



ОГЛАВЛЕНИЕ

crp.
1. ПАРАЛЛЕЛЬНОСТЬ ПРЯМЫХ. АКСИОМЫ 3
2. УГЛЫ. БИССЕКТРИСА УГЛА
3. ВИДЫ ТРЕУГОЛЬНИКОВ. СООТНОШЕНИЯ МЕЖДУ СТОРОНАМИ
И УГЛАМИ ТРЕУГОЛЬНИКА
4. ПЛОЩАДЬ ТРЕУГОЛЬНИКА. СВОЙСТВА РАВНОБЕДРЕННОГО ТРЕУГОЛЬНИКА 6
5. ПРИЗНАКИ РАВЕНСТВА ТРЕУГОЛЬНИКОВ. ПРИЗНАКИ ПОДОБИЯ ТРЕУГОЛЬНИКОВ 7 6. ЗАМЕЧАТЕЛЬНЫЕ ЛИНИИ В ТРЕУГОЛЬНИКЕ 8
7. ПРЯМОУГОЛЬНЫЙ ТРЕУГОЛЬНИК. ОСНОВНЫЕ СООТНОШЕНИЯ 9
8. СВОЙСТВА ПРЯМОУГОЛЬНОГО ТРЕУГОЛЬНИКА. ПРИЗНАКИ
РАВЕНСТВА ПРЯМОУГОЛЬНЫХ ТРЕУГОЛЬНИКОВ
9. ЗНАЧЕНИЯ СИНУСА, КОСИНУСА И ТАНГЕНСА НЕКОТОРЫХ УГЛОВ. ЧЕТЫРЕХУГОЛЬНИКИ
10. СВОЙСТВА И ПРИЗНАКИ ПАРАЛЛЕЛОГРАММА
11. ПРЯМОУГОЛЬНИК. РОМБ. КВАДРАТ
12. ТРАПЕЦИЯ
13. ОКРУЖНОСТЬ. ВПИСАННЫЙ УГОЛ
14. СВОЙСТВА ОКРУЖНОСТИ И ЕЕ ЭЛЕМЕНТОВ
15. СВОЙСТВА КАСАТЕЛЬНЫХ И СЕКУЩИХ 17
16. ВПИСАННАЯ И ОПИСАННАЯ ОКРУЖНОСТЬ
17. ПРАВИЛЬНЫЕ МНОГОУГОЛЬНИКИ
18. ПРЯМОУГОЛЬНАЯ СИСТЕМА КООРДИНАТ. ВЕКТОРЫ 20

Справочник по геометрии 7-9

ПАРАЛЛЕЛЬНОСТЬ

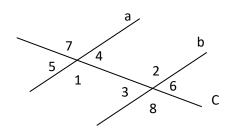
Прямые a и b пересечены секущей c

∠1 и ∠2; ∠3 и ∠4 – накрест лежащие углы

 $\angle 1$ и $\angle 8$; $\angle 3$ и $\angle 5$ - соответственные углы

∠2 и ∠7; ∠4 и ∠6 - соответственные углы

∠1 и ∠ 3; ∠2 и ∠4 - односторонние углы



Признаки параллельности прямых

$$\angle 1 = \angle 2 \Rightarrow a \parallel b$$

Если при пересечении двух прямых секущей накрест лежащие углы равны, то прямые параллельны.

$$\angle 1 = \angle 8 \Rightarrow a \parallel b$$

Если при пересечении двух прямых секущей соответственные углы равны, то прямые параллельны.

$$\angle 1 + \angle 3 = 180^{\circ} \Rightarrow a \parallel b$$

Если при пересечении двух прямых секущей сумма односторонних углов равна 180°, то прямые параллельны.

$$a \parallel b, a \parallel c \Rightarrow c \parallel b$$
 $a \perp b, a \perp c \Rightarrow c \parallel b$

Свойства углов при параллельных прямых

$$a \parallel b \Rightarrow \angle 1 = \angle 2$$

Если две параллельные прямые пересечены секущей, то накрест лежащие углы равны.

$$a \parallel b \Rightarrow \angle 1 = \angle 8$$

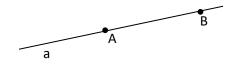
Если две параллельные прямые пересечены секущей, то соответственные углы равны.

$$a \parallel b \Rightarrow \angle 1 + \angle 3 = 180^{\circ}$$

Если две параллельные прямые пересечены секущей, то сумма односторонних углов равна **180°**.

