

онлайн-курс

СПЕЦИАЛЬНЫЕ АРХИТЕКТУРЫ НЕЙРОННЫХ СЕТЕЙ

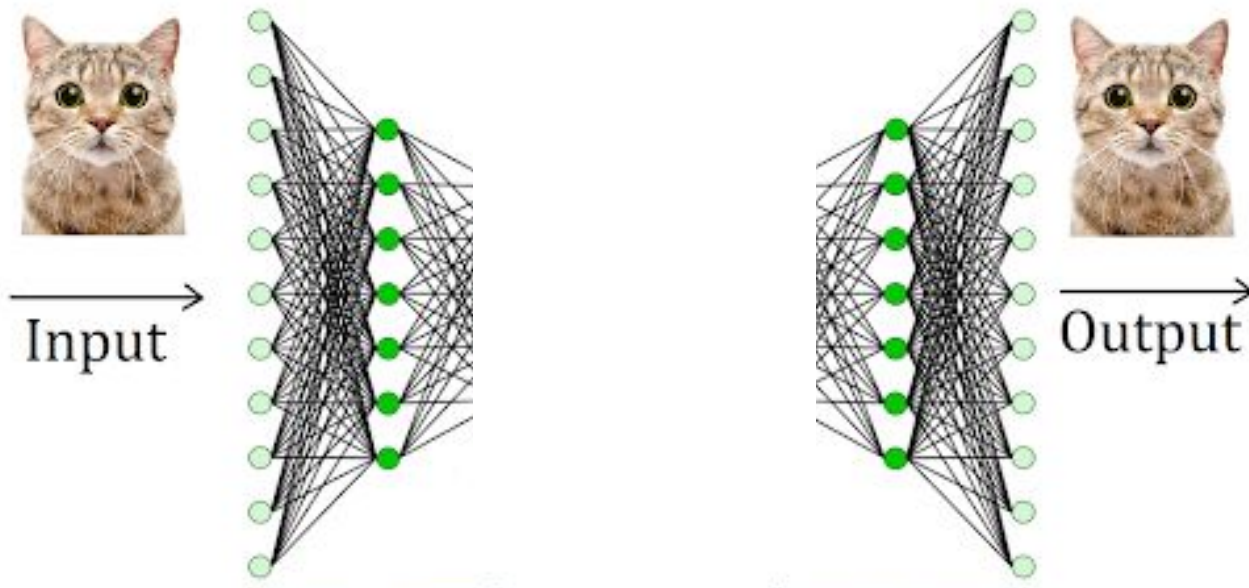
(с) ОмГТУ, 2022

Автокодировщики (АК)

**Сделать из конфетки...
конфетку**

Постановка задачи

Давайте замутим НС, которая должна выдать ответ, в точности равный входу (вход и выход не обязательно могут быть картинками).



А зачем это надо?

Неужели так сложно подобрать веса НС, чтобы она осуществляла бы тождественное преобразование. То есть ее функция равна $F_{NN}(x)=x$.

Конечно, сделать так, чтобы внутренние нейроны перенесли всю информацию от начала к концу НС, не сложно.

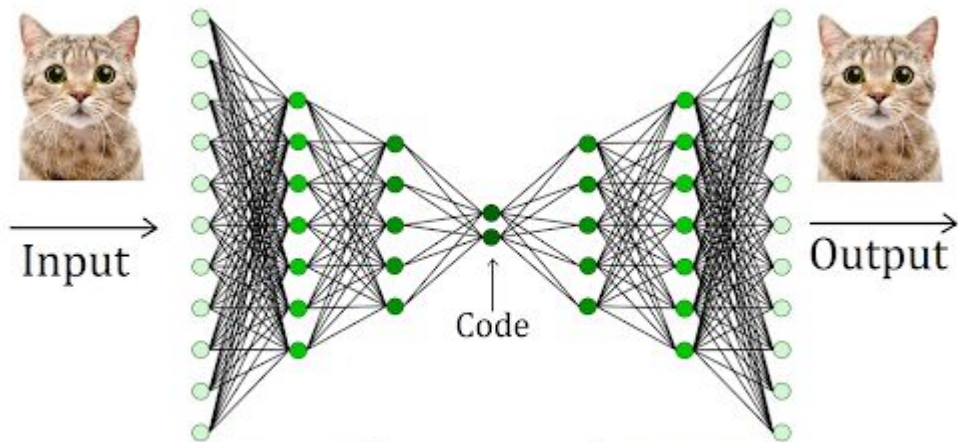
А мы возьмём и усложним жизнь нашей НС!



Бутылочное горлышко

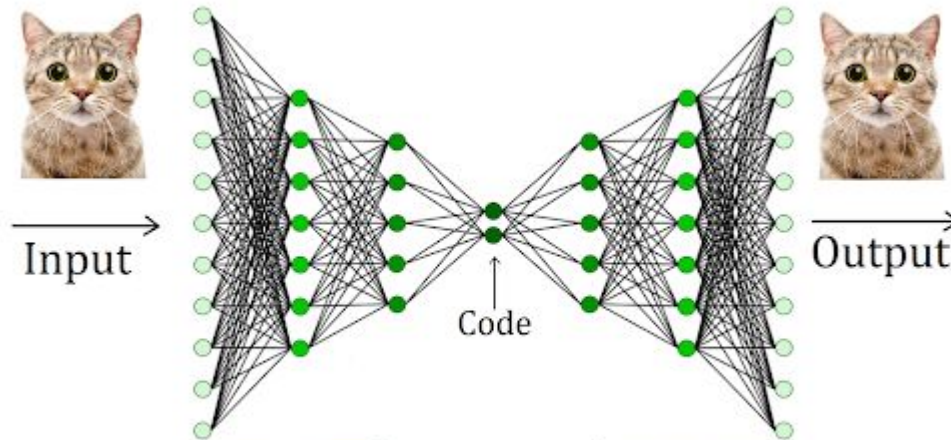
А давайте сделаем специально слой в центре НС очень узким, то есть число нейронов на этом слое меньше размерности входа (выхода) НС.

Что это даст?



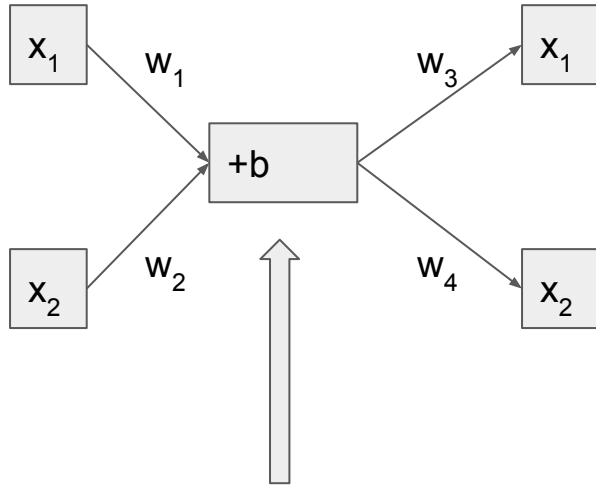
Бутылочное горлышко — смысл

Мы **заставляем** НС находить в объекте самую важную информацию и только ее передавать через бутылочное горлышко.



