Доказательство по Коши = по определению On = A 48-D,7M(E)EM, Mn = N, n7, n6 (On-A) < 8 2 ln (n-1), MYC+ E>0, TO FATA Value (n-1) - lim 2la (n-1) / 2 8 3(n+1)

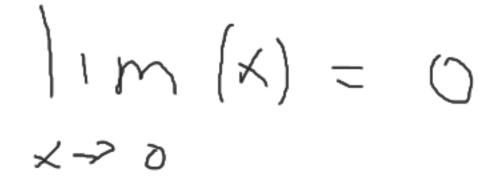
3(0+1)>0 номер которго мы войдем в коридор

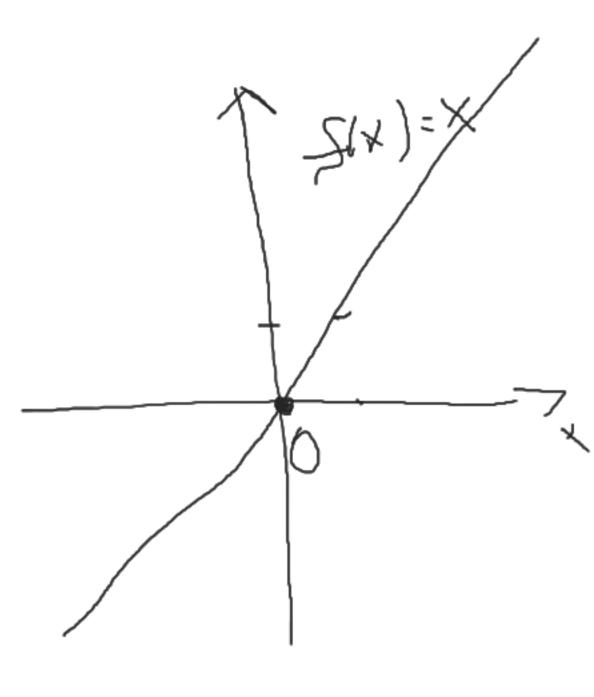
Бесконечно малые функции (бмф) и бесконечно большие функции (ббм)

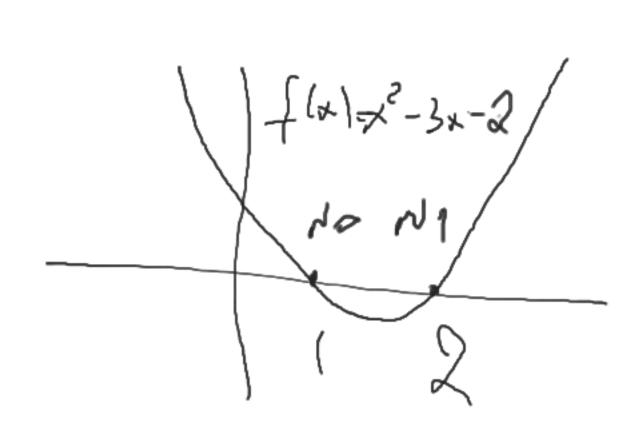
Bim-P(x) -0 (>K)

ф-я бесконечно малая мб только в какой-то точке

БМФ - в любых точках кроме точки O(o,o) наш предел равен какому-то числу.