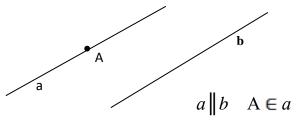
НЕКОТОРЫЕ АКСИОМЫ ПЛАНИМЕТРИИ

Через любые две различные точки проходит прямая, и притом только одна.



$$A \in a \quad B \in a$$

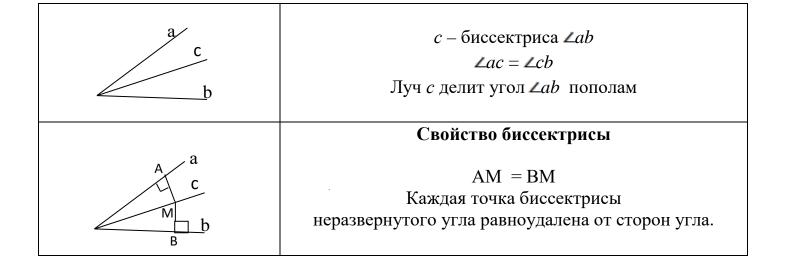
Через точку, не лежащую на данной прямой, проходит только одна прямая, параллельная данной.



УГЛЫ

Острый угол	Тупой угол	Прямой угол	Развернутый угол
меньше прямого	больше прямого		
-	-		
угла	угла	 h	A
			0
C	\ a		M
		<u> </u>	
D A	b		
		$\angle hk = 90^{\circ}$	∠AOM = 180 °
∠CDA< 90°	90° < ∠ab < 180°		
Смеули	ье углы		<u> </u>
СМСЖН	ore Alling	ADC	CDD
	/ C	ZABC NZ	. CBD — смежные углы
A	B D	∠ABC + ∠	$CCBD = 180^{\circ}$
A	В П	Сумма смежных	к углов рав на 180 °.
		J	<i>y</i> 1
D от тууча т		4 A O D 4	COD
Вертикальные углы		ZAUB II Z	COD — вертикальные
	_		
B C		∠AOB	= ∠COD
		Вертикальн	ые углы равны.
0		•	•
A	D		

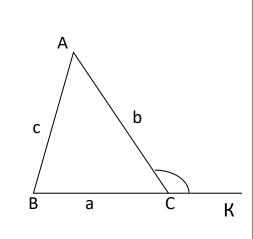
БИССЕКТРИСА УГЛА



ВИДЫ ТРЕУГОЛЬНИКОВ

Треугольник	Разносторонний	Равнобедренный	Равносторонний
Остроугольный (все углы острые)			B A C
	все стороны разной длины	две стороны равны	все стороны равны
Прямоугольный (один из углов – прямой)			∠ A= ∠B=∠C=60° $P = 3a, где$
Тупоугольный (один из углов – тупой)			<i>а</i> - сторона, <i>P</i> - периметр

СООТНОШЕНИЯ МЕЖДУ СТОРОНАМИ И УГЛАМИ ТРЕУГОЛЬНИКА



Сумма углов треугольника равна 180° . $\angle A + \angle B + \angle C = 180^{\circ}$

Свойство внешнего угла: ∠ АСК = ∠ А + ∠В

Неравенство треугольника

a < b+c b < a+c c < a+b

Каждая сторона треугольника меньше суммы двух других сторон.

$$a > b$$
 - c , $c \partial e$ $b > c$

Теорема о соотношениях между сторонами и углами треугольника

$$b > c \Rightarrow \angle B > \angle C$$
 u $\angle B > \angle C \Rightarrow b > c$

В треугольнике против большей стороны лежит больший угол.

Против большего угла лежит большая сторона.

Теорема синусов

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$$

где $\mathbf{R} - \mathbf{p}$ адиус описанной окружности.

Стороны треугольника пропорциональны синусам противолежащих углов.

Теорема косинусов

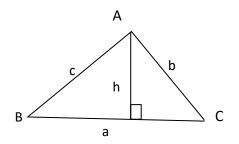
$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C$$

$$a^2 = c^2 + b^2 - 2bc \cos A$$

$$b^2 = c^2 + a^2 - 2 ac \cos B$$

Квадрат стороны треугольника равен сумме квадратов двух других сторон минус удвоенное произведение этих сторон на косинус угла между ними.

ПЛОЩАДЬ ТРЕУГОЛЬНИКА



Площадь треугольника равна половине произведения его стороны на высоту к этой стороне: $S = \frac{1}{2}ah$

Другие формулы:

$$S = \frac{1}{2}ab\sin\mathbf{C} = \frac{1}{2}ac\sin\mathbf{B} = \frac{1}{2}cb\sin\mathbf{A}$$

$$S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$$
, где $p = \frac{a+b+c}{2}$ - полупериметр

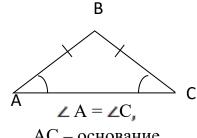
$$S = \mathbf{p}r$$
,

где *r*- радиус вписанной в треугольник окружности

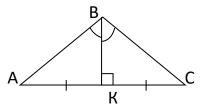
где R – радиус описанной окружности

СВОЙСТВА РАВНОБЕДРЕНННОГО ТРЕУГОЛЬНИКА

В равнобедренном треугольнике углы при основании равны



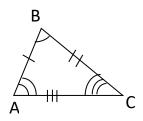
АС – основание АВ и ВС – боковые стороны Биссектриса, проведенная к основанию, является медианой и высотой

