

**LAPORAN PRAKTIKUM
METODE NUMERIK**

Judul: Integrasi Numerik



**DISUSUN OLEH
ILHAM NUR ROMDONI M0520038**

**PROGRAM INFORMATIKA
FAKULTAS MIPA
UNIVERSITAS SEBELAS MARET
2021**

SCREENSHOT

A. Screenshot Praktikum

1. Metode Integrasi Trapezoida

```
% Ilham Nur Romdoni, M0520038

function F = trapezoida(f,a,b,n)
    h = (b-a)/n;
    S = feval(f,a);
    for i = 1:n-1
        x(i) = a + h*i;
        S = S + 2*feval(f,x(i));
    end
    S = S + feval(f,b);
    F = (h/2)*S;
end
```

2. Metode Simpson 1/3

```
% Ilham Nur Romdoni, M0520038

function F = simpson1per3(f,a,b,n)
    h = (b-a)/n;
    S = feval(f,a);
    for i = 1:2:n-1
        x(i) = a + h*i;
        S = S + 4*feval(f,x(i));
    end
    for i = 2:2:n-1
        x(i) = a + h*i;
        S = S + 2*feval(f,x(i));
    end
    S = S + feval(f,b);
    F = (h/3)*S;
end
```

3. Metode Simpson 3/8

```
% Ilham Nur Romdoni, M0520038

function F = simpson3per8(f,a,b,n)
    h = (b-a)/n;
    S = feval(f,a);

    for i = 1:2:n-1
        x(i) = a + h*i;
        S = S + 3*feval(f,x(i));
    end

    for i = 2:2:n-1
        x(i) = a + h*i;
        S = S + 3*feval(f,x(i));
    end

    S = S + feval(f,b);
    F = (3*h/8)*S;
end
```

B. Screenshot Source Code

1. Metode Integrasi Trapezoida

```
% Ilham Nur Romdoni, M0520038

function F = trapezoida(f,a,b,h)
    n = (b-a)/h;
    S = feval(f,a);
    for i = 1:n-1
        x(i) = a + h*i;
        S = S + 2*feval(f,x(i));
    end
    S = S + feval(f,b);
    F = (h/2)*S;
end
```

2. Metode Simpson 1/3

```
% Ilham Nur Romdoni, M0520038

function F = simpson1per3(f,a,b,h)
    n = (b-a)/h;
    S = feval(f,a);
    for i = 1:2:n-1
        x(i) = a + h*i;
        S = S + 4*feval(f,x(i));
    end
    for i = 2:2:n-1
        x(i) = a + h*i;
        S = S + 2*feval(f,x(i));
    end
    S = S + feval(f,b);
    F = (h/3)*S;
end
```

3. Metode Simpson 3/8

```
% Ilham Nur Romdoni, M0520038

function F = simpson3per8(f,a,b,h)
    n = (b-a)/h;
    S = feval(f,a);

    for i = 1:2:n-1
        x(i) = a + h*i;
        S = S + 3*feval(f,x(i));
    end

    for i = 2:2:n-1
        x(i) = a + h*i;
        S = S + 3*feval(f,x(i));
    end

    S = S + feval(f,b);
    F = (3*h/8)*S;
end
```

ANALISIS

A. Analisis Source Code

Source code dimulai dengan membuat nama *function* dengan *answer* dimasukkan ke variabel F. Parameter *input function* yang diminta adalah fungsi (f), nilai awal (a), batas nilai awal (b), dan batas iterasi (n).

Didefinisikan beberapa variabel berikut.

- h sebagai interval dari tiap iterasi yang didapat dari pengurangan a dan b dibagi dengan jumlah iterasi.
- S adalah feval(f,a) atau dapat diartikan bahwa dieksekusi fungsi f menggunakan titik a. Penamaan S merupakan pengambilan huruf pertama dari SUM.

1. Metode Integrasi Trapezoida

Dijalankan iterasi dengan *looping for* i dari 1 sampai dengan n dikurangi 1. Dalam *looping* didefinisikan nilai sebagai berikut.

