₩.

Лекция 2. Мультипрограммный режим обслуживания набора параллельных задач

Кулагин Иван Иванович

ст. преп. Кафедры вычислительных систем Сибирский государственный университет телекоммуникаций и информатики

Created by:

Пазников Алексей Александрович к.т.н. доцент Кафедры вычислительных систем



Режимы функционирования ВС

I Монопрограммный режим

Решение одной сложной задачи — для решения задачи используются все ресурсы ВС.

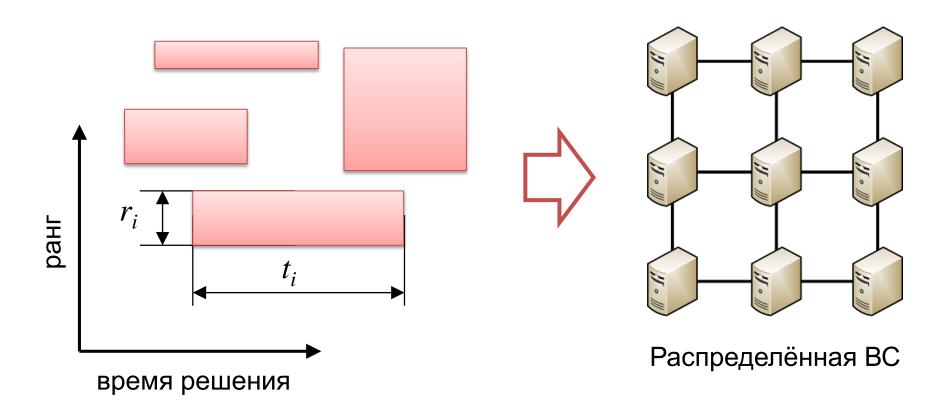
II Мультипрограммный режим

Обработка набора задач — учитывается не только количество задач, но их параметры: число ветвей, время решения и др.

Обслуживание потока задач – задачи поступают в случайные моменты времени, их параметры случайны.



Обработка набора задач





Постановка задачи

Имеется распределённая ВС, состоящая из n ЭМ, и набор из m задач.

Каждая задача $j \in J = \{1, 2, ..., m\}$ характеризуется: $r_j \in \{1, 2, ..., n\}$ – ранг параллельной задачи, t_j – время решения задачи,

Требуется составить **расписание** S решения параллельных задач на распределенной ВС:

$$S = (\tau_1, \tau_1, \dots, \tau_m; x_{11}, x_{12}, \dots, x_{1r_1}, \dots, x_{m1}, x_{m2}, \dots, x_{mr_m})$$

Для каждой задачи необходимо определить момент времени au_j – время начала решения задачи j, а так же распределение её ветвей по ЭМ.



Ограничения

Пусть $x_{ij} \in C = \{1, 2, ..., n\}$ – номер ЭМ, на которую направлена ветвь $i \in \{1, 2, ..., r_i\}$ задачи $j \in \{1, 2, ..., m\}$.

 $J(t) = \{j \in J \mid \tau_j \le t \le \tau_j + t_j\}$ — множество задач, решаемых на распределённой ВС в момент времени t.

Будем называть S — **допустимое**, если оно удовлетворяет условиям:

1. В любой момент времени на ресурсах ВС решается не более n ветвей параллельных задач:

$$\sum_{j\in J(t)} r_j \le n, \quad \forall t \in R$$

2. Ветви параллельных задач решаются на разных ЭМ

$$\prod_{j \in J(t)} \prod_{j' \in J(t) \setminus \{j\}} (x_{ji} - x_{j'i'}) \neq 0, \quad \forall t \in R, \quad i = 1, 2, \dots, r_j, i' = 1, 2, \dots, r_{j'}$$



