

Сегментация изображений

Постановка задачи

В чём проблема?

Для каждого пиксела картинки нужно указать, какому объекту он принадлежит. Также нужно указать класс каждого объекта на картинке.



Сегментация = классификация

В сегментации мы фактически классифицируем пиксели в сегментированном изображении. Например, в указанной картинке каждый пиксел отнесен к одному из следующих классов: автомобили, трамваи, знаки и светофоры, пешеходы, тротуар, дорога, прочее...



Что сложнее: сегментация или классификация?

С одной стороны, сегментация сложнее, поскольку мы классифицируем каждый пиксел, а не картинку в целом.

С другой стороны, мы не обязаны каждый пиксел классифицировать в точности. Главное, чтобы контуры объектов в основном совпадали с реальными.

Простой способ

Нужно **свести** задачу сегментации к задаче **распознавания изображений**. Для этого берём большую СНС (например, VGG), которая может распознавать объекты из тысячи классов.

Далее **для каждого пиксела** Р изображения выполняем следующие действия:

1) Строим S — квадратик небольшого размера с центром в пикселе Р



Простой способ

- 2) Квадратик S подаем на вход CHC, и смотрим, какой класс она предскажет. Например, для квадратика на рисунке ниже будет предсказано, что на нём изображён автомобиль.
- 3) Тогда мы считаем, что пиксель Р принадлежит объекту из класса «автомобиль».



Простой способ

Т.о. для каждого пиксела будет предсказан класс объекта, к которому он принадлежит.

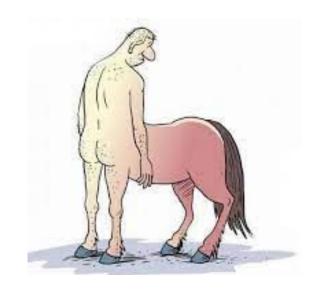
Например, следующий пиксел Р будет классифицирован как принадлежащий «луже» (а может быть как «морю»).



Ограничения метода

СНС, используемая для сегментации, должна уметь распознавать **абсолютно все классы**, представители которых могут встретиться на картинках для сегментации.

Кроме того возникают проблемы, когда объект состоит из разнородных частей (например, эта картинка будет сегментирована на «мужчину» и «лошадь», а не на «кентавра»).



Второе ограничение — это...

...высокая вычислительная сложность. Ибо приходится запускать большую СНС N раз, где N - количество пикселей изображений.

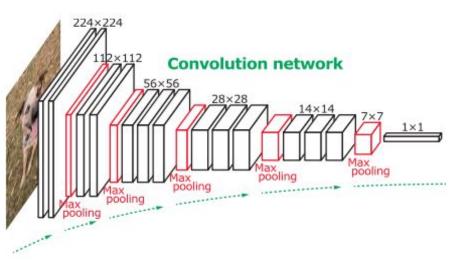
Вывод: сегментирующую НС для своих задач лучше тренировать самим.



Специальные архитектуры НС для сегментации

Что СНС умеют делать с изображениями?

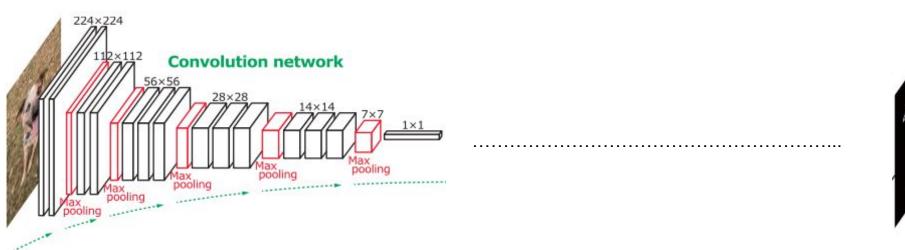
- могут применять к ним фильтры (свёрточные слои);
- уменьшать размерность (пулинг);
- то есть обычная СНС уменьшает размер изображения, но увеличивает количество каналов.



Размер выхода сегментирующей НС

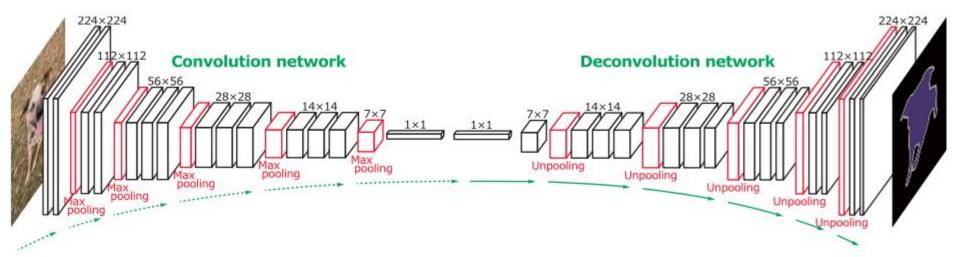
Проблема в том, что размер выхода **сегментирующей** НС совпадает с размером входа (поскольку сегментация — это фактически перекрашивание картинки в ограниченное число цветов).

