

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**Кафедра МО ЭВМ**

**ОТЧЕТ**  
**по лабораторной работе №4**  
**по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»**  
**Тема: Алгоритм Кнута-Морриса-Пратта**

Студент гр. 7304

\_\_\_\_\_

Давыдов А.А.

Преподаватель

\_\_\_\_\_

Филатов А.Ю.

Санкт-Петербург

2019

## **Цель работы.**

Изучение алгоритма поиска подстроки в строке — алгоритм Кнута-Морриса-Пратта.

## **Теоретические сведения.**

Алгоритм Кнута — Морриса — Пратта (КМП-алгоритм) — эффективный алгоритм, осуществляющий поиск подстроки в строке. Время работы алгоритма линейно зависит от объёма входных данных, то есть разработать асимптотически более эффективный алгоритм невозможно.

Алгоритм был разработан Д. Кнутом и В. Праттом и, независимо от них, Д. Моррисом. Результаты своей работы они опубликовали совместно в 1977 году.

Алгоритм Кнута-Морриса-Пратта используется для поиска подстроки (образца) в строке. Кажется, что может быть проще: двигаемся по строке и сравниваем последовательно символы с образцом. Не совпало, перемещаем начало сравнения на один шаг и снова сравниваем. И так до тех пор, пока не найдем образец или не достигнем конца строки.

Простой случай поиска

'игла' — образец

'стогистогстогигстогстогиглстогстогигластогигластог' — строка

поиска Сложный случай поиска

aabbaab

aabaabbbaabaabaabaabaabbaabb

Функция работает и довольно шустро, если образцы и строка «хорошие». Хорошие — это когда внутренний цикл прерывается быстро (на 1-3 шаге, скажем, как в простом случае). Но если образец и строка содержат часто повторяющиеся вложенные куски (как сложном случае выше), то внутренний цикл обрывается ближе к концу образца и время поиска оценивается как  $O(<\text{длина образца}> * <\text{длина строки}>)$ . Если длина строки 100 тыс, а длина образца 100, то получаем  $O(10\text{млн})$ . Конечно, реально редко встретишь образец

длиной 100, но в олимпиадных задачах «на поиск» это обычное дело, поэтому там простой поиск часто не подходит.

А если строка — это длинный текст, а образец-фрагмент слова, и надо найти все вхождения этого фрагмента, причем на лету, по мере набора слова (замечали, как быстро это делают браузеры)? Алгоритм КМП находит все вхождения образца в строку и его скорость  $O(<\text{длина образца}> + <\text{длина строки}>)$ , поэтому на больших текстах/образцах или на слабых процессорах (как в низкобюджетных сотовых) он вне конкуренции.

### **Задача.**

1. Реализуйте алгоритм КМП и с его помощью для заданных шаблона  $PP$  ( $|P| \leq 15000$ ) и текста  $T$  ( $|T| \leq 5000000$ ) найдите все вхождения  $P$  в  $T$ .

Вход:

Первая строка -  $P$

Вторая строка -  $T$

Выход:

индексы начал вхождений  $PP$  в  $T$ , разделенных запятой, если  $P$  не входит в  $T$ , то вывести  $-1$

---

### **Sample Input:**

ab  
abab

---

### **Sample Output:**

0,2

2. Заданы две строки  $AA$  ( $|A| \leq 5000000$ ) и  $BB$  ( $|B| \leq 5000000$ ).

Определить, является ли  $A$  циклическим сдвигом  $B$  (это значит, что  $A$  и  $B$  имеют одинаковую длину и  $A$  состоит из суффикса  $B$ , склеенного с префиксом  $B$ ). Например, defabc является циклическим сдвигом abcdef.

Вход:

Первая строка - A

Вторая строка - B

Выход:

Если A является циклическим сдвигом B, индекс начала строки B в A, иначе вывести  $-1$ . Если возможно несколько сдвигов вывести первый индекс.

---

**Sample Input:**

defabc  
abcdef

---

**Sample Output:**

3

## **Описание алгоритма.**

### **1. Алгоритм Кнута-Морриса-Пратта**

1. Объединяем строку-паттерн и текст в единую строку с символом-разделителем @.
2. Для каждого символа последовательно вычисляем значение префикс-функции и сохраняем эти значения в массив.
3. Ищем индексы, по которым значение префикс-функции совпадает с длиной паттерна. Эти значения являются индексами, по которым находится последний символ вхождения паттерна в объединение паттерна и текста.
4. Зная длину паттерна вычисляем индекс начала вхождения для каждого индекса.

### **2. Определение циклического сдвига.**

1. Если текст А совпадает с текстом В или их длины не совпадают, то решение тривиально. Алгоритм заканчивает работу.
2. Объединяем текст А и текст В в единую строку с символом разделителем @.
3. Используем алгоритм Кнута-Морриса-Пратта для нахождения значения префикс-функции последнего символа объединенного текста.
4. Начиная с полученного индекса следует начинать сравнение строки А со строкой В. Если, начиная с данного индекса строка А совпадает с началом строки В, то строка А является циклическим сдвигом строки В, и полученное значение префикс-функции есть индекс начала строки В в А.

### Пример работы.

1.  $ab$   
 $abab$

0,2

$baaabab$

$aa$

1,2

2.  $defabc$   
 $abcdef$

3

$aaaa$

$aaaa$

0

$aaa$

$bbb$

-1

## **Вывод**

В ходе лабораторной работы был изучен алгоритм Кнута-Морриса-Пратта для поиска подстроки в строке. Данный алгоритм был реализован на C++. Идея, лежащая в основе этого алгоритма, была использована для определения является одна строка циклическим сдвигом другой.

## Исходный код программы

```
#include <iostream>
#include <vector>

using namespace std;

vector<int> prefix_function (string s)
{
    int n = s.length();
    vector<int> pi(n);

    for (int i = 1; i < n; ++i)
    {
        int j = pi[i-1];
        while ((j > 0) && (s[i] != s[j]))
            j = pi[j-1];

        if (s[i] == s[j])
            ++j;

        pi[i] = j;
    }

    return pi;
}

// checking B is cyclic shift A
int CyclicShift(string A, string B)
{
    int idx = prefix_function(A + "|" + B).back(); //shows how prefix of A
close to suffix B
    if(idx == A.size())
        return 0;
    else if(idx + prefix_function(B + "|" + A).back() == A.size())
        return idx;
    else
        return -1;
}

string KMP(string const &S, string const &pattern)
{
    string concat = pattern + "|" + S;
    vector<int> pi = prefix_function(concat);
    int n = pattern.size();
    string result = "";

    for(int i = n + 1; i < n + S.size() + 1; ++i)
        if(pi[i] == n)
        {
            if(result.size() == 0)
                result += std::to_string(i - (n + 1) - (n - 1)); //(n + 1)
is shift in concat str
            else
                result += "," + std::to_string(i - (n + 1) - (n - 1));

        }

    if(result.size() == 0)
        result += "-1";

    return result;
}

int main()
```



```
{  
    string S;  
    string pattern;  
    getline(cin, pattern);  
    getline(cin, S);  
  
    //cout << KMP(S, pattern);  
    cout << CyclicShift(pattern, S);  
  
    return 0;  
}
```