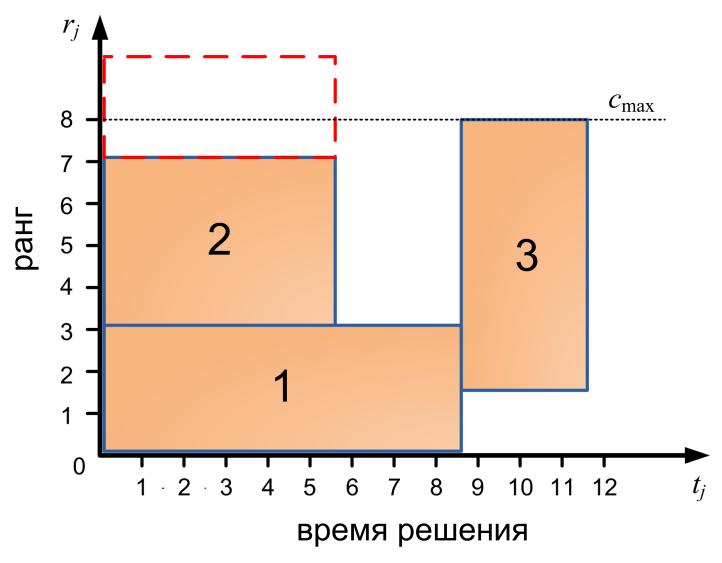
Расписание

Обозначим Ω - множество допустимых решений. В качестве **показателя оптимальности** расписания будем использовать время T(S) — время окончания решения последней задачи

$$T(S) = \max_{j \in J} \left\{ \tau_j + t_j \right\}$$



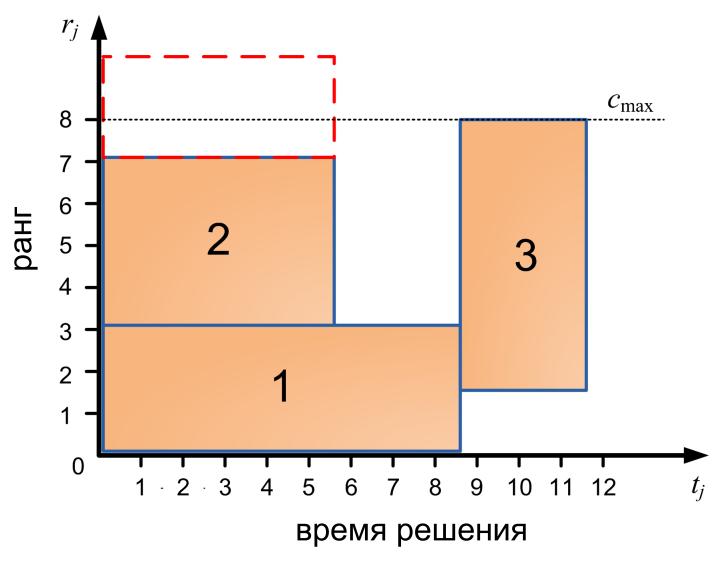
Недопустимое расписание



S = (0, 0, 9, 0; 1, 2, 3; 4, 5, 6, 7; 3, 4, 5, 6, 7, 8; 7, 8, 9, 10)



Допустимое расписание



S = (0, 0, 9; 1, 2, 3; 4, 5, 6, 7; 3, 4, 5, 6, 7, 8)



Задача построения расписания

Требуется найти допустимое расписание $S \in \Omega$, доставляющее минимум целевой функции T(S):

$$T(S) = \max_{j \in J} \{ \tau_j + t_j \} \longrightarrow \min_{S \in \Omega}$$
 (1)

при ограничениях:

$$\sum_{j\in J(t)} r_j \le n, \quad \forall t \in R, \tag{2}$$

$$\prod_{j \in J(t)} \prod_{j' \in J(t) \setminus \{j\}} (x_{ji} - x_{j'i'}) \neq 0, \quad \forall t \in R, \quad i = 1, 2, \dots, r_j, i' = 1, 2, \dots, r_{j'} \quad (3)$$

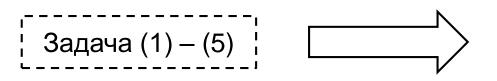
$$x_{ji} \in C, j = 1, 2, ..., m, i = 1, 2, ..., r_j$$
 (4)

$$\tau_{j} \in R, j = 1, 2, \dots, m.$$
 (5)

Задача (1) – (5) относится к дискретной оптимизации и является трудноразрешаемой.