$$P(x) - 5 M_{1} p 0 N_{0} M_{1}$$

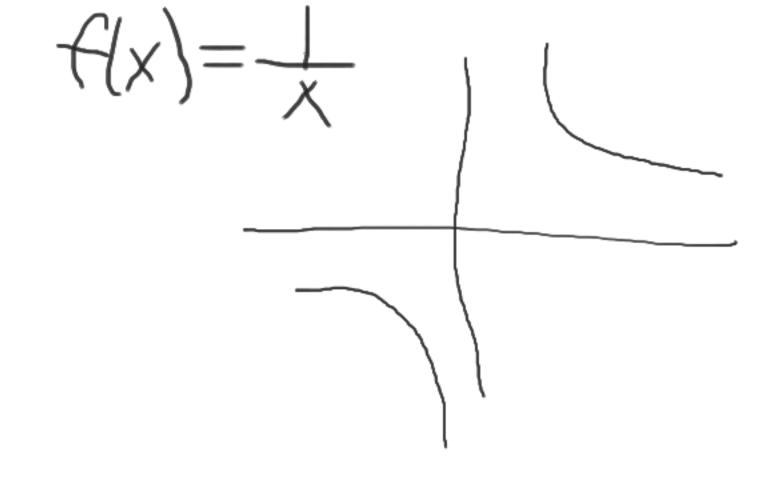
$$|(M(x^{2}) L - 2) - 0|$$

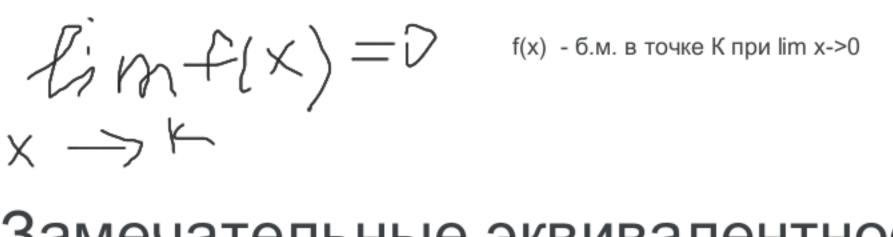
$$|(M(x^{2})$$

осциллирующая последоательность=функция

$$-(x) = \frac{1}{x}$$

бмф на бесконечности тк мы стремимся к 0.





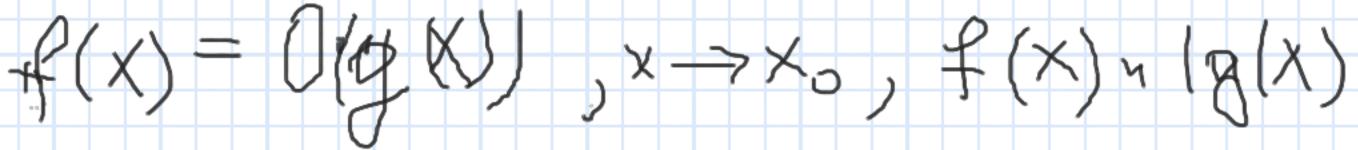
Замечательные эквивалентности

x - ynon z x->0 BinK) NX 2) tg(d)~d 3) anc sings Marcty (x)~x 1- Cos(x)~ 5. L

2 -1~ 2 hb, 20 b+1 E-1~ 8) (1+d) K-1nd·K 11+d) K~ L1K+1

lim (1-0053X) x->0 orctg 2x, log, 1-4x Mpu X-> 0 Repub = Rol; 1- (DS3X ~ 2X inoted X ~ 2x ROQ 1-4X~ x = lim 9x, en 2 - 9 ln2 x > 0 2 2 2x (ux) 16

