

**LAPORAN PRAKTIKUM
METODE NUMERIK**

Judul: Sistem Persamaan Linier



**DISUSUN OLEH
ILHAM NUR ROMDONI M0520038**

**PROGRAM INFORMATIKA
FAKULTAS MIPA
UNIVERSITAS SEBELAS MARET
2021**

SCREENSHOT

A. Screenshot Praktikum

1. Metode Jacobi

```
% Ilham Nur Romdoni, M0520038

function [x1, g, H] = jacobi (A,b,X0,T,N)
    H = X0';
    n = length(b);
    X1 = X0;
    for k=1:N
        for i = 1:n
            S = b(i)-A(i, [1:i-1,i+1:n])*X([1:i-1,i+1:n]);
            X1(i) =S/A(i,i);
        end
        g = abs(X1-X0);
        err = norm(g);
        relerr = err/(norm(X1)+ eps);
        X0 = X1;
        H = [H;X0'];
        if (err<T) || (relerr<T),break,end
    end
```

2. Metode Gauss-Seidel

```
% Ilham Nur Romdoni, M0520038

function [X1,g,H] = seidel(A,b,X0,T,N)
    H = X0';
    n = length(b);
    X1 = X0 ;
    for k=1:N
        for i =1:n
            S=b(i)-A(i,1:i-1)*X1(1:i-1)-A(i,i+1:n)*X0(i+1:n);
            X1(i)=S/A(i,i);
        end
        g=abs(X1-X0);
        err=norm(g);
        relerr=err/(norm(X1)+eps);
        X0=X1;
        H=[H,X0'];
        if(err<T) || (relerr<T),break,end
    end
```

3. Metode Eliminasi Gauss (OBE)

```
% Ilham Nur Romdoni, M0520038

function x = EliminasiGauss (A,b)
    [n,l] = size(A);
    for i = 1 : n-1
        [pivot,k] = max(abs(A(i:n, i)));
```

```

        if (k > 1)
            temp1 = A(i, :);
            temp2 = b(i, :);
            A(i,:) = A(i+k-1,:);
            b(i,:) = b(i+k-1,:);
            A(i+k-1,:) = temp1;
            b(i+k-1,:) = temp2;
        end
        for (h = i+1 : n)
            m = A(h,i)/A(i,i);
            A(h,:) = A(h,:) - m*A(i,:);
            b(h,:) = b(h,:) - m*b(i,:);
        end
    end
    x(n,:) = b(n,:) / A(n,n);
    for (i = n:-1:1)
        x(i,:) = (b(i,:) - A(i,i+1:n)*x(i+1:n,:)) / A(i,i);
    end
end

```

4. Metode Eliminasi Gauss-Jordan

%Ilham Nur Romdoni, M0520038

```

function x = EliminasiGaussJordan(A,b)
[n,m] = size(A);
for i = 1 : n-1
    [pivot,k] = max(abs(A(i:n, i)));
    if (k > 1)
        temp1 = A(i, :);
        temp2 = b(i, :);
        A(i,:) = A(i+k-1,:);
        b(i,:) = b(i+k-1,:);
        A(i+k-1,:) = temp1;
        b(i+k-1,:) = temp2;
    end
    for (h = i+1 : n)
        m = A(h,i)/A(i,i);
        A(h,:) = A(h,:) - m*A(i,:);
        b(h,:) = b(h,:) - m*b(i,:);
    end
end

for i = n:-1:2
    for h = i-1:-1:1
        m = A(h,i)/A(i,i);
        A(h,:) = A(h,:) - m*A(i,:);
        b(h,:) = b(h,:) - m*b(i,:);
    end
end

for i = 1:n
    x(i,:) = b(i,:)/A(i,i);
end

```

5. Metode Dekomposisi LU

```
%Ilham Nur Romdoni, M0520038

function [L,U] = Doolittle (A)
[n,m] = size(A);
U = zeros (n,n);
L = eye(n);
for k = 1:n
    U(k,k) = A(k,k) - L(k, 1:k-1)*U(1:k-1,k);
    for j = k+1:n
        U(k,j) = A(k,j) - L(k, 1:k-1)*U(1:k-1,j);
        L(j,k) = (A(j,k) - L(j, 1:k-1)*U(1:k-1,k))/U(k,k);
    end
end

%Ilham Nur Romdoni, M0520038

function x = LU_Solusi (L,U,b)
[n,m] = size(L);
z = zeros(n,1);
x = zeros(n,1);
z(1) = b(1)/L(1,1);
for i = 2:n
    z(i) = (b(i) - L(i, 1:i-1)*z(1:i-1)) / L(i,i);
end
x(n) = z(n)/U(n,n);
for i = n-1:-1:1
    x(i) = (z(i) - U(i,i+1:n)*x(i+1:n)) / U(i,i);
end
```