Пример: данные с зависимостями

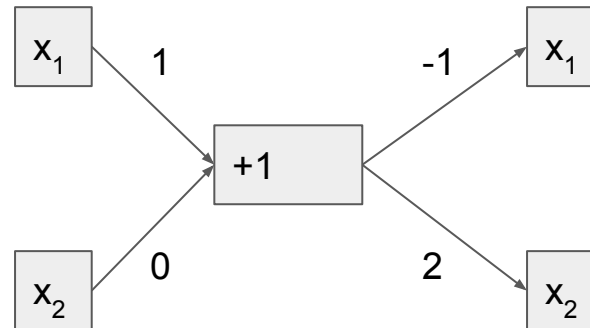
тренировочная выборка



бутылочное горлышко

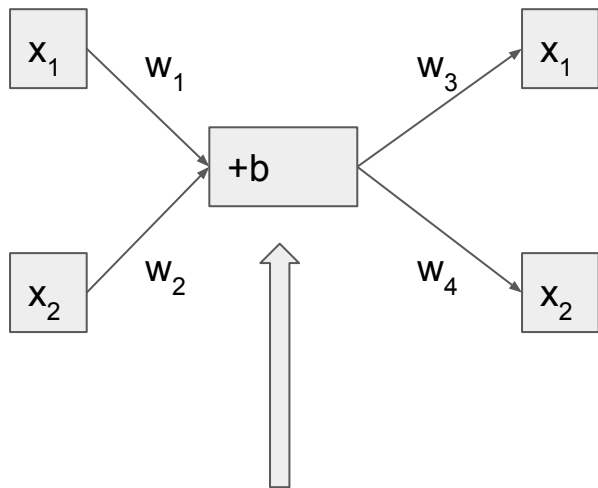
x_1	x_2
1	4
2	6
3	8
4	10

На данной ТВ НС натренируется
следующим образом



Пример: сложная зависимость

тренировочная выборка



бутылочное горлышко

x_1	x_2
0	0
1	1
2	4
3	9

Как подобрать оптимальные веса автокодировщика?

Для этого нужно составить **функцию потерь автокодировщика!**

Функция потерь автокодировщика

Если на вход АК подается вектор чисел $x=(x_1,...,x_n)$, то функция сети $F_{NN}(x)$ — это тоже вектор $F_{NN}(x)=(F_1(x),...,F_n(x))$.

То есть

число x_1 превращается в число $F_1(x)$,

число x_2 превращается в число $F_2(x)$,

...

число x_n превращается в число $F_n(x)$.

Составим квадрат разности чисел x_i и того, во что они превратились.

Просуммируем:

$L(x)=(F_1(x)-x_1)^2+(F_2(x)-x_2)^2+...+(F_n(x)-x_n)^2$ — **потери на кодировке объекта x**

Функция потерь автокодировщика

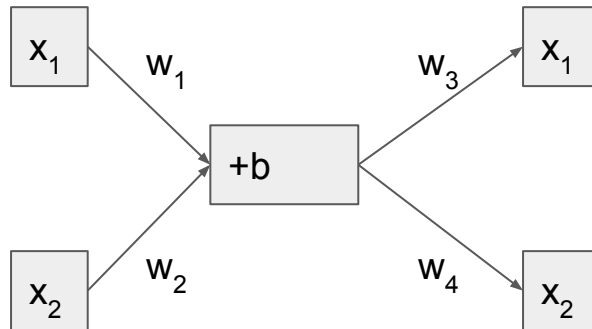
А чтобы получить функцию потерь для всей ТВ, необходимо **просуммировать потери всех объектов ТВ**. В нашем примере имеем:

Функция сети для входа $x=(x_1, x_2)$ равна $F_{NN}(x)=(F_1(x), F_2(x))$, где
 $F_1(x)=(w_1x_1+w_2x_2+b)w_3$ $F_2(x)=(w_1x_1+w_2x_2+b)w_4$

Потери на первом объекте равны:

$$((w_1 0 + w_2 0 + b)w_3 - 0)^2 + ((w_1 0 + w_2 0 + b)w_4 - 0)^2 = (bw_3)^2 + (bw_4)^2$$

Потери всех объектов из ТВ
занесём в таблицу.



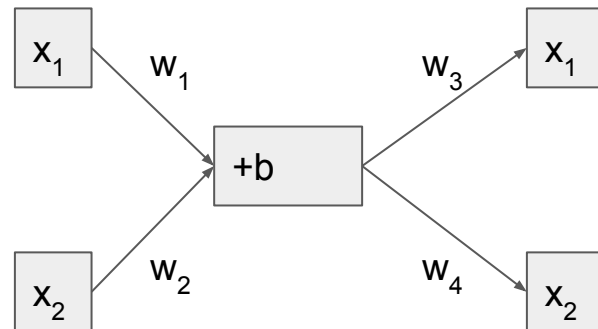
x_1	x_2
0	0
1	1
2	4
3	9

Функция потерь автокодировщика

x_1	x_2	Потери
0	0	$((w_1*0+w_2*0+b)w_3-0)^2+((w_1*0+w_2*0+b)w_4-0)^2$
1	1	$((w_1*1+w_2*1+b)w_3-1)^2+((w_1*1+w_2*1+b)w_4-1)^2$
2	4	$((w_1*2+w_2*4+b)w_3-2)^2+((w_1*2+w_2*4+b)w_4-4)^2$
3	9	$((w_1*3+w_2*9+b)w_3-3)^2+((w_1*3+w_2*9+b)w_4-9)^2$

Итоговая функция потерь равна сумме:

$$L(w) = ((w_1*0+w_2*0+b)w_3-0)^2 + ((w_1*0+w_2*0+b)w_4-0)^2 + ((w_1*1+w_2*1+b)w_3-1)^2 + ((w_1*1+w_2*1+b)w_4-1)^2 + ((w_1*2+w_2*4+b)w_3-2)^2 + ((w_1*2+w_2*4+b)w_4-4)^2 + ((w_1*3+w_2*9+b)w_3-3)^2 + ((w_1*3+w_2*9+b)w_4-9)^2$$

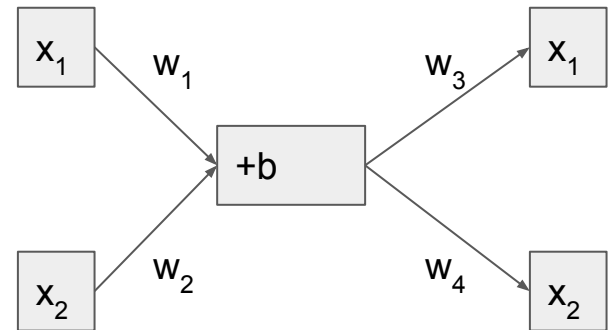


Функция потерь автокодировщика

Итоговая функция потерь равна сумме:

$$\begin{aligned} L(w) = & ((w_1 * 0 + w_2 * 0 + b)w_3 - 0)^2 + ((w_1 * 0 + w_2 * 0 + b)w_4 - 0)^2 + \\ & + ((w_1 * 1 + w_2 * 1 + b)w_3 - 1)^2 + ((w_1 * 1 + w_2 * 1 + b)w_4 - 1)^2 + \\ & + ((w_1 * 2 + w_2 * 4 + b)w_3 - 2)^2 + ((w_1 * 2 + w_2 * 4 + b)w_4 - 4)^2 + \\ & + ((w_1 * 3 + w_2 * 9 + b)w_3 - 0)^2 + ((w_1 * 3 + w_2 * 9 + b)w_4 - 9)^2 \end{aligned}$$

