

$$A = \{4, 3, 3\}$$

$$\cancel{A} = \{ \} \Rightarrow \cancel{\emptyset}$$

$$x \in \mathbb{R}, x$$

$$4 \in A \quad N \subset \subset \subset$$

$$A = \{x \in \mathbb{N} \mid x < 100\}$$

$$B = \{x \mid 0 \leq x \leq 3\}$$

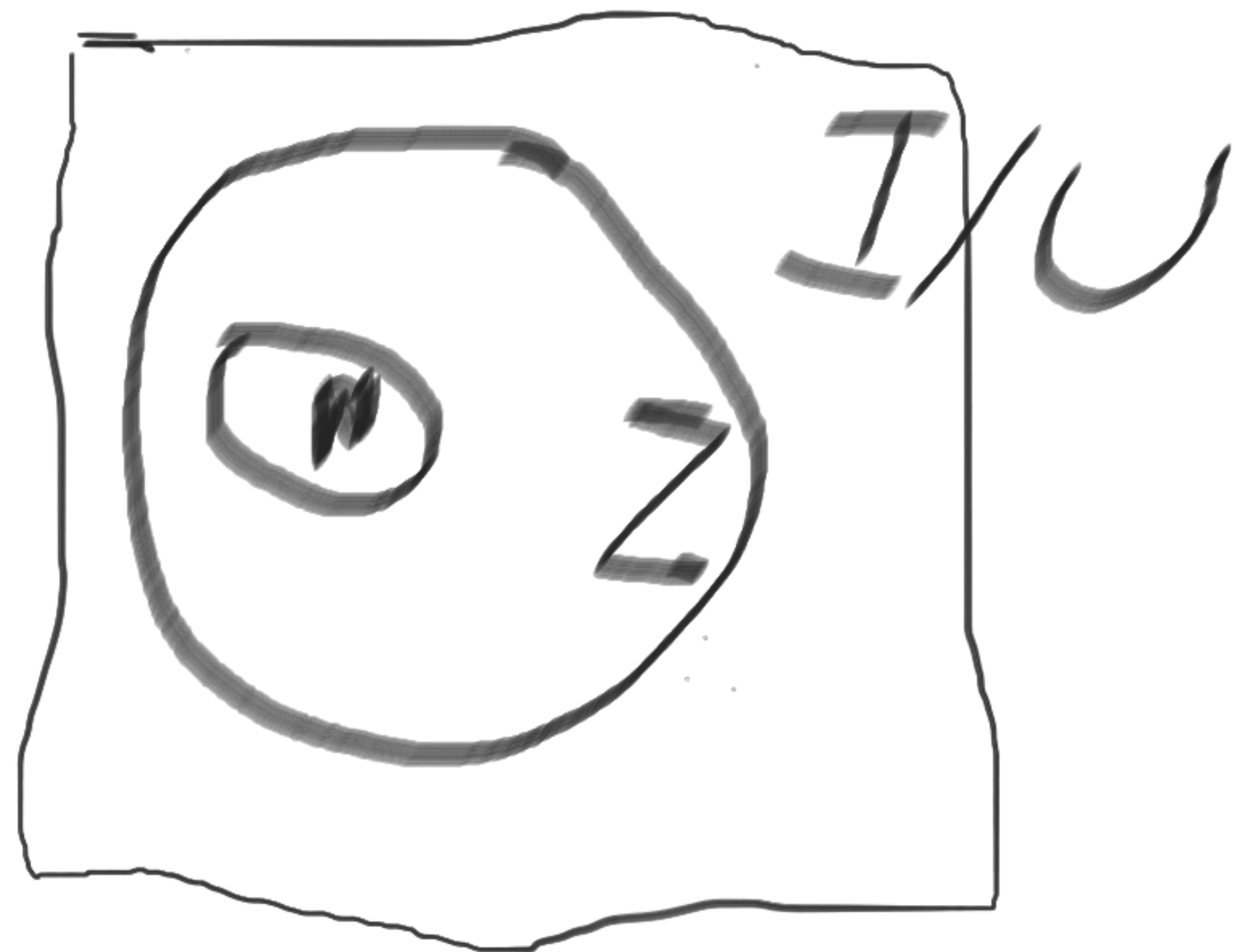
$$C = \{x \mid x \in [0, 3]\} \quad [0, 3]$$

