Rapport d'Analyse de données

LEUCHI Ilias

Contents

Chapitre 1 : Prise en main et algèbre	3
Exercice 13	
Exercice 14	4
Exercice 15	
Exercice 16	
Exercice 17	10
Exercice 18	10
Chapitre 2 :Mesure de la liaison entre une variable et un ensemble de variables	13
Exercice 19	13
Exercice 20	14
Exercice 21	16
exercice 22	18
Chapitre 3 : Analyse en Composantes Principales	33
Exercice 23	33
Exercice 24	39
Chapitre 4 : Analyse Factorielle des Correspondances (AFC)	48
Exercice 31	48
Exercice 32	50
Exercice 33	57
Exercice 34	62
Chapitre 5 : Analyse Factorielle des Correspondances Multiples (AFM)	69
Exercice 27	69
Exercice 28	79

Contents

Chapitre 1 : Prise en main et algèbre

Exercice 13

Un échantillon de dossiers d'enfants a été saisi. Ce sont des enfants vus lors d'une visite en 1ère section de maternelle en 1996-1997 dans des écoles de Bordeaux (Gironde, France). L'échantillon est constitué de 152 enfants âgés de 3 ou 4 ans. Nous Considérons le jeu de donnée Poids-Naissance. Il s'agit ici d'expliquer la variabilité du poids de naissance de l'enfant en fonction des caractéristiques de la mère, de ses antécédents et de son comportement pendant la grossesse. La variable à expliquer est le poids de naissance de l'enfant (variable quantitative BWT, exprimée en grammes) et les facteurs étudiés (variables explicatives) sont : Age de la mère, Poids de la mère lors du dernier cycle menstruel, "Race" de la mère, Tabagisme durant la grossesse, Nombre d'antécédents de prematurité, Antécédents d'hypertension, Présence d'irritabilité utérine, Nombre de visites à un médecin durant le premier trimestre de la grossesse, Poids de naissance et Poids de naissance inférieur ou égal à 2500 g.

LWTRACE PTLFVTBWTLOW IDAGE **SMOKE** HTUI

Table 1: Extrait des données Poids Naissance

Le tableau 1 est un court extrait du jeu de données. Ici la variable LWT, qui correspond au poids de la mère, est exprimé en livres, nous la modifions donc pour l'avoir en kilogrammes.

Table 2:	Extrait	des	données	avec	chagement	d'unité	du po	oids de
la mère								

ID	AGE	LWT	RACE	SMOKE	PTL	НТ	UI	FVT	BWT	LOW
85	19	82.554	2	0	0	0	1	0	2523	0
86	33	70.307	3	0	0	0	0	3	2551	0
87	20	47.627	1	1	0	0	0	1	2557	0
88	21	48.988	1	1	0	0	1	2	2594	0
89	18	48.534	1	1	0	0	1	0	2600	0
91	21	56.245	3	0	0	0	0	0	2622	0

Nous obtenons le jeu de données du tableau 2.

Réalisons maintenant quelque tri à plats avec ces données.

Table 3: Tri à plat de l'age de la mère

classes	effectif
(14,20.2]	69
(20.2, 26.4]	74
(26.4, 32.6]	37
(32.6, 38.8]	8

classes	effectif
(38.8,45]	1

Avec l'age de la mère, On remarque dans le tableau 3 que 74 des enfants de nos données ont une mère agé entre 20 et 26 ans.

Table 4: Tri à plat du poids de la mère

classes	effectif
$\overline{(36.2,51.7]}$	60
(51.7,67.1]	87
(67.1, 82.6]	26
(82.6, 98]	12
(98,113]	4

Le tableau 4 nous apprend que 88 mère des enfants de nos données, ont un poid qui se situe entre 51.7 et 67.1 kg.

Table 5: Tri à plat de la race de l'enfant

	Effectif
Blanche Noir	96 26
Autre	67

Le tableau 5 nous indique que 96 enfants des données on une race dite "Blanche".

Table 6: Tri à plat du tabagisme durant la grossesse

	effectif
Non	115
Oui	74

Et pour finir 115 enfants de nos données, avais une mère qui fumé durant sa grossessesse, comme nous indique le tableau 6.

Exercice 14

Nous allons crée un jeu de donnée personnel, l'objectif sera de voir les manipulation possible sur des données.

Table 7: Jeu de données acteur

Mort.a	Années.de.carrière	${\bf Nombre. de. films}$	Prénom	Nom	Date.du.deces
93	66	211	Michel	Galabru	04-01-2016
53	25	58	André	Raimbourg	23-09-1970
72	48	98	Jean	Gabin	15-10-1976
68	37	140	Louis	De Funès	27-01-1983

Mort.a	Années.de.carrière	${\bf Nombre. de. films}$	Prénom	Nom	Date.du.deces
68 53	31 32	74 81	Lino	Ventura Villeret	22-10-1987 28-01-2005
93	32	81	Jacques	vineret	28-01-2005

Le tableau 7 nous illustre le jeu de données. Chaque individu correspond à un acteur ou on retrouve son nom, prenom, son nombre d'année de carriere, son nombre de de film, et la date de sa mort avec l'age.

Table 8: Prénom du jeu de données acteur

Prénom
Michel
André
Jean
Louis
Lino
Jacques

Nous pouvons aussi extraire une colonne en particulier, dans le tableau 8 c'est « prénom » qui est extrait.

Table 9: Donnée acteur trié par l'age du décès

	Age.du.décès	Années.de.carrière	Nombre.de.films	Prénom	Nom	Date.du.deces
2	53	25	58	André	Raimbourg	23-09-1970
6	53	32	81	Jacques	Villeret	28-01-2005
4	68	37	140	Louis	De Funès	27-01-1983
5	68	31	74	Lino	Ventura	22-10-1987
3	72	48	98	Jean	Gabin	15-10-1976
1	93	66	211	Michel	Galabru	04-01-2016

Nous modifions ensuite le nom de la colonne « Mort.à » , en « Age.du.décès », comme le montre le tableau 9. Et pour finir, nous pouvons ordonner le jeu de donnée selon une conditions. Ici nous voulons ordonner par « Age.du.décès » croissant, ce qui est fait dans le tableau 9 .

Exercice 15

Le goût d'un fromage dépend de la concentration de plusieurs composés chimiques, dont : la concentration d'acide acétique (variable X1), la concentration d'hydrogène sulfuré (variable X2), la concentration d'acide lactique (variable X3).

Pour 30 types de fromage, on dispose du score moyen attribué par des goûteurs (caractère Y).

Table 10: Extrait du jeu de donnée fromage

Y	X1	X2	Х3
12.3	4.543	3.135	0.86
20.9	5.159	5.043	1.53
39.0	5.366	5.438	1.57
47.9	5.759	7.496	1.81
5.6	4.663	3.807	0.99

Y	X1	X2	Х3
25.9	5.697	7.601	1.09

Voici un extrait des données représenté dans le tableau 10 . On retrouve bien un total de 30 individus qui corresponde à des types de fromage. Il bien les 4 variables toute quantitatives. Il y a X1, X2, X3, et Y.

Table 11: Statistiques élémentaires des données fromage

Y	X1	X2	X3
Min.: 0.70	Min. :4.477	Min.: 2.996	Min. :0.860
1st Qu.:13.55	1st Qu.:5.237	1st Qu.: 3.978	1st Qu.:1.250
Median $:20.95$	Median: 5.425	Median: 5.329	Median $:1.450$
Mean $:24.53$	Mean $:5.498$	Mean: 5.942	Mean $:1.442$
3rd Qu.:36.70	3rd Qu.:5.883	3rd Qu.: 7.575	3rd Qu.:1.667
Max. $:57.20$	Max. $:6.458$	Max. :10.199	Max. :2.010

tableau 11 nous montre les statistiques élémentaire pour chacune des variables. Par exemple pour Y on trouve une valeur moyenne de 24,53, un minimum de 0.7 et un maximum de 57.20. Matrice des nuages de points

Matrice des nuages de points

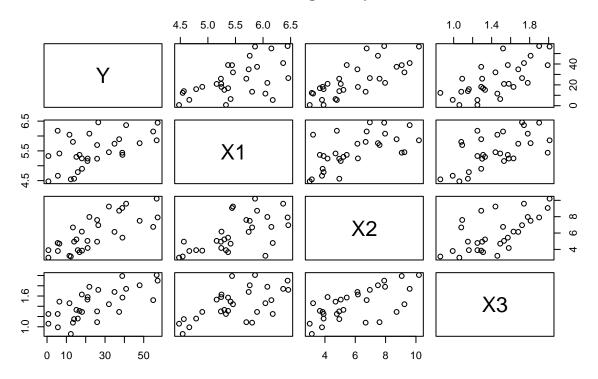


Figure 1: Ozone en fonction des saisons

La figure 1 représente la Matrice de nuage de point entre chacune des variables. Ce sont les nuages de points des croisements deux à deux entre chaque variables de nos données.