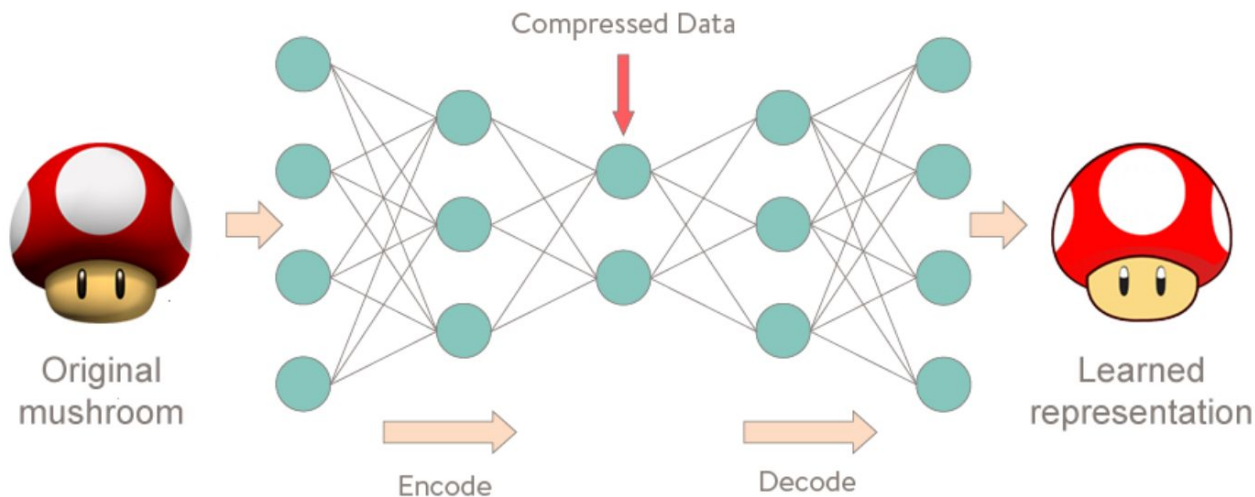
Осталось найти минимум
этой функции с помощью ГС.



Зачем они нужны?

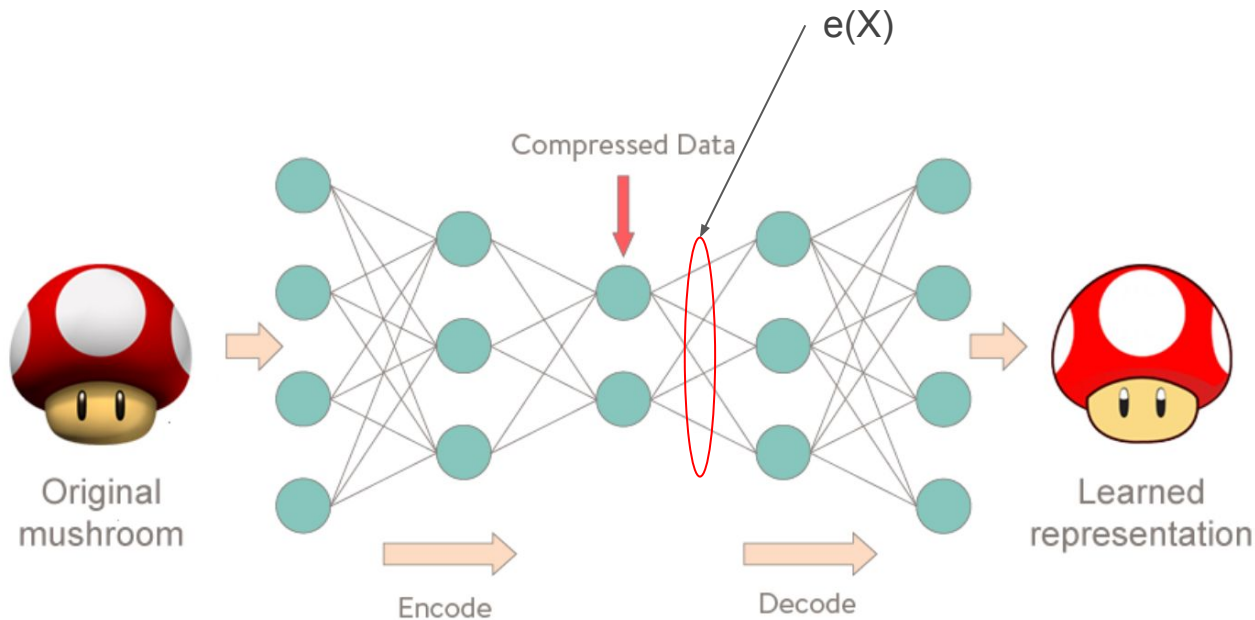
Название частей АК

- кодирующая часть
- бутылочное горлышко (слой сжатия)
- декодирующая часть



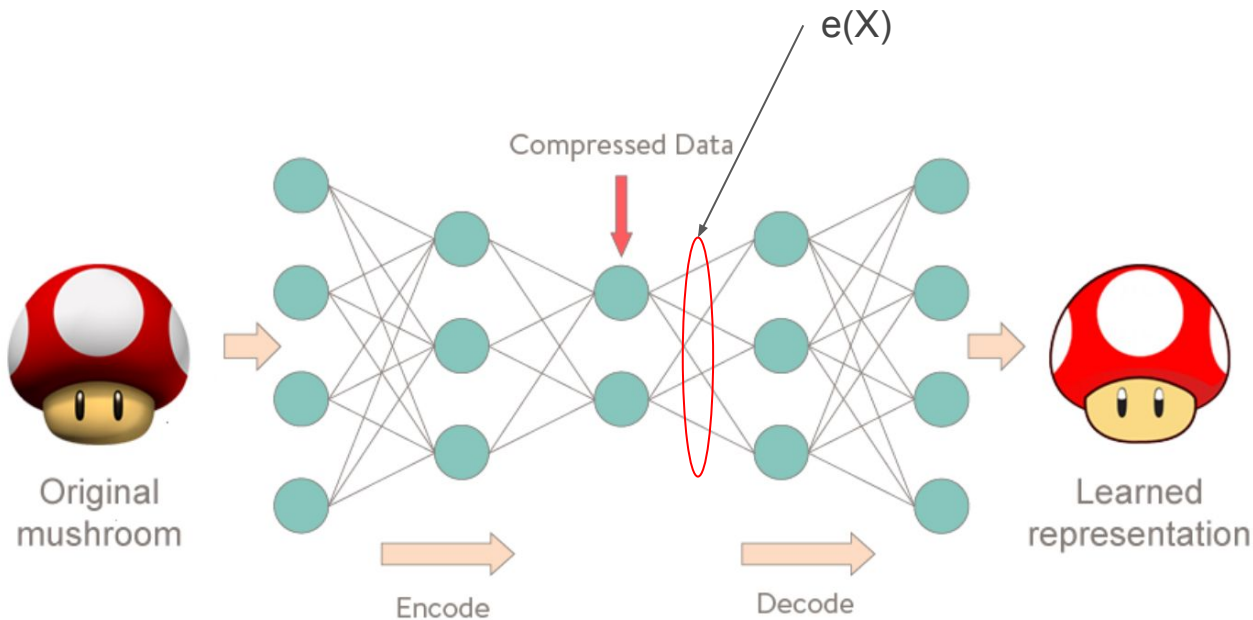
Важная идея: АК превращает объект X...

... на входе НС в числовой вектор $e(X)$ — вектор значений, выходящих из нейронов бутылочного горлышка.



Важная идея: АК превращает объект X...

