

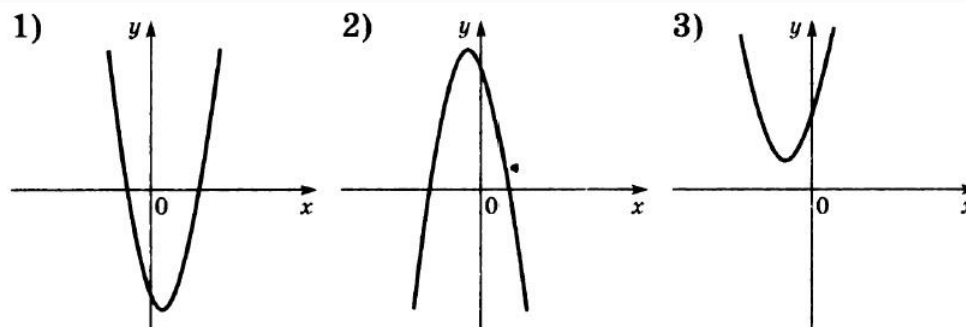
## ЗАДАНИЯ по теме "ГРАФИКИ ФУНКЦИЙ" с РЕШЕНИЯМИ!!!

1) На рисунках изображены графики функций вида  $y = ax^2 + bx + c$ . Установите соответствие между знаками коэффициентов  $a$  и  $c$  и графиками функций.

Коэффициенты:

А)  $a > 0, c > 0$       Б)  $a < 0, c > 0$       В)  $a > 0, c < 0$

Графики:



**Решение:**

Мы вспоминаем, за что отвечают коэффициенты  $a$  и  $c$  при построении графиков функции вида  $y = ax^2 + bx + c$ . **Коэффициент  $a$  определяет направление ветвей параболы: если  $a > 0$ , то ветви направлены вверх, а если  $a < 0$ , то ветви направлены вниз.**

Таким образом, мы видим, что только у второй параболы ветви направлены вниз, а значит  $a < 0$ .

У первой и третьей ветви направлены вверх, то есть  $a > 0$ . Далее мы смотрим, на что влияет коэффициент  $c$ . **Коэффициент  $c$  отвечает за ординату точки пересечения параболы с осью  $Oy$ , а именно:**

если точка пересечения параболы с  $Oy$  расположена *выше* оси  $Ox$ , то  $c > 0$ ,

если точка пересечения параболы с  $Oy$  расположена *ниже* оси  $Ox$ , то  $c < 0$

Так, у первой параболы  $c < 0$ , у второй и третьей  $c > 0$ .

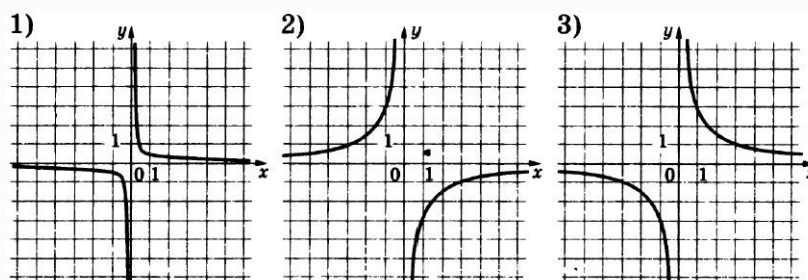
Из всего вышеперечисленного можно найти **ответ: 321**.

1) Установите соответствие между функциями и их графиками.

Функции:

А)  $y = -3/x$       Б)  $y = 3/x$       В)  $y = 1/(3x)$

Графики:



**Решение:** В данной ситуации можно воспользоваться **двумя подходами** — можно руководствоваться общими соображениями, а можно просто решить задачу подстановкой. Я рекомендую решать задачу общими соображениями, а проверять подстановкой.

Общие правила:

- если уравнение гиперболы **положительное** (то есть не стоит знак  $-$ , как во втором и третьем случае), то график функции лежит в **первой и третьей координатной четверти**
- если перед уравнением гиперболы стоит знак  $-$  (как в первом случае), то график лежит в **второй и четвертой четвертях**

Таким образом можно сразу определить, что первое уравнение соответствует графику под номером 2.

Второе правило, которым я пользуюсь, звучит так:

- **чем больше число в знаменателе гиперболы (рядом с  $x$ ), тем сильнее гипербола жмется к осям координатной плоскости**
- и наоборот:
- **чем больше число в числителе уравнения гиперболы, тем слабее и медленнее график функции прижимается к осям**

Следовательно, функция Б слабее прижимается к осям и ей соответствует график 3, а функции В соответствует график 1, так как она сильнее прижимается к осям.

**Ответ: 231.**

**2) Установите соответствие между функциями и их графиками.**

Функции:

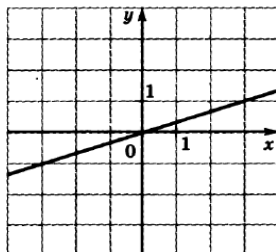
А)  $y = 3x$

Б)  $y = -3x$

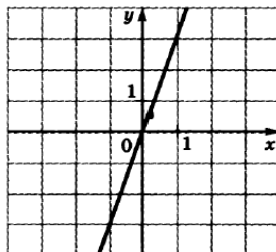
В)  $y = (1/3)x$

Графики:

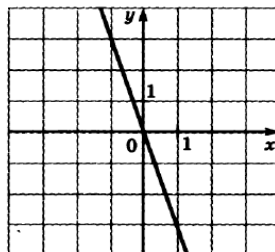
1)



2)



3)



**Решение:** Функция представляет собой линейную зависимость, а именно уравнение первого порядка вида  $y = kx + b$

График данной функции зависит от  $k$  и  $b$ .

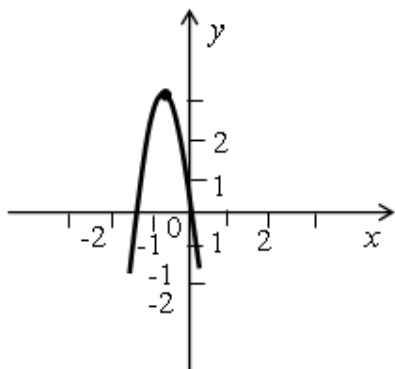
- если  $k < 0$ , то функция убывает, то есть линия идет сверху вниз, как на третьем рисунке
- если  $k > 0$ , то функция возрастает, то есть линия идет снизу вверх, как на первых двух рисунках
- коэффициент  $b$  определяет сдвиг по оси  $y$ , если  $b < 0$ , то прямая пересекает ось  $y$  ниже 0 в точке  $y = b$ , если  $b > 0$ , то выше нуля в точке  $y = b$
- если  $k > 1$ , то прямая идет круче, чем обычная  $y = x$  (как на первом и втором графике), если  $k < 1$ , то на рисунка №3

Следовательно, графику  $y = 3x$  соответствует рисунок 2, так как прямая идет снизу вверх и она более крутая, чем кривая на рисунке 1, которому соответствует функция  $y = (1/3)x$ .