- x selanjutnya atau x(i) akan didapatkan dari nilai awal (a) ditambahkan dengan i dikalikan interval (h).
- S baru merupakan nilai S awal ditambahkan 2 dikalikan feval dari f menggunakan nilai x(i).

Looping akan menghasilkan nilai S akhir yang akan ditambahkan dengan feval dari f menggunakan nilai b. Penyelesaian F didapat dari h dibagi 2 dikalikan dengan nilai S akhir.

2. Metode Simpson 1/3

Dijalankan iterasi dengan *looping for* i dari 1 sampai dengan n dikurangi 1 di mana nilai i bertambah 2. *Looping* ini diperuntukkan untuk menemukan S saat i bernilai ganjil. Dalam *looping* didefinisikan nilai sebagai berikut.

- x selanjutnya atau x(i) akan didapatkan dari nilai awal (a) ditambahkan dengan i dikalikan interval (h).
- S baru merupakan nilai S awal ditambahkan 4 dikalikan feval dari f menggunakan nilai x(i).

Dijalankan iterasi dengan *looping for* i dari 2 sampai dengan n dikurangi 1 di mana nilai i bertambah 2. *Looping* ini diperuntukkan untuk menemukan S saat i bernilai genap. *Looping* genap sama persis dengan *looping* ganjil hanya berbeda pada bilangan pengali S. S dikalikan dengan 2.

Looping akan menghasilkan nilai S akhir yang akan ditambahkan dengan feval dari f menggunakan nilai b. Penyelesaian F didapat dari h dibagi 3 dikalikan dengan nilai S akhir. Perkalian dengan 1/3 inilah yang menyebabkan metode ini dinamakan Simpson 1/3.

3. Metode Simpson 3/8

Setiap baris sama persis dengan simpson 1/3. Perbedaan terletak pada perkalian dengan bilangan 3 pada *looping* ganjil maupun genap. Penyelesaian F didapat dari h dikalikan 3/8 lalu dikalikan dengan nilai S akhir. Perkalian dengan 3/8 inilah yang menyebabkan metode ini dinamakan Simpson 3/8.

Perbedaan *source code* praktikum dengan *posttest* hanya terletak pada parameter di mana pada *posttest*, h didapatkan dari *input*-an. Karena hal itu, n didefinisikan sebagai jumlah iterasi yang didapat dari pengurangan nilai a dan b dibagi interval.

B. Analisis Jalannya Program

Sebelum memanggil fungsi yang telah dibuat, *input* fungsi dengan menambahkan untuk mengisi parameter f. Penambahan @(x) sebelum fungsi dimaksudkan untuk mendefinisikan variabel x. Setelah itu lakukan pemanggilan fungsi.

Praktikum:

Sekarang cobalah tentukan Luas jika diketahui $a = 0$, $b = 1$, $n = 10$, $f(x) = x^2$

```
>> f = @(x) x.^2

f =

function_handle with value:

@(x) x.^2
```

1. Luas Eksak

```
>> integral(f,0,1)

ans =

0.3333
```

2. Metode Integrasi Trapezoida

```
>> trapezoida(f,0,1,10)

ans =

0.3350
```

Langkah-langkah jalannya program dapat dituliskan seperti berikut.

x	0	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9	1
f(x)	0	0.01	0.04	0.09	0.16	0.25	0.36	0.49	0.64	0.81	1

$$\begin{aligned}
 L &= h \cdot \sum_{i=0}^{10} f(x_i) \\
 &= \frac{0.1}{2} \left(0 + 2 \cdot 0.01 + 2 \cdot 0.04 + 2 \cdot 0.09 + 2 \cdot 0.16 + 2 \cdot 0.25 + \right. \\
 &\quad \left. 2 \cdot 0.36 + 2 \cdot 0.49 + 2 \cdot 0.64 + 2 \cdot 0.81 + 1.00 \right) \\
 &= \frac{0.1}{2} \left(0 + 0.02 + 0.08 + 0.18 + 0.32 + 0.5 + \right. \\
 &\quad \left. 0.72 + 0.98 + 1.28 + 1.62 + 1.00 \right) \\
 &= \left(\frac{0.1}{2} \right) (6.7) = 0.335
 \end{aligned}$$

$$L = \int_0^1 x^2 dx = \frac{1}{3} x^3 \Big|_0^1 = 0.3333 \dots$$

3. Metode Simpson 1/3

```
>> simpson1per3(f,0,1,10)

ans =

    0.3333
```

Langkah-langkah jalannya program dapat dituliskan seperti berikut.