То есть архитектура должна быть такой:



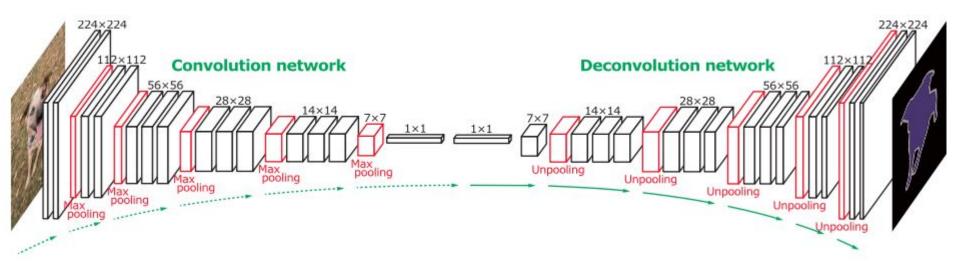
Размер выхода сегментирующей НС

Следовательно, во второй части НС нужно применять преобразования, которые **наоборот** (!) увеличивают размерность изображения и уменьшают количество каналов! То есть возникает **архитектура песочных часов** (hourglass architecture).



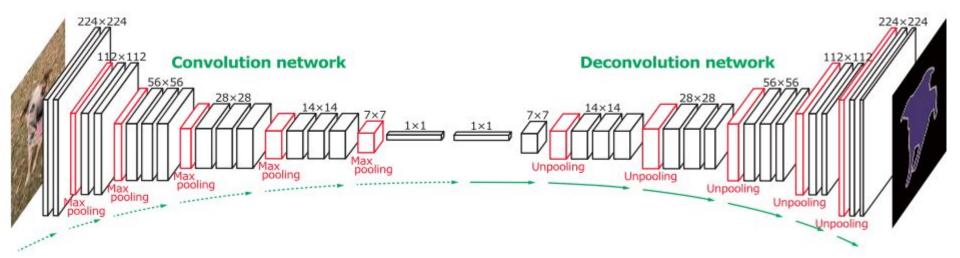
Обратные преобразования к свёртке и пулингу

Во второй части сегментирующей НС применяются операции decovolution и unpooling — обратные к операциям свёртки (конволюции) и пулингу.



Симметричность сети

Сегментирующая НС должна быть полностью симметричной. Каждой свёртке в первой части должна соответствовать «развёртка» во второй части с аналогичными параметрами. Точно так же и с пулингом.

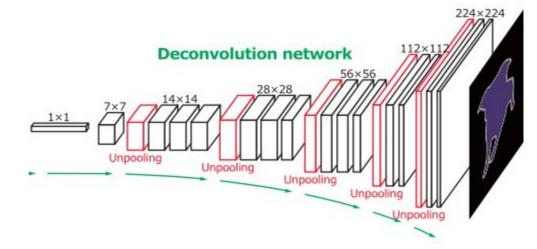


Деконволюция

Как делать развёртку (деконволюцию)?

Из симметричности сегментирующей НС следует, что если в первой части сети был свёрточный слой, то во второй части должен стоять «развёрточный» слой.

А что это такое?



Деконволюция

Пусть в левой части НС изображение размера n x n подвергалось свёртке с помощью фильтра r x r и получалось изображение m x m.

Тогда в симметричном слое HC деконволюция должна изображение m x m c помощью фильтра r x r превращать в изображение n x n.

Причём значения параметров **stride**, **padding** у свёртки и деконволюции **должны совпадать**.

Пример деконволюции

Фильтр:
010
111
010

stride_x=stride_y=1, padding=0.

Сначала вычисляем размер деконволюции.

Какой должно быть изображение, чтобы при применении фильтра 3x3 получилось бы изображение 4x4?

Ответ: **6х6**.

1 1 1 1 1 0 0 1

Фил	ьтр
-----	-----

010	
111	
010	

Результат:

0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0

В самом начале деконволюции результат состоит из нулей.

Изо	бра	же	ние	: Фильтр:
1	1	1	1	010
1	0	0	1	111
0	1	1	0	010
0	0	0	0	

Manage and a second a second and a second and a second and a second and a second an

Результат:

0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0

Перебираем подряд все пиксели исходного изображения. Пусть х — значение очередного пиксела Р. Домножаем все ячейки фильтра на х и прибавляем полученную матрицу к результирующей. Позиция для прикладывания и суммирования двух матриц определяется так: это центральный пиксел области, которая при обычной свёртке даёт пиксел Р в изображении.