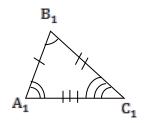


ВК – биссектриса ВК - медиана ВК - высота

РАВНЫЕ И ПОДОБНЫЕ ТРЕУГОЛЬНИКИ

 $\triangle ABC = \triangle A_1 B_1 C_1$, значит, $AB = \mathbf{A_1}\mathbf{B_1}$ $CB = \mathbf{C_1}\mathbf{B_1}$ $CA = \mathbf{C_1}\mathbf{A_1}$ $\angle A = \angle A_1$ $\angle B = \angle B_1$ $\angle C = \angle C_1$.

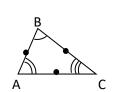


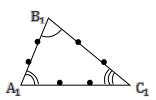


∆АВС подобен $∧ A_1B_1C_1$, значит, $\angle A = \angle A_1$ $\angle B = \angle B_1$ $\angle C = \angle C_1$

$$A = \angle A_1 \qquad \angle B = \angle B_1 \qquad \angle C = \angle C$$

$$\frac{AB}{A_1B_1} = \frac{AC}{A_1C_1} = \frac{BC}{B_1C_1}$$



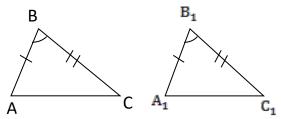


Равные углы лежат напротив равных сторон

Равные углы лежат напротив сходственных сторон

ПРИЗНАКИ РАВЕНСТВА ТРЕУГОЛЬНИКОВ

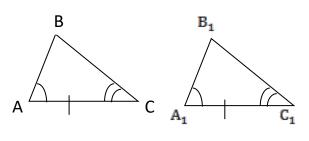
По двум сторонам и углу между ними



$$AB = A_1B_1$$
 $CB = C_1B_1$ $\angle B = \angle B_1$
 $\triangle ABC = \triangle A_1B_1C_1$

Если две стороны и угол между ними одного треугольника соответственно равны двум сторонам и углу между ними другого треугольника, то такие треугольники равны.

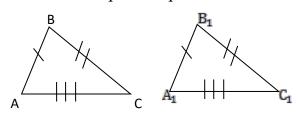
По стороне и двум прилежащим углам



$$AC=A_1C_1$$
 $\angle A = \angle A_1$ $\angle C = \angle C_1$
 $\triangle ABC = \triangle A_1B_1C_1$

Если сторона и два прилежащих к ней угла одного треугольника соответственно равны стороне и двум прилежащим к ней углам другого треугольника, то такие треугольники равны.

По трем сторонам

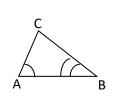


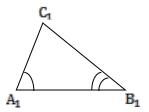
$$AB = A_1B_1 \quad CB = C_1B_1 \quad AC = A_1C_1$$
$$\Delta ABC = \Delta A_1B_1C_1$$

Если три стороны одного треугольника соответственно равны трем сторонам другого треугольника, то такие треугольники равны.

ПРИЗНАКИ ПОДОБИЯ ТРЕУГОЛЬНИКОВ

По двум углам

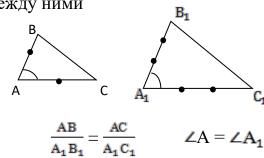




$$\angle$$
 A = \angle A₁ \angle B = \angle B₁
 \triangle ABC подобен \triangle A₁B₁C₁

Если два угла одного треугольника соответственно равны двум углам другого треугольника, то такие треугольники подобны.

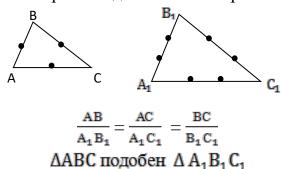
По двум сходственным сторонам и углу между ними



∆АВС подобен ΔА₁В₁С₁

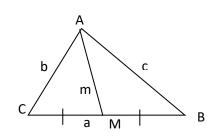
Если две стороны одного треугольника пропорциональны двум сторонам другого треугольника и углы, заключенные между этими сторонами, равны, то такие треугольники подобны.

По трем сходственным сторонам

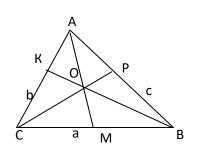


Если три стороны одного треугольника пропорциональны трем сторонам другого треугольника, то такие треугольники подобны.