x	0	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9	1
f(x)	0	0.01	0.04	0.09	0.16	0.25	0.36	0.49	0.64	0.81	1

$$\begin{aligned}
 L &= h \cdot \sum_{i=0}^{10} f(x_i) \\
 &= \frac{0.1}{3} \left(0 + 4 \cdot 0.01 + 2 \cdot 0.04 + 4 \cdot 0.09 + 2 \cdot 0.16 + 4 \cdot 0.25 + \right. \\
 &\quad \left. 2 \cdot 0.36 + 4 \cdot 0.49 + 2 \cdot 0.64 + 4 \cdot 0.81 + 1.00 \right) \\
 &= \frac{0.1}{3} \left(0 + 0.04 + 0.08 + 0.36 + 0.32 + 1 + \right. \\
 &\quad \left. 0.72 + 1.96 + 1.28 + 3.24 + 1.00 \right) \\
 &= \left(\frac{0.1}{3} \right) (10) = 0.333
 \end{aligned}$$

$$L = \int_0^1 x^2 dx = \frac{1}{3} x^3 \Big|_0^1 = 0.3333 \dots$$

4. Metode Simpson 3/8

```
>> simpson3per8(f,0,1,10)

ans =

    0.3581
```

Langkah-langkah jalannya program dapat dituliskan seperti berikut.

x	0	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9	1
f(x)	0	0.01	0.04	0.09	0.16	0.25	0.36	0.49	0.64	0.81	1

$$\begin{aligned}
L &= h \cdot \sum_{i=0}^{10} f(x_i) \\
&= \frac{0.1 \cdot 3}{8} \left(0 + 3 \cdot 0.01 + 3 \cdot 0.04 + 3 \cdot 0.09 + 3 \cdot 0.16 + 3 \cdot 0.25 + \right. \\
&\quad \left. 3 \cdot 0.36 + 3 \cdot 0.49 + 3 \cdot 0.64 + 3 \cdot 0.81 + 1.00 \right) \\
&= \frac{0.3}{8} \left(0 + 0.03 + 0.12 + 0.27 + 0.48 + 0.75 + \right. \\
&\quad \left. 1.08 + 1.47 + 1.32 + 2.43 + 1.00 \right) \\
&= \left(\frac{0.3}{8} \right) (8.95) = 0.336
\end{aligned}$$

$$L = \int_0^1 x^2 dx = \frac{1}{3} x^3 \Big|_0^1 = 0.3333 \dots$$

Output answer adalah penyelesaian dari setiap metode yang merupakan Luas dari fungsi $f(x)$. Jika dibandingkan dengan nilai eksak, maka metode dengan hasil penyelesaian paling mendekati dapat diurutkan sebagai berikut.

- Metode Simpson 1/3 dengan *error* hampir 0.
- Metode Integrasi Trapezoida dengan *error* 0,0017.
- Metode Simpson 3/8 dengan *error* 0,0248.

Posttest:

Tentukan Nilai eksak dan Nilai Integral Trapezoidal, Simpson $\frac{1}{3}$ dan Simpson $\frac{3}{8}$. menggunakan $h=1$, $h=0.5$, $h=0.1$ dan khusus Simpson 3/8 menggunakan $h=1.5$ dari fungsi di bawah ini:

$$f(x) = \int_{-2}^2 x e^{2x} dx$$

```
>> f = @(x) x.*exp(2.*x)
```

```
f =
```

```
function\_handle with value:
```

```
@(x)x.*exp(2.*x)
```

1. Nilai Eksak

```
>> integral(f,-2,2)
```

```
ans =
```

```
40.9715
```

2. Metode Integrasi Trapezioda

```
>> trapezoida(f,-2,2,1)
```

```
ans =
```

```
61.8336
```

```
>> trapezoida(f,-2,2,0.5)
```

```
ans =
```

```
46.5312
```

```
>> trapezoida(f,-2,2,0.1)
```

```
ans =
```

```
41.1988
```

