1 Механика.

Механическое движение — изменение пространственного положения тела относительно других тел с течением времени.

При **поступательном движении** прямая проведенная через любые две точки внутри тела остается параллельна сама себе.

При **вращательном движении** каждая точка тела вращается по своей окружности, центры этих окружностей лежат на одной прямой, прямая называется осью вращения.

Любое движение — сумма этих двух движений.

Колебательное движение — движение, повторяющееся с той или иной точностью во времени.

1.1 Кинематика.

Кинематика — раздел механики, изучающий способы описания движения и связь величин характеризующих это движение.

Для описания движения нужны:

- Система отсчета.
- Тело отсчета.
- Система координат.
- Часы.

Способы анализа:

- Табличный.
- Графический.
- Аналитический.

1.1.1 Равномерное прямолинейное движение.

Равномерное прямолинейное движение — за любые равные промежутки времени тело проходит одинаковые участки пути, траектория при этом прямая линия.

Траектория — кривая, по которой движется тело.

 $\Pi y T b$ — длинна траектории.

Перемещение — вектор из начальной точки в конечную.

Расстояние — модуль перемещения.

Скорость — физическая векторная величина, характеризующая быстроту изменения положения тела в пространстве. $V = \frac{S}{2}$.

Формула изменения координаты — $x = x_0 + V_x \cdot t$.

Формулы.

Величина	РПД	РУД
Скорость	$V = \frac{S}{t}$	$V_x = V_{0x} + at$
Расстояние	$S = V \cdot t$	$S = V_{0x}t + \frac{at^2}{2}$
Координата	$x = x_0 + V_{0x}t$	$x = x_0 + V_{0x}t + \frac{at^2}{2}$

Золотая формула механики. $S = \frac{V_{\kappa}^2 - V_0^2}{2a}$.

1.1.2 Движение под углом горизонта.

Тело брошено с высоты h под углом α со скоростью V_0 .

1.
$$V_x = V_0 \cos \alpha$$

2.
$$x = V_0 \cos \alpha t$$

3.
$$V_y = V_0 \sin \alpha - gt$$

4.
$$y = h_0 + V_0 \sin \alpha t - \frac{gt^2}{2}$$

І. Траектория.

$$t = \frac{x}{V_0 \cos \alpha}.$$

$$y = h_0 + V_0 \sin \alpha \frac{x}{V_0 \cos \alpha} - \frac{g}{2} \cdot \frac{x^2}{V_0^2 \cos^2 \alpha}.$$

$$y = h_0 + x \operatorname{tg} \alpha - \frac{gx^2}{2V_0^2 \cos^2 \alpha}.$$

II. H_{max} : $V_y = 0$.

$$\begin{split} 0 &= V_0 \sin \alpha - g t_{\text{падения}} \\ t_{\text{падения}} &= \frac{V_0 \sin \alpha}{g} \\ H_{max} &= h_0 + V_0 \sin \alpha \cdot \frac{V_0 \sin \alpha}{g} - \frac{g}{2} \cdot \frac{V_0^2 \sin^2 \alpha}{g^2} \\ H_{max} &= h_0 + \frac{V_0^2 \sin^2 \alpha}{2g} \end{split}.$$

III. $t_{\text{полета}}$: y = 0.

$$\begin{split} 0 &= h_0 + V_0 \sin \alpha t_{\text{полета}} - \frac{g t_{\text{полета}}^2}{2} \\ &\frac{g t_{\text{полета}}^2}{2} - V_0 \sin \alpha t_{\text{полета}} - h_0 = 0 \\ t_{\text{полета}} &= \frac{V_0 \sin \alpha + \sqrt{V_0^2 \sin^2 \alpha + 2g h_0}}{g} . \end{split}$$