Table 12: Extrait des données fromage filtré

	Y	X1	X2	Х3
2	20.9	5.159	5.043	1.53
3	39.0	5.366	5.438	1.57
6	25.9	5.697	7.601	1.09
7	37.3	5.892	8.726	1.29
10	21.0	5.242	4.174	1.58
11	34.9	5.740	6.142	1.68

Nous allons maintenant crée avec sous jeu de données avec les contraintes suivante X1 > 5.1 et X3 < 1.77. C'est ce qui est représenté dans le tableau 12.

Table 13: Statistiques élémentaires des données fromage filtrées

Y	X1	X2	Х3
Min.: 0.70	Min. :5.159	Min. :3.219	Min. :1.080
1st Qu.:14.30	1st Qu.:5.313	1st Qu.:4.744	1st Qu.:1.295
Median $:21.00$	Median $:5.455$	Median: 5.438	Median $:1.460$
Mean $:23.52$	Mean $:5.654$	Mean $:5.946$	Mean $:1.435$
3rd Qu.:33.45	3rd Qu.:5.968	3rd Qu.:6.857	3rd Qu.:1.575
Max. $:54.90$	Max. $:6.458$	Max. $:9.588$	Max. $:1.740$

Apres ce changement on trouve certaine valeur différentes des statistiques élémentaire, par exemple la moyenne de Y est maintenant de 23,52. Nous voyons les nouvelles statistiques dans le tableau 13.

Exercice 16

Les données que utiliserons sont directement implanté dan R, il s'agit des données « airquality ».

Table 14: Extrait des données airquality

Ozone	Solar.R	Wind	Temp	Month	Day
41	190	7.4	67	5	1
36	118	8.0	72	5	2
12	149	12.6	74	5	3
18	313	11.5	62	5	4
NA	NA	14.3	56	5	5
28	NA	14.9	66	5	6

Le tableau 14 nous montre un extrait des données. Il s'agit des relevés quotidiens des valeurs de qualité de l'air suivantes du 1er mai 1973 au 30 septembre 1973. Il y a 153 individus pour 6 variables.

- Ozone : Ozone moyen en parties par milliard de 1300 à 1500 heures à Roosevelt Island.
- R. solaire : rayonnement solaire à Langley dans la bande de fréquence 4000-7700 Angstroms de 0800 à 1200 heures à Central Park.
- Wind: Vitesse moyenne du vent en miles par heure à 0700 et 1000 heures à l'aéroport de LaGuardia.
- Temp : Température maximale quotidienne en degrés Fahrenheit à l'aéroport de La Guardia.

• Day: Le jour

Les données ont été obtenues auprès du New York State Department of Conservation (données sur l'ozone) et du National Weather Service (données météorologiques).

Table 15: Statistique élémentaire des données airquality

Ozone	Solar.R	Wind	Temp
Min.: 1.00	Min.: 7.0	Min.: 1.700	Min. :56.00
1st Qu.: 18.00	1st Qu.:115.8	1st Qu.: 7.400	1st Qu.:72.00
Median: 31.50	Median:205.0	Median: 9.700	Median :79.00
Mean: 42.13	Mean:185.9	Mean: 9.958	Mean :77.88
3rd Qu.: 63.25	3rd Qu.:258.8	3rd Qu.:11.500	3rd Qu.:85.00
Max.: 168.00	Max.:334.0	Max.: 20.700	Max. :97.00
NA's: 37	NA's:7	NA	NA

Le tableau 15 nous montre les statistiques élémentaires sur nos variables quantitatives, ainsi que les valeur manquante. Pour la variable ozone on remarque 37 valeurs manquante et une moyenne de 42.13.

boîte à moustaches de la variable Ozone pour chaque mois

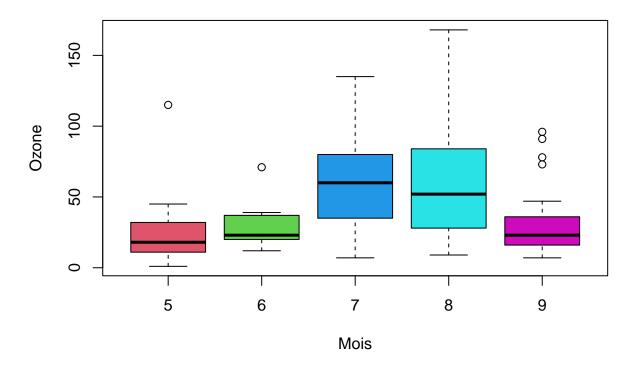


Figure 2: boîte à moustaches de l'Ozone pour chaque mois

On remarque, grâce à la figure 2, des diagrammes à moustache avec une tendance similaire pour les mois 5, 6, et 9, avec des valeur de l'ozone peu élevé qui varie mois. Alors que pour les mois 7 et 8, la valeur de l'ozone sont plus forte et beaucoup plus répartie.

Table 16: Extrait des données airquality avec la saison

Ozone	Solar.R	Wind	Temp	Month	Day	saison
41	190	7.4	67	5	1	printemps
36	118	8.0	72	5	2	printemps
12	149	12.6	74	5	3	printemps
18	313	11.5	62	5	4	printemps
NA	NA	14.3	56	5	5	printemps
28	NA	14.9	66	5	6	printemps

Pour notre analyse, nous rajoutons une variable saison. Le tableau 16 montre nos nouvelle données.

Ozone en fonction des saisons

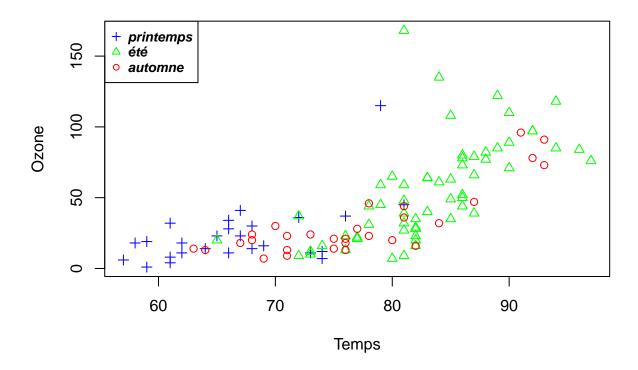


Figure 3: Ozone en fonction des saisons

Avec la figure 3 on remarque qu'il y a une relation positive linéaire croissante entre chaque l'ozone et le temps. Cette relation est présente pour chacune des saisons. Le temps est plus élevé en été et plus faible en hiver. Et comme vu précédemment avec la figure 2, la concentration d'Ozone est plus forte en été, qui correspond aux mois 7 et 8.

Exercice 17

Nous nous intéressons à la fonctions suivant yi = 1.7+2.1 i + ei , i entre 1 et 100 et les ei suivant une lois $N(0,5^2)$.

nuage de points des yi en fonction de i

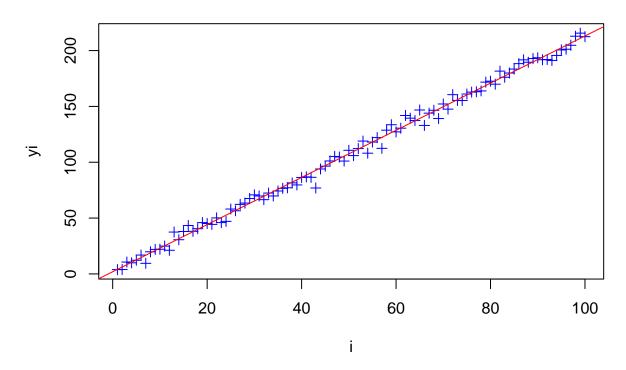


Figure 4: Nuage de points des yi en fonction de i

La figure 4 nous montre le nuage de points généré avec notre fonction, avec la droite de régression. Cette droite semble être une bon ajustement de notre fonction.

Exercice 18

On considère un tableau de contingence obtenu en ventilant 592 femmes suivant la couleur de leurs yeux et la couleur de leurs cheveux.

Table 17: Tableau de contingence du croisement entre couleur des yeux et des cheuveux

	blond	brun	chatin	roux
bleu	94	20	84	17
marron	7	68	119	26
noissette	10	15	54	14
vert	16	5	29	14

Le tableau 17 illustre ce tableau de contingence. On apprend par exemple que 94 femmes de nos données sont blonde au yeux bleu.