B. Screenshot Source Code

1. Kasus 1

Metode Gauss

```
% Ilham Nur Romdoni, M0520038

function x = EliminasiGauss (A,b)
[n,l] = size(A);
for i = 1 : n-1
    [pivot,k] = max(abs(A(i:n, i)));
    if (k > 1)
        temp1 = A(i, :);
        temp2 = b(i, :);
        A(i,:) = A(i+k-1,:);
        b(i,:) = b(i+k-1,:);
        A(i+k-1,:) = temp1;
        b(i+k-1,:) = temp2;
    end
    for (h = i+1 : n)
        m = A(h,i)/A(i,i);
        A(h,:) = A(h,:) - m*A(i,:);
        b(h,:) = b(h,:) - m*b(i,:);
    end
end
```

```

x(n,:) = b(n,:) / A(n,n);
for i = n:-1:1
    x(i,:) = (b(i,:) - A(i,i+1:n)*x(i+1:n,:)) / A(i,i);
end

```

Metode Gauss-Jordan

%Ilham Nur Romdoni, M0520038

```

function x = EliminasiGaussJordan(A,b)
[n,m] = size(A);
for i = 1 : n-1
    [pivot,k] = max(abs(A(i:n, i)));
    if (k > 1)
        temp1 = A(i, :);
        temp2 = b(i, :);
        A(i,:) = A(i+k-1,:);
        b(i,:) = b(i+k-1,:);
        A(i+k-1,:) = temp1;
        b(i+k-1,:) = temp2;
    end
    for (h = i+1 : n)
        m = A(h,i)/A(i,i);
        A(h,:) = A(h,:) - m*A(i,:);
        b(h,:) = b(h,:) - m*b(i,:);
    end
end

for i = n:-1:2
    for h = i-1:-1:1
        m = A(h,i)/A(i,i);
        A(h,:) = A(h,:) - m*A(i,:);
        b(h,:) = b(h,:) - m*b(i,:);
    end
end

for i = 1:n
    x(i,:) = b(i,:)/A(i,i);
end

```

Metode LU Dekomposisi

%Ilham Nur Romdoni, M0520038

```

function [L,U] = Doolittle (A)
[n,m] = size(A);
U = zeros (n,n);
L = eye(n);
for k = 1:n
    U(k,k) = A(k,k) - L(k, 1:k-1)*U(1:k-1,k);
    for j = k+1:n
        U(k,j) = A(k,j) - L(k, 1:k-1)*U(1:k-1,j);
        L(j,k) = (A(j,k) - L(j, 1:k-1)*U(1:k-1,k))/U(k,k);
    end
end

```

%Ilham Nur Romdoni, M0520038

```

function x = LU_Solusi (L,U,b)

```

```

[n,m] = size(L);
z = zeros(n,1);
x = zeros(n,1);
z(1) = b(1)/L(1,1);
for i = 2:n
    z(i) = (b(i) - L(i, 1:i-1)*z(1:i-1)) / L(i,i);
end
x(n) = z(n)/U(n,n);
for i = n-1:-1:1
    x(i) = (z(i) - U(i,i+1:n)*x(i+1:n)) / U(i,i);
end

```

Metode Jacobi

% Ilham Nur Romdoni, M0520038

```

function x = IterasiJacobi(A,b)
[n m] = size(A);
for i = 1:n
    xlama(i) = b(i)/A(i,i);
end
xlama = xlama';
C = -A;
for i = 1:n
    C(i,i) = 0.0;
    C(i,:) = C(i, :)/A(i,i);
    d(i,1) = xlama(i);
end
i = 20;
e = 0,0001;
while (i <= 100)
    xbaru = C*xlama + d;
    if (norm(xbaru - xlama) <= e)
        x = xbaru;
        disp ('Jacobi method konverge');
        return
    else
        xlama = xbaru;
    end
    disp([i xbaru']);
    i = i + 1;
end;
disp ('Jacobi method not konverge');