3. Metode Simpson 1/3

```
>> simpson1per3(f,-2,2,1)
```

```
ans =
```

```
46.0582
```

```
>> simpson1per3(f,-2,2,0.5)
```

```
ans =
```

```
41.4304
```

```
>> simpson1per3(f,-2,2,0.1)
```

```
ans =
```

```
40.9724
```

4. Metode Simpson 3/8

```
>> simpson3per8(f,-2,2,1.5)
```

```
ans =
```

```
61.0919
```

Program berjalan sama dengan program praktikum hanya dengan parameter yang berbeda. *Output answer* adalah nilai penyelesaian setiap metode dari fungsi $f(x)$. Jika dibandingkan dengan nilai eksak, maka metode dengan nilai penyelesaian paling mendekati dapat diurutkan sebagai berikut.

- Metode Simpson 1/3 dengan *error* 5,0867 untuk $h = 1$; 0,4589 untuk $h = 0,5$; dan 0,0009 untuk $h = 0,1$.
- Metode Integrasi Trapezoida dengan *error* 20,8621 untuk $h = 1$; 5,5597 untuk $h = 0,5$; dan 0,2273 untuk $h = 0,1$.
- Metode Simpson 3/8 dengan *error* 20,1204 untuk $h = 1,5$.

$$f(x) = \int_0^{10} x^2 + \sin(2x) dx$$

```
>> f = @(x) (x.^2)+sin(2*x)
```

```
f =
```

```
function\_handle with value:
```

```
@(x) (x.^2)+sin(2*x)
```

1. Nilai Eksak

```
>> integral(f,0,10)
```

```
ans =
```

```
333.6293
```

2. Metode Integrasi Trapezioda

```
>> trapezoida(f,0,10,1)
```

```
ans =
```

```
335.1900
```

```
>> trapezoida(f,0,10,0.5)
```

```
ans =
```

```
334.0209
```

```
>> trapezoida(f,0,10,0.1)
```

```
ans =
```

```
333.6450
```

3. Metode Simpson 1/3

```
>> simphsonlper3(f,0,10,1)
```

```
ans =
```

```
333.6770
```

```
>> simphsonlper3(f,0,10,0.5)
```

```
ans =
```

```
333.6312
```

```
>> simphsonlper3(f,0,10,0.1)
```

```
ans =
```

```
333.6293
```

4. Metode Simpson 3/8

```
>> simpson3per8(f,0,10,1.5)

ans =

    266.2456
```

Program berjalan sama dengan program praktikum hanya dengan parameter yang berbeda. *Output answer* adalah nilai penyelesaian setiap metode dari fungsi $f(x)$. Jika dibandingkan dengan nilai eksak, maka metode dengan nilai penyelesaian paling mendekati dapat diurutkan sebagai berikut.

- Metode Simpson 1/3 dengan *error* 0,0407 untuk $h = 1$; 0,0019 untuk $h = 0,5$; dan hampir 0 untuk $h = 0,1$.
- Metode Integrasi Trapezoida dengan *error* 1,5607 untuk $h = 1$; 0,3916 untuk $h = 0,5$; dan 0,0157 untuk $h = 0,1$.
- Metode Simpson 3/8 dengan *error* 67,3837 untuk $h = 1,5$.

Dari pelaksanaan praktikum dan pengerjaan *posttest* dapat disimpulkan beberapa hal berikut.

- Dari ketiga metode integrasi numerik yang dipraktikkan, metode Simpson 1/3 memberikan hasil yang paling mendekati nilai eksak jika menggunakan nilai n atau h yang sama.
- Pada metode Trapezoida dan Simpson 3/8 memang memberikan hasil penyelesaian yang memiliki *error* yang lebih besar, tetapi diasumsikan bahwa kedua metode akan mendapat hasil yang lebih mendekati eksak jika menggunakan nilai n atau h yang sesuai. Asumsi didasarkan pada hasil penyelesaian yang ditemukan berbeda jika n atau h yang digunakan berbeda.