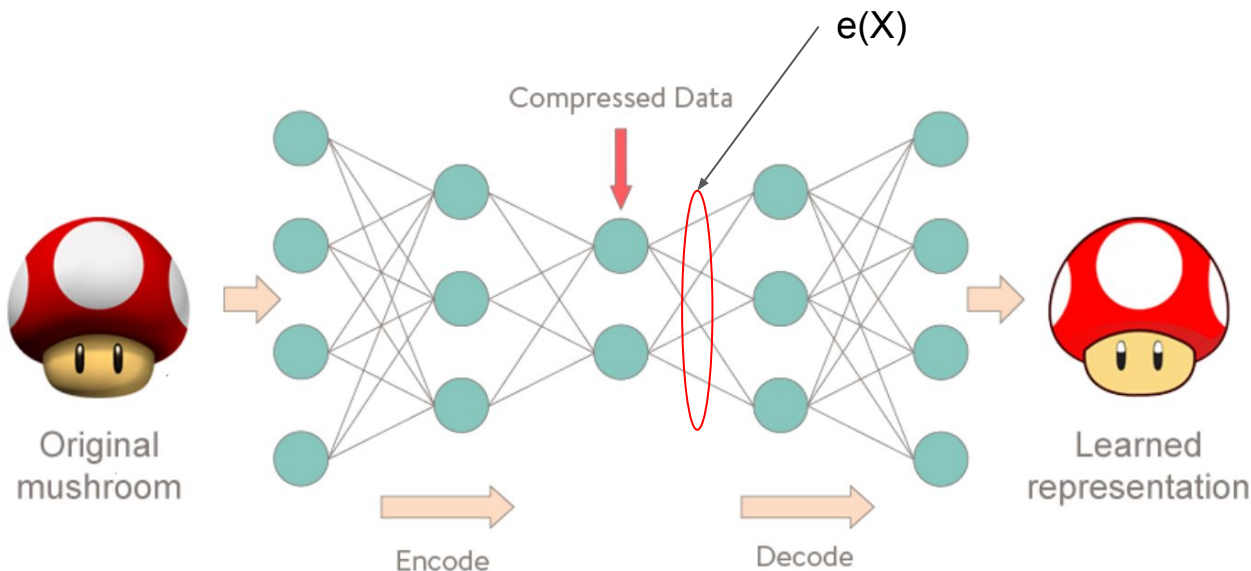
То есть, если бутылочное горлышко состоит из N нейронов, то объект X будет представлен в виде **вектора $e(X)$** длины N .



Важная идея: АК превращает объект X...

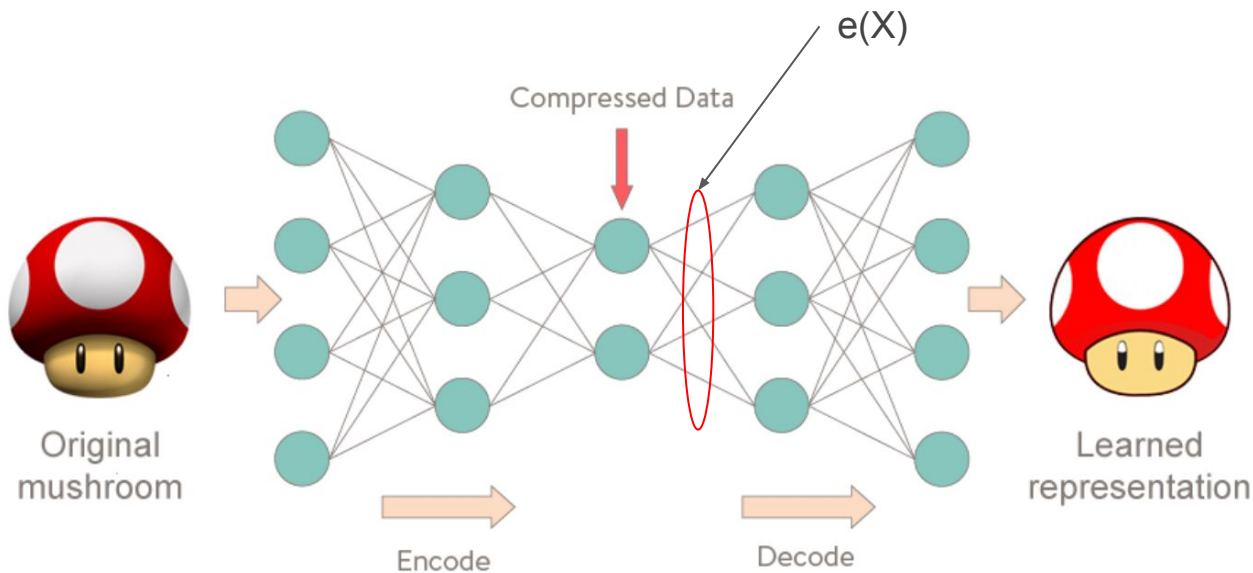
Идея превращать сложные объекты в числовые вектора очень важна в ML.

Это называется **embedding** (или числовым представлением).



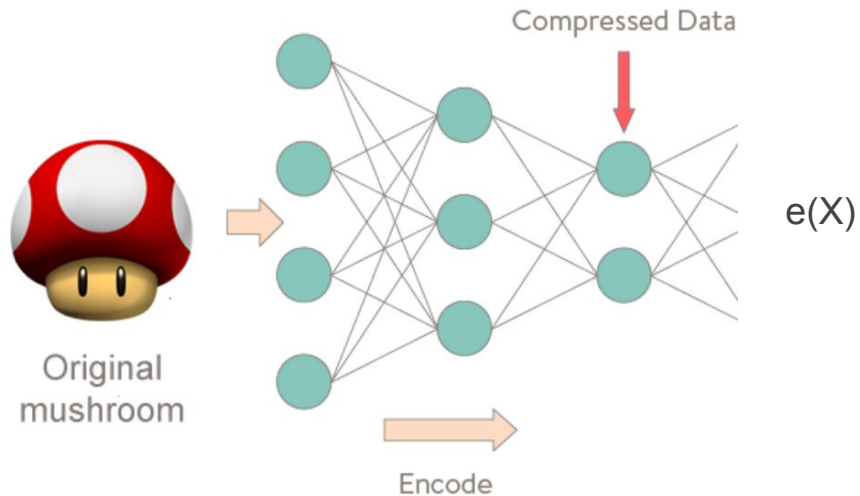
Важная идея: АК превращает объект X...

Embedding с помощью АК обладает одним **важным свойством**: похожие объекты X_1 , X_2 будут закодированы близкими друг к другу векторами $e(X_1)$, $e(X_2)$.



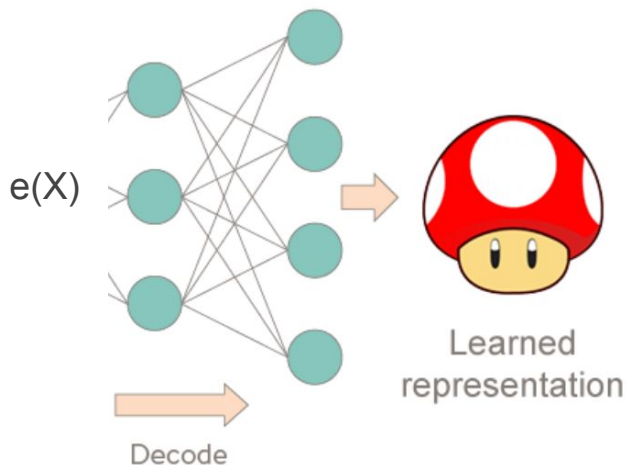
Первое применение АК: архиватор

Объект X превращаем в вектор $e(X)$ и храним его вместо объекта X .



