

Реализация алгоритма поиска путей с контекстно-свободными ограничениями для графовой базы данных Neo4j

Автор: Погожельская Влада Владимировна, 18.Б11-мм **Научный руководитель:** к. ф.-м. н., доцент Григорьев С. В.

Санкт-Петербургский государственный университет Кафедра системного программирования

06 июня 2020г.

Введение

- Подсчет количества треугольников в графе количество уникальных троек вершин u, v, w в неориентированном графе: $(u, v), (u, w), (v, w) \in E$, где E множество ребер графа
- Область применения: анализ социальных сетей (обнаружение сообществ и степени сплоченности между ними, коэффициент кластеризации и транзитивности)
- Для решения задачи применяются методы линейной алгебры

Цели и задачи

Целью данной работы является сравнительный анализ существующих на данный момент решений задачи подсчета количества треугольников, основанных на линейной алгебре **Задачи**:

- Выполнить обзор существующих решений задачи о подсчете количества треугольников, основанных на линейной алгебре
- Выполнить реализацию выбранного в результате обзора алгоритма подсчета количества треугольников в графе с помощью выбранной библиотеки
- Провести экспериментальное исследование реализованного алгоритма и уже существующих в выбранной библиотеке

Обзор существующих решений

- А матрица смежности входного графа
- U верхнетреугольная, L нижнетреугольная: A = L + U
- (*) умножение матриц, (.*) поэлементное умножение, (') транспонирование

Алгоритмы

- ullet Базовая версия матричного алгоритма $ntri=rac{1}{6}trace(A^3)$
- Burkhardt algorithm $ntri = \frac{1}{6}sum(sum((A^2).*A))$
- Cohen algorithm $ntri = \frac{1}{2} \sum_{j} (\sum_{i} ((L * U). * A))$
- Sandia algorithm $ntri = \sum_{j} (\sum_{i} ((U * U). * U))$
- SandiaDot algorithm $ntri = \sum_{j} (\sum_{i} ((L * U'). * L))$

Обзор существующих решений

Библиотеки

GraphBLAS — стандарт для разработки графовых алгоритмов в терминах линейной алгебры

- GraphBLAS Template Library (GBTL) реализация GraphBLAS для языка C++, поддерживающая реализация алгоритма Cohen
- **GraphBLAST** реализация GraphBLAS для GPU, алгоритм не может быть реализован
- SuiteSparse:GraphBLAS одна из самых полных реализаций стандарта, содержащая все вышеописанные алгоритмы подсчета количества треугольников, кроме базового

Выводы из обзора

- Вопрос о практической применимости базового алгоритма не исследован до конца
- В качестве библиотеки для реализации был выбран SuiteSparse

Алгоритм

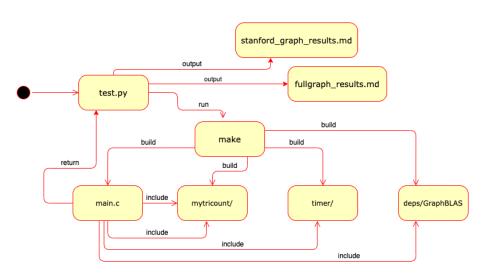
Дан неорграф G=(V,E), A — матрица смежности размера N imes N

- $A^n[i][j]$ количество различных путей в графе из i в j длины $\mathbf n$
- $A^3[i][i]$ количество треугольников, проходящих через вершину i
- Число треугольников в графе : $\frac{1}{6} trace(A^3)$

Особенности реализации с помощью SuiteSparse:GraphBLAS

- Функция перемножения двух разреженных матриц *GrB_mxm* использует полукольцо
- B SuiteSparse скалярное сложение в стандартном умножении матриц заменяется моноидом
- Полукольцо (GrB_Semiring) состоит из моноида и оператора «умножения», вместе эти операции определяют операцию матричного умножения
- В данной реализации был использован оптимизированный метод умножения матриц Gustavson's method

Архитектура решения



Сравнительный анализ

Результаты замеров на полных графах, время указано в секундах

N	Naive	Burkhardt	Cohen	Sandia	SandiaDot
10	< 0.001	< 0.001	< 0.001	< 0.001	< 0.001
50	0.002	< 0.001	< 0.001	< 0.001	< 0.001
100	0.002	0.002	< 0.001	< 0.001	< 0.001
200	0.014	0.017	0.002	0.001	0.003
300	0.048	0.021	0.007	0.004	0.011
400	0.112	0.048	0.017	0.010	0.025
500	0.217	0.107	0.033	0.017	0.048
600	0.392	0.167	0.064	0.029	0.082
700	0.611	0.261	0.089	0.045	0.134
800	0.924	0.402	0.144	0.067	0.201
900	1.356	0.589	0.203	0.094	0.284
1000	1.915	0.820	0.251	0.129	0.382

Сравнительный анализ

Результаты замеров на реальных графах, время указано в секундах

Name	$\begin{array}{c} \mathbf{nodes} \\ \times 10^6 \end{array}$	$\begin{array}{c} \mathbf{edges} \\ \times 10^6 \end{array}$	Naive	Burkhardt	Cohen	Sandia	SandiaDot
loc-brightkite_edges	0.06	0.21	5.880	0.050	0.030	0.018	0.016
amazon0302	0.40	2.35	2.220	0.111	0.063	0.034	0.035
roadNet-PA	1.09	1.54	0.351	0.045	0.075	0.053	0.032
amazon0505	0.41	2.44	28.143	0.480	0.270	0.095	0.111
soc-Epinions1	0.08	0.41	33.430	0.146	0.060	0.035	0.052
email-EuAll	0.27	0.36	NaN	0.333	0.111	0.019	0.040
loc-gowalla_edges	0.20	0.95	NaN	0.484	0.303	0.116	0.097
soc-Slashdot0902	0.08	0.50	50.605	0.168	0.075	0.039	0.057
soc-Slashdot0811	0.08	0.47	47.451	0.152	0.068	0.035	0.053

Результаты

Были выполнены следующие задачи:

- Выполнен обзор существующих решений задачи о подсчете количества треугольников, основанных на линейной алгебре, и использованных для этого инструментов
- Выполнена реализация выбранного алгоритма подсчета количества треугольников в графе с помощью библиотеки GraphBLAS: SuiteSparse
- Проведено экспериментальное исследование реализованного алгоритма и уже существующих в данной библиотеке