ЗАМЕЧАТЕЛЬНЫЕ ЛИНИИ В ТРЕУГОЛЬНИКЕ



АМ – медиана в **∆** АВС точка М – середина ВС



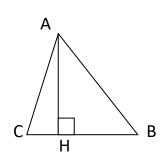
Свойство медиан

$$CO:OP = AO:OM = BO:OK = 2:1$$

Медианы треугольника пересекаются в одной точке, которая делит каждую медиану в отношении 2:1.

$$AM = m = \frac{\sqrt{2b^2 + 2c^2 - a^2}}{2}$$

формула для вычисления медианы



AH – высота **∧АВС**

АН - перпендикуляр, опущенный из точки А на прямую ВС

Свойство высот

Высоты треугольника пересекаются в одной точке треугольника.

$$C \xrightarrow{m} E \xrightarrow{n} B$$

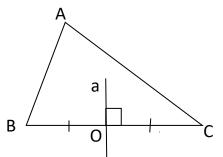
$$\angle 1 = \angle 2$$
 ($\angle CAE = \angle BAE$)

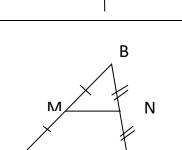
Свойства биссектрисы треугольника

Биссектрисы треугольника пересекаются в одной точке (центре вписанной окружности).

Биссектриса треугольника делит противоположную сторону на отрезки, пропорциональные прилежащим сторонам треугольника.

$$\frac{a}{b} = \frac{n}{m}$$





Прямая a- серединный перпендикуляр $O \in a \quad OC = OB \quad a \perp BC$

Свойство серединных перпендикуляров

Серединные перпендикуляры пересекаются в одной точке (центре описанной окружности)

 $MN- cредняя \ линия \ {\color{red} \Delta ABC}$ точка M - середина AB, N – середина BC

Свойство средней линии треугольника

$$MN \parallel AC; \quad MN = \frac{1}{2}AC$$

Средняя линия параллельна одной из сторон и равна её половине.

ПРЯМОУГОЛЬНЫЙ ТРЕУГОЛЬНИК

Основные соотношения в прямоугольном треугольнике			
C b h a a c a B	Теорема Пифагора $c^2 = a^2 + b^2$ Квадрат гипотенузы равен сумме квадратов катетов.	Пропорциональные отрезки $h^2 = a_c b_c$ $a^2 = a_c c$ $b^2 = b_c c$ $h = \frac{ab}{c}$	
B c	СИНУС Отношение противолежащего катета к гипотенузе	$\sin \alpha = \frac{a}{c}$	
$ \begin{array}{cccc} & \alpha \\ & C \\ & C \end{array} $ $ \begin{array}{ccccc} & \alpha \\ & A \end{array} $ $ \begin{array}{ccccc} & A \\ & A \\ $	КОСИНУС Отношение прилежащего катета к гипотенузе	$\cos \alpha = \frac{b}{c}$	
c = AB – гипотенуза a = BC – катет, противолежащий к α	ТАНГЕНС Отношение противолежащего катета к прилежащему	$tg \alpha = \frac{a}{b}$	
b = AC – катет, прилежащий к углу α	КОТАНГЕНС Отношение прилежащего катета к противолежащему	$\operatorname{ctg} \alpha = \frac{b}{a}$	

Свойства прямоугольного треугольника

$$\angle A + \angle B = 90^{\circ}$$

Сумма острых углов в прямоугольном треугольнике равна 90°

$$\angle A = 30^{\circ} \Rightarrow a = \frac{1}{2}a$$

Катет прямоугольного треугольника, лежащий против угла в 30°, равен половине гипотенузы

$$\angle A + \angle B = 90^{\circ}$$
 $\angle A = 30^{\circ} \Rightarrow a = \frac{1}{2}c$ $a = \frac{1}{2}c \Rightarrow \angle A = 30^{\circ}$

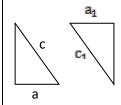
Если катет равен половине гипотенузы, то угол, лежащий против этого катета, равен 30°

$$m=\frac{1}{2}c=R$$

Медиана, проведенная к гипотенузе, равна её половине и является радиусом описанной окружности

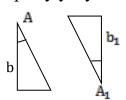
Признаки равенства прямоугольных треугольников

По гипотенузе и катету



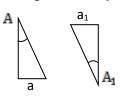
$$a = \mathbf{a_1} \quad c = \mathbf{c_1}$$

По катету и прилежащему острому углу



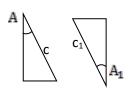
$$\angle A = \angle A_1$$
 $b = b_1$

По катету и противолежащему острому углу



$$\angle A = \angle A_1$$
 $a = a_1$

По гипотенузе и острому углу



$$\angle A = \angle A_1$$
 $c = c_1$

СООТНОШЕНИЯ МЕЖДУ ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИМИ ФУНКЦИЯМИ

$$tg \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$$

$$\operatorname{ctg} \alpha = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}$$

$$tg \alpha ctg \alpha = 1$$

 $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1 - \text{ основное}$ тригонометрическое тождество

$$\sin (90 \, ^{\circ} - \alpha) = \cos \alpha$$

$$\cos (90 \, ^{\circ} - \alpha) = \sin \alpha$$

$$\sin (180 \, ^{\circ} - \alpha) = \sin \alpha$$

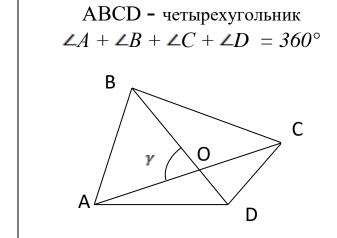
$$\cos (180 \, ^{\circ} - \alpha) = -\cos \alpha$$