```

Metode Gauss-Seidel

% Ilham Nur Romdoni, M0520038

```

function x = IterasiGaussSeidel(A,b)
[n m] = size(A);
for i = 1:n
    if (i == 1)
        x(i) = b(i)/A(i,i);
    else
        x(i) = 0;
    end
end
end

```

```

x = x';
C = -A;
for i = 1:n
    C(i,i) = 0.0;
    C(i,:) = C(i,+)/A(i,i);
    d(i,1) = x(i);
end
i = 20;
e = 0,0001;
while (i <= 100)
    xlama = x;
    for j = 1 : n
        x(j) = C(j,:)*x + d(j);
    end
    if (norm(xlama - x) <= e)
        disp ('Gauss Seidel method konverge');
        return
    end
    disp([i x']);
    i = i + 1;
end
disp ('Gauss Seidel method not konverge');

```

2. Kasus 2

```

% Ilham Nur Romdoni, M0520038

langsung = EliminasiGaussJordan(A,b);

iteratif = IterasiJacobi(A,b);

e=abs(langsung - iteratif)

```

3. Kasus 3

```

% Ilham Nur Romdoni, M0520038

function x = EliminasiGauss (A,b)
tic;
[n,1] = size(A);
for i = 1 : n-1
    [pivot,k] = max(abs(A(i:n, i)));
    if (k > 1)
        temp1 = A(i, :);
        temp2 = b(i, :);
        A(i,:) = A(i+k-1,:);
        b(i,:) = b(i+k-1,:);
        A(i+k-1,:) = temp1;
        b(i+k-1,:) = temp2;
    end
    for (h = i+1 : n)
        m = A(h,i)/A(i,i);
        A(h,:) = A(h,:) - m*A(i,:);
        b(h,:) = b(h,:) - m*b(i,:);
    end
end

```

```
end
x(n,:) = b(n,:) / A(n,n);
for i = n:-1:1
    x(i,:) = (b(i,:) - A(i,i+1:n)*x(i+1:n,:)) / A(i,i);
end
toc;
```


ANALISIS

A. Analisis Source Code

1. Kasus 1

Metode Gauss

Fungsi EliminasiGauss dengan parameter A dan b disimpan pada variabel x. Size (A,1) akan mengambil nilai dari size A pada kolom ke-1 dan disimpan pada variabel n. Dilakukan perulangan dari 1 hingga n-1. Terdapat nilai pivot yang merupakan nilai maksimum dari mutlak A baris 1 hingga n kolom i, letak pivot ditunjukkan dengan nilai k. Terdapat percabangan, jika k lebih dari 1 maka nilai A baris ke-i akan diganti dengan nilai A baris ke i+k-1 dan nilai B baris ke-i akan diganti dengan nilai B baris ke i+k-1. Terdapat perulangan nilai h dari i+1 hingga n. Nilai m adalah nilai dari matriks A baris ke h kolom ke i dibagi dengan matriks A baris ke i kolom ke i. Nilai dari matriks A baris ke h di semua kolom adalah A baris ke h di semua kolom dikurangi dengan m kali A baris ke i di semua kolom. Sedangkan nilai matriks B baris ke h di semua kolom adalah nilai B baris ke h di semua kolom dikurangi dengan m kali B baris ke i di semua kolom. Algoritma yang digunakan seperti pada *source code* di atas.

Metode Gauss-Jordan

Fungsi EliminasiGaussJordan dengan parameter A dan b disimpan pada variabel x. Size (A,1) akan mengambil nilai dari size A pada kolom ke-1 dan disimpan pada variabel n. Dilakukan perulangan dari 1 hingga n-1. Terdapat nilai pivot yang merupakan nilai maksimum dari mutlak A baris 1 hingga n kolom i, letak pivot ditunjukkan dengan nilai k. Terdapat percabangan, jika k lebih dari 1 maka nilai A baris ke-i akan diganti dengan nilai A baris ke i+k-1 dan nilai B baris ke-i akan diganti dengan nilai B baris ke i+k-1. Terdapat perulangan nilai h dari i+1 hingga n. Nilai m adalah nilai dari matriks A baris ke h kolom ke i dibagi dengan matriks A baris ke i kolom ke i. Nilai dari matriks A baris ke h di semua kolom adalah A baris ke h di semua kolom dikurangi dengan m kali A baris ke i di semua kolom. Sedangkan nilai matriks B baris ke h di semua kolom adalah nilai B baris ke h di semua kolom dikurangi dengan m kali B baris ke i di semua kolom. Algoritma yang digunakan seperti pada *source code* di atas.