OCN

WCV

UN

NNZ



$$|A| = \{1, 2, 3\} = 3$$



$$\begin{array}{c} A \setminus B \\ B \setminus A \end{array}$$

$$A \Delta B = (A \setminus B) \cup (B \setminus A)$$

Декартово (прямое) произведение множеств, A и B

Называется множество $A \times B$ всех упорядоченных пар (a, b) , в которых элемент a принадлежит A , b принадлежит B

$$R \times R = \{(x, y) \dots (x, y)\} \quad \times$$

$$A = \{1, 2\} \quad ; \quad B = \{1, 2\}$$

$$A \times B = \{(1, 1), (1, 2), (2, 1), (2, 2)\}$$

$$B \times A = \{(1, 1), (1, 2), (2, 1), (2, 2)\}$$

Отображение множеств

Отображение множество A во множество B - это правило(закон), по которому каждому элементу множества A ставится в соответствие элемент множества B

Мн-во B - образ отображения. Мн-во A - прообраз множества B

Если в соответствие ставится 1 элемент, то данное правило называют функцией

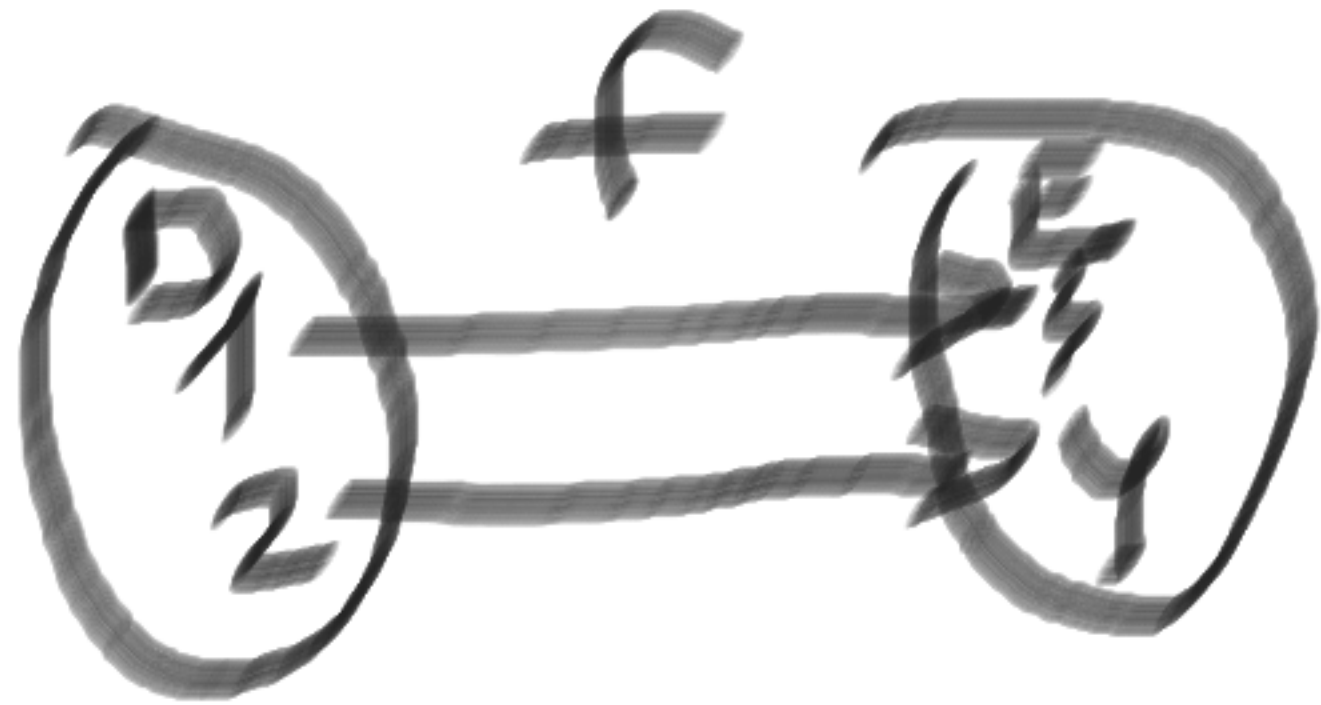
$$f: A \rightarrow B$$

\Leftarrow отображение из A в B

$$a \in A \Rightarrow b = f(a)$$

$D(f)$ or arg $E(f)$ or val

Биективное отображение - каждому элементу соответствует единственное значение



$$f(x) = 2x$$

$$D(f) = \mathbb{R}$$

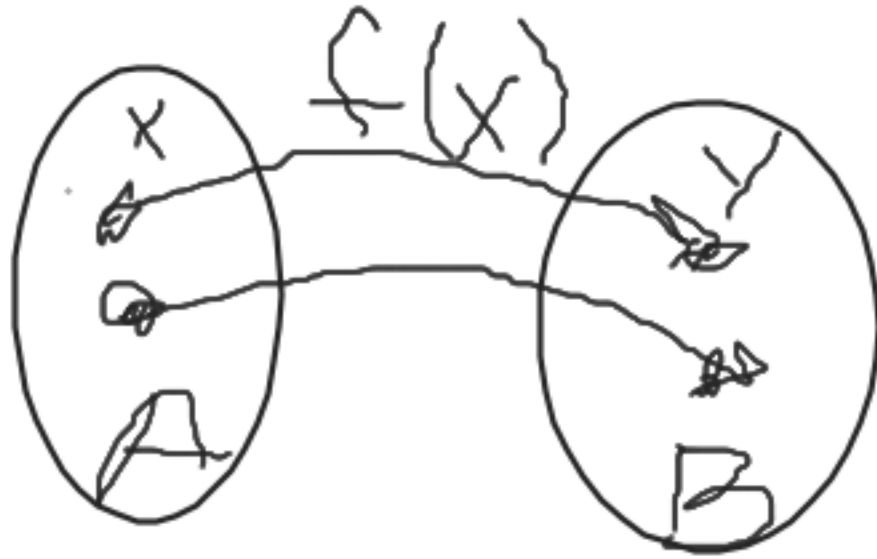
$$E(f) = \mathbb{R}$$

$$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$$



Множество B - это образ (множество значений функции), а мн-во A - прообразом (область значений).