Table 18: matrice des fréquences du croisement entre couleur des yeux et des cheuveux en pourcent

	blond	brun	chatin	roux
bleu	16	3	14	3
marron	1	11	20	4
noissette	2	3	9	2
vert	3	1	5	2

Et voici la matrice des fréquences de nos données dans le tableau 18. On remarque que 11% des femmes de nos données sont brune au yeux marrons.

```
## Margins computed over dimensions
## in the following order:
## 1:
## 2:
```

Table 19: Tableau de contingence avec les marges

	blond	brun	chatin	roux	sum
bleu	94	20	84	17	215
marron	7	68	119	26	220
noissette	10	15	54	14	93
vert	16	5	29	14	64
sum	127	108	286	71	592

Nous pouvons ajouter les marges dans notre tableau de contingence comme le montre le tableau 19. Elles nous informe par exemple que 215 femmes de nos données on les yeux bleus, ou encore que 71 d'entre elles sont rousses.

```
## Margins computed over dimensions
## in the following order:
## 1:
## 2:
```

Table 20: Distribution conditionnelle des couleur des cheveux sachant la couleur des yeux

	blond	brun	chatin	roux	sum
bleu	43.72	9.30	39.07	7.91	100
marron	3.18	30.91	54.09	11.82	100
noissette	10.75	16.13	58.06	15.05	100
vert	25.00	7.81	45.31	21.88	100

Le tableau 20 des distribution conditionnelle de la couleur des cheveaux, sachant la couleur des yeux, nous apprend par exemple que, dans nos données, 58,06% des femmes au yeux noissettes on une couleur de cheveux chatin.

```
## Margins computed over dimensions
## in the following order:
## 1:
## 2:
```

Table 21: Distribution conditionnelle des couleurs des yeux sachant la couleur des cheveux

	blond	brun	chatin	roux
bleu	74.02	18.52	29.37	23.94
marron	5.51	62.96	41.61	36.62
noissette	7.87	13.89	18.88	19.72
vert	12.60	4.63	10.14	19.72
sum	100.00	100.00	100.00	100.00

Le tableau 21 correspond à l'inverse. Ici il s'agit de la distribution conditionnelle des couleur des yeux, sachant la couleur des cheveux. On apprend que les femmes brune de nos données ont pour 13.89% d'entre elles les yeux noissettes.

Table 22: Matrice taux de liaison

	blond	brun	chatin	roux
blond	1.000	-0.241	0.134	-0.155
brun	-0.241	1.000	0.920	0.986
chatin	0.134	0.920	1.000	0.918
roux	-0.155	0.986	0.918	1.000

Le tableau 22 nous apprend les laisions (variant entre -1 et 1), entre les modalité de la variable couleur de cheveaux. Par exemple on voit qu'il y a un lien positive entre la couleur chatin et brun, ce qui signifie qu'il y a une tendance similaire entre ces deux modalité vis à vis de la couleur des yeux.

```
##
## Pearson's Chi-squared test
##
## data: TEC
## X-squared = 138.29, df = 9, p-value < 2.2e-16</pre>
```

On remarque une pvaleur inferieur 2.2e-16, une valeur très proche de zero. Ce qui nous permet de rejeter l'hypothèse d'indépendance entre la couleur des yeux et celle des cheveaux. Il ya donc un lien à étudier entre ces deux variables.

Chapitre 2 :Mesure de la liaison entre une variable et un ensemble de variables

Exercice 19

Nous étudions ici un croisant de classe d'âge et de diplôme, pour 90 individus.

Table 23: tableau de contingence de la classe d'âge croisé avec le diplôme

	BEPC	BAC	Licence	Total
Plus de 50 ans	15	12	3	30
Entre 30 et 50 ans	10	18	4	32
Moins de 30 ans	15	5	8	28
Total	40	35	15	90

Le tableau 1 nous donne les effectifs croisée de nos deux variable. On apprend par exemple que dans nos données il y a 40 individus avec un BEPC, et que 15 d'entre eux ont plus de 50 ans.

Table 24: Tableau des fréquences croisées en pourcentage

	BEPC	BAC	Licence	Total
Plus de 50 ans	16.7	13.3	3.3	33.3
Entre 30 et 50 ans	11.1	20.0	4.4	35.6
Moins de 30 ans	16.7	5.6	8.9	31.1
Total	44.4	38.9	16.7	100.0

On peut obtenir les fréquences de notre tableau 1. C'est ce qu'illustre le tableau 2, on voit par exemple que 35.6% de nos individus ont entre 30 et 50 ans , et 20% d'entre eux on un bac.

Table 25: profils lignes en pourcentage

	BEPC	BAC	Licence	Total
Plus de 50 ans	50.00	40.00	10.00	100
Entre 30 et 50 ans	31.25	56.25	12.50	100
Moins de 30 ans	53.57	17.86	28.57	100
Total	44.44	38.89	16.67	100

Le tableau 3 nous donne les fréquence sachant la trache d'age. On voit que 28.57% des moins de 30 ans on une licence.

Table 26: Profils collones en pourcentage

	BEPC	BAC	Licence	Total
Plus de 50 ans	37.5	34.29	20.00	33.33

	BEPC	BAC	Licence	Total
Entre 30 et 50 ans	25.0	51.43	26.67	35.56
Moins de 30 ans	37.5	14.29	53.33	31.11
Total	100.0	100.00	100.00	100.00

Le tableau 4 nous donne les fréquences sachant le diplome, on apprend que pour ceux ayant un bac, 51.43% ont entre 30 et 50 ans.

```
##
## Pearson's Chi-squared test
##
## data: data
## X-squared = 11.175, df = 9, p-value = 0.2639
```

On retrouve une pvlaur de 0.2639, une valeur conséquente qui nous permet de conclure sur le non rejet de H0, et d'en déduire qu'il y a independance entre les deux variables.

Exercice 20

Pour une population d'effectif de taille 1000 on a mesuré les deux variables qualitatives "Couleur des yeux" et "Etat matrimonial".

Table 27: Tableau de contingence de la Couleur des yeux et Etat matrimonial

	Bleu	Brun
Celib	290	410
Marie	110	190

Le tableau 5 nous apprend que parmis nos 1000 individus 290 sont celibataire avec les yeux bleu. Ou encore que 190 sont mariés avec les yeux brun.

Diagramme empilé de la couleur des yeux selon la situation matrimoniale

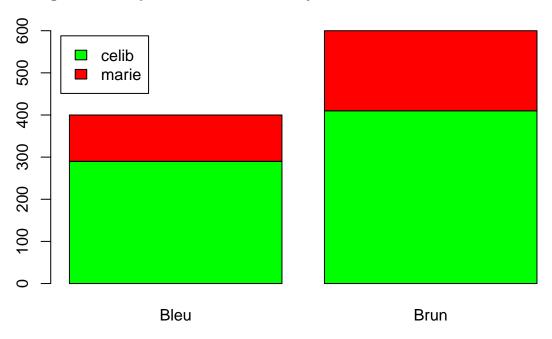


Figure 5: Diagramme empilé de la couleur des yeux selon la situation matrimoniale

On peut rendre graphique le tableau 1. Grace à la figure 1 on remarque que nous avec moins d'individus aux yeux bleu que aux yeux brun.

Quelque commande R utile sur nos données :

n <- margin.table(tableau) => effectif total

m1 <- margin.table(tableau,1) => lois marginale de l'état matrimonial

 $m2 \leftarrow margin.table(tableau,2) => lois marginale de la couleur des yeux$

prop.table(tableau) => tableau de contingence en fréquence

Table 28: tableau de contingence en pourcentage

	Bleu	Brun
Celib	29	41
Marie	11	19

Voici par exemple le tableau tableau de contingence en pourcentage cette fois. On apprend que 41% des indivudus sont celibataire au yeux brun.

Table 29: Tableau des effectifs tehorique

	Bleu	Brun
Celib	280	420
Marie	120	180

Le tableau 7 nous montre les effectifs théorique, c'est à dire les effectifs si nos variables étaient parfaitement indépandantes.

```
## Number of cases in table: 1000
## Number of factors: 2
## Test for independence of all factors:
## Chisq = 1.9841, df = 1, p-value = 0.159
```

La stat du khi2 mesure l'écart entre le tableau de contingence et le tableau des effectif théorique.

Les résultat du test du khi2 indique une pvaleur supperieur à 0.05 ce qui nous permet de ne pas rejet H0, l'hypothèse d'indépendance.

```
## Number of cases in table: 1000
## Number of factors: 2
## Test for independence of all factors:
## Chisq = 1.154e-29, df = 1, p-value = 1
```

Si on réalise le test sur le tableau des effectifs théoriques, on trouve une pvaleur de 1. Ce qui prouve que ces données reflete l'indépandence parfaite.

```
##
## Pearson's Chi-squared test with Yates' continuity correction
##
## data: tableau2
## X-squared = 995.84, df = 1, p-value < 2.2e-16</pre>
```

quand on réalise le test sur un tableau truqué, ou tous les individus aux yeux bleus sont mariés et tous les autres sont célibataires, on trouve une pvaleur très petit. Donc un rejet de H0, il y a une forte dépendance entre les deux variables.

Exercice 21

Pour cet exercice nous utiliserons le jeu de données car directement implanté dans R.