Metode LU Dekomposisi

Fungsi LU Dekomposisi di atas menggunakan metode Doolittle untuk menemukan nilai L dan U menggunakan parameter A. Algoritma yang digunakan seperti pada *source code* di atas. LU_Solusi digunakan setelah nilai L dan U ditemukan dengan fungsi Doolittle. Fungsi LU_Solusi menggunakan parameter L, U, dan b. Algoritma yang digunakan seperti pada *source code* di atas.

Metode Jacobi

Fungsi IterasiJacobi dengan parameter A, b dengan e didefinisikan dengan 0,0001 dan N adalah iterasi maksimal yaitu 100 disimpan pada variabel x. Size (A,1) akan mengambil nilai dari *size* A pada kolom ke-1 dan disimpan pada variabel n. Dilakukan perulangan dari 1 hingga n. Tiap perulangan akan mengeksekusi nilai b pada baris ke-i dibagi dengan nilai A pada baris ke-i kolom i dan hasilnya disimpan pada variabel xlama. Nilai xlama akan ditransposisi. Kemudian terdapat fungsi perulangan dimulai dari i hingga n. Setiap perulangan akan mengeksekusi nilai C pada baris ke-i kolom i = 0,0. Nilai C pada baris i untuk setiap kolom adalah Nilai C pada baris i untuk setiap kolom dibagi nilai A baris ke-i kolom i. Nilai d baris i kolom i adalah nilai dari xlama baris ke-i. Fungsi perulangan dimulai dari 1 hingga N. Nilai xbaru merupakan nilai C dikali nilai xlama ditambah dengan d. Kemudian terdapat fungsi percabangan jika nilai absolut dari xbaru-xlama kurang dari sama dengan nilai e, maka nilai x=xbaru akan menampilkan *output* “Jacobi method converge” dan perulangan berhenti. Namun, jika tidak memenuhi, maka akan menampilkan *output* “Jacobi method not converge”.

Metode Gauss-Seidel

Fungsi IterasiGaussSeidel dengan parameter A, b dengan e didefinisikan dengan 0,0001 dan N adalah iterasi maksimal yaitu 100 disimpan pada variabel x. Size (A,1) akan mengambil nilai dari *size* A pada kolom ke-1 dan disimpan pada variabel n. Dilakukan perulangan dari 1 hingga n. Tiap perulangan akan mengeksekusi nilai b pada baris ke-i dibagi dengan nilai A pada baris ke-i kolom i dan hasilnya disimpan pada variabel xlama. Nilai xlama akan ditransposisi. Kemudian terdapat fungsi perulangan dimulai dari i hingga n. Setiap perulangan akan mengeksekusi nilai C pada baris ke-i kolom i = 0,0. Nilai C pada baris i untuk setiap kolom adalah Nilai C pada baris i untuk setiap kolom dibagi nilai A baris ke-i kolom i. Nilai d baris i kolom i adalah nilai dari xlama baris ke-i. Fungsi perulangan dimulai dari 1 hingga N. Nilai x merupakan nilai C dikali nilai xlama

ditambah dengan d. Kemudian terdapat fungsi percabangan jika nilai absolut dari $x - x_{lama}$ kurang dari sama dengan nilai e, maka nilai x akan menampilkan *output* “Gauss Seidel method converge” dan perulangan berhenti. Namun, jika tidak memenuhi, maka akan menampilkan *output* “Gauss Seidel method not converge”.

2. Kasus 2

Perhitungan nilai *error* menggunakan nilai mutlak dari nilai salah satu metode langsung – salah satu metode iteratif. Pada praktikum ini didefinisikan langsung adalah nilai dari EliminasiGaussJordan (A,b) – IterasiJacobi (A,b). Kemudian hasil *error* akan ditampilkan.

3. Kasus 3

Ketikkan tic dan toc yang berguna untuk menghitung waktu dari eksekusi program atau running time. Cara penulisaannya tic; algoritma toc;.