Сравнение функций.Символ Ландау



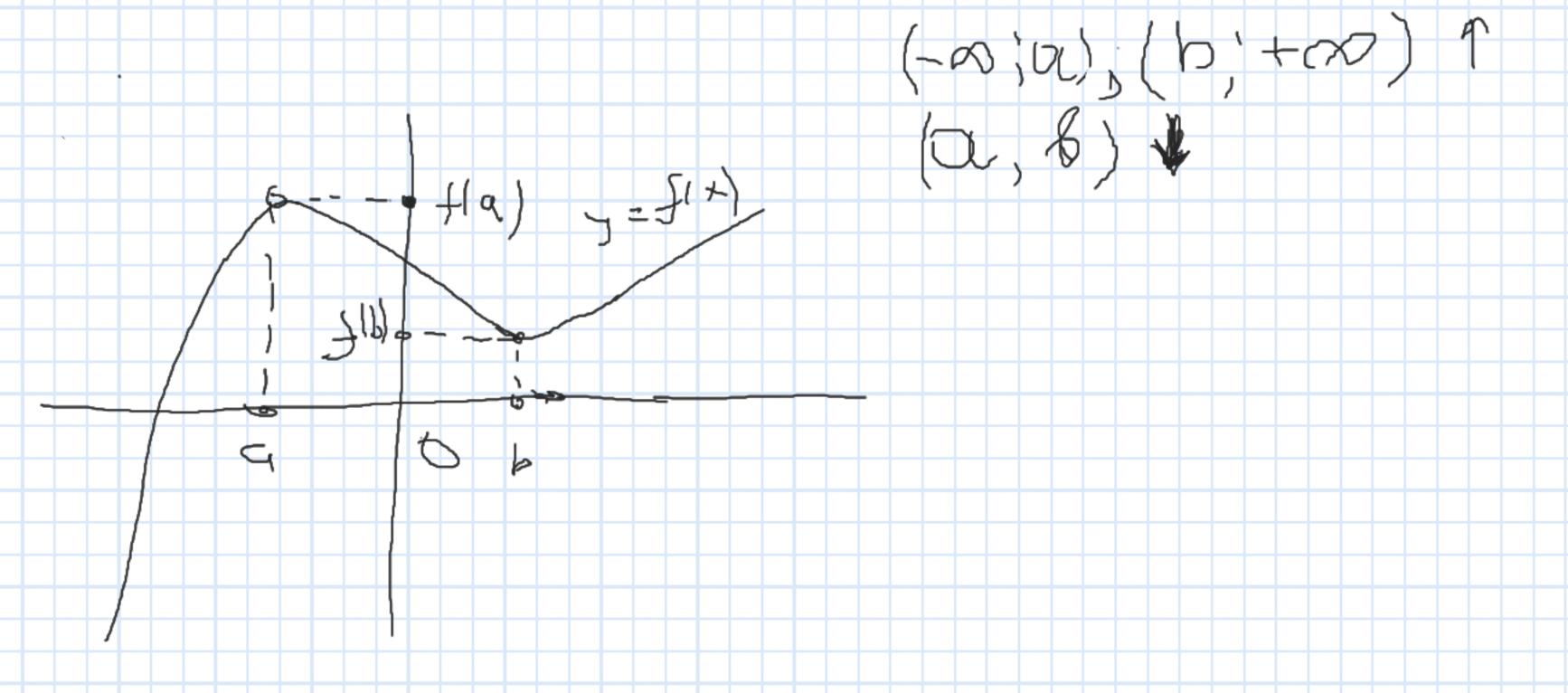
определены в проколотой окрестности точки x0 если в этой окрестности выполняется равенство f(x)=h(x)=g(x),где |h(x)| <= C (const)

«О» большое и «о» малое (О и о) — математические обозначения для сравнения асимптотического поведения (асимптотики) функций

Задача оценить функцию на асимптотику при работе с гигантским п.

Производные

Монотонность - возростание и уюывание функции Экстремумы функции - макимум и минимум функции



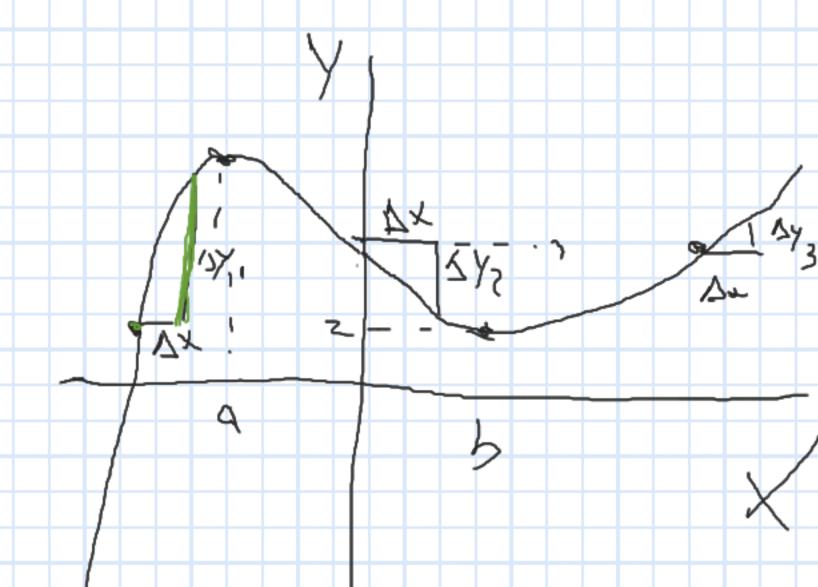
Скорость изменения функции -

Возьмем некоторое значение х - приращение

аргумента.

