

## TAREFA

### Trabalho – Gauss

O ex-presidente, Nilo Peçanha, e a criação das Escolas profissionais de Aprendizes Artífices no contexto da Primeira República, em todo território brasileiro, que passou para Ginásial Industrial, que passou para Escola Técnica Federal, que passou para CEFET e atualmente passou para IFSP Instituto Federal de Educação Ciência de Tecnologia, conforme o Decreto do ex-Presidente.

#### Tema – MATRIZ

**Valor:** 1,0 (um)

**Data da entrega:** 22/08/2020

Objetivo:

- Aquisição das habilidades e competências de MATRIZ pelos discentes para facilitar a aprendizagem das habilidades e competências das disciplinas da área técnica;
- A habilidade é o saber fazer e resolver problemas com o silogismo;
- As competências são os saberes dos princípios dos objetos: noções, definições e os teoremas;
- Silogismo (raciocínio) é a técnica, habilidade, de resolver problemas aplicando as definições e os teoremas.

#### NOTA:

1 O meu objetivo não é complicar o ensino da matemática, vou procurar o máximo possível facilitar a aprendizagem da mesma, e quero que vocês me avisem se estão com dificuldades e se o ensino está complicado;

2 A tendência no mundo inteiro, é que o ensino remoto vai fazer parte do ensino presencial; e para o mundo empresarial e do trabalho, o remoto veio para ficar. Inclusive, a inteligência artificial vai revolucionar o ensino presencial, é questão de tempo.

#### APRESENTAÇÃO

##### AULA

##### MATRIZ

17/08/2020

**CALENDÁRIO.** Seja o mês de Agosto, 2020,

## AGOSTO - 2020

SEG	TER	QUA	QUI	SEX	SÁB	DOM
					1	2
3	4	5	6	7	8	9
10	11	12	13	14	15	16
17	18	19	20	21	22	23
24	25	26	27	28	29	30
31						

Podemos definir o calendário do mês de agosto como sendo uma tabela organizada.

Não há uma definição de matriz, mas podemos ver uma tabela, ter uma ideia, e chama-la de matriz, por exemplo, o mês de agosto e ter uma ideia de matriz organizada matematicamente.

A tabela do mês de agosto , como podemos ver, é uma tabela organizada pela matemática.

De maneira geral, uma  $m \times n$  matriz é uma tabela de elementos dispostos em  $m$  linhas e  $n$  colunas.

A matriz quadrada tem o mesmo número linhas e colunas.

A tabela é uma ferramenta usada pela humanidade, desde os primórdios dos tempos, pelos antiquíssimos Impérios de povos antigos.

- Quando você vai ao cinema, o caixa lhe mostra uma figura, da sala do cinema com as poltronas, para você escolher uma letra e um número, ambos localizam a posição da poltrona ;
- As poltronas da sala do cinema estão organizadas pela tabela MATRIZ matemática;
- Os Bancos organizam as contas bancárias, dos clientes, com a tabela MATRIZ, para saber a posição correta que se encontra o cliente nos seus 'bancos de dados';
- Os calendários são organizados por tabelas matriciais;
- Os computadores trabalham com a forma matricial para a localização dos dados, inclusive a Inteligência Artificial, AI;

Observe a tabela novamente, acima, com o preenchimento dos campos vazios.

AGOSTO - 2020

SEG	TER	QUA	QUI	SEX	SÁB	DOM
0	0	0	0	0	1	2
...3	4	5	6	7	8	9
10	11	12	13	14	15	16
17	18	19	20	21	22	23
24	25	26	27	28	29	30
31	0	0	0	0	0	0

Os humanos usam o emprego da tabela para organizar o calendário no formato de tabelas.

Analisando a tabela, Agosto-2020, temos 7 linhas horizontais e 7 colunas verticais.

O número 18 se encontra no cruzamento da linha 5 com a coluna 2. O elemento 18 se encontra com a precisão do cruzamento da horizontal com a vertical, (duas retas concorrentes se coincidem no ponto 18, que vem do axioma: coisas coincidentes são iguais).

### Exercício.

Construir uma tabela para o mês de abril/2020. Encontrar o número que se encontra no cruzamento da segunda linha com a sexta coluna.

A tabela tem um grande valor na precisão de localização de objetos, por exemplo, contas dos correntistas dos bancos, os mapas geográficos, GPS, endereços, etc.