B. Analisis Jalannya Program

1. Kasus 1

a. $2x - 6y - z = -38$

$-3x - y + 7z = -34$

$-8x + y - 2z = -20$

```
>> A = [2,-6,-1;-3,-1,7;-8,1,-2]
```

```
A =
```

```

     2    -6    -1
    -3    -1     7
    -8     1    -2
```

```
>> b = [-38;-34;-20]
```

```
b =
```

```

   -38
   -34
   -20
```

Metode Gauss

```
>> EliminasiGauss (A,b)
```

```
ans =
```

```

     4
     8
    -2
```

Metode Gauss-Jordan

```
>> EliminasiGaussJordan(A,b)
```

```
ans =
```

```
4
8
-2
```

Metode LU Dekomposisi

```
>> [L,U] = Doolittle (A)
```

```
L =
```

```
1.0000    0    0
-1.5000    1.0000    0
-4.0000    2.3000    1.0000
```

```
U =
```

```
|
2.0000   -6.0000   -1.0000
0   -10.0000    5.5000
0    0   -18.6500
```

```
>> LU_Solusi (L,U,b)
```

```
ans =
```

```
4.0000
8.0000
-2.0000
```

Metode Jacobi

```
>> IterasiJacobi(A,b)
```

```
e =
```

```
0
20    88    161    103
1.0e+55 *
0.0000   -8.3111   -5.8243    1.4261
```

```
Jacobi method not konverge
```

Metode tak konvergen maka matriks diubah menjadi *diagonally dominant*.

```
>> A = [-8,1,-2;2,-6,-1;-3,-1,7]
```

```
A =
```

```
-8    1    -2
2    -6    -1
-3    -1    7
```

```

>> b = [-20;-38;-34]

b =

    -20
    -38
    -34

>> IterasiJacobi(A,b)

e =

     0

    20.0000     4.5060     7.9762    -2.8810
    53.0000     4.0000     8.0000    -2.0000

    54      4      8     -2

Jacobi method konverge

ans =

     4
     8
    -2

```

Penyelesaian SPL ditemukan pada iterasi ke-54.

Metode Gauss-Seidel

```

>> IterasiGaussSeidel(A,b)

e =

     0

    20.0000     2.5000     0.8333     1.1905
   100.0000     2.3056     0.5898     1.0724

Gauss Seidel method not konverge

ans =

     2.3056
     0.5898
     1.0724

```

Walaupun sudah pada iterasi maksimum, penyelesaian belum ditemukan.

b. $2a - b + 10c = -11$

$3b - c + 8d = -11$

$10a - b + 2c = 6$

$-a + 11b - c + 3d = 25$

```
>> A = [2,-1,10,0;0,3,-1,8;10,-1,2,0;-1,11,-1,3]
```

```
A =
```

2	-1	10	0
0	3	-1	8
10	-1	2	0
-1	11	-1	3

```
>> b = [-11;-11;6;25]
```

```
b =
```

-11
-11
6
25

Metode Gauss

```
>> x = EliminasiGauss (A,b)
```

```
x =
```

1.1039
2.9965
-1.0211
-2.6263

Metode Gauss-Jordan

```
>> x = EliminasiGaussJordan (A,b)
```

```
x =
```

1.1039
2.9965
-1.0211
-2.6263

Metode LU Dekomposisi

```
>> [L,U] = Doolittle (A)
```

```
L =
```

1.0000	0	0	0
0	1.0000	0	0
5.0000	1.3333	1.0000	0
-0.5000	3.5000	-0.1607	1.0000

```
U =
```

2.0000	-1.0000	10.0000	0
0	3.0000	-1.0000	8.0000
0	0	-46.6667	-10.6667
0	0	0	-26.7143

```
>> x = LU_Solusi (L,U,b)
```

```
x =
```

```
1.1039  
2.9965  
-1.0211  
-2.6263
```