IV. Дальность полета: L.

$$L = x(t_{\text{полета}}) = V_0 \cos \alpha t_{\text{полета}}.$$

$$L = \frac{V_0^2 \sin 2\alpha}{g}.$$

V. Конечная скорость.

$$\begin{split} &V_{\text{y k}} = V_0 \sin \alpha - g t_{\text{полета}} = V_0 \sin \alpha - g \cdot \frac{V_0 \sin \alpha}{g} - g \cdot \frac{\sqrt{V_0^2 \sin^2 \alpha + 2g h_0}}{g} \\ &V_{\text{x k}} = V_0 \cos \alpha. \\ &V_{\text{y k}} = -\sqrt{V_0^2 \sin^2 \alpha + 2g h_0}. \\ &V_{\text{k}} = \sqrt{V_{\text{x k}}^2 + V_{\text{y k}}^2} = \sqrt{V_0^2 \cos^2 \alpha + V_0^2 \sin^2 \alpha + 2g h_0}. \\ &V_{\text{k}} = \sqrt{V_0^2 + 2g h_0}. \end{split}$$

VI. Угол падения (β) .

$$\cos \beta = \frac{V_x}{V_{\kappa}} = \frac{V_0 \cos \alpha}{\sqrt{2gh_0 + V_0^2}}.$$

1.1.3 Векторный подход к задачам с броском под углом горизонта (баллистическим задачам).

Тело брошено под углом lpha со скоростью V_0 . $\vec{V} = \vec{V_0} + gt$.

$$\vec{V} = \vec{V_0} + gt.$$

 $\vec{r} = \vec{V_0} + \frac{\vec{g}t^2}{2}.$

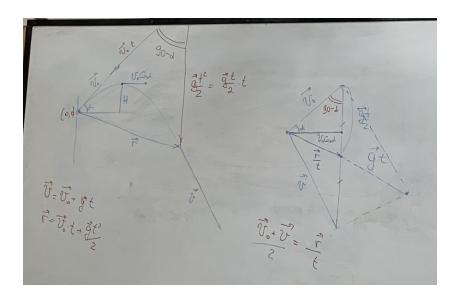


Рис. 1: Треугольник скоростей и путей.

$$S_{\triangle V} = \frac{V_0 \cdot \cos \alpha \cdot gt}{2} = \frac{V \cdot V_0 \cdot \sin(\alpha + \beta)}{2}.$$

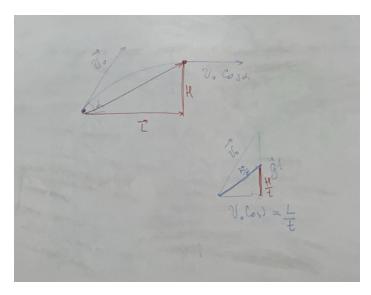


Рис. 2: Треугольник скоростей 2.

1.1.4 Движение по окружности.

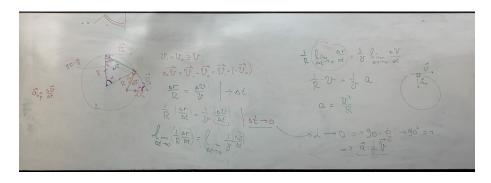


Рис. 3: Движение по окружности.

 ω — угловая скорость. $\omega = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \varphi}{\Delta t}$. **Период** — время, за которое тело проходит полный оборот по окружности. $T = \frac{2\pi R}{V} = \frac{2\pi}{\omega}$.

Формула связи линейной скорости с угловой. $V=\omega R$.

Частота — количество оборотов в секунду. $\nu = \frac{1}{T}$. $[\nu] = \Gamma$ ц.

$$\beta = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \omega}{\Delta t} = const.$$

$$\beta = \frac{\Delta \omega}{\Delta t} = \frac{\omega(t) - \omega_0}{t - t_0}.$$

$$\omega(t) = \omega_0 + \beta t.$$

$$\beta = \frac{\Delta \omega}{\Delta t} = \frac{\omega(t) - \omega_0}{t - t_0}$$
.

$$\omega(t) = \omega_0 + \beta t$$

$$\varphi = \varphi_0 \pm \omega_0 t \pm \frac{\beta t^2}{2}.$$

$$a_{\tau} = \beta R$$
.

Относительность движение. Преобразование Галилея. 1.1.5

Принцип относительности классической механики — во всех инерциальных системах отсчета механические явления протекают одинаково.

$$\vec{V_{\rm a6c}} = \vec{V_{\rm othoc}} + \vec{V_{\rm nep}}$$

Динамика. 1.2

Отвечает на вопрос, почему тело движется именно так.

$$\vec{F}$$
, $[F] = H$.

