- 4. X = Y.
- 5. 3 **is** 1+2.
- 6. 3 is +(1,2).
- 7. 3 is X+2.
- 8. X is 1+2.
- 9. 1+2 **is** 1+2.
- 10. is (X,+(1,2)).
- 11. 3+2 = +(3,2).
- 12. *(7,5) = 7*5.
- 13. *(7,+(3,2)) = 7*(3+2).
- 14. *(7,(3+2)) = 7*(3+2).
- 15. *(7,(3+2)) = 7*(+(3,2)).

Ex. 10 Defina um predicado incrementa/2 que é verdadeiro somente quando o seu segundo argumento é um inteiro maior que seu primeiro argumento por uma unidade. Por exemplo,

```
?- incrementa(4,5).
true
?- incrementa(4,6).
false
```

Ex. 11 Defina um predicado soma/3 que é verdadeiro quando o seu terceiro argumento é a soma dos primeiros dois argumentos. Por exemplo,

```
?- soma(4,5,9).
true
?- soma(4,6,12).
false
```

Ex. 12 Escreva um predicado somaUm/2 cujo primeiro argumento é uma lista de inteiros e cujo segundo argumento é a lista dos inteiros obtidas somando-se 1 a cada inteiro na primeira lista. Uma possível consulta

```
?- somaUm([1,2,7,2],X).

X = [2,3,8,3].
```

- Ex. 13 Em aula discutimos o predicado maxAcum/3 que retorna o maior elemento em uma lista de inteiros. Modifique este código para criar o predicado minAcum/3 que retorna o menor elemento de uma lista de inteiros.
- Ex. 14 Em matemática, um vetor n-dimensional é uma lista de tamanho n de números. Por exemplo, [2, 5, 12] é um vetor tridimensional e [45, 27, 3, -4, 6] é um vetor 5-dimensional. Ouma das operações básicas sobre vetores é multiplicação escalar. Nesta operação, todos os elementos de um vetor são multiplicados por um número. Escreva um predicado multiEsc/3 cujo primeiro argumento é um inteiro, o segundo é uma lista de inteiros e o terceiro é o resultado da multiplicação escalar do segundo argumento pelo primeiro. Por exemplo,

```
?- multiEsc(3,[2,7,4],Resultado).

Resultado = [6,21,12]
```

Ex. 15 Uma outra operação fundamental sobre vetores é o produto escalar. Esta operação combina dois vetores de mesma dimensão e produz um número como resultado. Por exemplo, o produto escalar de [2,5,6] com [3,4,1] é 2*3 + 5*4 + 6*1, ou seja, 32. Escreva um predicado prodesc/3 cujo primeiro argumento é uma lista de inteiros, o segundo argumento é uma lista de inteiros com o mesmo comprimento que a primeira e o terceiro argumento é o produto escalar do primeiro argumento pelo segundo. Por exemplo,

```
?- prodEsc([2,5,6],[3,4,1],Resultado).
Resultado = 32
```

5 Mais predicados sobre listas

Ex. 16 Escreva um predicado remove(X,L,L1) que remove a primeira ocorrência do elemento X na lista L, resultando na lista L1.

```
?- remove(a,[a,b,a,c,a],L).

L = [b, a, c, a];

L = [a, b, c, a];

L = [a, b, a, c];

false.
```

Dica: estude a implementação do predicado membro/2 pois é muito parecido com esta.

Ex. 17 Use o predicado remove/3, definido no exercício anterior, para implementar o predicado insere(X,L,L1) que insere um elemento Xem alguma posição da lista L, resultando na lista L1.

```
?- insere(a,[b,c,d],L).
L = [a, b, c, d];
L = [b, a, c, d];
L = [b, c, a, d];
L = [b, c, d, a];
false.
```

5.1 Análise combinatória

Em análise combinatória lida-se a construção de diferentes agrupamentos formados por um número finito de elementos de uma dada coleção.

