

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**Кафедра МОЭВМ**

**ОТЧЕТ**  
**по лабораторной работе №3**  
**по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»**  
**Тема: «Алгоритм Кнута-Морриса-Пратта»**

Студентка гр.7304

\_\_\_\_\_

Каляева А.В.

Преподаватель

\_\_\_\_\_

Филатов А.Ю

г. Санкт-Петербург

г. 2019

## Цель работы:

Изучить алгоритм Кнута-Морриса-Пратта поиска подстроки в строке, а так же реализовать данный алгоритм на языке программирования C++.

## Задание:

- 1) Реализовать алгоритм КМП и с его помощью для заданных шаблона  $P$  ( $|P| \leq 15000$ ) и текста  $T$  ( $|T| \leq 5000000$ ) найдите все вхождения  $P$  в  $T$ .
- 2) Заданы две строки  $A$  ( $|A| \leq 5000000$ ) и  $B$  ( $|B| \leq 5000000$ ). Определить, является ли  $A$  циклическим сдвигом  $B$  (это значит, что  $A$  и  $B$  имеют одинаковую длину и  $A$  состоит из суффикса  $B$ , склеенного с префиксом  $B$ ). Например, defabc является циклическим сдвигом abcdef.

## Ход работы:

- 1) Был реализован алгоритм Кнута-Морриса-Пратта для поиска подстроки в строке на языке программирования C++.

**а.** Для корректной работы алгоритма КМП на первом шаге была реализована префикс-функция для подстроки, которая определяет наибольшую длину префикса, который одновременно является суффиксом для данной подстроки. Функция возвращает вектор типа `int`, который хранит максимальные длины суффиксов, которые одновременно являются суффиксами подстроки.

**б.** Далее была написана функция, которая непосредственно реализует поиск подстроки в строке. В качестве аргументов функция принимает две строки: строку – образ и строку, в которой необходимо производить поиск. Функция работает следующим образом: пока не был достигнут конец строки, выполняется сравнение символов строки и подстроки. Если символы равны, индексы увеличиваются, и функция переходит к сравнению следующих символов. Если символы оказались не равны и индекс образа не указывает на его начало, то новый индекс образа вычисляется с использованием префикс-функции. Иначе индекс строки увеличивается на 1.

**с.** После завершения сравнения строки и образа функция возвращает массив индексов начал вхождения подстроки в строку.

- 2) Был реализован алгоритм, который определяет, является ли одна строка циклическим сдвигом второй строки.

**а.** На первом шаге была реализована префикс-функция, аналогичная той, что описана в пункте 1.а.

**б.** Была реализована функция, которая проверяет на цикличность

две строки. Если длины исходных строк не равны или не удалось найти вхождение подстроки в строку, то функция возвращает значение -1. Если строки, переданные данной функции, равны, то функция возвращает значение равное 0. Иначе выполняется поиск подстроки в строке, с условием, что, если был достигнут конец строки, в которой выполняется поиск, то индекс обнуляется, и поиск продолжается дальше. В результате функция возвращает индекс начала одной строки в другой строке.

### **Пример работы программы:**

#### **1) Входные данные:**

ab  
abab

Результат работы программы:

0, 2

#### **2) Входные данные:**

defabc  
abcdef

Результат работы программы:

3

### **Заключение:**

В ходе выполнения лабораторной работы по теме «Алгоритм Кнута-Морриса-Пратта». Был изучен и реализован на языке программирования C++ алгоритм Кнута-Морриса-Пратта для поиска подстроки в строке. Для корректной работы алгоритма было изучено понятие префикс-функции, которая определяет длину наибольшего префикса подстроки, который совпадает с ее суффиксом. Временная сложность вычисления префикс функции оценивается, как  $O(n)$ . Временная сложность работы всего алгоритма оценивается, как  $O(n+m)$ .

## Приложение А

### Исходный код программы lr4\_1.cpp

```
#include <iostream>
#include <string>
#include <vector>

using namespace std;

vector<int> prefix(string arr) {
    vector<int> p(arr.size());
    size_t j = 0;
    size_t i = 1;
    p[0] = 0;
    while (i < arr.length()) {
        if (arr[i] == arr[j]) {
            p[i] = j + 1;
            i++;
            j++;
        }
        else if (j == 0) {
            p[i] = 0;
            i++;
        }
        else {
            j = p[j - 1];
        }
    }
    return p;
}

vector<int> KMP(string form, string line) {
    vector<int> res;
    vector<int> p = prefix(form);
    size_t i = 0;
    size_t j = 0;
    while (i < line.length()) {
        if (line[i] == form[j]) {
            i++;
            j++;
            if (j == form.length()) {
                res.push_back(i - form.length());
            }
        }
        else if (j != 0) {
            j = p[j - 1];
        }
        else {
            i++;
        }
    }
    return res;
}

int main() {
    string form;
    string line;
    getline(cin, form);
    getline(cin, line);
    vector<int> res = KMP(form, line);
    if(res.size()==0){
        cout<<"-1";
    }
    else{
```

```
        for (size_t i = 0; i < res.size(); i++) {
            cout << res[i];
            if (i != res.size() - 1) {
                cout << ",";
            }
        }
    }
    return 0;
}
```

## Приложение В

### Исходный код программы lr4\_2.cpp

```
#include <iostream>
#include <string>
#include <vector>
#include <cmath>

using namespace std;

vector<int> prefix(string arr) {
    vector<int> p(arr.size());
    size_t j = 0;
    size_t i = 1;
    p[0] = 0;
    while (i < arr.length()) {
        if (arr[i] == arr[j]) {
            p[i] = j + 1;
            i++;
            j++;
        }
        else if (j == 0) {
            p[i] = 0;
            i++;
        }
        else {
            j = p[j - 1];
        }
    }
    return p;
}

int CYCLE_KMP(string s1, string s2) {
    vector<int> p = prefix(s2);
    size_t i = 0;
    size_t j = 0;
    if (s1.length() != s2.length()) {
        return -1;
    }
    else if (s1 == s2) {
        return 0;
    }
    else {
        while (true) {
            if (s1[i] == s2[j]) {
                i++;
                if (i == s1.length()) {
                    i -= s1.length();
                }
                j++;
                if (j == s2.length()) {
                    return s2.length() - i;
                }
            }
            else if (j != 0) {
                j = p[j - 1];
            }
            else {
                i++;
                if (i == s1.length()) {
                    return -1;
                }
            }
        }
    }
}
```

```

    }
}

int main() {
    string a;
    string b;
    getline(cin, a);
    getline(cin, b);
    cout<<CYCLE_KMP(b, a);
    return 0;
}

```