Exemplos de matrizes,

$$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 7 & 8 \\ 9 & 11 \end{pmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 7 & 8 & 9 \\ -1 & 0 & 1 \\ 4 & 2 & 7 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} a & b & c & d \\ x & y & z & t \end{bmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 3 \\ 7 \\ 11 \end{vmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 5 \\ 7 \end{pmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 8 \\ 5 \\ 7 \\ 4 \\ 3 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \text{Joao} & \text{Maria} & \text{Claudia} \\ \text{Jose} & \text{Simone} & \text{Flavia} \end{bmatrix}$$

Exemplo - 1

Há várias formas de representar uma MATRIZ.

A tabela matriz é utilizada pelos humanos para várias finalidades, diversas e variedades das atividades humanas, por exemplo, trabalho, serviços, artes, ciência, etc.

Veremos como fica a representação de uma tabela, MATRIZ, genérica, matematicamente falando; seja o exemplo-2, abaixo,

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \end{pmatrix}_{2 \times 3}$$

Exemplo - 2

$a_{13}$  é o elemento que se encontra com precisão na primeira linha e na Terceira coluna;

$2 \times 3$  marca a ordem, o tamanho, da matriz: a tabela matriz tem 2 linhas e 3 colunas;

$a_{21} = a_{ij}$ , o elemento " $a_{21}$ " pode ser expresso, matematicamente, como  $a_{21} = a_{ij}$

$a_{ij}$ , isto é,  $i = \text{linha}$  e  $j = \text{coluna}$ ;

$2 \times 3 = m \times n$ , da mesma forma,  $m = \text{linha}$  e  $n = \text{coluna}$ ;

Em geral, matematicamente, a matriz geral fica assim, para todas as matrizes, com todas as suas posições precisas.

Exemplo

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & \dots & a_{2n} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & \dots & a_{3n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & a_{m3} & \dots & a_{mn} \end{bmatrix}_{m \times n}$$

Exemplo - 3

Pode ser abreviada, a matriz do Exemplo-2, que fica assim:  $A = [a_{ij}]_{m \times n}$ .

$$\forall i, i \in IN^* = \{1, 2, 3, 4, \dots, m\}$$

$$\forall j, j \in IN^* = \{1, 2, 3, 4, \dots, n\}$$

$\forall$  – significa qualquer que seja

### IGUALDADE DE MATRIZ

Dadas as matrizes "A" e "B", ambas podem ser iguais entre si, em conformidade com a mesma ordem de ambas.

EXEMPLO

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & \dots & a_{2n} \\ a_{31} & a_{31} & a_{33} & \dots & a_{3n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & a_{m3} & \dots & a_{mn} \end{bmatrix}_{m \times n}$$

e

$$B = \begin{bmatrix} b_{11} & b_{12} & b_{13} & \dots & b_{1n} \\ b_{21} & b_{22} & b_{23} & \dots & b_{2n} \\ b_{31} & b_{31} & b_{33} & \dots & b_{3n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ b_{m1} & b_{m2} & b_{m3} & \dots & b_{mn} \end{bmatrix}_{m \times n}$$

$$A = B$$

$$\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & \dots & a_{2n} \\ a_{31} & a_{31} & a_{33} & \dots & a_{3n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & a_{m3} & \dots & a_{mn} \end{bmatrix}_{m \times n} = \begin{bmatrix} b_{11} & b_{12} & b_{13} & \dots & b_{1n} \\ b_{21} & b_{22} & b_{23} & \dots & b_{2n} \\ b_{31} & b_{31} & b_{33} & \dots & b_{3n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ b_{m1} & b_{m2} & b_{m3} & \dots & b_{mn} \end{bmatrix}_{m \times n}$$

$$a_{23} = b_{23}$$

Exemplo - 4

Ambos os elementos, das referidas matrizes acima, são estritamente iguais, coincidentes.

## BIBLIOGRAFIA

IEZZI, volume 2

SITE: Khan academy

## Igualdade de MATRIZES

Definição	
-----------	--

Sendo  $A = [a_{ij}]_{m \times n}$  e  $B = [b_{ij}]_{m \times n}$  temos:

$$A = B \quad \Leftrightarrow \quad b_{ij} = a_{ij}, \quad \forall i, i \in \{1, 2, 3, 4, \dots, m\}, \quad \forall j, j \in \{1, 2, 3, 4, 5, \dots, n\}.$$

Duas matrizes são iguais, se somente se, os elementos de ambas são iguais entre si.

Do axioma, duas coisas são iguais, se ambas são coincidentes.

### Exercício

1 Construa uma matriz de ordem 5x3.

2 Construa duas matrizes de ordem 2x5 e que sejam estritamente, identicamente, iguais.

3 Faça uma resenha crítica da definição de igualdade de matriz.

4 Faça uma resenha crítica desta apostila.