 $\triangle \times -$

приращение аргумента приращение функции



$$\frac{2}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{1}$$

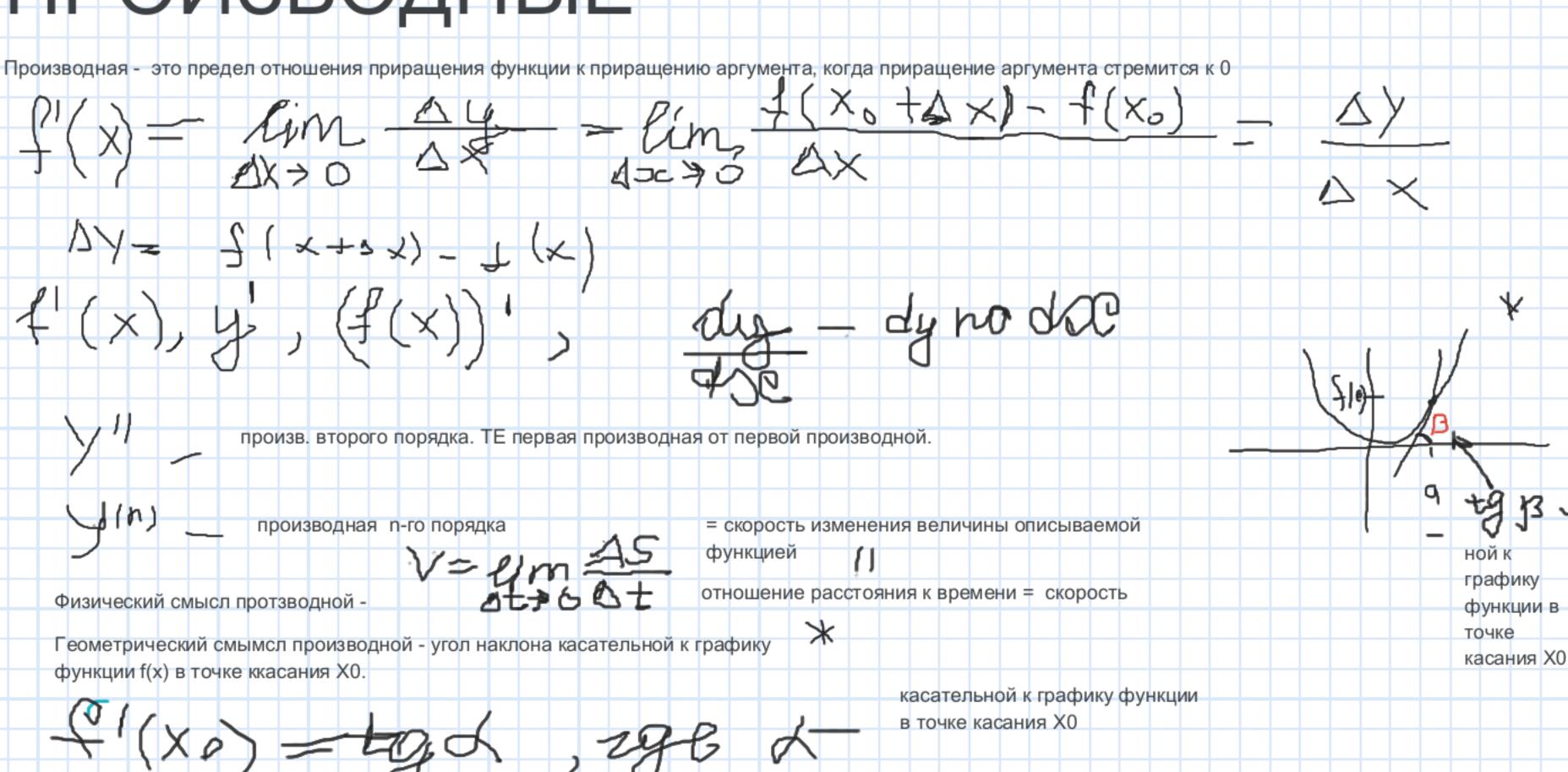
Чем меньше значение зх тем более точно мы можем описать функцию