1	1	1	1
1	0	0	1
0	1	1	0
0	0	0	0

010
111
010

ı						
	0	1	0	0	0	0
	1	<u>1</u>	1	0	0	0
	0	1	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0

0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0

1	<u>1</u>	1	1
1	0	0	1
0	1	1	0
0	Λ	0	0

010	
111	

010

U	U	U	U					
0	1	1	0	0	0			
1	2	<u>2</u>	1	0	0			
0	1	1	0	0	0			
0	0	0	0	0	0			
0	0	0	0	0	0			
0	0	0	0	0	0			

0	1	0	0	0	0
1	1	<u>1</u>	0	0	0
0	1	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0

1	1	1	1
1	0	0	1
0	1	1	0
0	0	\cap	Λ

010	
111	

010

0	1	1	1	0	0
1	2	3	<u>2</u>	1	0
0	1	1	1	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0

1	1	0	0	0
2	2	1	0	0
1	1	0	0	0
0	0	0	0	0
0	0	0	0	0
0	0	0	0	0
	2 1 0 0	2 2 1 1 0 0 0 0	2 2 <u>1</u> 1 1 0 0 0 0 0 0	2 2 <u>1</u> 0 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0

1	1	1	<u>1</u>	
1	0	0	1	
0	1	1	0	
_	_	_	_	

)10		
111		
)10		

0	1	1	1	1	0
1	2	3	3	<u>2</u>	1
0	1	1	1	1	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0

0	1	1	1	0	0
1	2	3	2	<u>1</u>	0
0	1	1	1	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0

1	1	1	1	010
1	0	0	1	111
0	1	1	0	010

0	0	0	0		
0	1	1	1	1	0
1	3	3	3	2	1
1	<u>3</u>	2	1	1	0
0	1	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
	1	1	I		

0	1	1	1	1	0
1	2	3	3	2	1
0	1	1	1	1	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0

Изображение:1 1 1 1 0 0 1 0

Фильтр:010 111

010

Результат:

0	1	1	1	1	0
1	3	3	3	2	1
1	3	<u>2</u>	1	1	0
0	1	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0

0	1	1	1	1	0
1	3	3	3	2	1
1	3	2	1	1	0
0	1	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0

0

тут фильтр умножается на 0, фактически ничего не происходит

Изображение:

Фильтр:

Результат:

1	1	1	1
1	0	0	1
0	1	1	0
0	0	0	0

010		
111		
010		

0	1	1	1	1	0
1	3	3	3	2	1
1	3	2	<u>1</u>	1	0
0	1	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0

0	1	1	1	1	0
1	3	3	3	2	1
1	3	2	1	1	0
0	1	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0

тут фильтр тоже умножается на 0, фактически ничего не происходит

111

010

1	1	1	1
1	0	0	1
0	1	1	0

Фильтр: Po

0	1	1	1	1	0
1	3	3	3	2	1
1	3	2	1	1	0
0	1	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0

0	1	1	1	1	0
1	3	3	3	3	1
1	3	2	2	2	1
0	1	0	0	1	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0

Изображение: 1 1 1 1 1 0 0 1

Фильтр:

010	
111	
010	

Результат:

0	1	1	1	1	0
1	3	3	3	3	1
1	3	2	2	2	1
0	1	0	0	1	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0

0	1	1	1	1	0
1	3	3	3	3	1
1	3	2	2	2	1
0	1	0	0	1	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0

тут фильтр тоже умножается на 0, фактически ничего не происходит

Изображение:1 1 1 1 0 0

Фильт	4
010	

111

010

0

0

Результат:

1	0	0	1		
0	<u>1</u>	1	0		
0	0	0	0		
0	1	1	1	1	0
1	3	3	3	3	1
1	3	3	2	2	1
0	2	1	1	1	0

0	1	1	1	1	0	
1	3	3	3	3	1	
1	3	2	2	2	1	
0	1	<u>0</u>	0	1	0	
0	0	0	0	0	0	
0	0	0	0	0	0	

тут фильтр тоже умножается на 0, фактически ничего не происходит

1 1 1 1 1 0 0 1

Фильтр:

010 111 010

Результат:

0	1	1	1	1	0
1	3	3	3	3	1
1	3	3	2	2	1
0	2	1	1	1	0
0	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	0

0	1	1	1	1	0
1	3	3	3	3	1
1	3	3	3	2	1
0	2	2	2	2	0
0	0	1	1	0	0
0	0	0	0	0	0

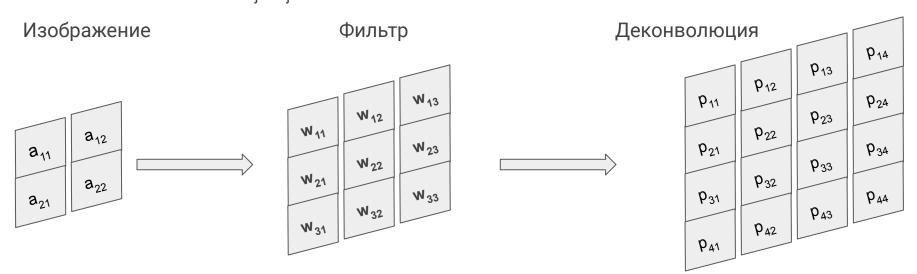
0

Остальные пиксели изображения нулевые, поэтому результат больше не изменится.

Как тренируется слой деконволюции?