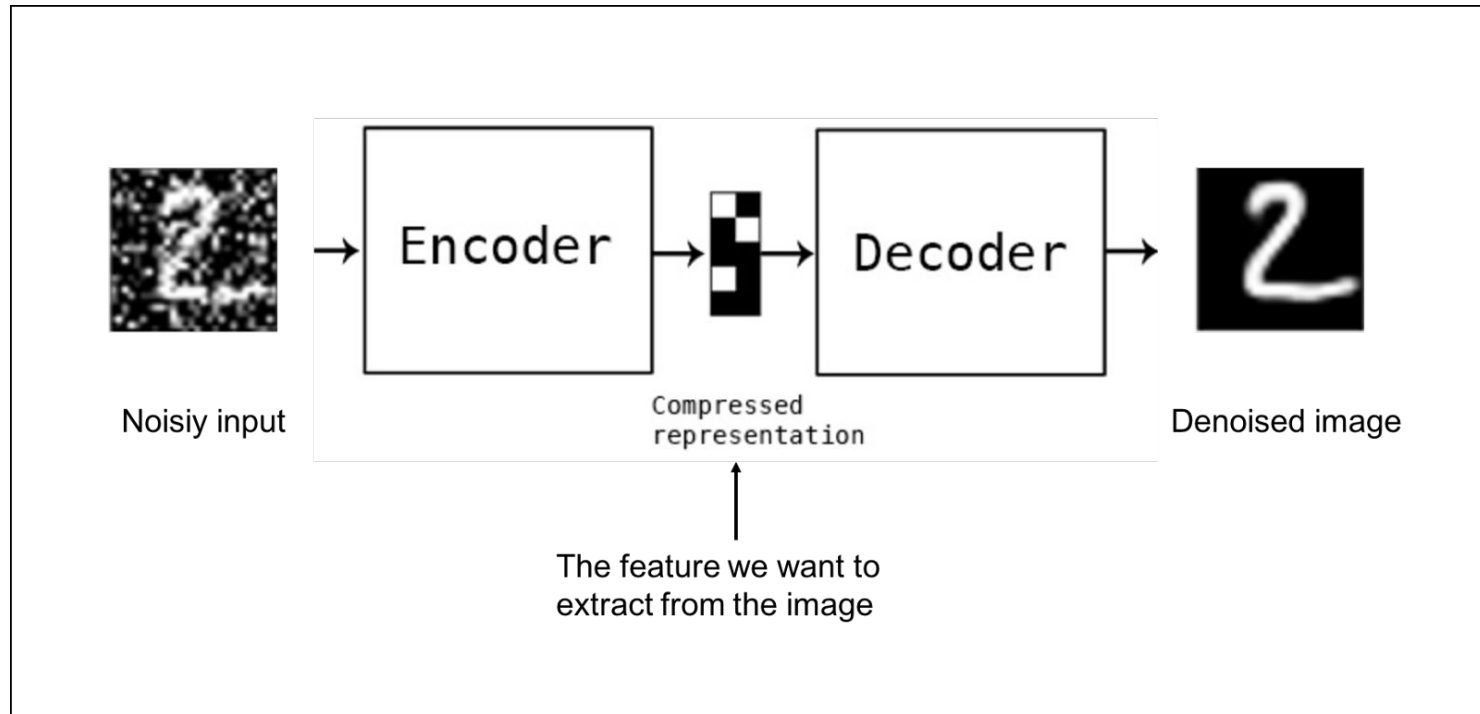
Первое применение АК: архиватор

Когда нам нужно восстановить объект X , то мы подаём вектор $e(X)$ декодирующей части АК:



Второе применение: подавление шумов

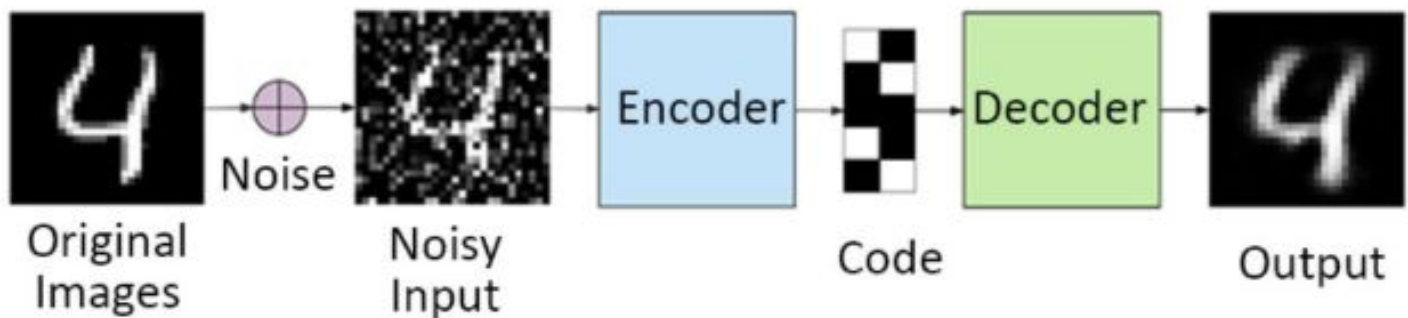
Изображение нужно очистить от шума. Но как натренировать АК?



Второе применение: подавление шумов

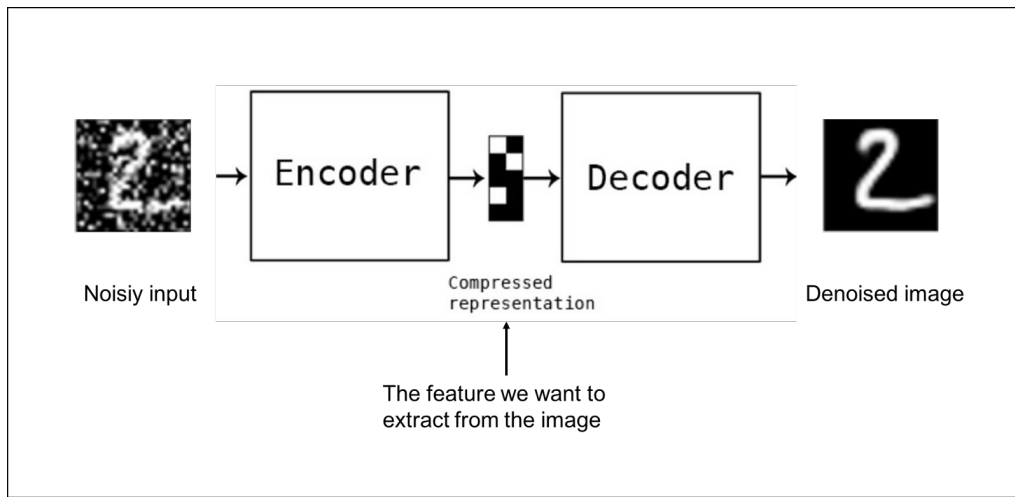
Тренировка АК: берём изображение X , генерируем случайный шум, получаем зашумлённое изображение X' .

Тренируем АК на парах (X', X) .