Table 30: Extrait du jeu de donnée cars

dist
2
10
4
22
16

speed	dist
9	10

Ces données indiquent la vitesse de 50 voitures et les distances nécessaires pour s'arrêter. Notez qu'elles ont été enregistrées dans les années 1920. Nous retrouvons un extrait de ces données dans le tableau 8.

La Matrice est de taille 50 lignes 2 collones. Il y a donc deux variables qui sont "speed" vitesse en mph, et "dist" distance en ft.

Nuage de points de la distance d'arret et la vitesse

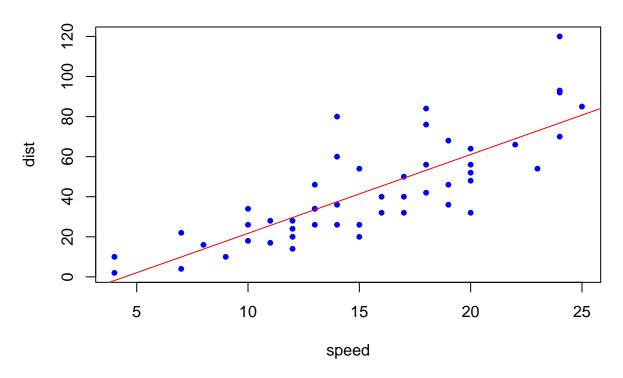


Figure 6: Nuage de points de la distance d'arret et la vitesse

Un nuage de points est une bonne representation entre deux variables quantitative. La figure est donc adapter à nos données.Les points semble liée linéairement de maniere postive et croissante.La droite de regression, en rouge, est celle qui passe le plus près de tout les points.

Le modele predit une distance de frainage de 61.07 ft pour une vitesse de 20 mph.

Intervalle de confiance : [55.25, 66.89]

Intervalle de prédiction : [29.6, 92.54]

L'exemple cars est adapté à la sélection de modèles.

update() : Va mettre à jour et (par défaut) réajuster un modèle.

step(): Sélectionnez un modèle basé sur une formule par AIC.

exercice 22

Nous utiliserons des données sont extraites d'un reccueil de données issu d'une enquête portant sur une population d'enseignants de collèges.

Table 31: Extrait des données

Sexe	Age	EtatCivil	Nbenfant	Diplome	Anciennete	e Salaire	Satisfaction	Stress	EstimeSo	i AvisReforme
Homm	e 37	Célibataire	0	Bac+3	11	1600	14.45	15.70	16.15	Défavorable
Homm	e 38	Célibataire	2	Bac+3	14	1670	17.57	18.88	17.56	Défavorable
Femme	e 29	Célibataire	0	Bac+3	1	1600	4.05	21.38	4.31	Défavorable
Homm	e 53	Marié(e)	2	Bac+3	28	1896	32.55	13.88	34.56	Défavorable
Homm	e 30	Marié(e)	1	Bac+3	7	1996	10.50	17.90	10.05	Défavorable
Homm	e 44	$Mari\acute{e}(e)$	2	Bac+3	18	1960	22.16	18.76	22.62	Défavorable

Le tableau 1 est un extrait des données que nous utiliserons. Il y a un total de 11 variables, pour 168 individus. La plupart des variables sont explicites. Le salaire est exprimé en euros, l'âge et l'ancienneté en années. Le stress, l'estime de soi et la satisfaction au travail sont mesurés sur des échelles allant de 0 à 50 suivant des techniques appropriées.

Table 32: Résumé statistique du salaire

Salaire
Min. :1200 1st Qu.:1650 Median :1720 Mean :1778 3rd Qu.:1908
Max. :2200

Quand on s'interesse de près au salaire dans nos données, grâce au tableau 2, on trouve un minimum de 1200€, un maximum de 2200€, et un salaire médian de 1720€.

Croisement qualitatif vs qualitatif: Sexe et EtatCivil

Essayons de croisée deux variables, avec le sexe et l'état civil.

Margins computed over dimensions

in the following order:

1: Sexe
2: EtatCivil

Table 33: Tableau de contingence entre le sexe et l'état civil

-	Célibataire	Divorcé(e)	Marié(e)	Veuf(ve)	sum
Femme	7	3	38	5	53
Homme	17	10	86	2	115
sum	24	13	124	7	168

On commence par croiser les effectifs de nos deux variables dans le tableau 3. On apprend par exemple que sur les 168 hommes de nos données, 89 sont mariés.

Margins computed over dimensions

in the following order:

1: Sexe
2: EtatCivil

Table 34: Tableau des fréquences croisée entre le sexe et l'état civil en %

	Célibataire	Divorcé(e)	Marié(e)	Veuf(ve)	sum
Femme	4.17	1.79	22.62	2.98	31.55
Homme	10.12	5.95	51.19	1.19	68.45
sum	14.29	7.74	73.81	4.17	100.00

Le tableau 4 nous donnes les pourcentages du croisement entre nos deux variables. On remarque que 73.84% de nos individus sont mariés dont 22.62% sont des femmes.

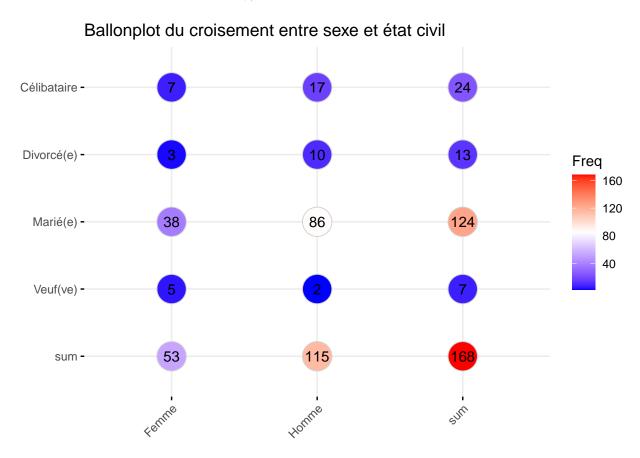


Figure 7: Ballonplot du croisement entre sexe et état civil

Diagramme en barre du croisement entre sexe et état civil

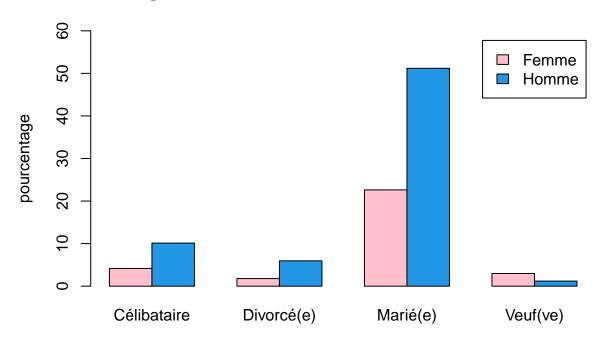


Figure 8: Diagramme en barre du croisement entre sexe et état civil

Nous pouvons rendre graphique les résultats de nos tableau de contingence, comme le font les figures 1 et 2.

Table 35: Distribution conditionnelle du sexe sachant l'état civil en %

	Célibataire	Divorcé(e)	Marié(e)	Veuf(ve)	sum
Femme	29.17	23.08	30.65	71.43	31.55
Homme	70.83	76.92	69.35	28.57	68.45
sum	100.00	100.00	100.00	100.00	100.00

Le tableau 5 nous apprend que parmis nos individus veufs, 71.3% sont des femmes.

Table 36: Distribution conditionnelle de l'état civil sachant le sexe en %

	Célibataire	Divorcé(e)	Marié(e)	Veuf(ve)	sum
Femme	13.21	5.66	71.70	9.43	100
Homme	14.78	8.70	74.78	1.74	100
sum	14.29	7.74	73.81	4.17	100

Le tableau 6 nous dit que parmis nos individus femmes, 13.21% sont célibaraires.

```
##
## Pearson's Chi-squared test
##
## data: TDC_E
## X-squared = 5.6972, df = 8, p-value = 0.6811
```

Quand on réalise le test pour savoir s'il ya indépendance entre nos deux variables, on trouve une p_valeur plutôt grande, ce qui nous ne permet pas de rejet H0, il y a indépendance entre le sexe et l'état civil.

Table 37: Tableau des effectifs théoriques

	Célibataire	Divorcé(e)	Marié(e)	Veuf(ve)	sum
Femme	7.57	4.1	39.12	2.21	53
Homme	16.43	8.9	84.88	4.79	115
sum	24.00	13.0	124.00	7.00	168

Grâce au tableau 7 on peut obtenir la satistique de notre test. On trouve 5.69 ce résultat est visible dans les sorties de notre de test. Le quantile de la lois de khi2 est de 7.81, plus grand que notre stat de test. On ne rejet donc pas l'hypothèse d'indépendance.

Croisement quantitatif vs qualitatif: Stress vs EtatCivil

maintenant croisons l'état civil avec une autre variable qui est le stress.