Metode Jacobi

Metode tak konvergen maka matriks diubah menjadi *diagonally dominant*.

```
>> A = [10,-1,2,0;-1,11,-1,3;2,-1,10,0;0,3,-1,8]
```

```
A =
```

```
10    -1     2     0  
-1     11    -1     3  
 2     -1    10     0  
 0      3    -1     8
```

```
>> b = [6;25;-11;-11]
```

```
b =
```

```
6  
25  
-11  
-11
```

```
>> x = IterasiJacobi(A,b)
```

```
e =
```

```
0  
  
20.0000    1.0473    2.6023   -0.9927   -2.3648  
27.0000    1.1038    2.9965   -1.0212   -2.6261  
28.0000    1.1039    2.9964   -1.0211   -2.6263  
29.0000    1.1039    2.9965   -1.0211   -2.6263  
30.0000    1.1039    2.9965   -1.0211   -2.6263  
100.0000    1.1039    2.9965   -1.0211   -2.6263
```

```
Jacobi method not konverge
```

Walaupun sampai pada iterasi ke-29 dan seterusnya sudah menemukan hasil yang sangat mendekati penyelesaian, tetapi pada iterasi maksimal belum juga ditemukan hasil yang spesifik pada nilai penyelesaian.

Metode Gauss-Seidel

```
>> x = IterasiGaussSeidel(A,b)

e =

    0

    20.0000    0.6000    0.0545   -0.1145   -0.0348
    35.0000    0.6297    0.0561   -0.1203   -0.0361

Gauss Seidel method konverge

x =

    0.6297
    0.0561
   -0.1203
   -0.0361
```

Hasil penyelesaian ditemukan, tetapi sangat jauh dari hasil penyelesaian keempat metode lain.

- c. $6p - q - r = -1$
 $-p + 5q - r - s = 2$
 $-p - q + 4r - s - t = 6$
 $r + 4s - 2t = 2$
 $q - r + s + 4t = -1$

Metode Gauss

```
>> x = EliminasiGauss (A,b)

x =

    0.2657
    0.8175
    1.7767
    0.0451
   -0.0215
```

Metode Gauss-Jordan

```
>> EliminasiGaussJordan(A,b)

ans =

    0.2657
    0.8175
    1.7767
    0.0451
   -0.0215
```


Metode LU Dekomposisi

```
>> [L,U] = Doolittle (A)
```

```
L =
```

1.0000	0	0	0	0
-0.1667	1.0000	0	0	0
-0.1667	-0.2414	1.0000	0	0
0	0	0.2816	1.0000	0
0	0.2069	-0.2136	0.2165	1.0000

```
U =
```

6.0000	-1.0000	-1.0000	0	0
0	4.8333	-1.1667	-1.0000	0
0	0	3.5517	-1.2414	-1.0000
0	0	0	4.3495	-1.7184
0	0	0	0	4.1585

```
>> LU_Solusi (L,U,b)
```

```
ans =
```

0.2657
0.8175
1.7767
0.0451
-0.0215

Metode Jacobi

```
>> IterasiJacobi (A,b)
```

```
e =
```

0					
20.0000	0.1500	0.7667	1.6208	0	-0.1000
58.0000	0.2657	0.8175	1.7767	0.0451	-0.0215

```
Jacobi method konverge
```

```
ans =
```

0.2657
0.8175
1.7767
0.0451
-0.0215

Pada iterasi ke-58 ditemukan hasil penyelesaian.

Metode Gauss-Seidel

```
>> IterasiGaussSeidel(A,b)

e =

    0

    20.0000    -0.1667    -0.0333    -0.0500     0.0125    -0.0073
    46.0000    -0.1836    -0.0456    -0.0558     0.0113    -0.0054

Gauss Seidel method konverge

ans =

    -0.1836
    -0.0456
    -0.0558
     0.0113
    -0.0054
```

Pada metode Gauss-Seidel ditemukan hasil penyelesaian tetapi dengan hasil yang jauh dari keempat metode lain.

Kesimpulan dari ketiga soal di atas himpunan penyelesaian dari metode Gauss-Seidel selalu ditemukan berbeda dengan keempat metode lain.

2. Kasus 2

a. $2x - 6y - z = -38$

$$-3x - y + 7z = -34$$

$$-8x + y - 2z = -20$$

```
>> Hitung_error

e =

    0

    20.0000     4.5060     7.9762    -2.8810

    54     4     8     -2

Jacobi method konverge

e =

    0
    0
    0
```

Menunjukkan himpunan penyelesaian dari metode langsung dan iteratif sama.