формулы приведения

ЗНАЧЕНИЯ СИНУСА, КОСИНУСА И ТАНГЕНСА НЕКОТОРЫХ УГЛОВ

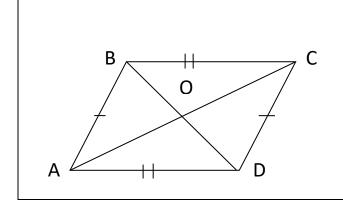
α	30°	45°	60°
$\sin \alpha$	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$
$\cos \alpha$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$
tg α	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	√3

ЧЕТЫРЕХУГОЛЬНИКИ



$$S = rac{AC \cdot BD \cdot \sin \gamma}{2}$$
 AC, BD - диагонали

ПАРАЛЛЕЛОГРАММ

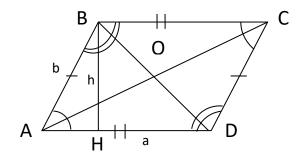


ABCD- параллелограмм

AB || CD BC || AD

Параллелограммом называется четырехугольник, у которого стороны попарно параллельны.

СВОЙСТВА И ПРИЗНАКИ ПАРАЛЛЕЛОГРАММА



Свойства параллелограмма

1) AB=CD; BC=AD $\angle A = \angle C; \angle B = \angle D$

В параллелограмме противоположные стороны и противоположные углы равны

- 2) $AC \cap BD = O$, AO = OC, BO = ODДиагонали параллелограмма делятся точкой пересечения пополам.
 - 3) $\angle A + \angle B = 180^{\circ}$

В параллелограмме сумма углов, прилежащих к одной стороне, равна 180^{0}

$$d_1^2 + d_2^2 = a^2 + b^2 + c^2 + d^2$$
 где $d_1 = AC$; $d_2 = BD$ — диагонали; $a = AD$; $b = AB$; $c = BC$; $d = CD$ — стороны

5) P = 2(a + b) – периметр параллелограмма,

где a = AD; b = AB

Признаки параллелограмма

1) $(AB \parallel CD; AB = CD) \Longrightarrow (ABCD$ параллелограмм)

Если в четырехугольнике две стороны равны и параллельны, то этот четырехугольник – параллелограмм.

2) $(AB = CD; BC = AD) \Longrightarrow (ABCD$ параллелограмм)

Если в четырехугольнике противоположные стороны попарно равны, то этот четырехугольник - параллелограмм

3) (AO = OC; BO = OD,где $O = AC \cap BD$) \Longrightarrow (ABCDпараллелограмм)

Если в четырехугольнике диагонали пересекаются и точкой пересечения делятся пополам, то этот четырехугольник параллелограмм

ПЛОЩАДЬ ПАРАЛЛЕЛОГРАММА

S = ah, где a = AD основание h = BH - высота

 $S = ab \cdot \sin \alpha$. где a = AD, b = AB, $\angle a = \angle BAD$

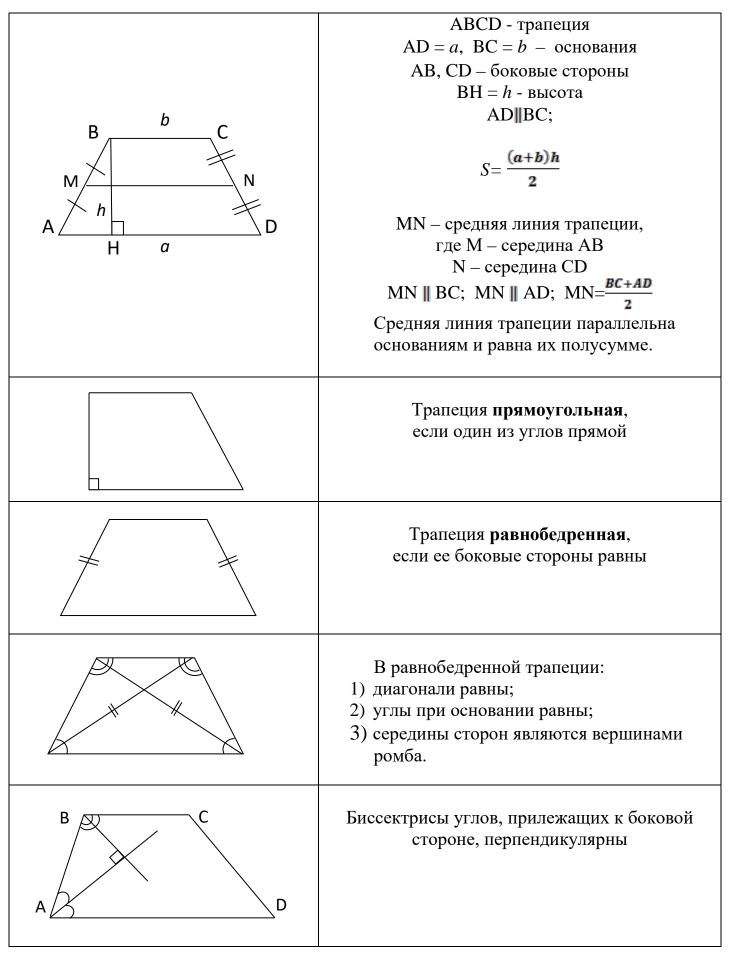
 $S = \frac{AC \cdot BD \cdot \sin \angle AOB}{AOB}$