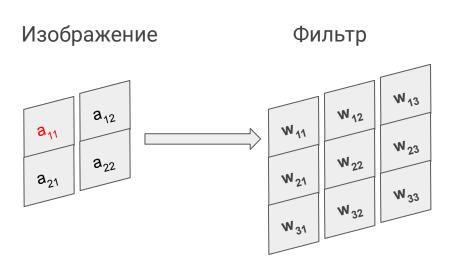
Можно выписать формулы, по которым вычисляется каждый пиксел деконволюции.

Эти формулы зависят от \mathbf{a}_{ij} \mathbf{w}_{ij} . Во время тренировки НС частные производные для \mathbf{p}_{ij} будут вычисляться через \mathbf{a}_{ii} \mathbf{w}_{ii} .



Деконволюция в общем виде (врзм, 18+)

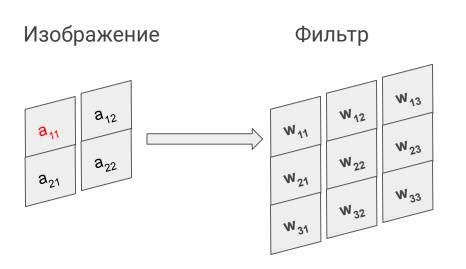




Деконволюция

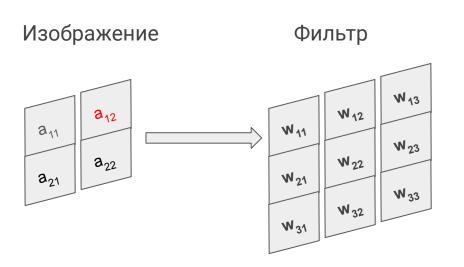
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0





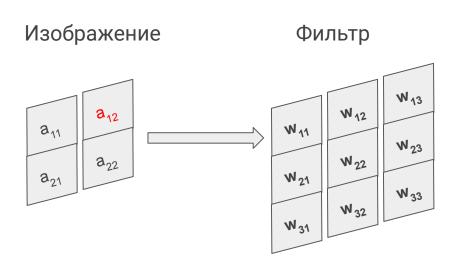
a ₁₁ W ₁₁	a ₁₁ w ₁₂	a ₁₁ w ₁₃	0
a ₁₁ w ₂₁	a ₁₁ w ₂₂	a ₁₁ W ₂₃	0
a ₁₁ w ₃₁	a ₁₁ w ₃₂	a ₁₁ W ₃₃	0
0	0	0	0





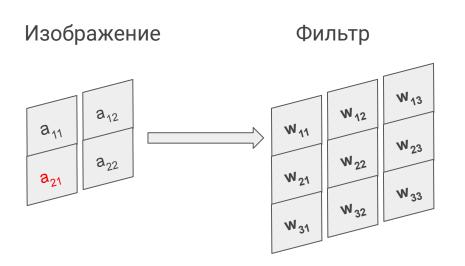
a ₁₁ W ₁₁	a ₁₁ w ₁₂	a ₁₁ W ₁₃	0
a ₁₁ w ₂₁	a ₁₁ w ₂₂	a ₁₁ W ₂₃	0
a ₁₁ w ₃₁	a ₁₁ w ₃₂	a ₁₁ w ₃₃	0
0	0	0	0





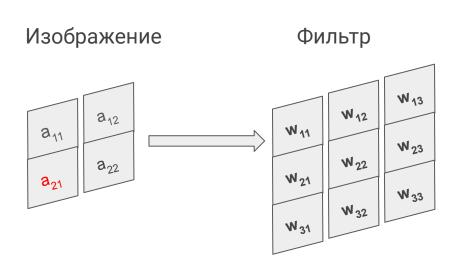
a ₁₁ W ₁₁	a ₁₁ W ₁₂ +a ₁₂ W ₁₁	a ₁₁ W ₁₃ +a ₁₂ W ₁₂	a ₁₂ W ₁₃
a ₁₁ w ₂₁	a ₁₁ W ₂₂ +a ₁₂ W ₂₁	a ₁₁ w ₂₃ +a ₁₂ w ₂₂	a ₁₂ w ₂₃
a ₁₁ w ₃₁	a ₁₁ W ₃₂ +a ₁₂ W ₃₁	a ₁₁ W ₃₃ +a ₁₂ W ₃₂	a ₁₂ W ₃₃
0	0	0	0





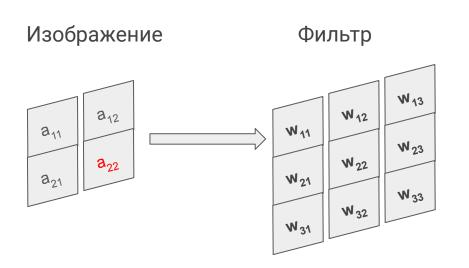
a ₁₁ W ₁₁	a ₁₁ w ₁₂ +a ₁₂ w ₁₁	a ₁₁ W ₁₃ +a ₁₂ W ₁₂	a ₁₂ W ₁₃
a ₁₁ W ₂₁	a ₁₁ W ₂₂ +a ₁₂ W ₂₁	a ₁₁ W ₂₃ +a ₁₂ W ₂₂	a ₁₂ W ₂₃
a ₁₁ W ₃₁	a ₁₁ W ₃₂ +a ₁₂ W ₃₁	a ₁₁ W ₃₃ +a ₁₂ W ₃₂	a ₁₂ W ₃₃
0	0	0	0