b. $2a - b + 10c = -11$

$3b - c + 8d = -11$

$10a - b + 2c = 6$

$-a + 11b - c + 3d = 25$

```
>> Hitung_error
```

```
e =
```

```
0
```

```
20.0000    0.6000    0.0545   -0.1145   -0.0348
```

```
iteratif =
```

```
0.6297
```

```
0.0561
```

```
-0.1203
```

```
-0.0361
```

```
e = |
```

```
0.4742
```

```
2.9404
```

```
0.9008
```

```
2.5902
```

Error ditemukan agak tinggi karena untuk metode iteratif menggunakan hasil penyelesaian metode Gauss-Seidel.

c. $6p - q - r = -1$

$-p + 5q - r - s = 2$

$-p - q + 4r - s - t = 6$

$r + 4s - 2t = 2$

$q - r + s + 4t = -1$

```
e =
```

```
1.0e-15 *
```

```
0.0555
```

```
0.1110
```

```
0
```

```
0.0347
```

```
0.0139
```

Error menunjukkan hasil penyelesaian mendekati tetapi tidak sama persis.

3. Kasus 3

a. $2x - 6y - z = -38$

$$-3x - y + 7z = -34$$

$$-8x + y - 2z = -20$$

Metode Gauss

```
>> EliminasiGauss (A,b)
Elapsed time is 0.013499 seconds.
```

Metode Gauss-Jordan

```
>> EliminasiGaussJordan(A,b)
Elapsed time is 0.002681 seconds.
```

Metode LU Dekomposisi

```
>> [L,U] = Doolittle (A)
Elapsed time is 0.009916 seconds.
```

```
>> LU_Solusi (L,U,b)
Elapsed time is 0.000829 seconds.
```

Metode Jacobi

```
Elapsed time is 0.007788 seconds.
      54      4      8      -2
```

Metode Gauss-Seidel

```
Gauss Seidel method not konverge
Elapsed time is 0.012029 seconds.
```

b. $2a - b + 10c = -11$

$$3b - c + 8d = -11$$

$$10a - b + 2c = 6$$

$$-a + 11b - c + 3d = 25$$

Metode Gauss

```
>> EliminasiGauss (A,b)
Elapsed time is 0.002521 seconds.
```

Metode Gauss-Jordan

```
>> EliminasiGaussJordan(A,b)
Elapsed time is 0.003030 seconds.
```

Metode LU Dekomposisi

```
>> [L,U] = Doolittle (A)
Elapsed time is 0.002906 seconds.
```

```
>> LU_Solusi (L,U,b)
Elapsed time is 0.000663 seconds.
```

Metode Jacobi

```
Elapsed time is 0.012069 seconds.  
100.0000    1.1039    2.9965   -1.0211   -2.6263
```

```
Jacobi method not konverge  
Elapsed time is 0.012345 seconds.
```

Metode Gauss-Seidel

```
Elapsed time is 0.005087 seconds.  
Gauss Seidel method konverge
```

```
ans =  
  
    0.6297  
    0.0561  
   -0.1203  
   -0.0361
```

c. $6p - q - r = -1$

$$-p + 5q - r - s = 2$$

$$-p - q + 4r - s - t = 6$$

$$r + 4s - 2t = 2$$

$$q - r + s + 4t = -1$$

Metode Gauss

```
>> x = EliminasiGauss (A,b)  
Elapsed time is 0.004318 seconds.
```

Metode Gauss-Jordan

```
>> EliminasiGaussJordan(A,b)  
Elapsed time is 0.010241 seconds.
```

Metode LU Dekomposisi

```
>> [L,U] = Doolittle (A)  
Elapsed time is 0.008157 seconds.
```

```
>> LU_Solusi (L,U,b)  
Elapsed time is 0.004404 seconds.
```

Metode Jacobi

```
Elapsed time is 0.008461 seconds.  
Jacobi method konverge
```

```
ans =  
  
    0.2657  
    0.8175  
    1.7767  
    0.0451  
   -0.0215
```

Metode Gauss-Seidel

```
Elapsed time is 0.008580 seconds.  
Gauss Seidel method konverge
```

```
ans =  
  
-0.1836  
-0.0456  
-0.0558  
0.0113  
-0.0054
```

Dapat disimpulkan dari semua metode, *running time* yang paling singkat adalah menggunakan metode Gauss dan yang paling lama adalah LU Dekomposisi karena menjalankan dua fungsi algoritma. Tetapi dalam singkat lamanya *running time*, sebenarnya ditentukan dari seberapa efektif algoritma yang disusun oleh pemrogram.