Os três tipos principais de agrupamentos são: arranjos, permutações e combinações. Cada um pode ser simples, com repetição ou circulares.

No que segue consideramos que a coleção dada possua m elementos e os grupos formados a partir dela sejam compostos por p elementos, com $p \le m$.

Arranjos

Os arranjos são agrupamentos formados com p elementos, (p < m) de forma que os p elementos sejam distintos entre si pela ordem. Em arranjos, a ordem dos elementos é importante.

No arranjo simples não ocorre a repetição de qualquer elemento em cada grupo de p elementos. Exemplo: para a coleção $\{a, b, c, d\}$, os arranjos simples desses 4 elementos tomados 2 a 2 são:

$$A_s = \{ab, ac, ad, ba, bc, bd, ca, cb, cd, da, db, dc\}$$

O número total de arranjos simples é dado pela fórmula

$$A_s(m,p) = \frac{m!}{(m-p)!}$$

Permutações

As permutações são agrupamentos com m elementos, de forma que os m elementos sejam distintos entre si pela ordem.

Na permutação simples tem-se agrupamentos com todos os m elementos distintos. Para exemplificar, considere a coleção $\{a, b, c\}$. As permutações simples desses 3 elementos são 6 agrupamentos que não podem ter a repetição de qualquer elemento em cada grupo. Todos os agrupamentos são dados abaixo:

$$P_s = \{abc, acb, bac, bca, cab, cba\}$$

O número total de elementos em uma permutação simples é

$$P_s(m) = m!$$

Combinações

Nas combinações formamos agrupamentos com p elementos, $(p \le m)$ de forma que os p elementos sejam distintos entre si apenas pela natureza dos elementos componentes. Na combinação, a ordem em que os elementos são tomados não é importante.

Na combinação simples não ocorre a repetição de qualquer elemento em cada grupo de p elementos. Exemplo: para a coleção $\{a, b, c, d\}$, as combinações simples desses 4 elementos tomados 2 a 2 são:

$$C_s = \{ab, ac, ad, bc, bd, cd\}$$

A fórmula para se calcular o número total de combinações simples é

$$C_s(m,p) = \frac{m!}{(m-p)!p!}$$

5.2 Análise combinatória em Prolog

O objetivo destes exemplos e exercícios é escrever vários predicados que lidem com a geração de agrupamentos da análise combinatória.

5.2.1 Permutação

Pode-se escrever um predicado permutação (L,P) que é verdadeiro se P é uma permutação simples dos elementos na lista L. Abaixo estão alguns exemplos de consultas:

```
?- permutacao([a,b,c],P).
P = [a, b, c];
P = [a, c, b];
P = [b, a, c];
P = [b, c, a];
P = [c, a, b];
P = [c, b, a];
false.
```

A definição deste predicado é

```
permutacao([],[]).
permutacao(Xs,[Y|Zs]):-
   remove(Y,Xs,Ys),
   permutacao(Ys,Zs).
```

Este predicado usa o predicado remove/3, do exercício 1, para extrair cada elemento de uma lista. Uma leitura declarativa do predicado permuta(Xs,P) é:

- Para permutar de uma lista vazia apresente outra lista vazia.
- Para permutar uma lista Xs, pegue uma lista que começe com algum elemento Y da lista Xs, remova Y de Xs, encontre uma permutação Zs da lista resultante Ys e depois coloque Zs como a cauda da permutação pedida.

Ex. 18 Crie consultas para responder às seguintes perguntas:

- (a) Quais os anagramas da palavra amor ¹?
- (b) Carlos e Rose têm três filhos: Sérgio, Adriano e Fabíola. Eles querem tirar uma foto de recordação na qual todos apareçam lado a lado. Quais são as diferentes fotos que poderão ser registradas?
- Ex. 19 Crie um predicado npermutações (M,N) que calcule o número total N de permutações possíveis em uma lista com M elementos. Use este predicado para calcular o número de diferentes permutações para os dois exercícios anteriores e verifique se todas elas foram geradas.