Table 38: Statistique élémentaire de la variable stress

Min.	1st Qu.	Median	Mean	3rd Qu.	Max.
3.7	15.185	18.19	18.2044	21.115	31.84

Regardons les statistiques élémentaires de cette variable. Avec le tableau 8 on remarque par exemple que le stress moyen est de 18.20.

Boite à moustache de la variable stress

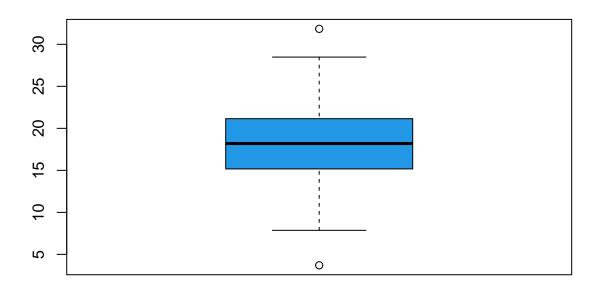


Figure 9: Boite à moustache de la variable stress

Illustrons ces statistiques. Sur la figure 3 on voit que cette variable est bien distribuer autour de la médiane. On voit également qu'il y a 2 valeurs aberrantes.

Margins computed over dimensions

in the following order:

1: EtatCivil
2: decoup_stress

Table 39: Croisement entre l'état civil et le stress

	(3.67, 9.33]	(9.33,15]	(15,20.6]	(20.6,26.2]	(26.2,31.9]	sum
Célibataire	2	4	15	3	0	24
Divorcé(e)	1	3	7	1	1	13

	(3.67, 9.33]	(9.33,15]	(15,20.6]	(20.6,26.2]	(26.2, 31.9]	sum
Marié(e)	2	23	58	34	7	124
Veuf(ve)	1	4	2	0	0	7
sum	6	34	82	38	8	168

Pour analyser le croisement entre ces deux variables il faut au préalable découper en classe la variable stess. Nous la découpons en 5 classes de même amplitude. Une fois réaliser nous pouvons faire le tableau 9 du croisement des effectifs. On apprend par exemple que 58 individus mariés on un stress entre 15 et 20.6.

Margins computed over dimensions

in the following order:

1: EtatCivil
2: decoup_stress

Table 40: Fréquence croisée en %

_	(3.67,9.33]	(9.33,15]	(15,20.6]	(20.6,26.2]	(26.2,31.9]	sum
O(1:1 4 - :	, ,	, , ,	(, ,	, ,	(, ,	14.006
Célibataire	1.190	2.381	8.929	1.786	0.000	14.286
Divorcé(e)	0.595	1.786	4.167	0.595	0.595	7.738
Marié(e)	1.190	13.690	34.524	20.238	4.167	73.809
Veuf(ve)	0.595	2.381	1.190	0.000	0.000	4.166
sum	3.570	20.238	48.810	22.619	4.762	99.999

Le tableau 10 nous apprend que 2.38% des célibataires on un stress entre 9.33 et 15.

Boites à moustache du stress selon l'état civil

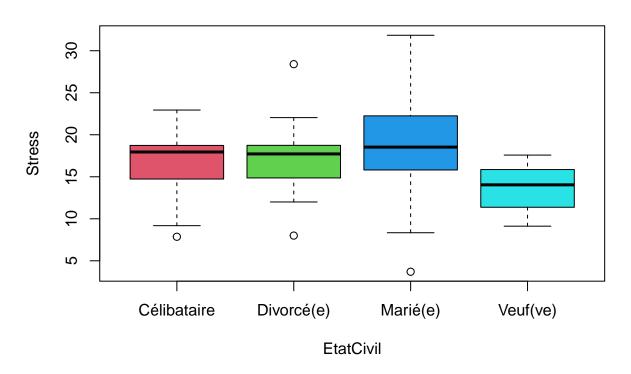


Figure 10: Boites à moustache du stress selon l'état civil

Histograme du stress selon l'état civil

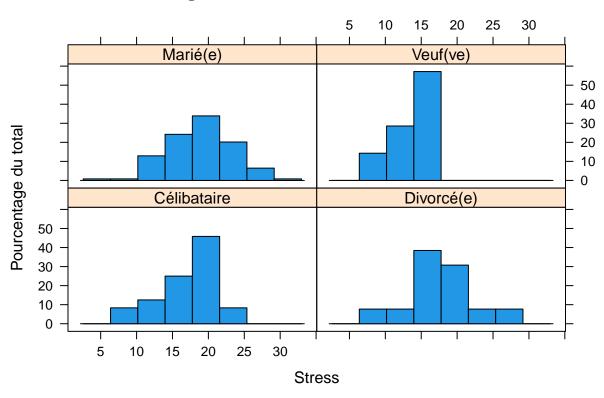


Figure 11: Histograme du stress selon l'état civil

On remarque avec la figure 4 et 5 que la distribution du stress entre les célibataire et les divorcés est assez similaire. Pour les mariés on retrouve une distribution étendu qui vas prendre des valeurs plus grande. Alors que pour les veufs on retrouve un étendu plus faible, les valeur du stress pour les veufs est plus faible.

```
## EtatCivil: Célibataire
##
      Min. 1st Qu.
                    Median
                               Mean 3rd Qu.
                                                Max.
##
      7.86
                      17.95
                              16.76
                                       18.66
                                               22.94
             14.91
  EtatCivil: Divorcé(e)
##
      Min. 1st Qu. Median
                               Mean 3rd Qu.
                                                Max.
      8.00
             14.86
                                                28.40
##
                      17.72
                               17.17
                                       18.74
## EtatCivil: Marié(e)
##
      Min. 1st Qu.
                    Median
                               Mean 3rd Qu.
                                                Max.
##
      3.70
             15.82
                      18.53
                              18.85
                                       22.25
                                               31.84
##
  EtatCivil: Veuf(ve)
##
      Min. 1st Qu.
                     Median
                               Mean 3rd Qu.
                                                Max.
##
      9.12
             11.37
                      14.04
                              13.60
                                       15.86
                                                17.58
```

On peut regarder les statistiques élémentaires du stress selon l'état civil dans le tableau 11. On voit par la médiane pour les veufs est plus faible que pour les autres groupes. On retrouve les mêmes résutats que la figure 3.

