ИНСТИТУТ МАТЕМАТИКИ И МЕХАНИКИ им. Н. Н. КРАСОВСКОГО УРАЛЬСКОГО ОТДЕЛЕНИЯ РОССИЙСКОЙ АКАДЕМИИ НАУК УРАЛЬСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ им. ПЕРВОГО ПРЕЗИДЕНТА РОССИИ Б. Н. ЕЛЬЦИНА

В. В. ВАСИН

ОСНОВЫ ТЕОРИИ НЕКОРРЕКТНЫХ ЗАДАЧ



НОВОСИБИРСК ИЗДАТЕЛЬСТВО СИБИРСКОГО ОТДЕЛЕНИЯ РОССИЙСКОЙ АКАДЕМИИ НАУК 2020 УДК 517.983.54, 517.988.68 ББК 22.162 В 19

Издание поддержано Российским научным фондом, грант № 18-11-00024

Васин В. В.

Основы теории некорректных задач/Васин В. В. — Новосибирск, Изд-во СО РАН, 2020. — 313 с.

В монографии представлены основные классы некорректно поставленных задач: плохо обусловленные системы линейных алгебраических уравнений, вычисление значений разрывного отображения, линейные и нелинейные операторные уравнения, задачи квадратичной и выпуклой минимизации, вариационные неравенства и задача аппроксимации неподвижной точки нелинейного отображения. Исследуются базовые подходы к построению устойчивых вариационных и итерационных методов приближенного решения этих задач с оценкой их точности. Подробно анализируется проблема учета в алгоритме дополнительной априорной информации о решении с помощью фейеровских отображений. Обсуждаются вопросы регуляризуемости некорректных задач и правил выбора параметра регуляризации.

Утверждено к печати ученым советом Института математики и механики им. Н. Н. Красовского УрО РАН

Ответственный редактор доктор физико-математических наук А. Л. Агеев

Рецензенты:

член-корреспондент РАН С.И.Кабанихин, доктор физико-математических наук А.Г.Ягола

ISBN 978-5-7692-1673-2

© Институт математики и механики им. Н. Н. Красовского УрО РАН, 2020 © Васин В. В., 2020