5.3 Combinação

Abaixo encontra-se a definição de um predicado combinação (P,L,C) que é verdadeiro se C é uma combinação simples de elementos da lista L tomados P a P.

```
combinacao(0,_,[]).
combinacao(N,[X|Xs],[X|Ys]):- N>0,
    N1 is N - 1,
    combinacao(N1,Xs,Ys).
combinacao(N,[_|Xs], Ys):- N>0,
    combinacao(N,Xs,Ys).
```

Alguns exemplos de consulta para este predicado:

```
?- combinacao(2,[a,b,c,d],C).
C = [a, b];
C = [a, c];
C = [a, d];
C = [b, c];
C = [b, d];
C = [c, d];
false.
```

- Ex. 20 Crie consultas para responder às seguintes perguntas:
 - (a) Uma escola possui 10 alunos atletas a_1, a_2, \ldots, a_{10} . Quais as diferentes equipes que podem ser formadas com 5 alunos?
 - (b) Pretende-se reformular o curso de Matemática Discreta. Para tal, será constituído um comitê com três professores da Faculdade de Matemática (de um total de nove: $\{m_1, m_2, \ldots, m_9\}$) e quatro professores da Faculdade de Computação (de um total de onze: $\{c_1, c_2, \ldots, c_{11}\}$). Quais são os diferentes comitês que podem ser formados?

Dica: pode ser necessário o uso de append/3.

Ex. 21 Crie um predicado ncombinações (M,P,N) que calcule o número total N de combinações simples possíveis em uma lista com M elementos, tomados P a P. Use este predicado para calcular o número de diferentes combinações para os dois exercícios anteriores e verifique se todas elas foram geradas.

5.3.1 Arranjos

Um arranjo simples de m elementos tomados p a p pode ser visto como um tipo de permutação simples envolvendo apenas p elementos de um total de m.

¹Um anagrama formado com as letras a, m, o, r corresponde a qualquer permutação dessas letras, de modo a formar ou não palavras.

Ex. 22 Use a ideia acima e, inspirado pela definição do predicado permutacao/2, crie um predicado arranjo (N,L,A) que é verdadeiro quando A é um arranjo simples com N elementos da lista L. Um exemplo de utilização é:

```
?- arranjo(2,[a,b,c,d],C).
C = [a, b];
C = [a, c];
C = [a, d];
C = [b, a];
C = [b, c];
C = [b, d];
C = [c, b];
C = [c, b];
C = [c, b];
C = [d, a];
C = [d, b];
C = [d, c];
false.
```

- Ex. 23 Crie consultas para responder às seguintes perguntas:
 - Quais os números de 3 algarismos que podem ser formados com os algarismos 1, 2, 3, 4, 5 e 7, sem repeti-los?
 - Suponha que temos oito corredores disputando uma corrida. O primeiro classificado recebe uma medalha de ouro, o segundo de prata e o terceiro de bronze. Admitindo que todas as classificações podem ocorrer, quais as distintas maneiras de se atribuir as medalhas?
- Ex. 24 Crie um predicado narranjos (M,P,N) que calcule o número total N de arranjos simples possíveis em uma lista com M elementos, tomados P a P. Use este predicado para calcular o número de diferentes arranjos para os dois exercícios anteriores e verifique se todos eles foram gerados.

6 Sugestões de leitura

• Luiz A. M. Palazzo. Introdução à programação Prolog

```
http://puig.pro.br/Logica/palazzo.pdf
```

• Eloi L. Favero. Programação em Prolog: uma abordagem prática

```
http://www3.ufpa.br/favero
```

• Wikilivro sobre Prolog em

```
http://pt.wikibooks.org/wiki/Prolog
```

• Patrick Blackburn, Johan Bos and Kristina Striegnitz. Learn Prolog Now!

```
http://www.learnprolognow.org
```