Второе применение: подавление шумов

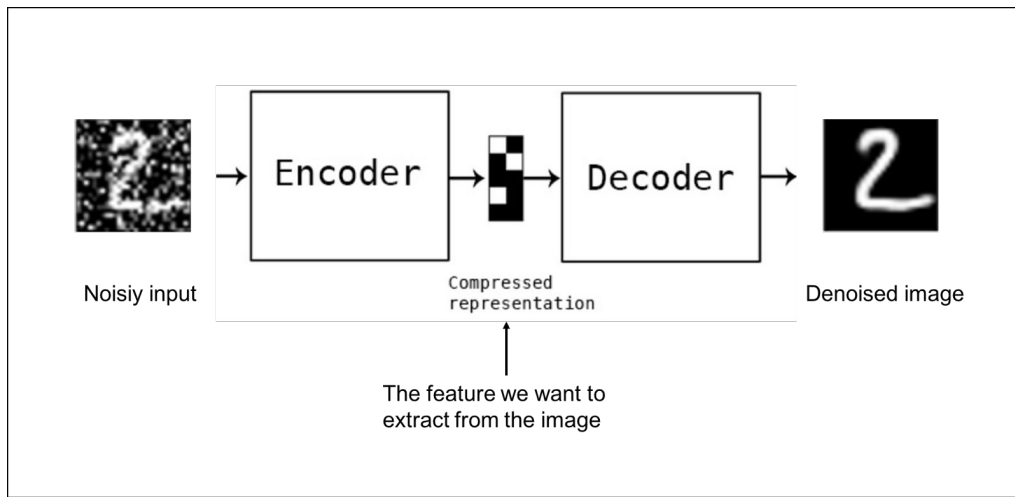
Итак, АК натренирован. Теперь ему на вход поступает зашумлённое изображение с неизвестным ответом. Мы его просто пропускаем через АК, и на выходе будет очищенное от шума изображение.



Второе применение: подавление шумов

Почему это работает?

АК понимает, что протащить всю информацию об изображении через бутылочное горлышко не получится, и поэтому через горлышко проходят только самые существенные части изображения, а всё случайное (шум) — отсеивается.



Третье применение: помощь в классификации

В задачах классификации НС необходимо предсказать **метку класса** у объекта. Грубо говоря, НС пытается угадать, что изображено на картинке. Такая НС тренируется на размеченной (тренировочной) выборке.

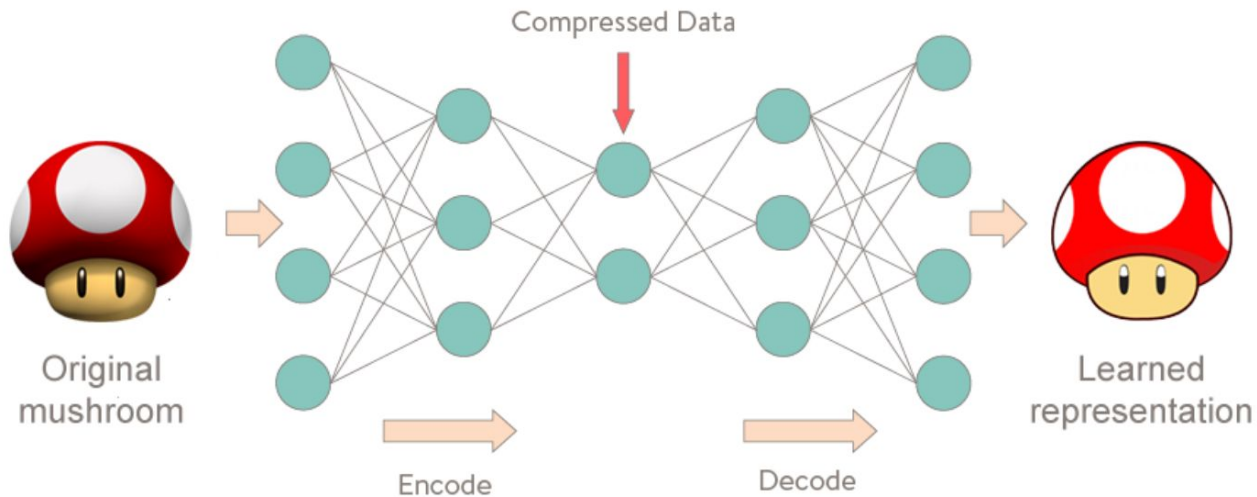
Размеченная выборка — это выборка объектов, для которых известен их точный класс. К сожалению, эта выборка может быть недостаточно хорошей по следующим причинам:

- **Размер выборки** — объектов в выборке слишком мало для качественного обучения НС
- **Дорогостоящая разметка** — разметить выборку крайне тяжело, так как для этого необходимо разметить достаточно много качественных исходных данных (к примеру, рентгеновских снимков) и найти специалистов, которые корректно сделают разметку (например, высококвалифицированных рентгенологов).

Как тут помогут АК?

Третье применение: помощь в классификации

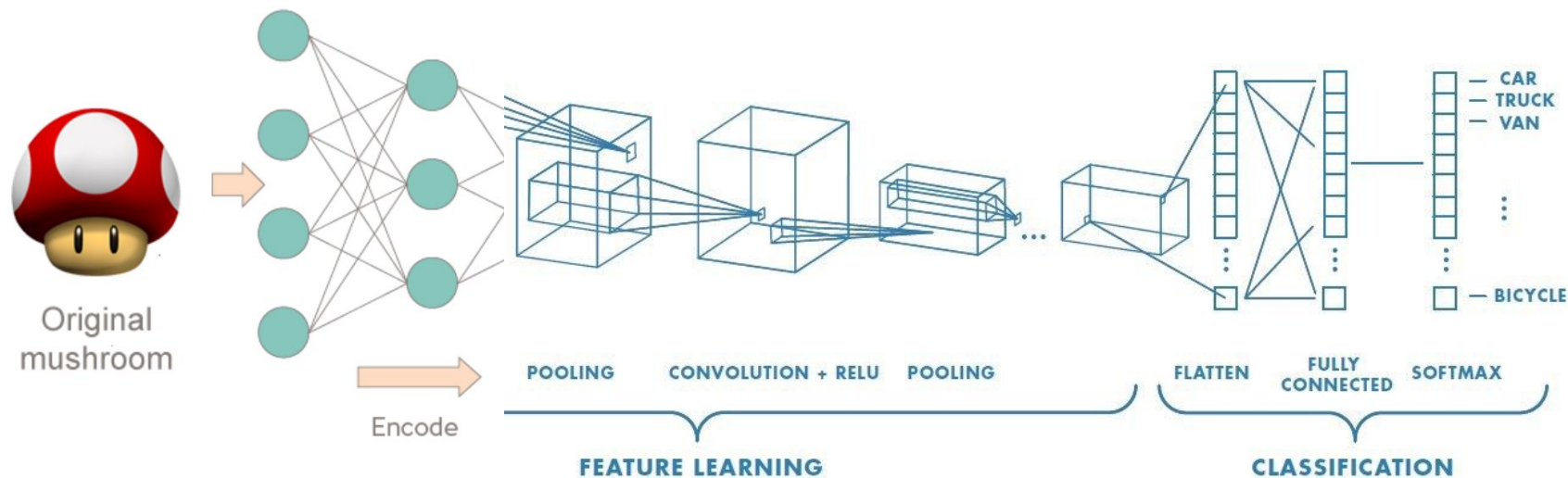
Пусть у нас небольшая размеченная выборка, но много неразмеченных картинок. Пусть P_1, \dots, P_n — множество неразмеченных картинок. Мы по парам $(P_1, P_1), \dots, (P_n, P_n)$ тренируем АК.



Третье применение: помощь в классификации

После этого оставляем от АК кодирующие слои и добавляем новые слои для распознавания изображений.