Инерция — способность тела сохранять скорость при отсутствие внешнего воздействия.

Три закона Ньютона:

- 1. Существуют инерциальные системы отсчета (ИСО). ИСО те системы отсчета, в которых если на тело не действуют силы или их действие скомпенсировано, то тело движется равномерно и прямолинейно или покоится.
- 2. $\sum \vec{F} = m\vec{a}$.

Инертность — свойство тела, которое заключается в том, что для изменения скорости тела необходимо время.

3. При взаимодействие двух тел возникает две силы. Эти две силы приложены к двум разным телам, равным по модулю, противоположны по направлению, лежат на одной прямой, имеют одну природу (гравитационная, электромагнитная, сильная, слабая).

Ограничения на законы: работают только для скоростей много меньших скоростей света, в инерциальных системах счисления и масса не нулевая.

Полезная информация:

- 1. Тело стоит на платформе, платформа движется вверх с ускорением \vec{a} , у тела масса m, то $P = m \cdot (q + a)$.
- 2. Тело стоит на платформе, платформа движется вниз с ускорением \vec{a} , у тела масса m, то $P = m \cdot (q a)$.

1.2.1Сила трения.

Сила трения имеет электро-магнитную природу. Направленна вдоль поверхности противодействующих поверхностей, против относительной скорости взаимодействия двух тел.

$$F_{\text{тр}} = N\mu; \, \mu$$
 — коэффициент трения.

Не существует силы вязкого трения покоя.

1.2.2 Сила упругости.

Сила упругости — сила электромагнитной природы, возникающая при деформации, направленная против деформации.

$$F_{\rm ynp} = -k\Delta x$$
.

Виды деформаций:

- Упругие (обратимая деформация):
 - 1. Растяжение-сжатие
 - 2. Сдвиг
 - 3. Изгиб
 - 4. Кручение
- Пластическая (необратимая деформация).

Механическое напряжение. $\sigma=\frac{F}{S}=\varepsilon\cdot\frac{kl_0}{S}=E\cdot|\varepsilon|.$ $[\sigma]=\frac{\mathrm{H}}{{}_{\mathrm{M}}{}^2}=\Pi \mathrm{a}.$ Модуль Юнга. $E=\frac{kl_0}{S}.$ $[E]=\Pi \mathrm{a}.$

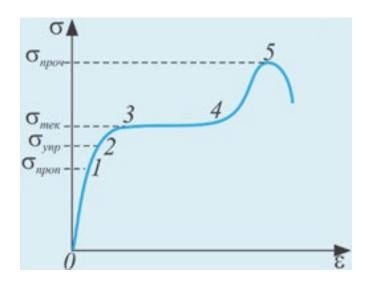


Рис. 4: Диаграмма растяжения

Коэффициент жесткости.

• Параллельное соединение. $k = \frac{ES}{l_0} = \frac{E(\sum_{i=0} S_i)}{l_0} = \sum_{i=0} k_i.$

• Последовательное соединение. $\frac{1}{k} = \frac{l_0}{ES} = \frac{\sum_{i=0} l_{0i}}{ES} = \sum_{i=0} \frac{1}{k_i}.$

1.2.3 Гравитация.

Исаак Ньютон (1643-1727 г.). Учился в Кэмбридже. Когда он был на 4 курсе, произошла эпидемия чумы и он получил бакалавриат без защиты диплома.

Законы Кеплера (1609 – 1619):

- 1. Все планеты движутся по эллипсам, в одном из фокусов которых находится Солнце.
- 2. Радиус-вектор планеты за одинаковые промежутки времени заметает равные площади.

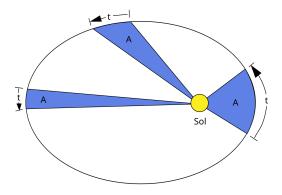


Рис. 5: Второй закон Кеплера.

3.
$$\frac{T_1^2}{T_2^2} = \frac{b_1^3}{b_2^3} = \frac{R_1^3}{R_2^3}$$
.

Закон всемирного тяготения (1666 г.). $F \sim \frac{m_1 m_2}{R^2}$. $F_{\rm грав} = \frac{G M_1 M_2}{R^2}$. Границы применения:

• Точечные тела.