On peut calculer le rapport de corrélation entre nos deux variables. On trouve 0.075. Cela nous dit que 7.5% de la variabilité du stress est expliquée par l'état civil.

```
## Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## EtatCivil 3 265 88.34 4.428 0.00506 **
## Residuals 164 3272 19.95
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

On réalise un test pour si il y a une différence entre les états civils pour la valeur du stress. On trouve une pvaleur inférieur à 0.05, on peut rejeter l'hypothèse 0 et dire qu'il y a une différence entre la valeur du stress selon les differents états civils.

Croisement quantitatif vs quantitatif: Age vs Satisfaction

On vas maintenant voir le croisement entre les variables age et satisfaction.

Table 41: Statistique élémentaire de la satisfaction

Min.	1st Qu.	Median	Mean	3rd Qu.	Max.
3.85	13.8375	19.17	20.43101	28.3125	38.45

Table 42: Statistique élémentaire de l'age

Min.	1st Qu.	Median	Mean	3rd Qu.	Max.
25	37	41	41.9881	49.25	57

Les tableaux 11 et 12 nous donnes les indicateurs statistiques sur nos variable. On remarque pae exemple que la satisfactions moyenne et de 20.43 et celle de l'age est de 41.99.

Boxplot de la satisfaction

0 20 40 60

Boxplot de l'age

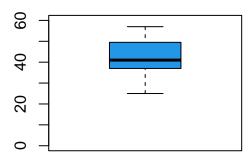


Figure 12: Boxplot des variable satisfaction et age

On peut rend visuel nos résultats comme dans la figure 6. On remarque que, pour les deux variables, il n y pas de valeur abérante.

Margins computed over dimensions

in the following order:
1: decoup_Satisfaction

2: decoup_age

Table 43: Tableau de contingence entre la satisfaction et l'age

	(25,33]	(33,41]	(41,49]	(49,57]	sum
(3.82,10.8]	26	1	0	0	27
(10.8,17.7]	2	38	3	0	43
(17.7, 24.6]	0	20	22	0	42
(24.6, 31.5]	0	1	11	18	30
(31.5, 38.5]	1	0	1	24	26
sum	29	60	37	42	168

Nous avons 2 variables quantitatives, il faut donc crée des classes chacune d'entre elle afin de pouvoir les croiser. Quand on croise les effectifs, on obtient la distribution résumé dans le tableau 13. On apprend par exemple que 38 de nos individus entre 33 et 41 ans on une satisfaction compris ente 10.8 et 17.7. Si on est bien attentif on remarque que quand l'age augmente, la satisfaction augmente également. Regardons cela dans un graphique.

Margins computed over dimensions

in the following order:
1: decoup Satisfaction

2: decoup_age

	(25,33]	(33,41]	(41,49]	(49,57]	sum
$\overline{(3.82,10.8]}$	15.5	0.6	0.0	0.0	16.1
(10.8,17.7]	1.2	22.6	1.8	0.0	25.6
(17.7, 24.6]	0.0	11.9	13.1	0.0	25.0
(24.6, 31.5]	0.0	0.6	6.5	10.7	17.8
(31.5, 38.5]	0.6	0.0	0.6	14.3	15.5
sum	17.3	35.7	22.0	25.0	100.0

Avant cela regardons d'autre facon d'illustrée le croisement entre nos deux variables. Avec le tableau 14 on retrouve le pourcentage de chaque croisement.

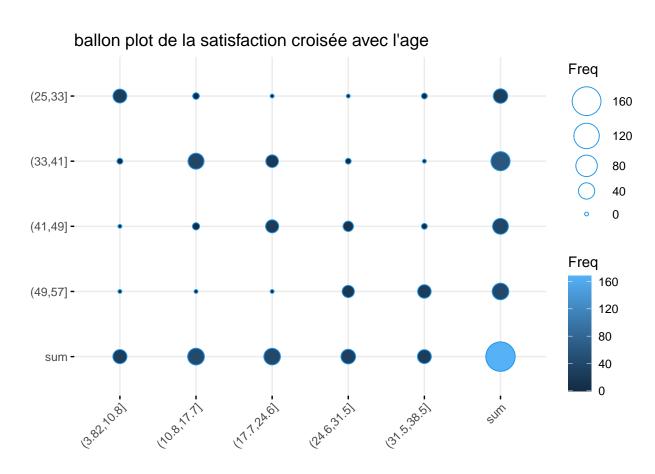


Figure 13: ballon plot de la satisfaction croisée avec l'age

Ou encore avec la figure 7 qui donne un cercle plus ou moins gros selon l'effectif du croisement.

Nuage de points de la satisfaction selon l'age

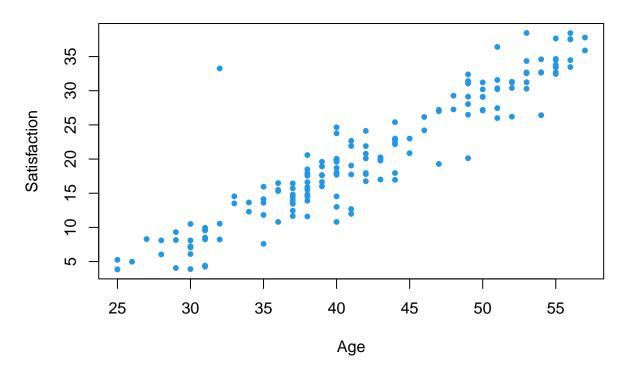


Figure 14: Nuage de points de la satisfaction selon l'age

Graphiquement on se rend compte directement de la liaison entre nos deux variables. La figure 8 nous montre un relation qui est croissante est positif. On voit un point qui ne se comporte pas comme les autres, un intrus.

Nuage de points de la satisfaction croisée à l'age selon le sexe

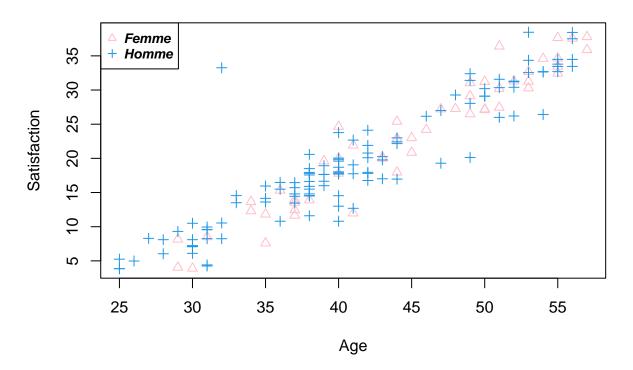


Figure 15: Nuage de points de la satisfaction croisée à l'age selon le sexe

On peut ajouter l'information sur le sexe comme sur la figure 9. Le sexe ne semble pas avoir d'influence sur notre croisement de la satisfaction et de l'age.

Table 45: Matrice des corrélations

	Anciennete	Salaire	Satisfaction	Stress	EstimeSoi	Age
Anciennete	1.000	0.055	1.000	-0.620	0.995	0.932
Salaire	0.055	1.000	0.074	0.006	0.049	0.056
Satisfaction	1.000	0.074	1.000	-0.612	0.995	0.938
Stress	-0.620	0.006	-0.612	1.000	-0.666	-0.420
EstimeSoi	0.995	0.049	0.995	-0.666	1.000	0.935
Age	0.932	0.056	0.938	-0.420	0.935	1.000

Le tableau 15 nous donne les lien entre chaque variable. Plus le chiffre est proche de 1 plus le liens est fort positivement, plus il est proche de -1 plus le lien est fort mais négativement. Vers 0 la relation est faible. Pour la satisfaction et l'age on voit un coefficient très proche de 1, ce qui confirme les résultats vue précedement.

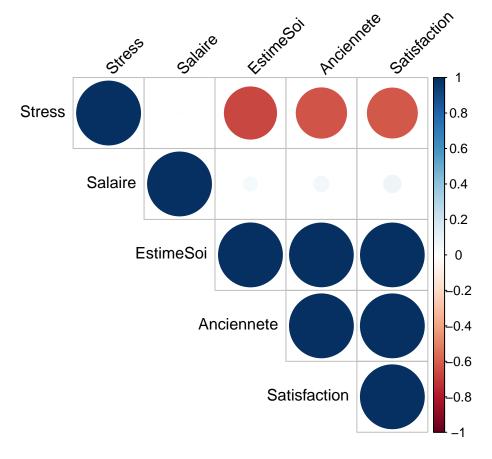


Figure 16: corrélogramme

On peut illustrée ce tableau comme le montre la figure 10. Plus le cercle est bleu plus la corrélation est forte, comme par exemple avec l'ancienneté et la satisfaction.

Chapitre 3: Analyse en Composantes Principales

Exercice 23

L'objectif va être de retrouvé les données trouvée en cours sur un jeu de données. Les informations présente dans le cours sont sur ces données : La matrice de corrélation, le vecteur propre, les valeurs propres, ainsi que les coordonées pour les variables et individus.

Table 46: Données

Z 1	Z2
1	5
2	10
3	8
4	8
9	12

Le tableau 1 nous montre les données utilisée, il y a 2 variables, Z1 et Z2, pour 5 individus.

Table 47: Données centrée réduite

X1	X2
-1.004	-1.545
-0.645	0.601
-0.287	-0.258
0.072	-0.258
1.864	1.459

Pour étudier ces donnée il faut d'abord les centrée et réduire. Nous obtenons donc les données du tableau 2 avec X1 et x2 comme nouvelles variables. Dans le cours les écart type utilisés sont faux. Ici on utilisera les écat type du cour afin d'avoir les mêmes résultats que dans le cours.

Table 48: Matrice des corrélations

	X1	X2
X1	1.000	0.788
X2	0.788	1.000

La première matrice que nous avons est la matrice des correlélations. On trouve avec le tableau 3 un rapport de corrélation de 0.788 comme dans le cours. Il y a donc une légère corrélation positive entre nos deux variables.

Table 49: Vecteur Propre

0.707	-0.707
0.707	0.707