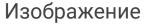
a ₁₁ W ₁₁	a ₁₁ W ₁₂ +a ₁₂ W ₁₁	a ₁₁ W ₁₃ +a ₁₂ W ₁₂	a ₁₂ w ₁₃
a ₁₁ W ₂₁ +a ₂₁ W ₁₁	a ₁₁ W ₂₂ +a ₁₂ W ₂₁ +a ₂₁ W ₁₂	a ₁₁ W ₂₃ +a ₁₂ W ₂₂ +a ₂₁ W ₁₃	a ₁₂ W ₂₃
a ₁₁ W ₃₁ +a ₂₁ W ₂₁	a ₁₁ W ₃₂ +a ₁₂ W ₃₁ +a ₂₁ W ₂₂	a ₁₁ W ₃₃ +a ₁₂ W ₃₂ +a ₂₁ W ₂₃	a ₁₂ W ₃₃
a ₂₁ w ₃₁	a ₂₁ W ₃₂	a ₂₁ W ₃₃	0



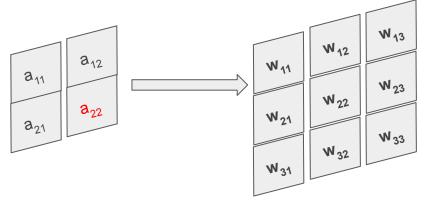


a ₁₁ W ₁₁	a ₁₁ w ₁₂ +a ₁₂ w ₁₁	a ₁₁ w ₁₃ +a ₁₂ w ₁₂	a ₁₂ W ₁₃
a ₁₁ W ₂₁ +a ₂₁ W ₁₁	a ₁₁ W ₂₂ +a ₁₂ W ₂₁ +a ₂₁ W ₁₂	a ₁₁ W ₂₃ +a ₁₂ W ₂₂ +a ₂₁ W ₁₃	a ₁₂ w ₂₃
a ₁₁ W ₃₁ +a ₂₁ W ₂₁	a ₁₁ W ₃₂ +a ₁₂ W ₃₁ +a ₂₁ W ₂₂	a ₁₁ W ₃₃ +a ₁₂ W ₃₂ +a ₂₁ W ₂₃	a ₁₂ w ₃₃
a ₂₁ w ₃₁	a ₂₁ W ₃₂	a ₂₁ w ₃₃	0





Фильтр



a ₁₁ W ₁₁	a ₁₁ W ₁₂ +a ₁₂ W ₁₁	a ₁₁ w ₁₃ +a ₁₂ w ₁₂	a ₁₂ w ₁₃
a ₁₁ w ₂₁ +a ₂₁ w ₁₁	a ₁₁ W ₂₂ +a ₁₂ W ₂₁ +a ₂₁ W ₁₂ +a ₂₂ W ₁ 1	a ₁₁ w ₂₃ +a ₁₂ w ₂₂ +a ₂₁ w ₁₃ +a ₂₂ w ₁₂	a ₁₂ w ₂₃ +a ₂₂ w ₁₃
a ₁₁ w ₃₁ +a ₂₁ w ₂₁	a ₁₁ W ₃₂ +a ₁₂ W ₃₁ +a ₂₁ W ₂₂ +a ₂₂ W ₂ 1	a_{11} W $_{33}$ + a_{12} W $_{32}$ + a_{21} W $_{23}$ + a_{22} W $_{22}$	a ₁₂ W ₃₃ +a ₂₂ W ₂₃
a ₂₁ w ₃₁	a ₂₁ W ₃₂ +a ₂₂ W ₃₁	a ₂₁ w ₃₃ +a ₂₂ w ₃₂	a ₂₂ W ₃₃

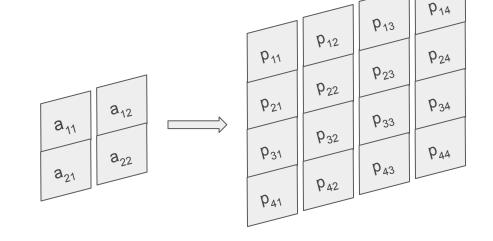
Операция unpooling

Пулинг уменьшает размерность

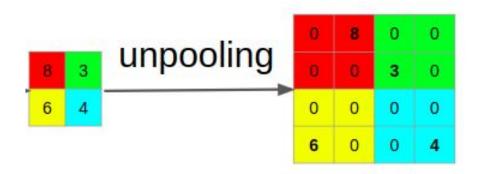
4	3	1	5		
1	3	4	8	4	
4	5	4	3	6	(
6	5	9	4		

Следовательно, unpooling должен увеличивать изображение.