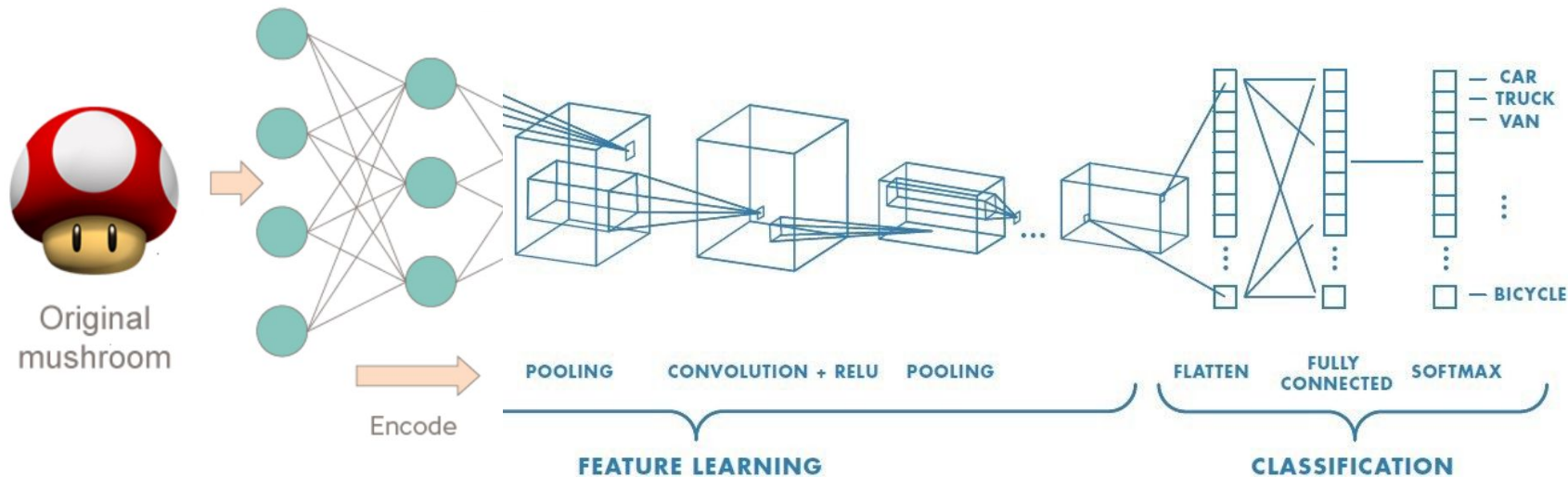
Получается такая сеть-монстр.



Третье применение: помощь в классификации

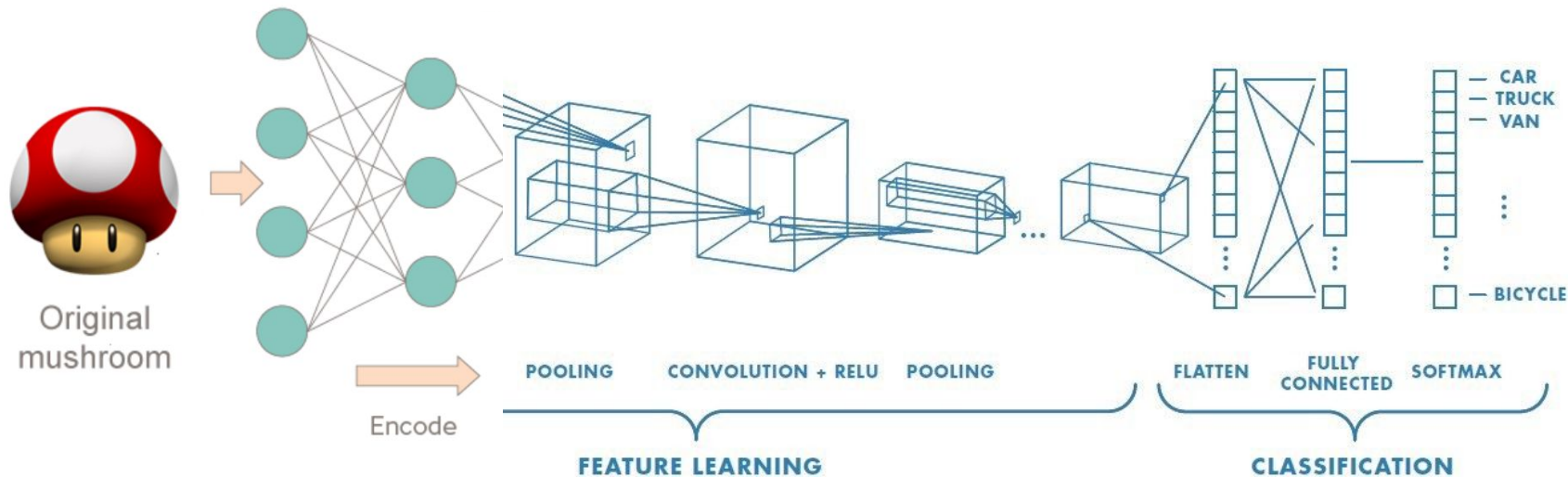
Теперь по размеченной выборке тренируем сеть-монстра.

Важно: веса между нейронами АК «заморожены», то есть они уже **не меняются**.



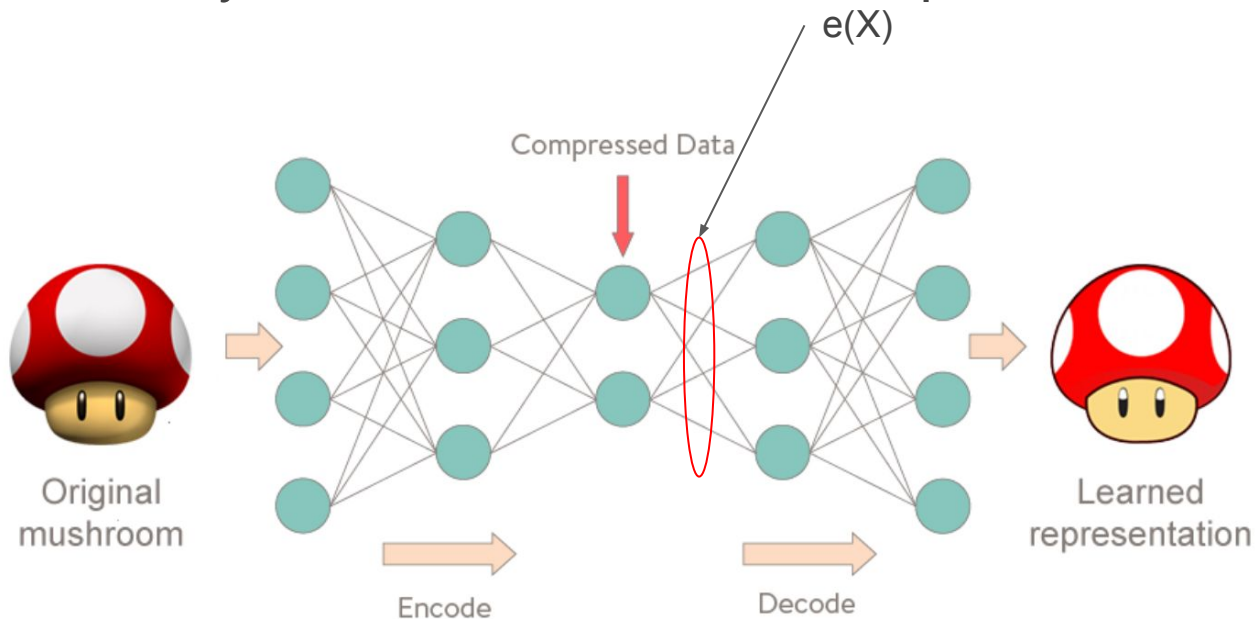
Третье применение: помощь в классификации

АК реально помогают решать задачу классификации. Можно иметь порядка тысяч неразмеченных изображений и несколько десятков размеченных. И тем не менее данный подход позволит правильно всё классифицировать.