Графику 3 соответствует функция  $y = -3x$  так как  $k = -3 < 0$ , и график идет сверху вниз.

**Ответ: 231.**

**1) Определите, график какой функции изображен на рисунке, опираясь на значение коэффициентов  $a$ ,  $b$  и  $c$ .**



- 1)  $y = x^2 - 2x$ ;
- 2)  $y = -2x^2 + x + 3$ ;
- 3)  $y = -3x^2 - x - 1$ ;
- 4)  $y = -2,7x^2 - 2x$ .

**Решение.**

По изображенному графику делаем следующие выводы о коэффициентах  $a$ ,  $b$  и  $c$ :

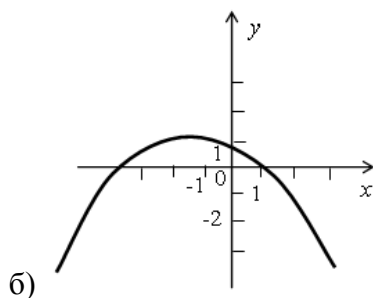
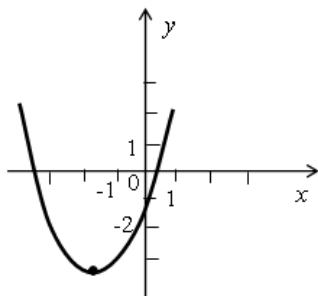
$a < 0$ , так как ветви параболы направлены вниз;

$b \neq 0$ , так как вершина параболы не лежит на оси  $OY$ ;

$c = 0$ , так как парабола пересекает ось  $OY$  в точке  $(0; 0)$ .

Всем этим условиям удовлетворяет только функция  $y = -2,7x^2 - 2x$ . **Ответ: 4.**

**1) По графику функции  $y = ax^2 + bx + c$  определите знаки коэффициентов  $a$ ,  $b$  и  $c$ :**



а)

б)

**Решение.**

а) Ветви параболы направлены вверх, поэтому  $a > 0$ .

Парабола пересекает ось ординат в нижней полуплоскости, поэтому  $c < 0$ . Чтобы узнать знак

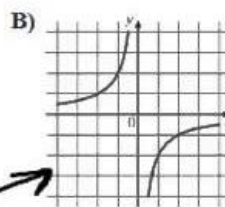
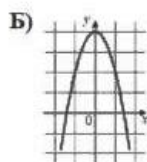
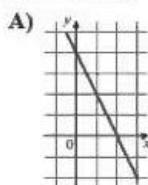
коэффициента  $b$  воспользуемся формулой для нахождения абсциссы вершины параболы:  $m = -\frac{b}{2a}$ . По

графику видно, что  $m < 0$ , и мы определим, что  $a > 0$ . Поэтому  $b > 0$ .

б) Аналогично определяем знаки коэффициентов  $a$ ,  $b$  и  $c$ :  $a < 0$ ,  $c > 0$ ,  $b < 0$ .

1. Для каждого графика укажите соответствующую ему формулу.

**ГРАФИКИ**



**ФОРМУЛЫ**

1)  $y = -2x + 4$

2)  $y = -\frac{2}{x}$

3)  $y = \sqrt{x}$

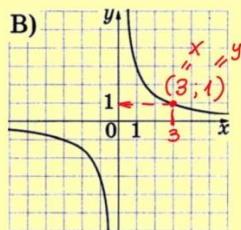
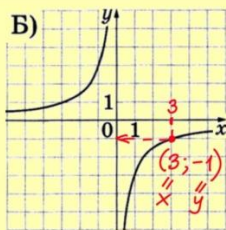
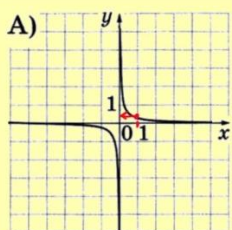
4)  $y = -2x^2 + 4$

Ответ:

| А | Б | В |
|---|---|---|
|   |   |   |

2. Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.

**ГРАФИКИ**



**ФОРМУЛЫ**

1)  $y = -\frac{1}{3x}$

2)  $y = -\frac{3}{x}$

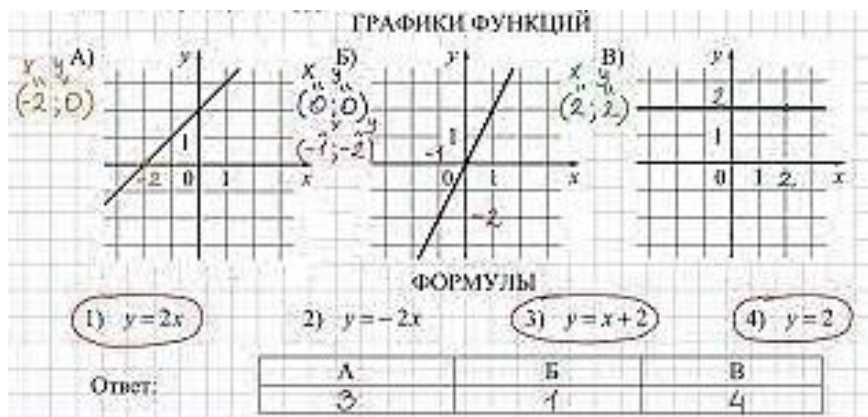
3)  $y = \frac{1}{3x}$

4)  $y = \frac{3}{x}$

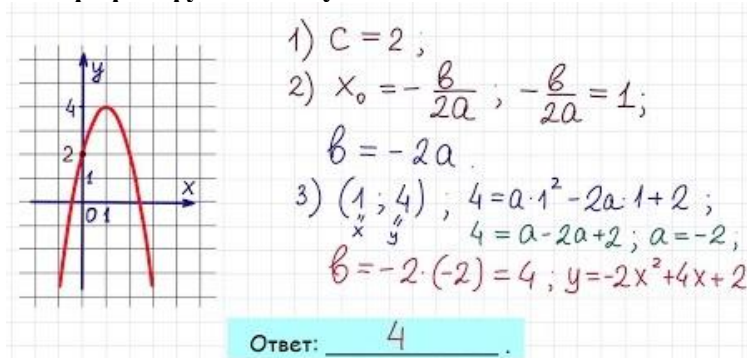
Ответ:

| А | Б | В |
|---|---|---|
| 3 | 2 | 4 |

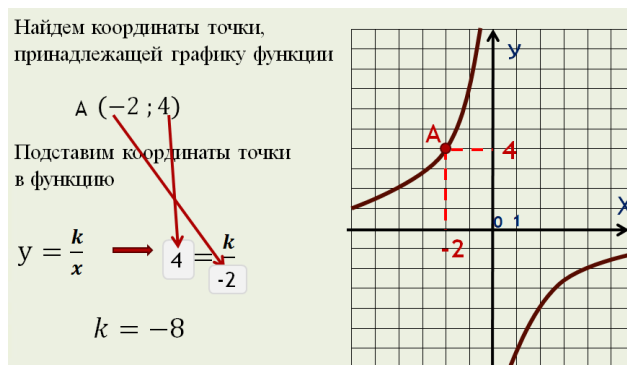
3. Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.