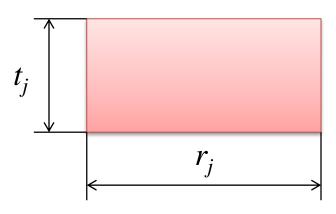


Методы решения задачи



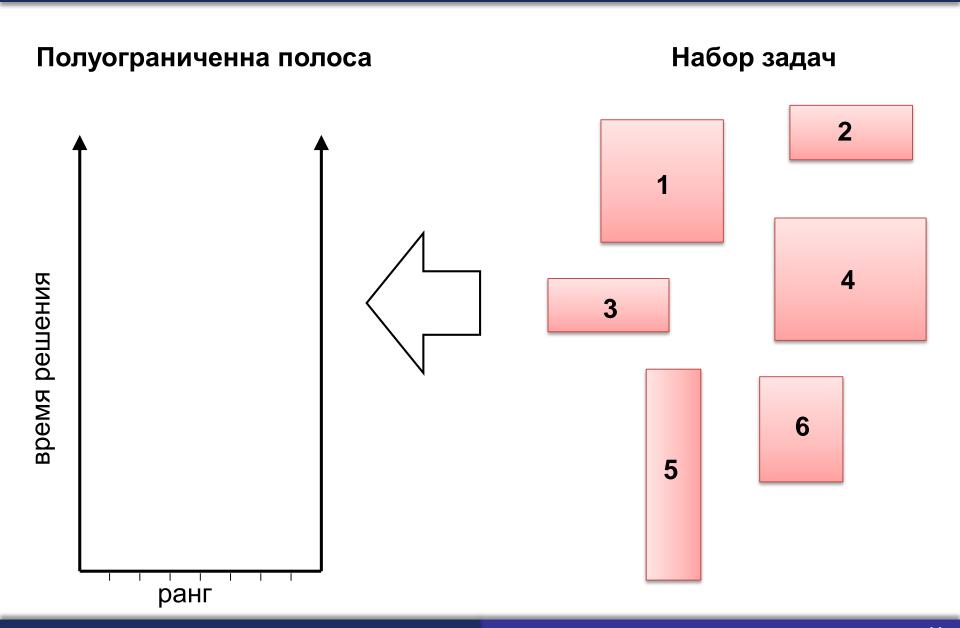
Задача двумерной упаковки прямоугольников в полуограниченную полосу (2D Strip Packing, 2DSP)

Задача $j \in J$ представляется в виде прямоугольника шириной r_j и высотой t_i .



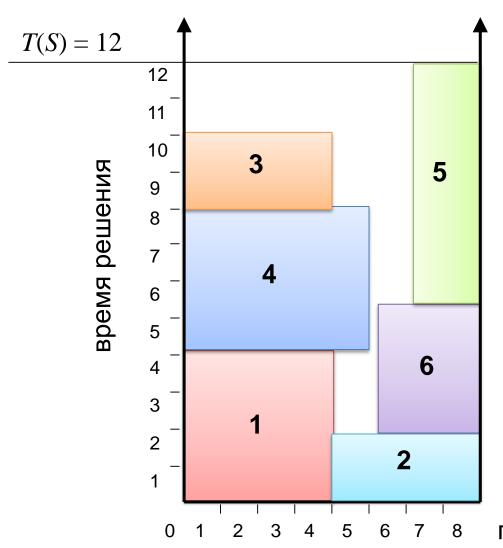


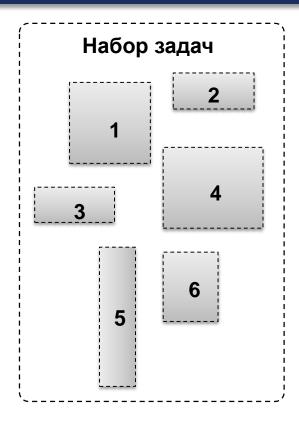
Методы решения задачи





Пример упаковки





процессорные ядра

S = (0, 0, 8, 4, 5, 2; 1, 2, 3, 4; 5, 6, 7, 8; 1, 2, 3, 4; 1, 2, 3, 4, 5; 7, 8; 6, 7, 8)



Алгоритмы решения задачи (1) – (5)

Необходимо разработать быстрый алгоритм решения задачи (1) – (5) с решением, близким к оптимальному.

