Exp: Contido, Subconjunto

$$\{a,b\}\subseteq \{b,a\}$$

 $\{a,b\}\subseteq \{a,b,c\}$
 $\{a,b\}\subset \{a,b,c\}$
 $\{1,2,3\}\subseteq \mathbb{N}$
 $\{1,2,3\}\subset \mathbb{N}$
 $\mathbb{N}\subseteq \mathbb{Z}$
 $\mathbb{N}\subseteq \mathbb{Z}$
 $\mathbb{N}\subseteq \mathbb{Z}$
 $\mathbb{O}\subseteq \{a,b,c\}$
 $\mathbb{O}\subseteq \mathbb{N}$
 $\mathbb{O}\subseteq \mathbb{N}$

Conjunto Universo

- conjunto especial e importante
- contém todos os conjuntos considerados
 - * define o "contexto de discussão"
 - * portanto, *não* é um conjunto fixo
- normalmente denotado por U
- definido o conjunto universo, para qualquer conjunto A

$$A \subseteq U$$

Conjuntos iguais

A e B são conjuntos iguais sse possuem os mesmos elementos

$$A = B$$
 se e somente se $A \subseteq B \in B \subseteq A$

Exp: Igualdade de Conjuntos

$$\{1, 2, 3\} = \{x \in \mathbb{N} \mid x > 0 \text{ e } x < 4\}$$

$$N = \{ x \in \mathbb{Z} \mid x \ge 0 \}$$

$$\{1, 2, 3\} = \{3, 3, 3, 2, 2, 1\}$$

- $\{1, 2, 3\} \subseteq \{3, 3, 3, 2, 2, 1\}$
- $\{3, 3, 3, 2, 2, 1\} \subseteq \{1, 2, 3\}$

Exp: Pertinência × Contido

É importante distinguir claramente entre pertinência e contido

Considere o conjunto $A = \{1, 2, 3, \emptyset, \{a\}, \{b, c\}\}$

```
\{1\} \notin A
\emptyset \in A
\{a\} \in A
\{b, c\} \in A
\{1, 2, 3\} \notin A
\emptyset \subseteq A
\{1\} \subseteq A
\{1, 2, 3\} \subseteq A
```