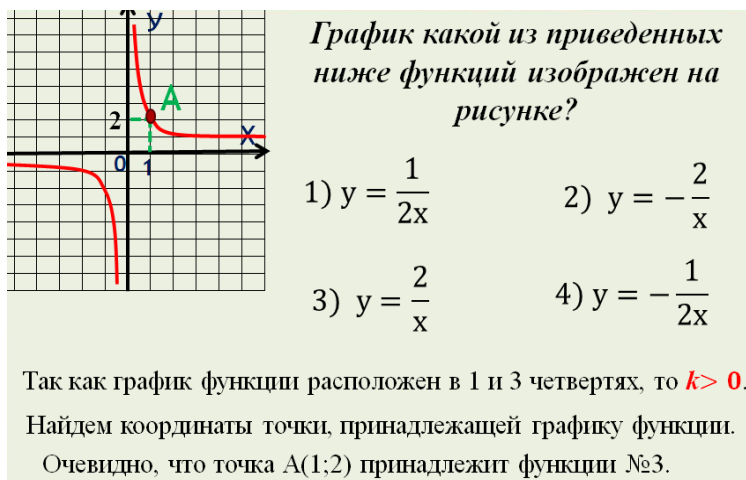
4. На рисунке изображен график функции  $y = ax^2 + bx + c$ . Найдите значение  $b$ .



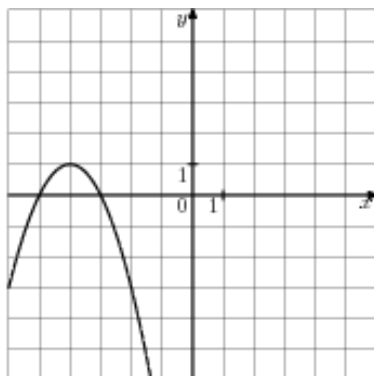
5. Найдите значение  $k$  по графику  $y = \frac{k}{x}$ , изображенному на рисунке.



6.



7. Найдите значение  $c$  по графику функции  $y = ax^2 + bx + c$ .



Если у нас график квадратичной функции на рисунке пересекает ось ординат, то достаточно вместо  $x$  подставить 0. Получим  $y = c$  - это и будет искомое значение. Если график на рисунке не пересекает ось ординат то:

1. Найти значение  $a$  по графику функции  $y = ax^2 + bx + c$ . Уравнение параболы  $y = ax^2 + bx + c$  запишем в другом виде:  $y = a(x-m)^2 + n$ , где  $(m;n)$  - координаты вершины параболы

Поиск:

а)  $(m;n) = (-4; 1)$  - вершина

б)  $(x; y) = (-3; 0)$  - точка параболы

$$a(-3+4)^2 + 1 = 0$$

$$a = -1$$

2. Найти значение  $b$  по графику функции  $y = ax^2 + bx + c$ . Уравнение параболы  $y = ax^2 + bx + c$  запишем в другом виде:  $y = a(x-m)^2 + n$ , где  $(m;n)$  - вершина параболы/ Формула абсциссы параболы:  $m = \frac{-b}{2a}$ ,  $b = -$

$$2am, b = -2 \cdot (-1) \cdot (-4) = -8, b = -8.$$

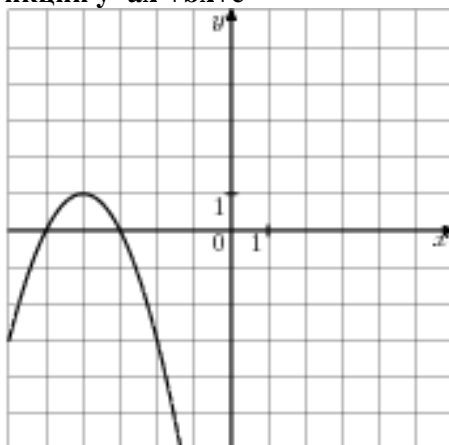
3. Чтобы найти значение  $c$ , подставим в формулу функции  $y = ax^2 + bx + c$  значение коэффициента  $a = -1$ , значение коэффициента  $b = -8$ , значение  $(x; y) = (-3; 0)$  - координат точки параболы.

$$0 = -1 \cdot (-3)^2 + (-8) \cdot (-3) + c$$

$$0 = -9 + 24 + c, c = -15.$$

**Ответ: -15.**

8. Найти значение  $a$  по графику функции  $y = ax^2 + bx + c$



Уравнение параболы  $y = ax^2 + bx + c$  запишем в другом виде:  $y = a(x-m)^2 + n$ , где  $(m;n)$  - координаты вершины параболы.

Поиск:

а)  $(m;n) = (-4; 1)$  - вершина

б)  $(x; y) = (-3; 0)$  - точка параболы

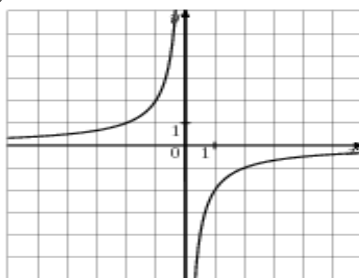
$$a \cdot (-3+4)^2 + 1 = 0$$

$$a = -1$$

**Ответ: -1.**

9. График какой из приведенных ниже функций изображен на рисунке?

1)  $y = -\frac{2}{x}$  2)  $y = \frac{2}{x}$ ; 3)  $y = -\frac{1}{2x}$ ; 4)  $y = \frac{1}{2x}$



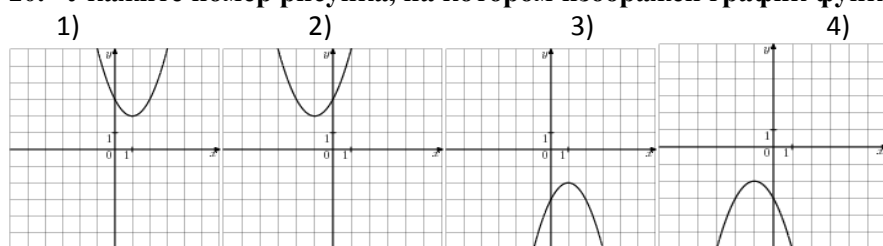
Поиск:

1.  $K < 0$  (ветви гиперболы в 2 и 4 четвертях). Тогда рассматриваем 1) и 3) функции;
2. Выберем на графике произвольную точку, например:  $A(1; -2)$
3. Подставим координаты точки  $A$  в 1) и 3) уравнение:

1)  $-2 = -\frac{2}{1}$  (верно)      3)  $-2 = -\frac{1}{2 \cdot 1}$  (неверно)

Ответ: 1

10. Укажите номер рисунка, на котором изображён график функции  $y = x^2 - 2x + 3$ .