• Сферические тела, плотность которых зависит только от расстояний до их центров.

Гравитационная масса — масса, входящая в закон всемирного тяготения.

Инертная масса — масса, входящая во второй закон Ньютона.

Могло быть такое, что они не равны. То, что они равны, стечение обстоятельств в нашей вселенной.

Опыт Кавендиша.

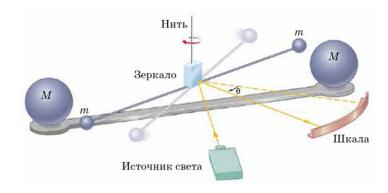


Рис. 6: Опыт Кавендиша*.

На самом деле он увеличил точность не с помощью зеркала, а с помощью шкалы Нониуса.

$$G = 6.67 \cdot 10^{-11} \frac{\text{H} \cdot \text{M}^2}{\text{Kr}^2}.$$

Но на самом деле он хотел найти $\rho_{\text{земли}} = 5437 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$. Это очень близко, тк на данный момент принято, что $\rho_{\text{земли}} = 5515 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$.

Ускорение свободного падения. $F = G \frac{Mm}{R^2} \to G \frac{M}{R^2} = g = 9.8$

Первая космическая скорость. Это минимальная (для данной высоты над поверхностью планеты) горизонтальная скорость, которую необходимо придать объекту, чтобы он совершал движение по круговой орбите вокруг планеты.

$$\begin{split} F_{\text{грав}} &= \frac{GMm}{R^2}; \ F_{\text{норм}} = \frac{mv^2}{R}. \\ \frac{GMm}{R^2} &= \frac{mv^2}{R}. \\ v &= \sqrt{\frac{GM}{R}} = \sqrt{\frac{(6.674 \cdot 10^{-11}) \cdot (5.972 \cdot 10^{24})}{6.371 \cdot 10^6}} \approx 7.91 \cdot 10^3 \frac{\text{M}}{\text{c}}. \end{split}$$

Что видит лунный человечек. Он всегда вдит землю в одной и той же точке на небе, так как луна вращается вокруг своей оси с такой же скоростью, с какой вращается вокруг земли. Это явление называется "Приливный захват".

Открытие Нептуна. В 19 веке ученые заметили, что орбита Урана отклоняется от расчетной, что указывало на влияние неизвестной планеты. Французский математик Урбен Леверье в 1846 году предсказал расположение Нептуна, рассчитав его орбиту на основе этих отклонений. Немецкий астроном Иоганн Галле с помощью телескопа обнаружил Нептун в указанном месте. Нептун стал первой планетой, открытой с помощью математических расчетов, а не прямых наблюдений.

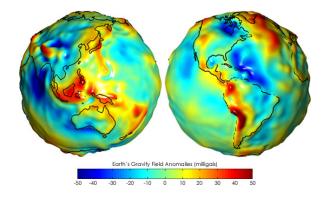


Рис. 7: Геоид с увеличенными искажениями и с раскраской, соответствующей гравитационным аномалиям (одна и та же гиря, взвешенная на одних и тех же пружинных весах, будет в «красных местах» тяжелее, а в «синих местах» — легче).

1.2.4 Не инерциальные системы отсчета.

Сила инерции. $\vec{F_{\text{u}}} = -m \cdot \vec{a_{\text{nep}}}$. Для нее нет пары, тк на самом деле этой силы не существует.

1.3Законы сохранения.

Закон сохранения импульса.

Импульс. $p=m\cdot V; [p]=rac{\mathrm{K}\Gamma\cdot\mathrm{M}}{\mathrm{c}}.$ Второй закон Ньютона в импульсной форме. $\vec{F}\Delta t=\Delta\vec{p}\to\vec{F}=rac{\Delta\vec{p}}{\Delta t}.$

Закон изменения импульса системы. $\Delta \vec{p_{\mathrm{cuc}}} = \vec{F_{\mathrm{внеш}}} \cdot \Delta t.$

Закон сохранения импульса. Если на систему не действуют внешние силы или их действие скомпенсированно, то импульс системы сохраняется.