## ДЗ 1 по Методам Оптимизации.

## Соколов Игорь, группа 573

2 июня 2018 г.

1. 
$$r_k = \left\{ (0.707)^k \right\}_{k=1}^{\infty}$$

Solution. Тест корней:  $\alpha = \lim_{k \to \infty} \sup r_k^{1/k}$ 

$$\alpha = \lim_{k \to \infty} \sup \left(0.707^k\right)^{1/k} = 0.707$$

 $\Rightarrow \{r_k\}_{k=1}^{\infty}$ имеет линейную сходимость с константной  $\alpha=0.707$ 

2. 
$$r_k = \left\{ (0.707)^{2^k} \right\}_{k=1}^{\infty}$$

Solution. Тест отношений:  $\alpha = \lim_{k \to \infty} \frac{r_{k+1}}{r_k}$ 

$$\lim_{k \to \infty} \frac{(0.707)^{2^{k+1}}}{(0.707)^{2^k}} = \lim_{k \to \infty} \frac{\exp \ln (0.707)^{2^{k+1}}}{\exp \ln (0.707)^{2^k}} = \lim_{k \to \infty} \frac{\exp (2^{k+1} \ln (0.707))}{\exp (2^k \ln (0.707))} = \lim_{k \to \infty} \exp (2^k \ln (0.707)) = 0 \quad (1)$$

 $\ln 0.707 < 0$ 

 $\Rightarrow \{r_k\}_{k=1}^{\infty}$  имеет сверхлинейную сходимость.

3. 
$$r_k = \left\{ \frac{1}{k^2} \right\}_{k=1}^{\infty}$$

Solution. Тест отношений:  $\lim_{k \to \infty} \frac{k^2}{(k+1)^2} = 1$ 

 $\Rightarrow \{r_k\}_{k=1}^{\infty}$  имеет сублинейную сходимость.

$$4. r_k = \left\{\frac{1}{k!}\right\}_{k=1}^{\infty}$$

Solution. Тест отношений:  $\lim_{k\to\infty}\frac{k!}{(k+1)!}=\lim_{k\to\infty}\frac{1}{k+1}=0$   $\Rightarrow \{r_k\}_{k=1}^\infty$  имеет сверхлинейную сходимость.

5. 
$$\begin{cases} \frac{1}{k}, & \text{if } k \text{ is even} \\ \frac{1}{k^2}, & \text{if } k \text{ is odd} \end{cases}$$

Solution. Тест отношений:  $\lim_{k\to\infty}\inf\frac{r_{k+1}}{r_k}=\lim_{k\to\infty}\frac{k^2}{(k+1)^2}=1$   $\Rightarrow \{r_k\}_{k=1}^\infty$  имеет сублинейную сходимость.

6. 
$$\begin{cases} \frac{1}{k_1^k}, & \text{if } k \text{ is even} \\ \frac{1}{k^{2k}}, & \text{if } k \text{ is odd} \end{cases},$$

Solution. Тест корней:  $\lim_{k\to\infty}\sup r_k^{1/k}=\lim_{k\to\infty}\frac{1}{k}=0$   $\Rightarrow \{r_k\}_{k=1}^\infty$  имеет сверхлинейную сходимость.

$$\frac{d^{|\alpha|}(u)}{(d\xi_1)^{(\alpha_1)}(d\xi_2)^{(\alpha_2)}...(d\xi_n)^{(\alpha_n)}}$$