On calcule ensuite le vecteur propre, qui constitue le tableau 4. On trouve une différence par rapport au résultat du cour. En effet le signe moins n'est pas sur la même valeur dans le cours.

Le premier facteur associé à la valeur propre 1.787, et 0.212 pour le deuxième. On vas donc retrouvée les mêmes valeurs de pourcentages de variance expliquées , 89.4% pour l'axe 1 et 10,6% pour l'axe 2. On conservera ces deux axes.

Table 50: Coordonnées des variables

	Cord_Axe1	Cord_Axe2
X1	0.946	-0.326
X2	0.946	0.326

On peut calculer les coordonées de nos deux variables. Nous trouvons avec le tableau 5 que les coordonées de X1 seront de 0.944 sur l'axe 1 et -0.326. Et pour X2, 0.947 sur l'axe 1 et 0.325 pour l'axe 2.Par rapport au résultat du cours on retrouve le même problème vis-à-vis du signe moins.

Table 51: Coordonnée des individus

X1	X2
-1.802	-0.383
-0.031	0.881
-0.385	0.021
-0.132	-0.233
2.350	-0.286

Il nous reste plus que les Coordonnées des individus. Ont les retrouvent dans le tableau 6. Les individus 1 et 5 contribuent fortement à l'axe 1, tandis que l'individu 2 contribus le plus à l'axe 2.

Nous allons maintenant comparer 2 fonctions qui réalise des ACP sous R. Il s'agit de princomp et prcomp. On concervera les données précedente.

Table 52: Valeur propre avec princomp

	eigenvalue	variance.percent	cumulative.variance.percent
Dim.1	1.788	89.401	89.401
Dim.2	0.212	10.599	100.000

Table 53: Valeur propre avec prcomp

	eigenvalue	variance.percent	cumulative.variance.percent
Dim.1	1.788	89.401	89.401
Dim.2	0.212	10.599	100.000

On commence avec les valeurs propres. On voit les sorties des deux fonctions dans les tableau 7 et 8, et on remarque que les sorties sont excatement les mêmes.

Table 54: coordonnées des variables avec princomp

	Dim.1	Dim.2
Z1	0.946	0.326

	Dim.1	Dim.2
$\overline{Z2}$	0.946	-0.326

Table 55: coordonnées des variables avec prcomp

	Dim.1	Dim.2
Z1	0.946	0.326
Z2	0.946	-0.326

Pour les coordonnées des variables on voit dans les tableaux 9 et 10, les sorties des deux fonction sont les mêmes. A noté qu'avec ces deux fonctions le signe moins est comme dans le cours. On vas voir que cela est différent avec la fonction PCA.

Table 56: Cos2 des variables avec princomp

	Dim.1	Dim.2
Z1	0.894	0.106
Z2	0.894	0.106

Table 57: Cos2 des variables avec prcomp

	Dim.1	Dim.2
Z1	0.894	0.106
Z2	0.894	0.106

Pour les qualités de représentations des variables (cos2) des variables on voit dans les tableaux 10 et 11, les sorties des deux fonctions sont les mêmes.

Table 58: Contribution des variables avec princomp

Dim.1	Dim.2
50	50
50	50

Table 59: Contribution des variables avec prcomp

	Dim.1	Dim.2
$\overline{Z1}$	50	50
Z2	50	50

Et Pour finir la contributions des variables est aussi la mêmes entre les deux fonctions.

Table 60: Coordonées des individus avec princomp

Dim.1	Dim.2
-1.802	0.381
-0.032	-0.881
-0.385	-0.021
-0.131	0.233
2.351	0.289

Table 61: Coordonées des individus avec prcomp

Dim.1	Dim.2
-1.612	0.340
-0.029	-0.788
-0.344	-0.019
-0.117	0.208
2.103	0.259

Pour les individus maintenant. C'est la que l'on retrouve des différences. Deja pour les coordonnées on trouve des dissimilarité ont le voit dans les tableau 15 et 16.

Table 62: Cos2 des individus avec princomp

Dim.1	Dim.2
0.957	0.043
0.001	0.999
0.997	0.003
0.241	0.759
0.985	0.015

Table 63: Cos2 des individus avec prcomp

Dim.1	Dim.2
0.957	0.043
0.001	0.999
0.997	0.003
0.241	0.759
0.985	0.015

Cepandant les qualités de représentation des individus (cos2) sont les mêmes d'une fonction à une autre.

Table 64: Contributions des individus avec princomp

Dim.1	Dim.2
36.328	13.672
0.012	73.288
1.658	0.042

Dim.1	Dim.2
0.192	5.108
61.810	7.890

Table 65: Contributions des individus avec prcomp

Dim.1	Dim.2
29.062	10.938
0.009	58.631
1.326	0.034
0.154	4.086
49.448	6.312

Et pour les contributions, on remarques dans les tableaux ci-dessus que les valeurs sont différentes.

Les plus grosses différences entre princomp et promp ce font au niveau des individus et non pour les variables. Regardons maintenant les résultats avec la fonction PCA.

Table 66: Valeur propre avec PCA

	eigenvalue	variance.percent	cumulative.variance.percent
Dim.1	1.788	89.401	89.401
Dim.2	0.212	10.599	100.000

Pour les valeurs propres, on retrouve encore les résultats précedents comme le montre le tableau 21.

Table 67: coordonnées des variables avec PCA

	Dim.1	Dim.2
$\overline{Z1}$	0.946	-0.326
Z2	0.946	0.326

Pour les coordonées des variables on voit dans le tableau 21 que le signe moins est placé comme pour l'ACP à la main. Plus exactenement ce signe change de position si on utilise les données centrées réduites, hors ceci est fait automatiquement dans cette fonction.

Table 68: Cos2 des variables avec PCA

	Dim.1	Dim.2
$\overline{Z1}$	0.894	0.106
Z2	0.894	0.106

Table 69: Contributions des variables avec PCA

	Dim.1	Dim.2
$\overline{\mathrm{Z}1}$	50	50

	Dim.1	Dim.2
Z 2	50	50

Pour les qualités de représentation des variables et les contributions, pas de problème on retrouve les mêmes résultats avec les 3 fonctions.

Table 70: Coordonées des individus avec PCA

Dim.1	Dim.2
-1.802	-0.381
-0.032	0.881
-0.385	0.021
-0.131	-0.233
2.351	-0.289

Maintenant regardons les résultats de PCA avec les individus. Pour les coordonnées la fonction PCA s'accorde avec la fonction princomp.

Table 71: Cos2 des individus avec PCA

Dim.1	Dim.2
0.957	0.043
0.001	0.999
0.997	0.003
0.241	0.759
0.985	0.015

Pour le cos2, la fonction PCA s'accorde avec toutes les autres méthodes.

Table 72: Contributions des individus avec PCA

Dim.2
13.672
73.288
0.042
5.108
7.890

Et pour finir le tableau ci-dessus nous montre que les contributions de la fonction PCA sont les mêmes qu'avec la fonction princomp.

On en déduit que les fonctions PCA et princomp réalise l'ACP de la même façon.

Exercice 24

Dans cette partie on traitera des données des stations de ski en Savoie. On dispose, pour 32 stations, des variables suivantes (données 1998).

- prixforf : prix du forfait 1 semaine (Euros)