Прообраз ($=D(f)$) - обл опред ф-ции.
Отображение - ($E(f)$) - обл значений

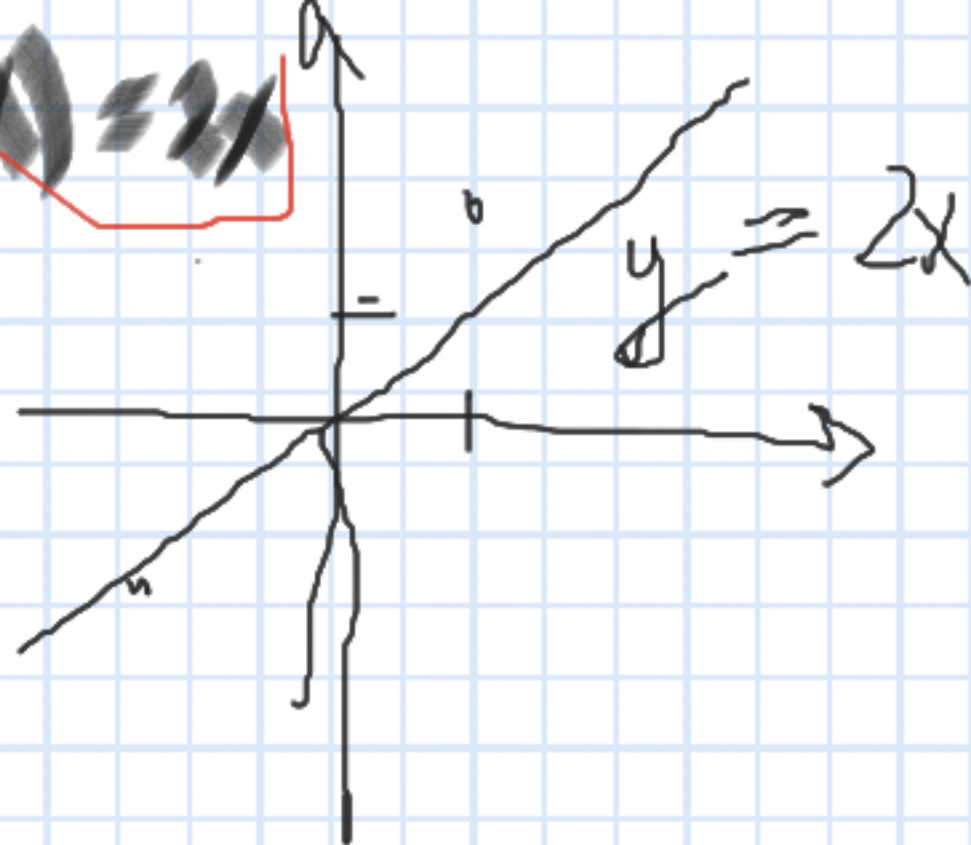


Биекция. $D(f) \rightarrow E(f)$. Мн-во
(биективно), те взаимно
однозначно. ($1x=1y$)

$$y = f(x) = 2x$$

$$D(f) = \mathbb{R}$$

$$E(f) = \mathbb{R}$$

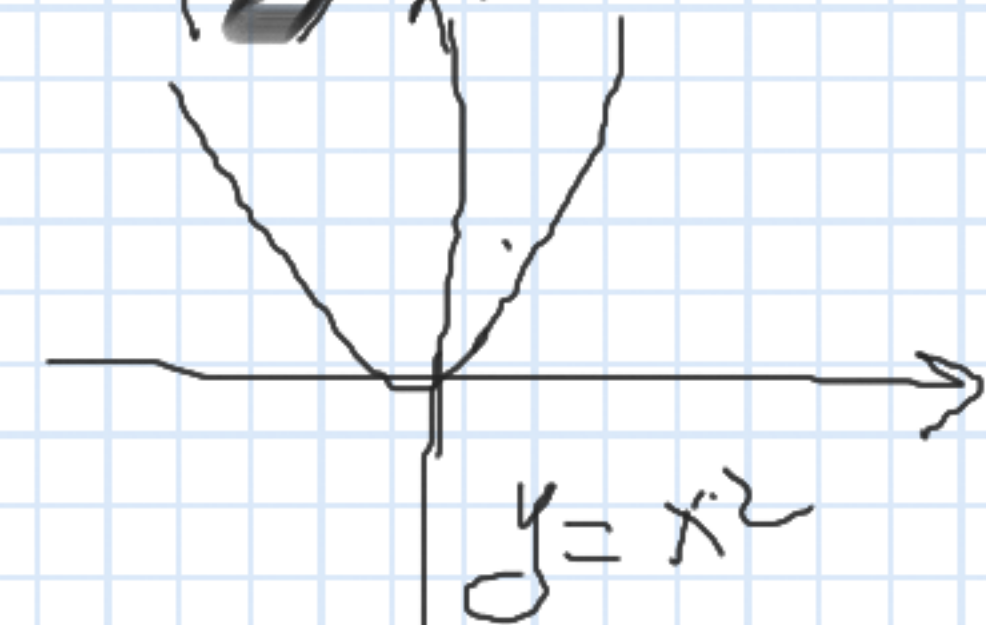


$$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$$

$$y = g(x) = x^2$$

$$D(g) = \mathbb{R}$$

$$E(g) = [0; +\infty)$$



$$g: \mathbb{R} \rightarrow [0; +\infty)$$

функция одной переменной - это правило F , которое каждому значению независимой переменной x области определения ставит в соответствии одно и только одно значение $y = f(x)$

Обратное отображение прямое отображение $f: A \rightarrow B$ обратимо $f^{-1}: B \rightarrow A$

тогда и только тогда, когда вкести оно взаимно однозначно
(можем по y вычислить x)

обратимость означает возможность «всё
вернуть в исходное состояние»