- 1) Быстрый в смысле вычислительно сложности: $O(m^2)$, $O(m\log m)$, ...
- 2) Обеспечивает решение, близкое к оптимальному:

Верхняя граница:
$$T_{\max}^{'} = \sum_{j \in J} t_{j}$$

- все задачи решаются последовательно

Нижняя граница:
$$T_{\max}^{"} = \max\{t_j\}$$

- все задачи решаются параллельно



Алгоритмы поиска точного решения

Как искать точное решение?



Это бесперспективно!



Алгоритмы поиска точного решения

Решение



Приближенные алгоритмы

Основная идея – за полиномимальное время найти удовлетворяющее по точности решение.

Точные алгоритмы

Комбинаторный подход:

- полный перебор (backtracking)
- метод ветвей и границ (branch and bounds)

- ... (можно распараллелить)

Для целей анализа



Подходы к построению приближенных алгоритмов

Стохастические алгоритмы (локальный поиск)

- имитация отжига (simulated annealing)
- генетические алгоритмы
- муравьиные колонии (ant colony optimization)
- локальный поиск
- поиск с запретами (tabu search)
- метод цепей Монте-Карло

Эвристические алгоритмы (конструируют решение, а не перебирают)

- сведение к задаче упаковки объектов в полуограниченную полосу (strip packing)
- упаковка объектов в контейнеры



Моделирование

1. Цели исследования?

- точность алгоритмов

2. Модель системы

$$n = 32, 64, 128, 256, \dots$$

3. Модель задачи

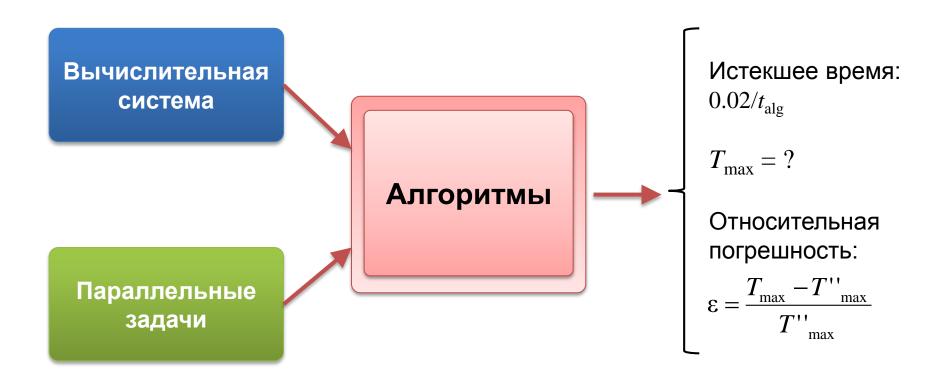
$$r_j = ?, t_j = ?,$$

Parallel Workload Archives

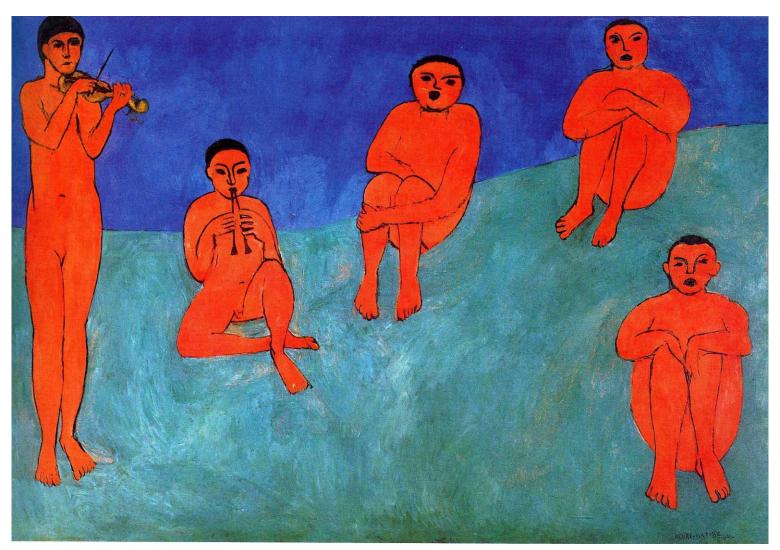
http://www.cs.huji.ac.il/labs/parallel/workload/logs.html



Моделирование







А.Матисс «Музыка»