 $S = 4 \cdot S_{\Lambda AOB}$

ЧАСТНЫЕ СЛУЧАИ ПАРАЛЛЕЛОГРАММА

Вид	Свойства	Формулы
$ABCD$ — прямоугольник — это параллелограмм, у которого все углы прямые $\angle A = \angle B = \angle C = \angle D = 90^{\circ}$ В d_1 d_2 D	$m{d_1} = m{d_2}$ Диагонали прямоугольника равны.	$S=ab$ $S=ab$ $S=\frac{{d_1}^2\sin y}{2}-$ площадь $P=2(a+b)$ - периметр $d_1{}^2=a^2+b^2$ где d_1,d_2- диагонали, $a,b-$ стороны прямоугольника
ABCD - ромб - это параллелограмм, у которого все стороны равны $AB = BC = CD = AD$ B AD	∠1=∠2, ∠3=∠4,	$S = a^2 \sin \alpha$ $S = \frac{d_1 d_2}{2}$ - площадь $P = 4a$ - периметр $d_1^2 + d_2^2 = 4a^2$ где d_1 , d_2 - диагонали, a - сторона ромба, α - угол ромба
ABCD — квадрат - это прямоугольник, у которого все стороны равны $AB = BC = CD = AD$ C	$d_1 = d_2$ $d_1 \perp d_2$ Диагонали квадрата равны, взаимно перпендикулярны, точкой пересечения делятся пополам и делят углы квадрата пополам. $\angle A = \angle B = \angle C = \angle D = 90^\circ$	$S=a^2-$ площадь $S=rac{{d_1}^2}{2}$ $S=rac{1}{2}Pr$, где $r-$ радиус вписанной окружности $P=4a$ - периметр $d_1=a\sqrt{2}$ где d_1, d_2 - диагонали, $a-$ сторона квадрата

ТРАПЕЦИЯ



ОКРУЖНОСТЬ

Окр. (O; r)

т. О – центр окружности

OK = OB = OA = r -радиус

AB = d -диаметр

b – касательная

АС – хорда

MN - секущая

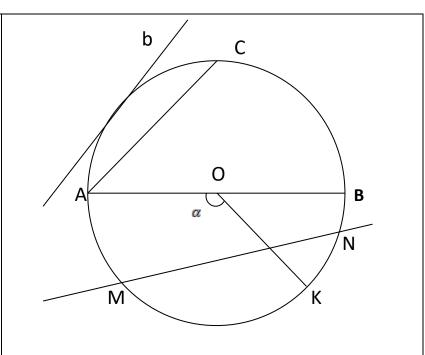
АК - дуга окружности

$$d = 2r$$

 $C=2\pi r$ - длина окружности

$$C = \pi d$$

$$L = \frac{r \pi a}{180^\circ}$$
 - длина дуги



АВ - дуга окружности

∠AOB - центральный угол

$$\angle AOB = \widecheck{AB}$$

Градусная мера центрального угла равна градусной мере дуги, на которую он опирается.

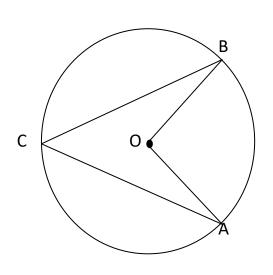
∠ACB – вписанный угол

$$\angle ACB = \frac{\overline{AB}}{2}$$

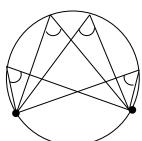
Вписанный угол измеряется половиной дуги, на которую опирается.