Четвёртое применение: генерация новых изображений

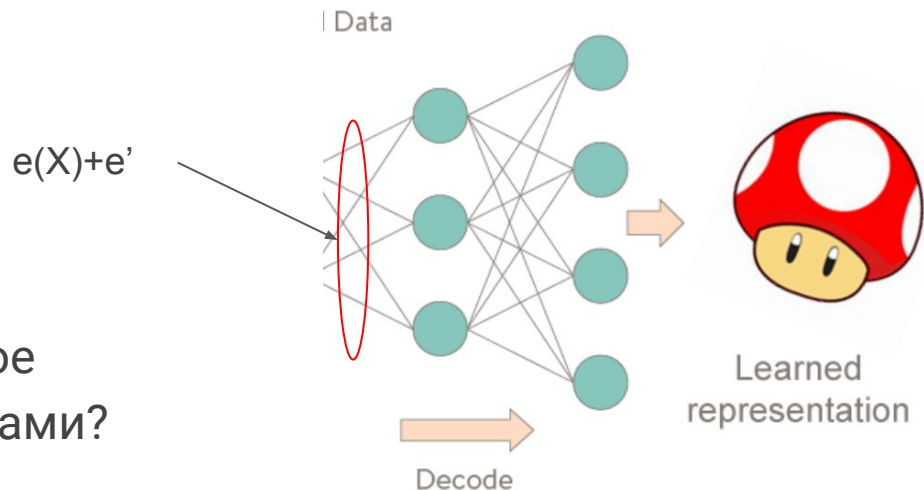
Мы знаем, что бутылочное горлышко АК изображение X превращает в вектор $e(X)$. А потом вектор $e(X)$ проходит через слой декодирования и получается похожее на X изображение.



Четвёртое применение: генерация новых изображений

Мы можем слегка менять вектор $e(X)$ перед отправкой его в декодирующую часть (подаём вектор $e(X)+e'$). В этом случае и итоговое изображение будет отлично от X . Степень похожести сгенерированного изображения на оригинал X определяется величиной сдвига e' .

А вот как менять вектор $e(X)$ осмысленно, чтобы получалось новое изображение с требуемыми свойствами?



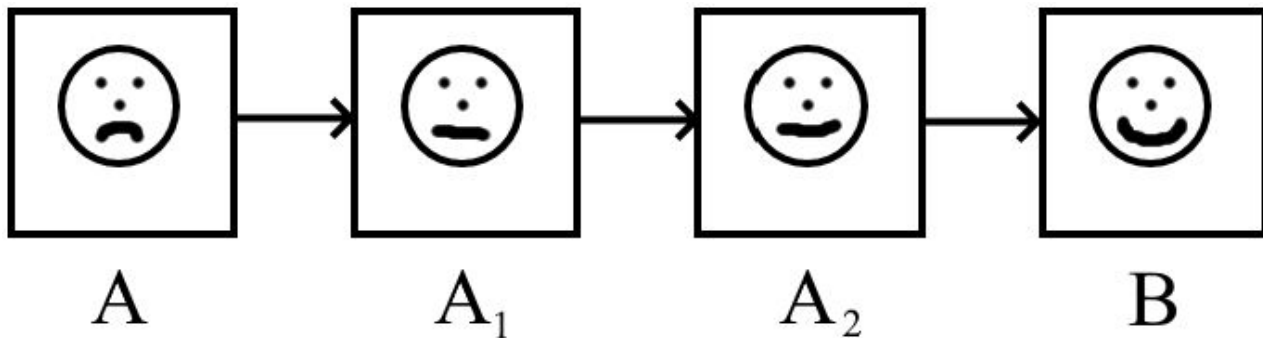
Генерация промежуточных изображений

Если бутылочное горлышко АК превращает изображения A,B в вектора $e(A)$, $e(B)$, то для генерации промежуточного изображения можно взять вектор «между ними».

Промежуточный вектор задаётся формулой:

$$\alpha e(A) + (1 - \alpha)e(B),$$

где α — число из интервала $(0,1)$.



Выделение отдельных признаков

Допустим, что мы хотим добавлять улыбку (очки, бороду...) на фото людей.

Для этого мы прогоним через АК фото всех улыбающихся людей и получим соответствующие им вектора $e(X)$. **Вот это облако точек**

Прогоним через АК фото грустных людей.

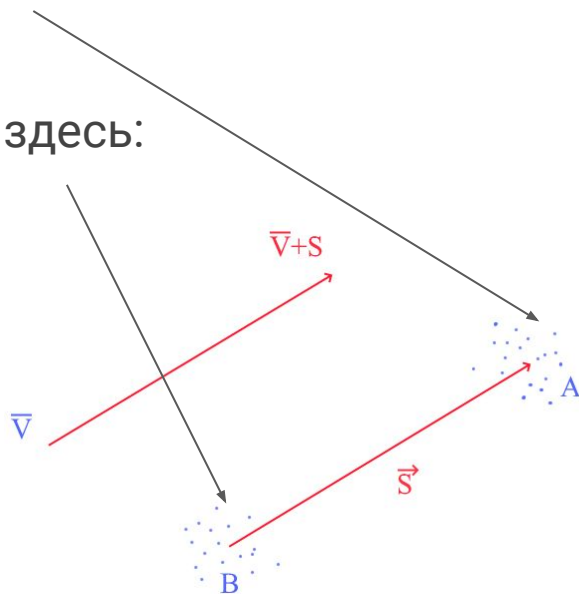
Соответствующее им **облако векторов $e(X)$** находится здесь:

Найдём центр у каждого облака. Соединим центры вектором S .

Ну вот и все:

вектор S — вектор, отвечающий за улыбку.

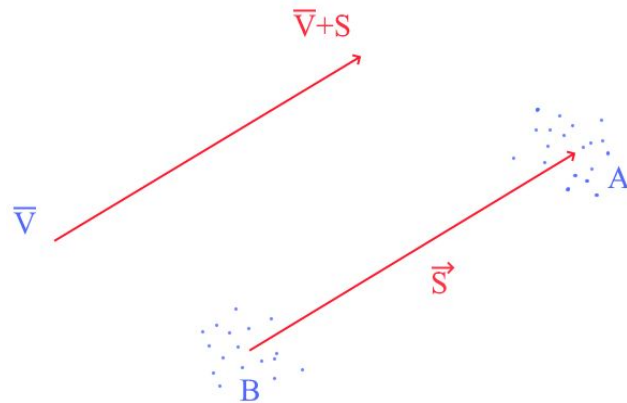
Как им пользоваться?



Выделение отдельных признаков

Пусть нам надо наложить улыбку на грустное фото. Бутылочное горлышко АК превращает это фото в вектор $e(X)$.

Добавляем к нему вектор S . Оказывается, что вектор $e(X)+S$ при пропуске через декодирующую часть АК даст фото того же самого человека, но с улыбкой.



Выводы

- Мы рассмотрели архитектуру автокодировщика и показали процесс его тренировки.
- Было рассмотрено несколько приложений автокодировщиков в задачах анализа данных.
- Были рассмотрены методы генерации новых изображений и переноса стиля с помощью автокодировщиков.