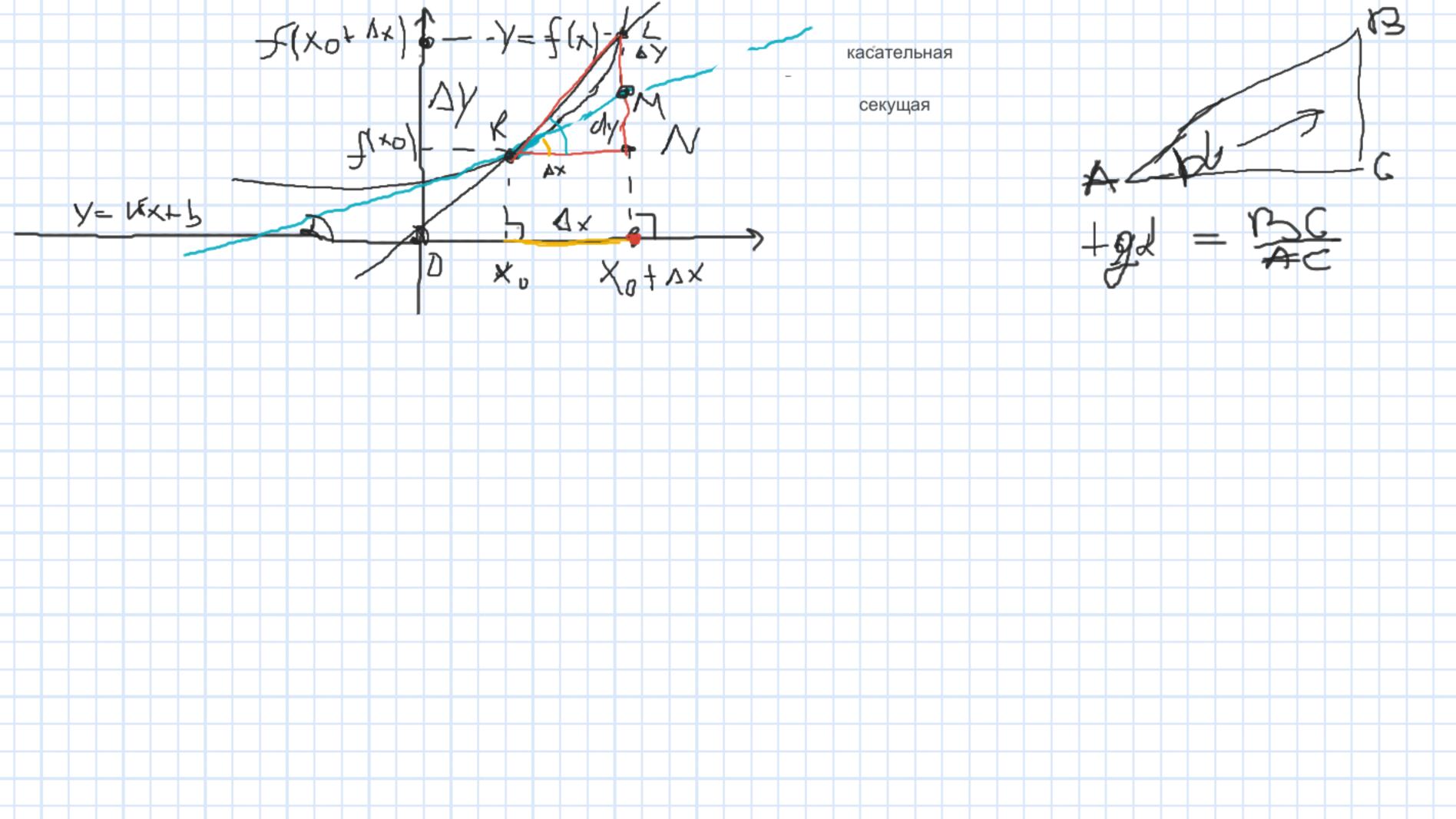
A42 = -1 104

Если отношение х/ у = 0 - то мы в точке эестремума

ПРОИЗВОДНЫЕ

Механический смысл производной - мгновенная скорость изменения функции





Введение в дифференциальные исчисления

 функия выпуклая. Мб и вогнутой. Это пгоказывает секущая

секущая образует прямоуг треугольник № ᠘ Л

угол наклона секущей к оси ох

 $\frac{\partial \theta}{\partial x} = \frac{1}{100} + \frac{1}{100} = \frac{1}{100} + \frac{1}{100} = \frac{1}{100} + \frac{1}{100} = \frac$

Угол наклона секущей стремится к углу наклона касательной

$$Ay = A(x_a + \Delta x) - A(x_b) - 5$$
 приращение функции

 $\Delta \times - >$ приращение аргумена $f(x_0) = \lim_{N \to \infty} \Delta y = + g y$