опирается.
$$\angle ACB = \frac{\angle AOB}{2}, \text{ если } \overrightarrow{AB} \text{ меньше}$$

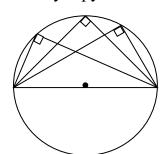
полуокружности



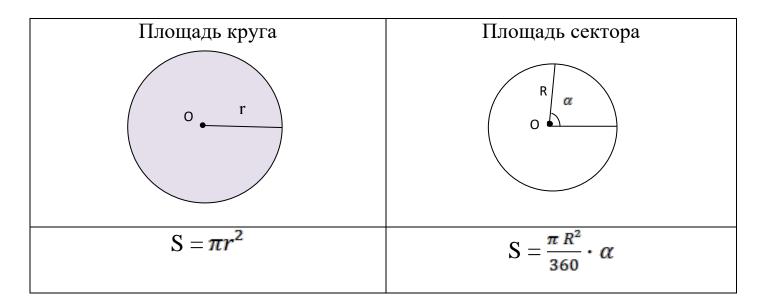
Вписанные углы, опирающиеся на одну и ту же дугу, равны.



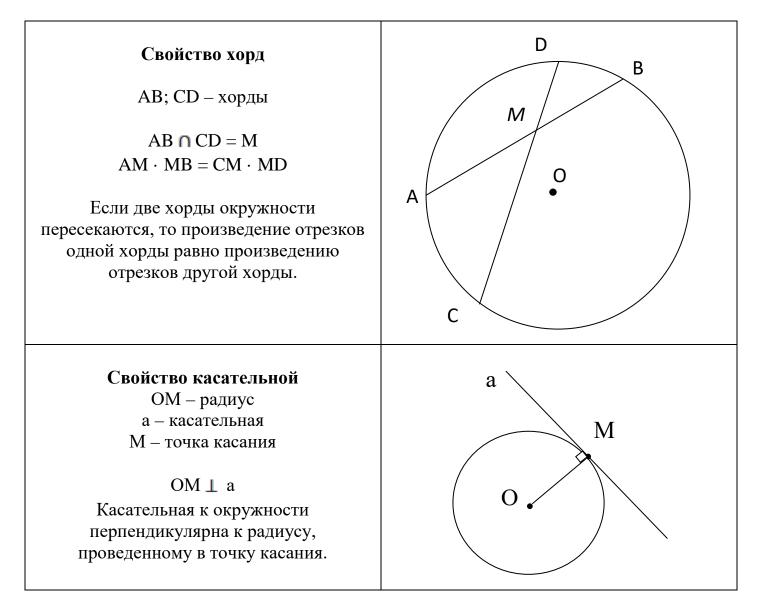
Вписанный угол, опирающийся на полуокружность – прямой.



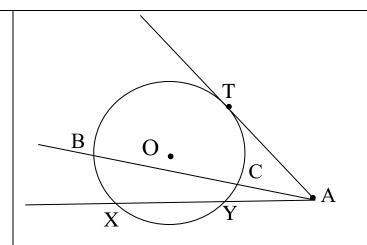
ПЛОЩАДЬ



СВОЙСТВА ОКРУЖНОСТИ И ЕЁ ЭЛЕМЕНТОВ

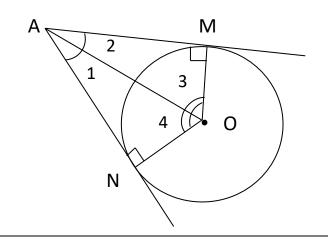


AT — касательная AB; AX — секущие $AT^2 = AX \cdot AY$ $AT^2 = AB \cdot AC$

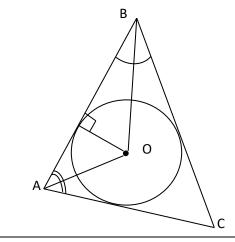


AM, AN – касательные M, N – точки касания AM = AN ∠1 = ∠2; ∠3 = ∠4

Отрезки касательных к окружности, проведенных из одной точки, равны и составляют равные углы с прямой, проходящей через эту точку и центр окружности.



ВПИСАННАЯ ОКРУЖНОСТЬ

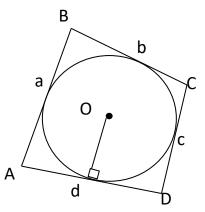


В любой треугольник можно вписать окружность.

Её центр – точка пересечения биссектрис треугольника.

$$r = \frac{2S}{a+b+c}$$
 - радиус вписанной окружности

a, b, c — стороны треугольника S — площадь треугольника

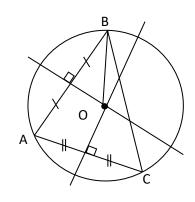


В выпуклый четырехугольник можно вписать окружность, только если:

$$a + c = b + d$$
,

где a, b, c, d- стороны четырехугольника

ОПИСАННАЯ ОКРУЖНОСТЬ

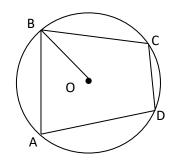


Около любого треугольника можно описать окружность.