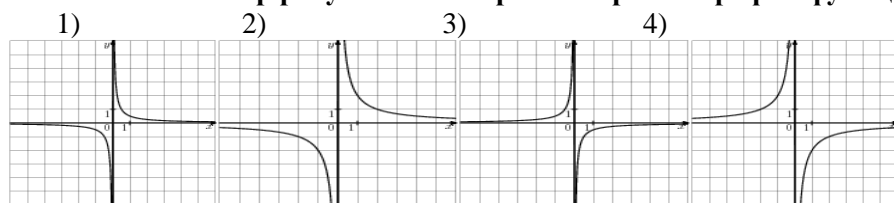
Поиск:

1.  $a > 0$  (ветви параболы - вверх), тогда рассматриваем 1) и 2) рисунки;
2. Выберем на графиках произвольную точку: 1)  $A(1; 2)$  2)  $B(-1; 2)$
3. Подставим координаты точек  $A$  и  $B$  в уравнение:

1)  $2 = 1^2 - 2 \cdot 1 + 3$  (верно)  
 2)  $2 = (-1)^2 - 2(-1) + 3$  (неверно)

Ответ: 1.

11. Укажите номер рисунка на котором изображен график функции  $y = -\frac{2}{x}$



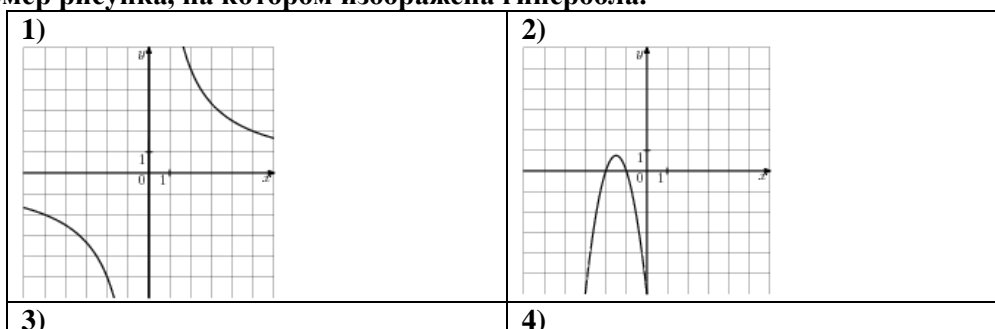
Поиск:

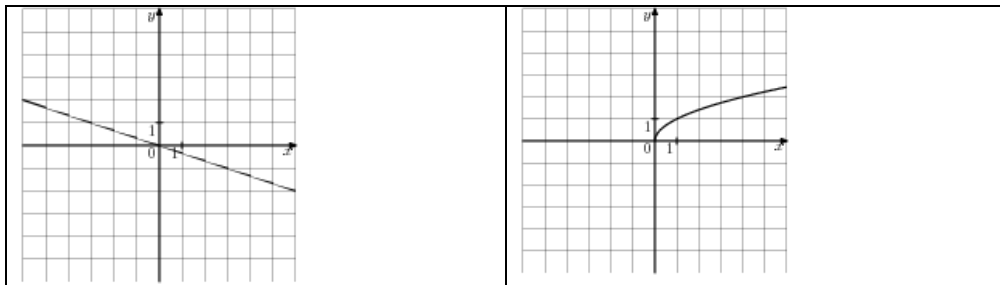
1.  $k = -2$  (ветви гиперболы – во 2 и 4 четвертях)
2. Рассматриваем 3) и 4) рисунки.
3. Выберем на графиках произвольные точки: 3)  $A(1; -0,5)$  и 4)  $B(1; -2)$
4. Подставим координаты точек  $A$  и  $B$  в уравнение:

3)  $1 \cdot (-0,5) = -2$  (неверно)  
 4)  $1 \cdot (-2) = -2$  (верно)

Ответ: 4.

12. Укажите номер рисунка, на котором изображена гипербола.





Чтобы выполнить задание этой группы необходимо хорошо знать, как выглядят графики каждой функции.

№1. График гипербола,  $k > 0$  ветви гиперболы находятся в I и III четвертях.

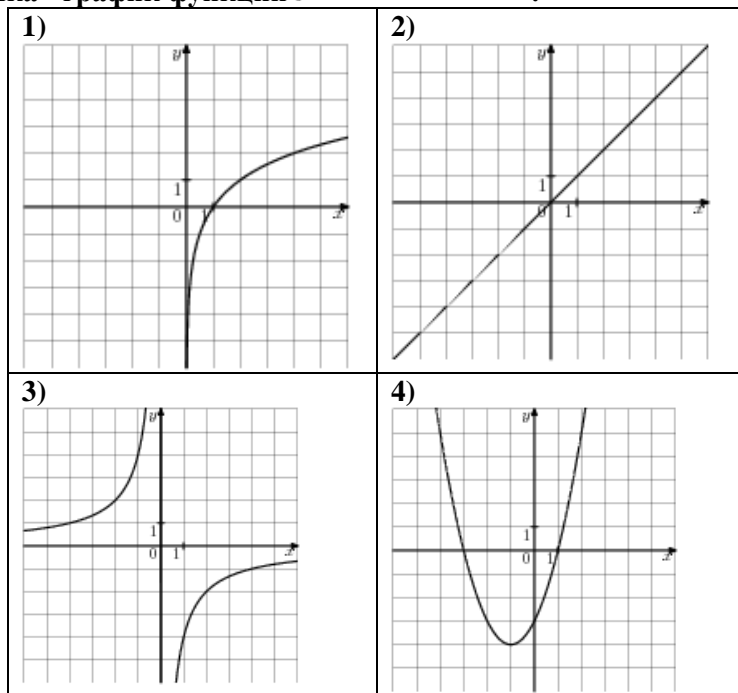
№2. Функция квадратичная, график парабола,  $a < 0$  ветви направлены вниз.

№3. Функция линейная, график прямая,  $k < 0$  функция убывающая.