Произвлжная от производной - ускорение

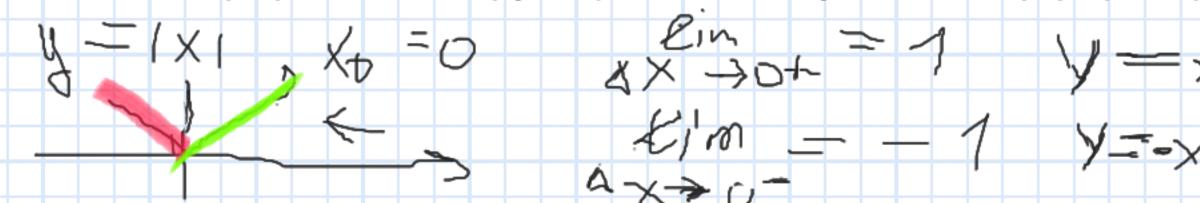
Производная (в точке X0) - это предел отношения приращения функции к прищению аргумента, когда приращение аргумента стремится к 0.

Дифференциал функции в точке и его геометрический смысл

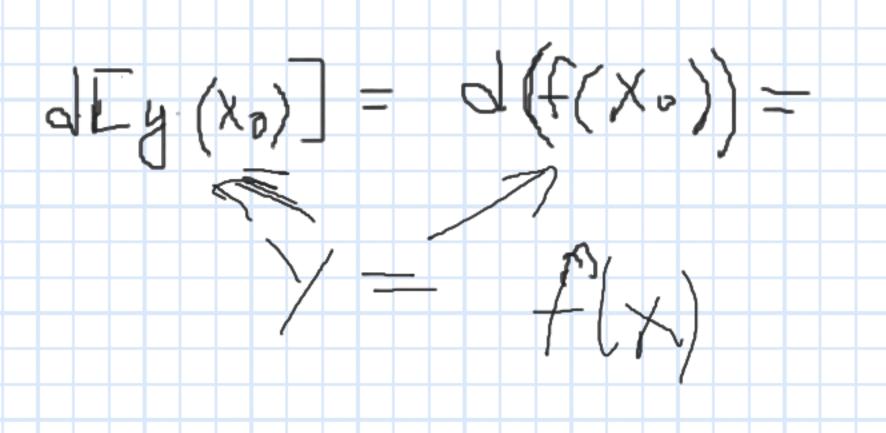
$$\{(x_o) = O(\{(x_o)\})$$

Из диференцируемости ф-ции в точке х0 обязательно следует ее непрерывность

НО из непрервыности функции не следует ее дифференципуемость



передклы существуют, но они не равны. Те нет общего предела и нет обшей касательной. То ф-я |x| - непрерывна в т-ке X0, но недеференцируемая.



Xe ZX

Дифференциал функции в точке x0 - это главная линейная часть приращения ф-ции дельта у

 $dy = f'(x) \cdot dx, nge dx = \Delta x$ $1/(x) \cdot dx \cdot (1/(x) \cdot ($

Длина отрезка NM - дифференциал ф-и в точке X0

Ду = LN - призому л р - Ч

dy = lN - npujony - q -

Рассмотрим прямоуг треуг KMN и тангенс угла наклона к касательной

dy = tg19.10x => d[+(x0)] = J'ko/. 0x

Диф- л - это инструмент - помогвает понять как изменяется функция при небольшом изменении аргемента

Диф - л это приращение пути если мы немного изменим скорость.

диференциал независимой переменной по х. Это бесконечно малая прибавка = приращение по Х

применяется только в сочетании с производной

Дифференциал является линейной функцией аргумента.

Диференциал постоянной функции = константы равен 0

Дифференциал суммы = произвежению суммы диференуиалов

Дифференциал произведения функций равен произведению первого дифференциала на вторую функцию плюс произведение первой функции на дифференциал второй функции.

Дифференциал частного от функций равен (произведению дифференциала числителя на знаменатель минус произведение числителя на дифференциал знаменателя) деленному на квадрат знаменателя.

Если вы находитесь в точке x = 2, ваша скорость составляет 4 (f'(2) = 4).

Если вы немного увеличите скорость, скажем, на 0.1, то ваш путь за этот короткий промежуток времени увеличится на 0.8 (dy = 2 * 2 * 0.1 = 0.8)