#### EEK 22.176 31.4 32.816 32.817 34.4 34.5

Ченцов Александр Георгиевич, Ченцов Алексей Александрович, Сесекин Александр Николаевич

Задачи маршрутизации перемещений с неаддитивным агрегированием затрат. — М.: ЛЕНАНД, 2020. — 232 с.

В монографии рассматриваются задачи маршрутизации перемещений с выполнением работ в пунктах посещения. Особенностью настоящего исследования является систематическое изучение неаддитивных вариантов агрегирования затрат; одним из примеров такого рода является известная задача «на узкие места». В настоящей монографии исследуются постановки, существенно более сложные в сравнении с естественным прототипом — известной задачей коммивояжера. В частности, рассматриваются задачи, в которых имеют место многовариантность перемещений между пунктами посещения, усложненные функции стоимости (допускающие зависимость от списка заданий), ограничения различных типов. Упомянутые осложняющие обстоятельства мотивируются потребностями приложений, в числе которых имеет смысл отметить вопросы снижения облучаемости персонала АЭС при выполнении работ в условиях повышенной радиации, а также проблему управления режущим инструментом при листовой резке на машинах с ЧПУ. В основе исследования лежит подход, связанный с широко понимаемым динамическим программированием, разработка которого в столь общих предположениях является новым моментом в ряду многочисленных исследований, посвященных решению задачи коммивояжера.

Книга предназначена для специалистов в области многоразовых технических систем, робототехники, атомной энергетики и машиностроения. Она будет полезной для научных работников, специализирующихся на исследовании задач управления и дискретной оптимизации, преподавателей, аспирантов, магистров и студентов университетов.

ООО «ЛЕНАНД». 117312, Москва, пр-т Шествдесятвлетня Октября, д. 11А, стр. 11. Формат 60×90/16. Печ. п. 14,5. Зак. № 146966.

Отпечатано в АО «Т 8 Издательские Технологии». 109316, Москва, Волгоградский проспект, д. 42, корп. 5.

ISBN 978-5-9710-7281-2

© ЛЕНАНД, 2019

9 785971 072812



Нее права защищены. Никакая часть настоящей книги не может быть воспроизведена или передана в какой бы то ни было форме и какими бы то ни было средствами, будь то электронные или механические, включая фотокопирование и запись на магнитный носитель, а также размещение в Интернете, если на то нет письменного разрешения владельца.

## Оглавление Введение ..... 1. Последовательные перемещения и агрегирование стоимостей: содержательное обсуждение, примеры 1.2. Обозначения и определения общематематического харак-2. Задачи маршрутии «на узкие места» Простейший вариант задачи коммивояжера «на узкие места».... 2.3. Расширение (незамкнутой) задачи коммивояжера «на уз-2.4. Построение оптимального маршрута: алгоритм на функ-2.5. Простейший пример построения оптимального маршрута 59 3. Обобщенная задача курьера «на узкие места» 3.4. Построение слоев функции Беллмана . . . . . . . . . . . . . . . 84 3.6. Обсуждение вариантов вычислительного эксперимента . 97 4. Маршрутизация с абстрактной функцией агрегирования затрат

6-10

V)

и

и

# МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ УРАЛЬСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ ПЕРВОГО ПРЕЗИДЕНТА РОССИИ Б. Н. ЕЛЬЦИНА

## А. Я. Овсянников

# ДОПОЛНИТЕЛЬНЫЕ ГЛАВЫ ТЕОРИИ МАТРИЦ

### Учебное пособие

#### Рекоменловано

методическим советом Уральского федерального университета в качестве учебного пособия для студентов вуза, обучающихся по направлениям подготовки 01.03.01 «Математика», 01.03.03 «Механика и математическое моделирование», 02.03.01 «Математика и компьютерные науки», 02.03.02 «Фундаментальная информатика и информационные технологии»

Екатеринбург Издательство Уральского университета 2020