№4. График функции  $y = \sqrt{x}$

**Ответ: 1.**

22. Укажите номер рисунка - график функции  $y = x^2 + 2x - 3$ .

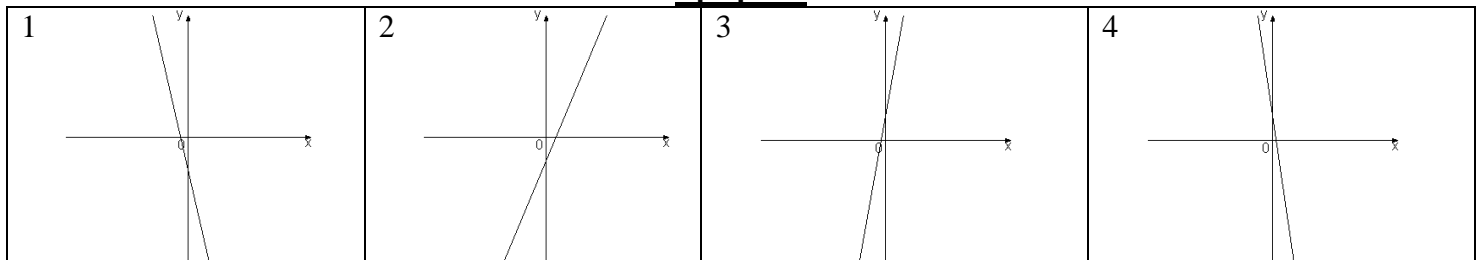


Функция  $y = x^2 + 2x - 3$  квадратичная, графиком является парабола,  $a > 0$  ветви направлены вверх.

**Ответ: 4.**

23. На рисунке изображены графики функций вида  $y = kx + b$ . Установите соответствие между знаками коэффициентов  $k$  и  $b$  и графиками.

### Графики



### Коэффициенты

А)  $k > 0, b < 0$ ;

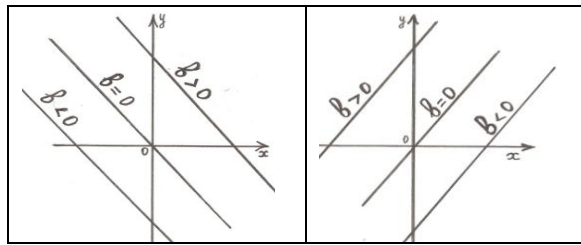
Б)  $k > 0, b > 0$ ;

В)  $k < 0, b < 0$ .

**Решение.**

Графиком функции вида  $y = kx + b$  является прямая, направление которой определяется знаками коэффициентов  $k$  и  $b$ .

|         |         |
|---------|---------|
| $k < 0$ | $k > 0$ |
|---------|---------|



Используя данную таблицу, определяем по графику знаки коэффициентов  $k$  и  $b$ .

|                 |                 |                 |                 |
|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| 1               | 2               | 3               | 4               |
|                 |                 |                 |                 |
| $k < 0$ $b < 0$ | $k > 0$ $b < 0$ | $k > 0$ $b > 0$ | $k < 0$ $b > 0$ |

Вывод:

|   |   |   |
|---|---|---|
| А | Б | В |
| 2 | 3 | 1 |

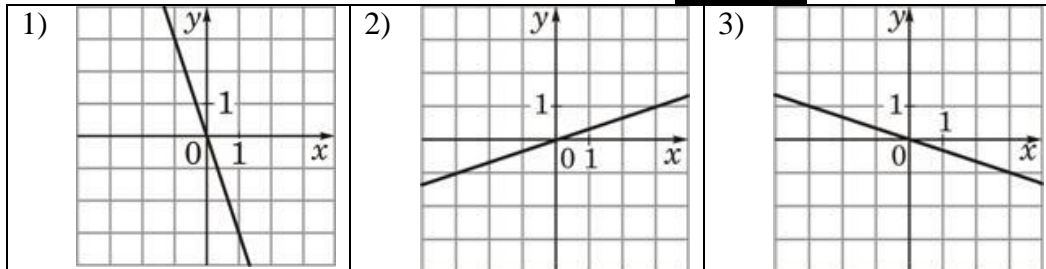
Ответ: 231.

24. Для каждой функции, заданной формулой, укажите ее график.

#### Формулы

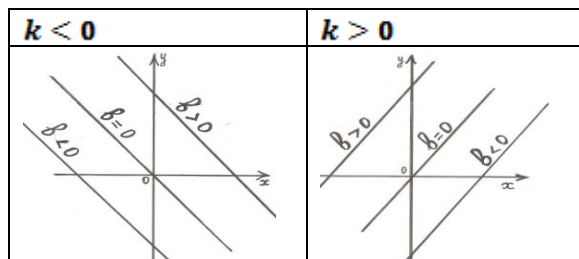
А)  $y = -3x$       Б)  $y = -\frac{1}{3}x$       В)  $y = \frac{1}{3}x$

#### Графики

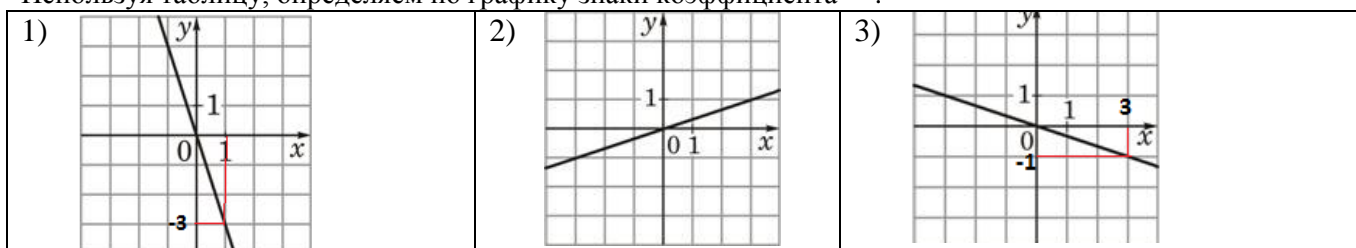


Решение.

Графиком функции вида  $y = kx$  является прямая, которая проходит через точку  $(0;0)$  направлена в соответствии со знаком коэффициента  $k$ .