Её центр – точка пересечения серединных перпендикуляров к сторонам треугольника.

$$R = \frac{abc}{4S}$$
 - радиус описанной окружности

a, b, c — стороны треугольника S — площадь треугольника

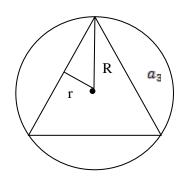


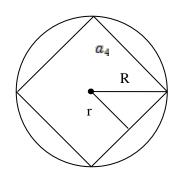
Около выпуклого четырехугольника можно описать окружность, только если:

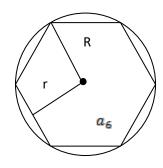
$$\angle A + \angle C = \angle B + \angle D = 180^{\circ}$$

ПРАВИЛЬНЫЕ МНОГОУГОЛЬНИКИ

Правильным многоугольником называется выпуклый многоугольник, у которого все углы равны и все стороны равны.







$$lpha_n = rac{n-2}{n} \cdot 180^{\circ} - \,$$
вычисление угла

многоугольника

$$a_n = 2R \sin \frac{180^{\circ}}{n}$$
 — сторона

многоугольника

$$S = \frac{1}{2} \cdot Pr$$
 - площадь

$$r = R \cos \frac{180^{\circ}}{n}$$

n — число сторон

R – радиус описанной окружности

r – радиус вписанной окружности

P – периметр

	треугольник	квадрат	шестиугольник
	α		α
∠ α	60°	90°	120°
а	$a_3 = R\sqrt{3}$	$a_4 = R\sqrt{2}$	$a_6 = R$
R	$R = \frac{a_3}{\sqrt{3}}$	$R = \frac{a_4}{\sqrt{2}}$	$R=a_6$
r	$r = \frac{1}{2}R$	$r = \frac{\sqrt{2}}{2} R$	$r = \frac{\sqrt{3}}{2} R$

ПРЯМОУГОЛЬНАЯ СИСТЕМА КООРДИНАТ

Расстояние между точками	$A(x_1; y_1)$ и $B(x_2; y_2)$ $AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$
Координаты $(x; y)$ середины отрезка AB с концами $A(x_1; y_1)$ и $B(x_2; y_2)$	$x = \frac{x_1 + x_2}{2}; \qquad y = \frac{y_1 + y_2}{2}$
Общее уравнение прямой, перпендикулярной вектору \vec{n} {a; b}	ax + by + c = 0
Уравнение окружности с радиусом R и с центром в точке (x ₀ ; y ₀)	$(x-x_0)^2 + (y-y_0)^2 = R^2$
Если $A(x_1; y_1)$ и $B(x_2; y_2)$, то координаты вектора \overrightarrow{AB} :	$\overrightarrow{AB} \{x_2-x_1; y_2-y_1\}$
Сложение векторов	$\vec{a}\{a_1; a_2\} + \vec{b}\{b_1; b_2\} = \vec{c}\{a_1 + b_1; a_2 + b_2\}$ $\vec{a}\{a_1; a_2\} - \vec{b}\{b_1; b_2\} = \vec{c}\{a_1 - b_1; a_2 - b_2\}$
Умножение вектора $\{a_1; a_2\}$ на число λ	$\{\overline{a_1;a_2}\}\lambda = \{\overline{\lambda a_1;\lambda a_2}\}$
Скалярное произведение векторов: \vec{a} и \vec{b}	$ec{a}\cdotec{b}= ec{a} \cdot ec{b} \cdot\cosarphi$ где $arphi$ - угол между векторами $ec{a}$ и $ec{b}$
Скалярное произведение векторов	$ec{m{a}}\{a_1;a_2\}$ и $ec{m{b}}\{b_1;b_2\}$ $ec{m{a}}\cdotec{m{b}}=a_1b_1+a_2b_2$
Косинус угла между векторами: $\vec{a}\{a_1; a_2\}$ и $\vec{b}\{b_1; b_2\}$	$\cos \varphi = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{ \vec{a} \cdot \vec{b} } = \frac{a_1 b_1 + a_2 b_2}{\sqrt{a_1^2 + a_2^2} \cdot \sqrt{b_1^2 + b_2^2}}$
Необходимое и достаточное условие перпендикулярности векторов	$ec{m{a}}\{a_1;a_2\} \perp ec{m{b}}\{b_1;b_2\}$ $ec{m{a}}\cdotec{m{b}}=0$ или $a_1b_1+a_2b_2=0$

Литература:

- 1. Математика: Справ. Материалы: Кн. для учащихся, М.: Просвещение, 2001-416 с.
- 2. Геометрия. 7 9 классы: учеб. для общеобразоват. учреждений/ (Л. С. Атанасян, В. Ф. Бутузов, С. Б. Кадомцев и др.). 20-е изд.- М.: Просвещение, 2010.- 384 с.

Справочник составили:

учителя математики

Есикова Л.И. и Ушакова М.Б.

МБОУ СОШ № 11 п. РАЯКОСКИ