А откуда взять дополнительную информацию о новых пикселах?

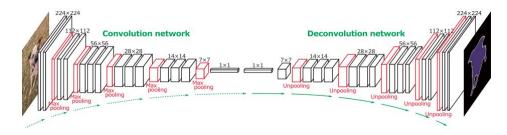


Забейте новые пиксели нулями!



Но по какому правилу определить, в какой пиксел ставить число с предыдущего слоя?

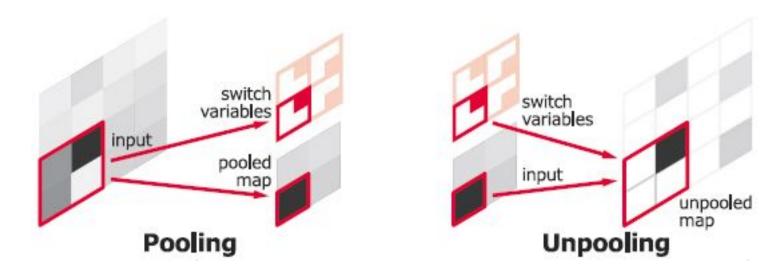
А тут нужно вспомнить, что сегментирующая НС симметричная!!!



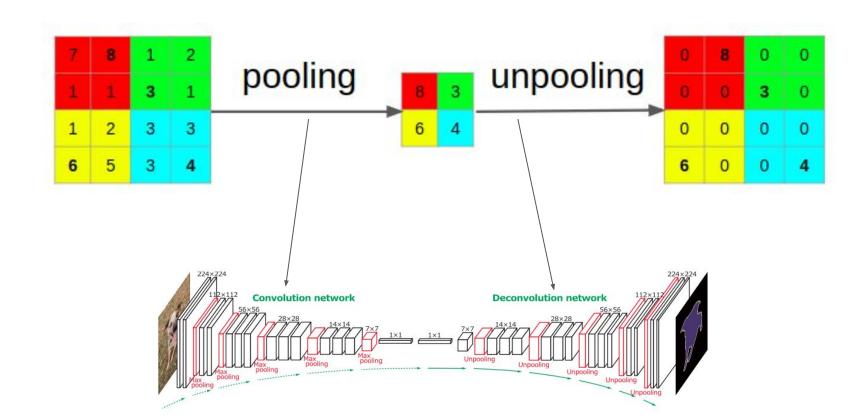
Нужна информация из симметричного слоя пулинга

Если в симметричном слое пулинга (из первой части HC) максимум достигался в ячейке с координатами і, і, то в соотвтествующем слое unpooling-а число ставится в ячейку с координатами і, і.

В остальные ячейки ставится 0.



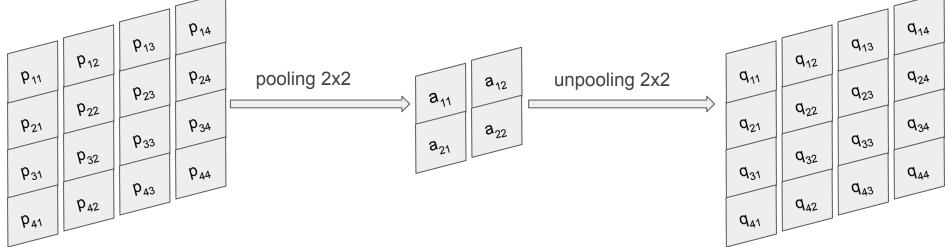
То есть произойдет примерно так



Как это выразить в виде формул?

Допустим для простоты, что слои пулинга и анпулинга стоят рядом друг с другом. По каким формулам вычисляются элементы q_{ij}? Для пулинга имеем:

```
a_{11} = \max(p_{11}, p_{12}, p_{21}, p_{22})
a_{12} = \max(p_{13}, p_{14}, p_{23}, p_{24})
a_{21} = \max(p_{31}, p_{32}, p_{41}, p_{42})
a_{22} = \max(p_{33}, p_{34}, p_{43}, p_{44})
```



Как это выразить в виде формул?

А можно ли применить ГС к функциям подобного типа?

Давайте сделаем два шага ГС у следующей функции

$$f(w_1, w_2, w_3) = \begin{cases} w_1, & \text{if } w_1 = \max(w_1, w_2, w_3), \\ 0, & \text{otherwise} \end{cases}$$

начиная с точки (1.1, 1.05, 1) и с шагом спуска h=0.1.

В этой точке функция f равна выражению: $f(w_1, w_2, w_3) = w_1$.

Следовательно, её частные производные равны:

 $\partial f/\partial w_1 = 1$, $\partial f/\partial w_2 = 0$, $\partial f/\partial w_3 = 0$.

Тогда следующая точка равна (1, 1.05, 1).

А можно ли применить ГС к функциям подобного типа?

$$f(w_1, w_2, w_3) = \begin{cases} w_1, & \text{if } w_1 = \max(w_1, w_2, w_3), \\ 0, & \text{otherwise} \end{cases}$$

В новой точке (1, 1.05, 1) функция по-прежнему равна выражению $f(w_1, w_2, w_3) = w_1$.