Используя таблицу, определяем по графику знаки коэффициента  $k$ .





|   |   |  |
|---|---|--|
| $k < 0$<br>$k < 0$ имеют две формулы<br><b>А)</b> $y = -3x$ и <b>Б)</b> $y = -\frac{1}{3}x$ .<br>Для определения значения коэффициента выберем произвольную точку графика, например <b>(1;-3)</b> и подставим в формулу общего вида $y = kx$ , получаем $-3 = k \cdot 1$ , $k = -3$ .<br>Значит данному графику соответствует формула <b>А)</b> $y = -3x$ | $k > 0$<br>$k > 0$ имеет формула <b>В)</b> $y = \frac{1}{3}x$ | $k < 0$<br>$k < 0$ имеют две формулы <b>А)</b> $y = -3x$ и <b>Б)</b> $y = -\frac{1}{3}x$ . Для определения значения коэффициента выберем произвольную точку графика, например <b>(3;-1)</b> и подставим в формулу общего вида $y = kx$ . Получаем $-1 = k \cdot 3$ .<br>$k = -\frac{1}{3}$<br>. Значит данному графику соответствует формула <b>Б)</b> $y = -\frac{1}{3}x$ |
|---|---|--|

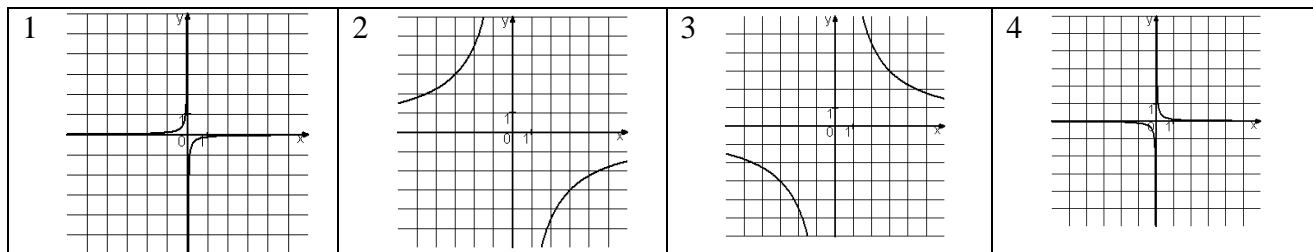
|        |   |   |   |
|--------|---|---|---|
| Вывод: | А | Б | В |
|        | 1 | 3 | 2 |

Ответ: 132.

25. Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.  
Формулы

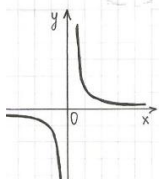
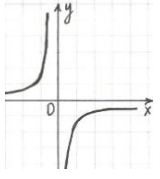
А)  $y = \frac{1}{9x}$       Б)  $y = \frac{9}{x}$       В)  $y = -\frac{9}{x}$

Графики

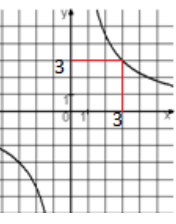


Решение.

Графиком функции  $y = \frac{k}{x}$  является гипербола, расположение которой определяется знаком коэффициента  $k$ .

|   |   |
|---|---|
| $k > 0$   | $k < 0$   |
|  |  |

Используя таблицу, определяем по графику знаки коэффициента  $k$ .

|  |   |   |  |
|--|---|---|--|
| 1  | 2  | 3  | 4  |
| По графикам 1 и 2  |   | По графикам 3 и 4 определяем, что $k >$   |  |

|  |   |  |   |
|--|---|--|---|
| определяем, что $k < 0$ , что соответствует формуле <b>В)</b> $y = -\frac{9}{x}$ . Для определения соответствующего графика подставим координаты произвольной точки каждого графика в формулу. |   | <b>0</b> , что соответствует формулам <b>А)</b> $y = \frac{1}{9x}$ и <b>Б)</b> $y = \frac{9}{x}$ . Для определения соответствующего графика подставим координаты произвольной точки каждого графика в формулу. |   |
| Выберем произвольную точку графика, например $x = 1$ и подставим в формулу <b>В)</b> $y = -\frac{9}{x}$ .<br>Получаем $-\frac{9}{1} = -9$ . что <b>не</b> соответствует графику.               | Выберем произвольную точку графика, например <b>(3;-3)</b> и подставим в формулу <b>В)</b> $y = -\frac{9}{x}$ .<br>Получаем $-3 = -\frac{9}{3}$ ,<br>т. е. $-3 = -3$ .<br><b>Вывод: В</b> $\rightarrow 2$ | Выберем произвольную точку графика, например <b>(3;3)</b> и подставим:<br>в формулу <b>А)</b> $y = \frac{1}{9x}$<br>Получаем $3 \neq \frac{1}{27}$ .   | Выберем произвольную точку графика, например $x = 1$ и подставим в оставшуюся формулу <b>А)</b> $y = \frac{1}{9x}$ .<br>Получаем $y = \frac{1}{9 \cdot 1} = \frac{1}{9}$ , что соответствует графику( при <b><math>x = 1</math></b> значение <b><math>y &lt; 1</math></b> ).<br><b>Вывод: А</b> $\rightarrow 4$ |

Анализируя все рассуждения получаем

|   |   |   |
|---|---|---|
| А | Б | В |
| 4 | 3 | 2 |

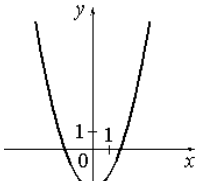
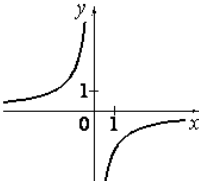
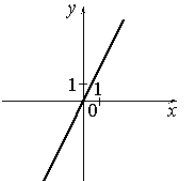
**Ответ: 432.**

**26. Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.**

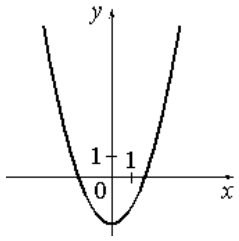
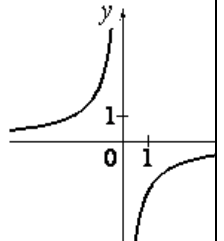
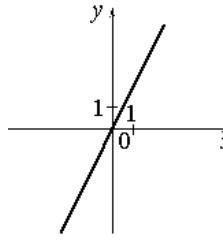
#### Формулы

- 1)  $y = x^2 - 2$       2)  $y = x^2$       3)  $y = 2x$       4)  $y = -\frac{2}{x}$

#### Графики

|  |  |   |
|--|--|---|
| А)  | Б)  | В)  |
|--|--|---|

**Решение.**

|  |  |   |
|--|--|---|
| А)  | Б)  | В)  |
|--|--|---|

|  |   |   |
|--|---|---|
| Графиком является парабола, соответствующая формуле <b>1)</b> $y = x^2 - 2$ (функция вида $y = x^2$ , сдвинута на 2 единицы вниз). | Графиком является гипербола, соответствующая формуле <b>4)</b> $y = -\frac{2}{x}$ . | Графиком является прямая, соответствующая формуле <b>3)</b> |
|--|---|---|

