Grupa starsza. Sito Erastotenesa

II.1. Na jakie pytanie odpowiada poniższy program? (n to liczba typu int)

```
int d = 2;
while (d * d <= n) {
        if (n % d == 0) break;
            d++;
}
if (d * d <= n) {
        cout << "nie" << endl;
} else {
        cout << "tak" << endl;
}</pre>
```

Ile maksymalnie obrotów pętli wykona powyższy algorytm?

II.2. Sito Erastotenesa to algorytm pozwalający szybko wyznaczyć liczby pierwsze z przedziału od 1 do n (szybko, to znaczy w czasie proporcjonalnym do n log log n. Iteracyjne wykorzystanie poprzedniej funkcji dałoby algorytm o złożoności proporcjonalnej do $n\sqrt{n}$. Dla $n=10^6$ mamy log log n<1 a $\sqrt{n}=1000$).

Schemat algorytmu (sito Erastotenesa)

- 1. Utwórz tablicę bool p[n+1] i wypełń ją wartościami true.
- 2. p[0] = false; p[1] = false;
- 3. d = 2;
- 4. Dopóki d * d <= n wykonuj następujące operacje
 - a) Dla k = 2, 3, ... dopóki $k * d \le n$ podstawiaj p[k * d] = false;
 - b) Znajdź następne d takie, że d*d <= n i p[d] == true
- 5. Wypisz wszystkie liczby i, dla których p[i] == true.

Algorytm ten wypisze wszystkie liczby pierwsze pomiędzy 2 a n. Wyjaśnij jego działanie i zaimplementuj go.

- II.3. Napisz dwa programy, które obliczają ile jest liczb pierwszych od 2 do 8000000:
 - a) pierwszy wykorzystujący pierwszą metodę.
 - b) drugi wykorzystujący sito Erastotenesa.

Sprawdź czasy działania obydwu programów. Na moim komputerze jest to odpowiednio 5,21 i 0,15 sekundy. Oba algorytmy podają wynik 539777.

Prawo Murphy'ego

Jeżeli wydaje się, że wszystko działa dobrze, to z pewnością musiałeś coś przeoczyć.

Szukanie dzielników

```
int n; cin >> n;
int ile = 0;

for (int i = 2; i <= n; i++) {
   int d = 2;
   while (d * d <= i) {
      if (i % d == 0) break;
      d++;
   }
   if (d * d > i) { ile++;}
}

cout << ile << endl;</pre>
```

Sito Erastotenesa

```
int n; cin >> n;
  bool p[n+1];
 for (int i = 0; i <= n; i++) { p[i] = true; }
 p[0] = false; p[1] = false;
  int d = 2;
  while (d * d \le n) {
   for (int k = 2; d * k <= n; k++) {
  p[d * k] = false;
}</pre>
    do {
     d++;
    } while (d * d <= n && p[d] == false);</pre>
  int ile = 0;
 for (int i = 0; i <= n; i++) {
   if (p[i]) {
      ile++;
   }
 cout << ile << endl;</pre>
```