Как и ранее:

$$\partial f/\partial w_1 = 1$$
, $\partial f/\partial w_2 = 0$, $\partial f/\partial w_3 = 0$.

Тогда следующая точка равна (0.9, 1.05, 1).

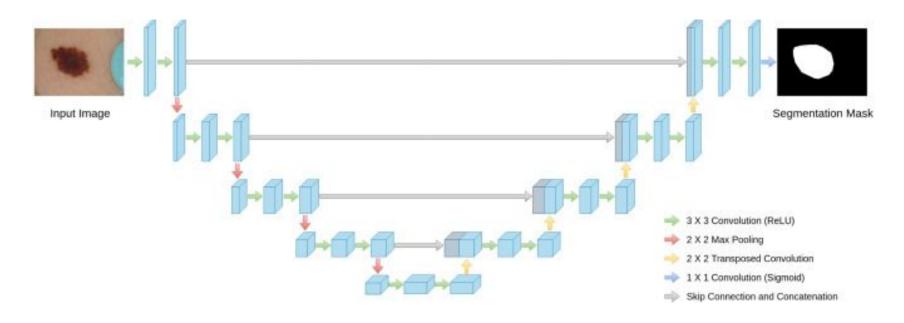
А в этой точке функция (и все её ЧП) уже равна 0, и ГС остановится.

Достижения и следствия из сегментации

U-net (2015)

Это мощная НС для задачи сегментации.

В ней используется принцип как **Hourglass architecture**, так и **связи между далёкими слоями** (как в CHC ResNet)



Задачи, которые следуют из сегментации

Допустим, что вы научились хорошо сегментировать изображения. Какие новые задачи, связанные с обработкой изображения, вы можете ещё решить?

1. Выделение границ изображения.



При чём тут сегментация?

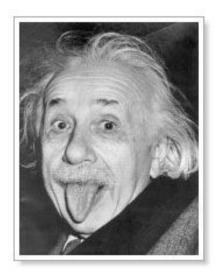
Фактически мы должны сегментировать изображение на 2 области: «то, что является границей» и «всё остальное».

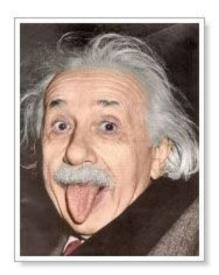


Задачи, которые следуют из сегментации

Допустим, что вы научились хорошо сегментировать изображения. Какие новые задачи, связанные с обработкой изображения, вы можете ещё решить?

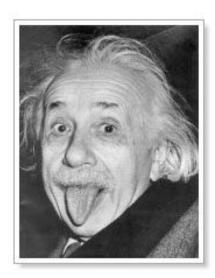
2. Раскрашивание ч/б изображений.

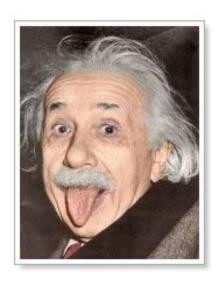




При чём тут сегментация?

Это тоже сегментация! Фактически мы должны выделить на картинке области «красного», «зелёного», «синего», «коричневого» и т.д. То есть разделить на сегменты по цветам.





Тренировка сегментирующей НС

Как она тренируется?

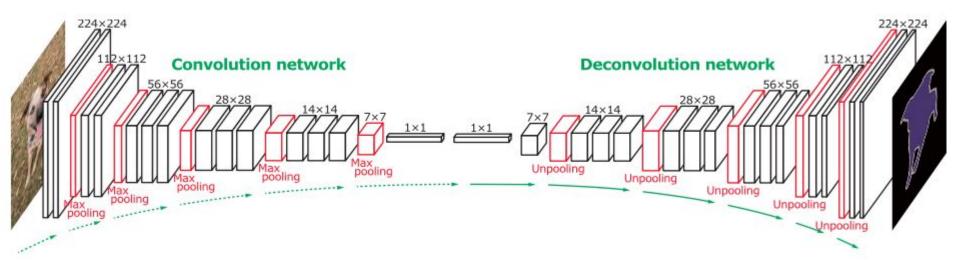
С ТВ всё вроде как понятно.

Это пары (картинка, сегментированная картинка).

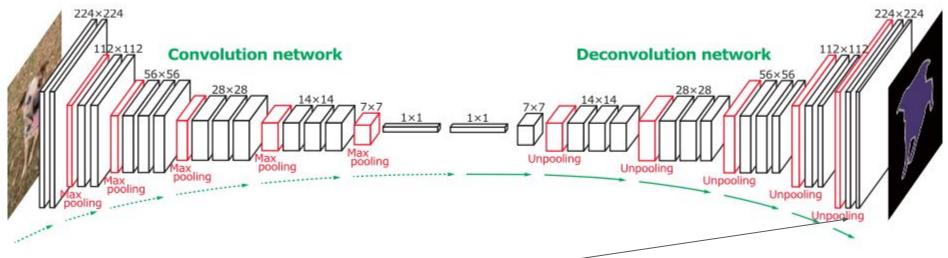


Но какова тут функция потерь?