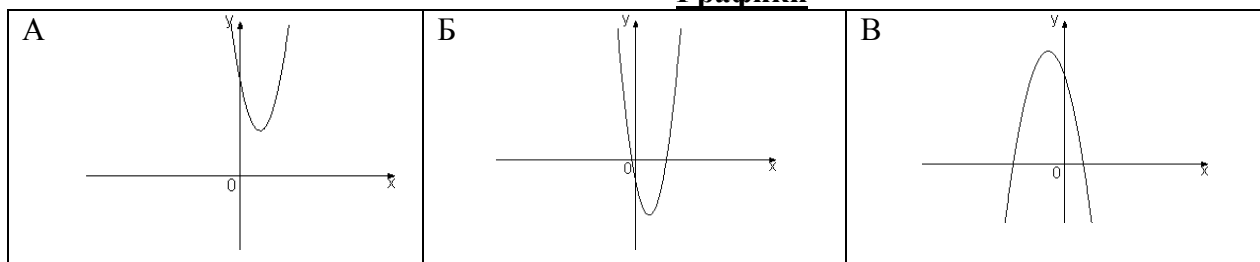
Вывод:

|   |   |   |
|---|---|---|
| А | Б | В |
| 1 | 4 | 3 |

Ответ: 143.

27. На рисунке изображены функции вида  $y = ax^2 + bx + c$ . Установите соответствие между графиками и знаками коэффициентов  $a$  и  $c$ .

### Графики



### Коэффициенты

- 1)  $a < 0, c > 0$ ,
- 2)  $a < 0, c < 0$ ,
- 3)  $a > 0, c < 0$ ,
- 4)  $a > 0, c > 0$ .

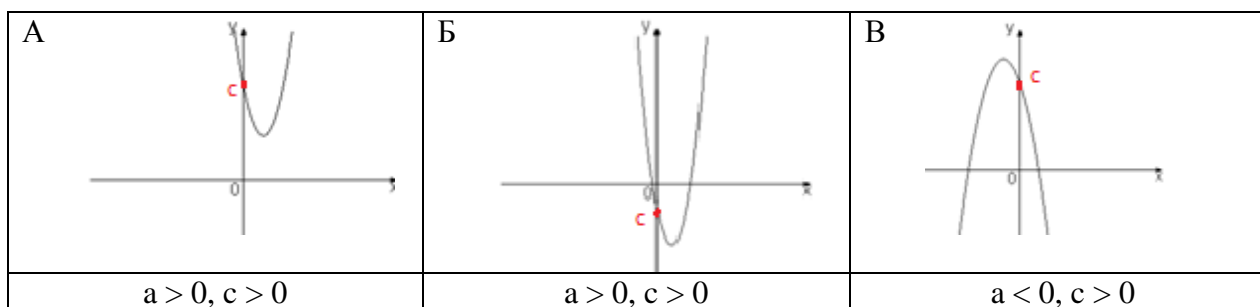
Решение.

Для определения знака коэффициента  $a$  замечаем, что

$a < 0$  - ветви параболы направлены вниз;

$a > 0$  - ветви параболы направлены вверх.

Для определения знака коэффициента  $c$  находим координату точки пересечения параболы с осью  $Oy$ , это значение равно коэффициенту  $c$ .



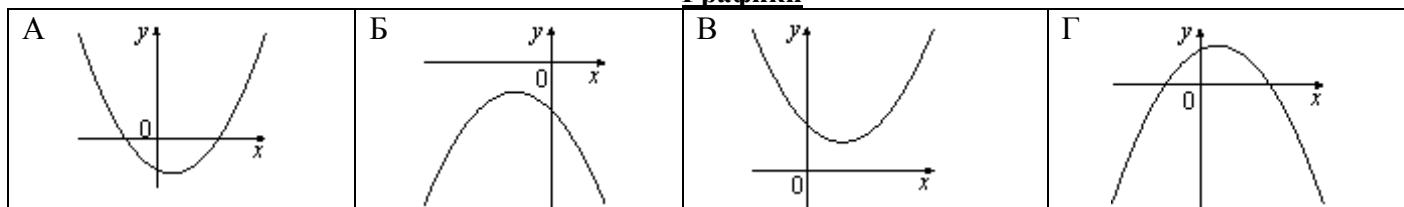
Вывод:

|   |   |   |
|---|---|---|
| А | Б | В |
| 4 | 3 | 1 |

Ответ: 431.

28. На рисунке изображены функции вида  $y = ax^2 + bx + c$ . Для каждого графика укажите соответствующее ему значения коэффициента  $a$  и дискриминанта  $D$ .

### Графики



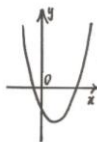
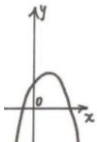
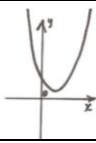
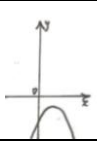
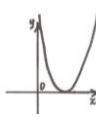
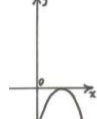
### Знаки чисел

- 1)  $a > 0, D > 0$
- 2)  $a > 0, D < 0$ ,
- 3)  $a < 0, D > 0$ ,
- 4)  $a < 0, D < 0$ .

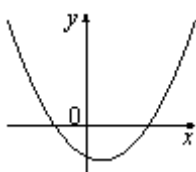
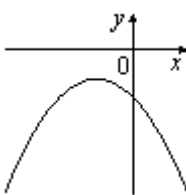
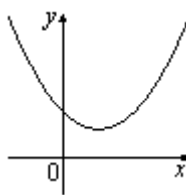
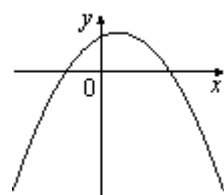
**Решение.**

Графиком функции вида  $y = ax^2 + bx + c$  является парабола.

При этом возможны следующие случаи:

| $a > 0$  | $a < 0$  |
|--|--|
| 1. Парабола пересекает ось $x$ (т.е. уравнение $ax^2 + bx + c = 0$ имеет два корня, $D > 0$ ).                 |  |
|                               |   |
| 2. Парабола не пересекает ось $x$ (т.е. уравнение $ax^2 + bx + c = 0$ не имеет корней, $D < 0$ ).              |  |
|                               |   |
| 3. Парабола пересекает ось $x$ в одной точке (т.е. уравнение $ax^2 + bx + c = 0$ имеет один корень, $D = 0$ ). |  |
|                              |  |

Используя таблицу, определяем по графику знаки значения коэффициента  $a$  и дискриминанта  $D$ .

|   |   |   |   |
|---|---|---|---|
| А  | Б  | В  | Г  |
| $a > 0, D > 0$ ,  | $a < 0, D < 0$  | $a > 0, D < 0$  | $a < 0, D < 0$  |


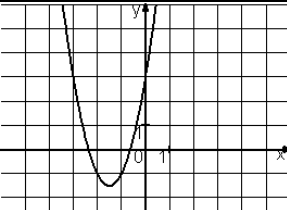
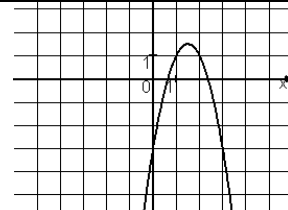
Вывод:

|   |   |   |   |
|---|---|---|---|
| А | Б | В | Г |
| 1 | 4 | 2 | 3 |

Ответ: 1423.

29. Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.

Графики

|   |   |  |
|---|---|--|
| А  | Б  | В  |
|---|---|--|

Формулы

- 1)  $y = 2x^2 + 6x + 3$
- 2)  $y = 2x^2 - 6x + 3$
- 3)  $y = -2x^2 - 6x - 3$
- 4)  $y = -2x^2 + 6x - 3$

Решение.

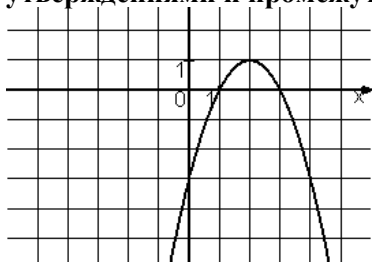
|   |  |  |  |   |   |
|---|--|--|--|---|---|
| <p>А)</p>   | <p>Б)</p>  | <p>В)</p>  |  |   |   |
| <p>По графику можно определить, что <math>a &lt; 0</math>, <math>c = -3</math>, но этому условию соответствует две функции :</p> <p>3) <math>y = -2x^2 - 6x - 3</math></p> <p>4) <math>y = -2x^2 + 6x - 3</math></p> <p>Для дальнейшего определения найдём абсциссу вершины параболы <math>x_0 = \frac{-b}{2a}</math></p> | <p>По графику можно определить, что <math>a &gt; 0</math>, <math>c = 3</math>, но этому условию соответствует две функции :</p> <p>1) <math>y = 2x^2 + 6x + 3</math></p> <p>2) <math>y = 2x^2 - 6x + 3</math></p> <p>Для дальнейшего определения найдём абсциссу вершины параболы <math>x_0 = \frac{-b}{2a}</math></p> | <p>По графику можно определить, что <math>a &lt; 0</math>, <math>c = -3</math>, но этому условию соответствует две функции :</p> <p>3) <math>y = -2x^2 - 6x - 3</math></p> <p>4) <math>y = -2x^2 + 6x - 3</math></p> <p>Для дальнейшего определения найдём абсциссу вершины параболы. <math>x_0 = \frac{-b}{2a}</math></p> |  |   |   |
| <p>3) <math>y = -2x^2 - 6x - 3</math></p> <p><math>x_0 = \frac{-(-6)}{2 \cdot (-2)} = -1,5</math></p> <p><b>Вывод:</b><br/><b>3</b></p>   | <p>4) <math>y = -2x^2 + 6x - 3</math></p> <p><math>x_0 = \frac{-6}{2 \cdot (-2)} = 1,5</math></p> <p><b>Вывод:</b><br/><b>4</b></p>  | <p>1) <math>y = 2x^2 + 6x + 3</math></p> <p><math>x_0 = \frac{-6}{2 \cdot 2} = -1,5</math></p> <p><b>Вывод:</b><br/><b>1</b></p>   | <p>2) <math>y = 2x^2 - 6x + 3</math></p> <p><math>x_0 = \frac{-(-6)}{2 \cdot 2} = 1,5</math></p> <p><b>Вывод:</b><br/><b>2</b></p> | <p>3) <math>y = -2x^2 - 6x - 3</math></p> <p><math>x_0 = \frac{-(-6)}{2 \cdot (-2)} = -1,5</math></p> <p><b>Вывод:</b><br/><b>3</b></p> | <p>4) <math>y = -2x^2 + 6x - 3</math></p> <p><math>x_0 = \frac{-6}{2 \cdot (-2)} = 1,5</math></p> <p><b>Вывод:</b><br/><b>4</b></p> |

Анализируя все рассуждения, получаем:

|   |   |   |
|---|---|---|
| А | Б | В |
| 3 | 1 | 4 |

Ответ: 314.

30. На рисунке изображены графики функций вида  $y = ax^2 + bx + c$ . Установите соответствие между утверждениями и промежутками, на которых эти утверждения удовлетворяются.



#### Утверждения

- А) Функция возрастает на промежутке  
Б) Функция убывает на промежутке

#### Промежутки

- 1)  $[0;3]$   
2)  $[-1;-1]$   
3)  $[2;4]$   
4)  $[1;4]$

Решение.

|    |         |    |          |    |         |    |         |
|----|---------|----|----------|----|---------|----|---------|
| 1) | $[0;3]$ | 2) | $[-1;1]$ | 3) | $[2;4]$ | 4) | $[1;4]$ |
|----|---------|----|----------|----|---------|----|---------|

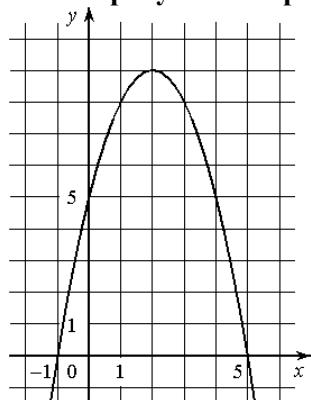
|  |  |   |  |
|--|--|---|--|
|  |  |   |  |
| <b>Вывод:</b> функция на данном промежутке не монотонна. | <b>Вывод:</b> функция на данном промежутке возрастает, т.е. А → 2. | <b>Вывод:</b> функция на данном промежутке убывает, т.е. Б → 3. | <b>Вывод:</b> функция на данном промежутке не монотонна. |

Анализируя все рассуждения получаем

|   |   |
|---|---|
| А | Б |
| 2 | 3 |

**Ответ: 23.**

31. На рисунке изображён график квадратичной функции  $y = f(x)$



Какие из следующих утверждений о данной функции являются верными? Запишите их номера.

- 1)  $f(x) > 0$  при  $x > 2$ .
- 2) Функция убывает на промежутке  $[2; +\infty)$
- 3)  $f(0) < f(5)$

**Решение.**

|                                     |   |                                     |
|-------------------------------------|---|-------------------------------------|
| 1) $f(x) > 0$ при $x > 2$           | 2) Функция убывает на промежутке $[2; +\infty)$ | 3) $f(0) < f(5)$                    |
|                                     |   |                                     |
| <b>Вывод:</b> утверждение не верно. | <b>Вывод:</b> утверждение верно.                | <b>Вывод:</b> утверждение не верно. |

**Ответ: 2.**