$y = f(x) = 2x$. По y найти x
(Обратная функция)
 $x = f(y)^{-1} = y/2$

$$10 = 2 \cdot 5$$

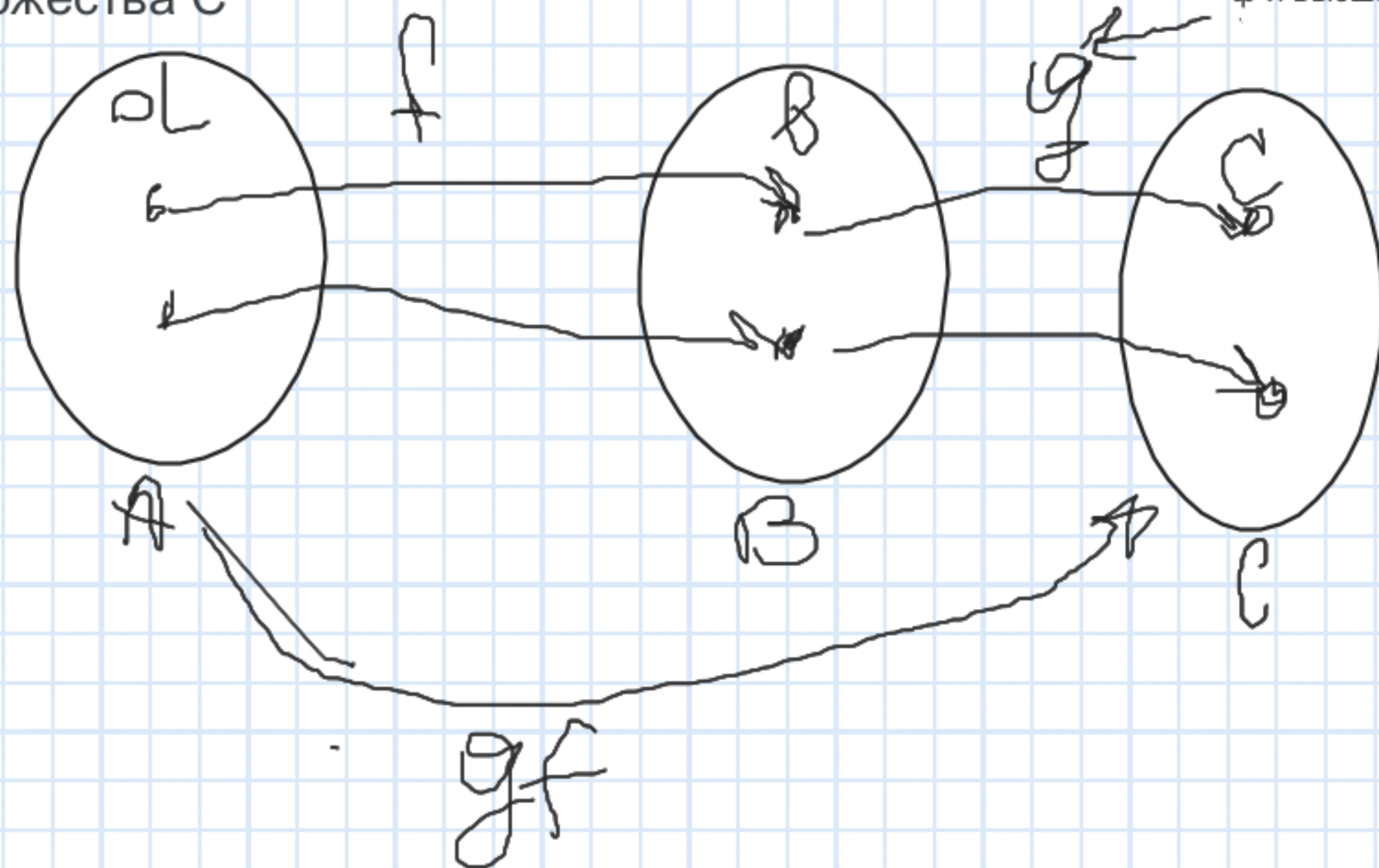
Необратимая функция
(Одному y соответствует 2 x):
 $y = g(x) = x^2$.
Пусть $y = 4$, тогда $x = \pm 2$

Композиция отображений.

$f: A \rightarrow B$ $g: B \rightarrow C$ Называется

$$g(f(x))$$
$$gf: A \rightarrow C$$

которое каждому элементу x множества A ставит в соответствие элемент (либо элементы) $g(f(x))$ множества C



```
def f(a: A):  
    b = a / 2  
    return b
```

```
def g(f: func):  
    c = f*2  
    return c
```