Как вычисляется ошибка НС при сегментации изображения?



Но какова тут функция потерь?

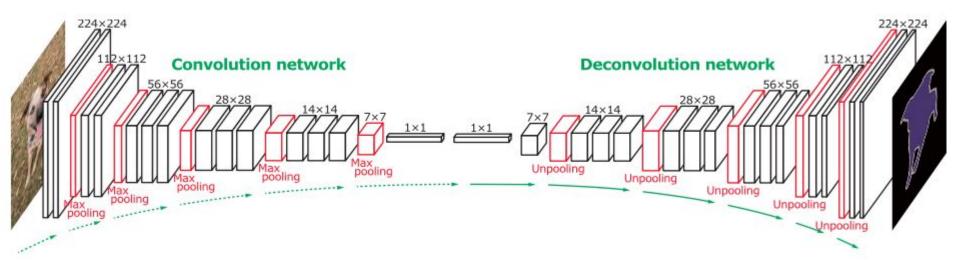


У этой сегментирующей сети в последнем слое 2 канала, и сегментация состоит тоже из 2х областей?

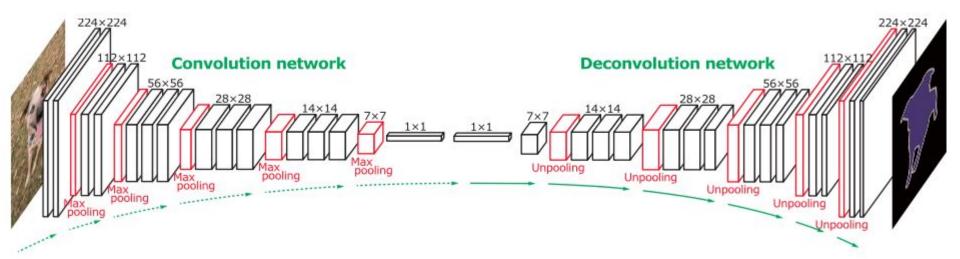


Первое правило: количество каналов на последнем слое сегментирующей равно максимальному количеству различных сегментов, которые могут быть детектированы НС.

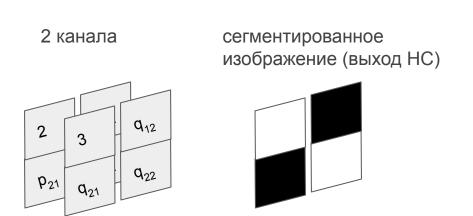
Например, если на последнем слое 2 канала, то HC может разделять изображения максимум на 2 области.



Второе правило: пиксель с координатами (i,j) из k-го канала последнего слоя НС соответствует вероятности принадлежности пиксела исходного изображения с координатами (i,j) k-й области.



Например, если на последнем слое 2 канала, и пиксел (1,1) в первом канале имеет значение 2, а во втором канале 3, то это означает, что вероятность того, что на изображении пиксел (1,1) с вероятностью $e^2/(e^2+e^3)=0.27$ принадлежит первой области, и с вероятностью $e^3/(e^2+e^3)=0.73$ принадлежит второй области.

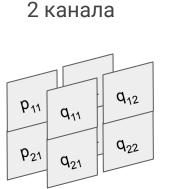


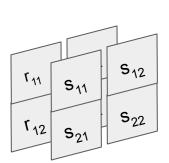
Ну да: к каналам последнего слоя применяется softmax, и числа превращаются в вероятности принадлежности сегментам.

Функция потерь в задаче сегментации

Поскольку сегментация — это фактически задача классификации каждого пиксела изображения, то для каждого объекта из ТВ можно вычислить кросс-энтропию по его пикселам, а потом суммировать кросс-энтропии по всем объектам из ТВ.

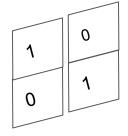
Поясним на примере...





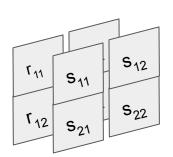
softmax

Правильный ответ для объекта из ТВ



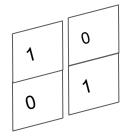
Функция потерь в задаче сегментации

 $m r_{ij}$ - вероятность принадлежности пиксела классу 0 $m s_{ij}$ - вероятность принадлежности пиксела классу 1 **Кросс-энтропия** для данного объекта TB равна: - $m ln~s_{11}$ - $m ln~r_{12}$ - $m ln~r_{21}$ - $m ln~s_{22}$ Осталось просуммировать по всем объектам TB. И это выражение минимизировать.



softmax

Правильный ответ для объекта из ТВ



Выводы

- Мы рассмотрели задачу сегментации.
- Познакомились со специальной архитектурой HC для решения задачи сегментации.
- Рассмотрели операции деконволюции и анпулинга.
- Выписали функцию потерь в задаче сегментации.