- altmin : altitude minimum de la station (m)
- altmax : altitude maximum de la station (m)
- pistes : nombre de pistes de ski alpin
- kmfond : nombre de kilomètres de pistes de ski de fond remontee : nombre de remontées mécaniques

Table 73: Extrait des données Station

prixforf	altmin	altmax	pistes	kmfond
76	900	2000	45	50
160	800	3226	117	30
85	750	2300	30	47
71	500	2750	21	10
54	1710	2200	4	80
79	1850	3000	16	0

Voici un extrait des données que nous traiterons.

Valeurs propres:

Les valeurs propres mesurent la quantité de variance expliquée par chaque axe principal. Nous examinons les valeurs propres pour déterminer le nombre de composantes principales à prendre en considération.

Table 74: Valeurs propres

	eigenvalue	variance.percent	cumulative.variance.percent
Dim.1	2.393	47.850	47.850
Dim.2	1.214	24.282	72.132
Dim.3	0.850	16.998	89.130
Dim.4	0.429	8.589	97.719
Dim.5	0.114	2.281	100.000

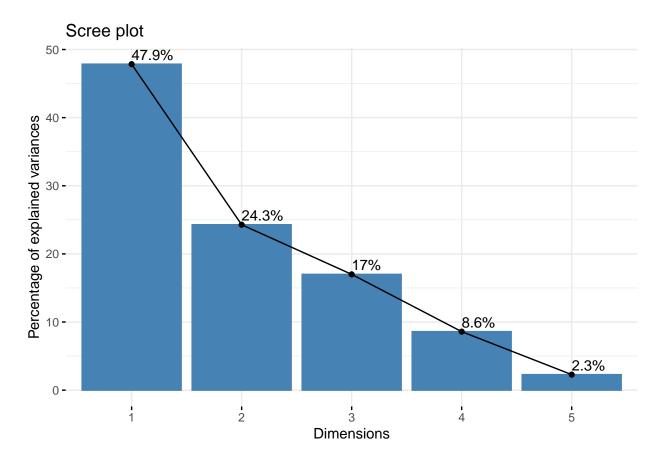


Figure 17: Visualisation des valeurs propres

On voit avec le tableau et figure ci-dessus qu'avec 3 axes ont obtion une variance expliquée de presque 90%, ce qui est suffisant. On concervera donc les 3 premières dimension.

Variables:

Table 75: coordonnées des variables

	Dim.1	Dim.2	Dim.3	Dim.4	Dim.5
prixforf	0.938	0.001	-0.102	0.230	-0.238
altmin	-0.001	0.830	0.509	0.228	0.029
altmax	0.736	0.440	-0.052	-0.512	0.010
pistes	0.926	-0.147	-0.126	0.219	0.237
kmfond	0.335	-0.558	0.750	-0.122	-0.012

Le tableau suivant montre les valeurs des coordonnées afin de crée un cercle des corrélations.

Table 76: Qualité de représentation des variables

	Dim.1	Dim.2	Dim.3	Dim.4	Dim.5
prixforf	0.880	0.000	0.010	0.053	0.057
altmin	0.000	0.688	0.259	0.052	0.001
altmax	0.542	0.193	0.003	0.262	0.000
pistes	0.858	0.022	0.016	0.048	0.056
kmfond	0.112	0.311	0.562	0.015	0.000

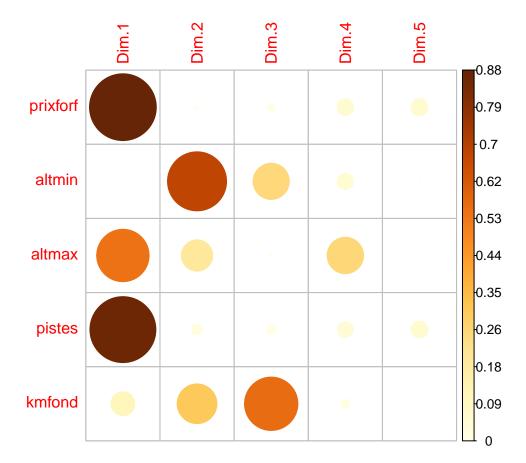


Figure 18: Corrélogramme des variables pour chaque dimension

Ensuite on regarde qualité de représentation des variables pour chaque dimension à l'aide du graphique et tableau ci-dessus. On voit pas exemple que les variables prixforf et piste sont très bien représenté sur l'axe 1.

Table 77: Contributions des variables

Dim.1	Dim.2	Dim.3	Dim.4	Dim.5
36.790	0.000	1.213	12.300	49.698
0.000	56.682	30.484	12.081	0.753
22.646	15.923	0.318	61.023	0.090
35.875	1.792	1.874	11.117	49.343
4.689	25.604	66.112	3.479	0.116
	36.790 0.000 22.646 35.875	36.790 0.000 0.000 56.682 22.646 15.923 35.875 1.792	36.790 0.000 1.213 0.000 56.682 30.484 22.646 15.923 0.318 35.875 1.792 1.874	36.790 0.000 1.213 12.300 0.000 56.682 30.484 12.081 22.646 15.923 0.318 61.023 35.875 1.792 1.874 11.117

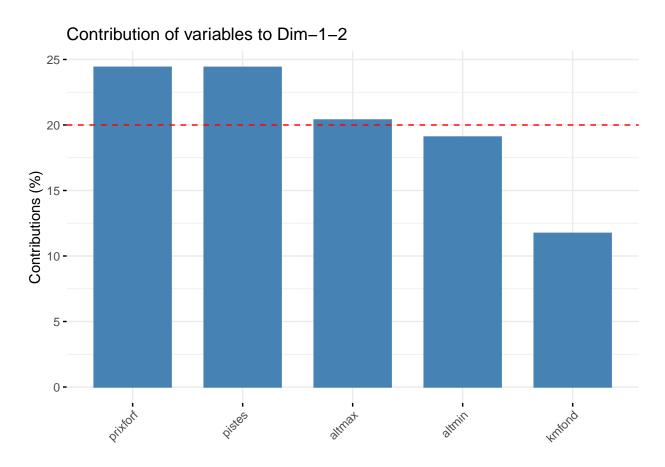


Figure 19: Diagramme en barre des contributions des variables

On s'interesse maintenant à la contribution des variables. On voit avec le tableau les contribution de chaque variables pour chaque dimension. Par exemple la variable prixforf contribue à 36.7% de l'axe 1. Le graphique nous montre ces contribution pour le premier plan. La ligne rouge indique la contribution moyenne attendue. Toute les variables qui dépasse cette ligne considérée comme importante pour contribuerau premier plan.

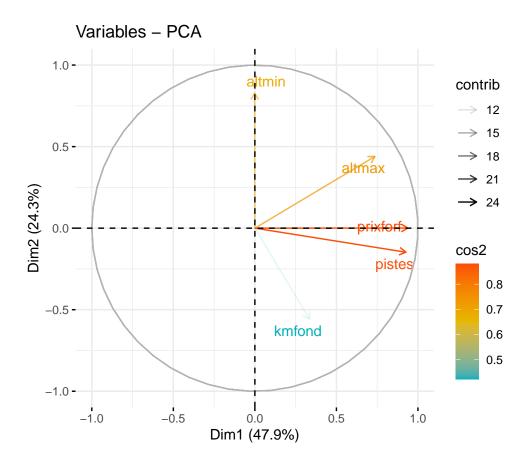


Figure 20: Cercle de corrélation des variables

On peut représenter l'ensemble de ces résultats dans le cercle des corrélation, ici on s'interesse au premier plan. Pour la qualité de représentation (cos2) on à une variation de couleur selon son importance sur le premier plan. On voit que les variables prixfof et piste sont celle qui sont le mieux représenter dans ce plan. la transparence des flèches indique la contributions. Par exemple la variable kmfond n'as pas une grande contribution sur le premier plan. Les fleches des variables prixfof et piste sont très proches ce qui indique un lien fort positif entre ces deux variables. Tandis que atmin et kmfond son pratiquemennt opposée ce qui signifie un lien fort négatif.

Individus:

Table 78: Extrait des coordonées des individus

Dim.1	Dim.2	Dim.3	Dim.4	Dim.5
-0.967	-1.924	0.276	-0.066	0.358
2.908	-0.969	-1.327	-0.383	0.073
-0.790	-1.893	-0.089	-0.736	-0.164
-1.118	-1.234	-1.800	-1.671	-0.024
-1.619	-0.408	2.926	-0.421	0.180
-0.905	2.310	0.075	-0.529	0.085

On s'interesse maintenant aux individus. On commence par montrer leurs coordonées qu'il auront sur chasque dimension sur le tableau ci-dessus. Ici il n y a pas l'ensemble des individus représentés.

Table 79: Extrait des cos2 des individus

Dim.1	Dim.2	Dim.3	Dim.4	Dim.5
0.193	0.764	0.016	0.001	0.026
0.748	0.083	0.156	0.013	0.000
0.130	0.749	0.002	0.113	0.006
0.142	0.173	0.368	0.317	0.000
0.227	0.014	0.741	0.015	0.003
0.127	0.828	0.001	0.043	0.001

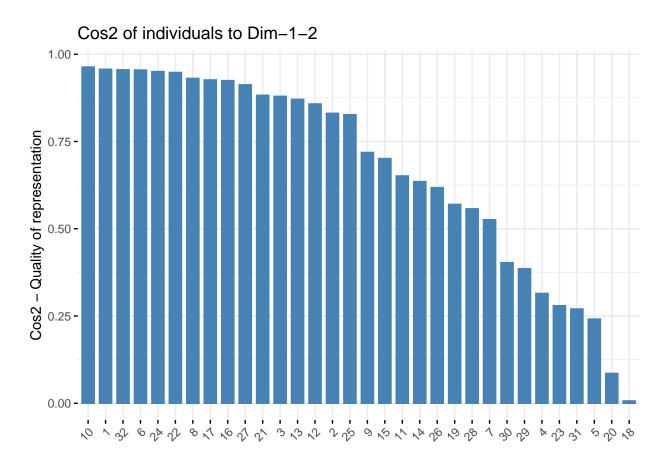


Figure 21: Diagramme en barre des cos2 des individus

On regarde maintenant les qualités de représentation pour les différentes dimensions, qu'on retrouve dans le tableau. Le graphique nous illustre ces valeurs pour le premier plan, on voit que c'est l'individu 10 qui est le mieux représenter sur ce plan suivis du 1 et du 32. Nous allons les retrouver après dans le graphique.

Table 80: Extrait des contributions des individus

Dim.1	Dim.2	Dim.3	Dim.4	Dim.5
1.221	9.527	0.280	0.032	3.512
11.044	2.416	6.476	1.070	0.145
0.815	9.220	0.029	3.946	0.739
1.631	3.919	11.918	20.316	0.016
3.424	0.429	31.469	1.287	0.892
1.069	13.738	0.021	2.035	0.197

Contribution of individuals to Dim-1-2

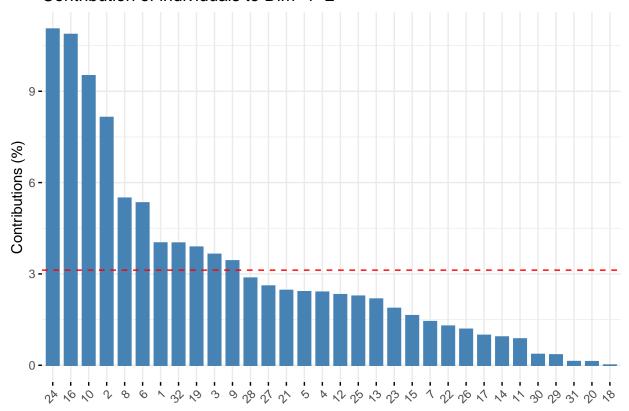


Figure 22: Diagramme en barre de la contributions des individus

On s'interesse maintenant à la comtributions des individus. On voit dans le tableau les contributions des individus sur les différents axes. Le graphique montre les individus qui contribue le plus au premier plan. L'individu 24 est celui qui à la plus forte contribution sur ce plan. Tout les individus au-dessus de la ligne poitillée rouge peuvent être considéré comme importante pour contribuer au premier plan.

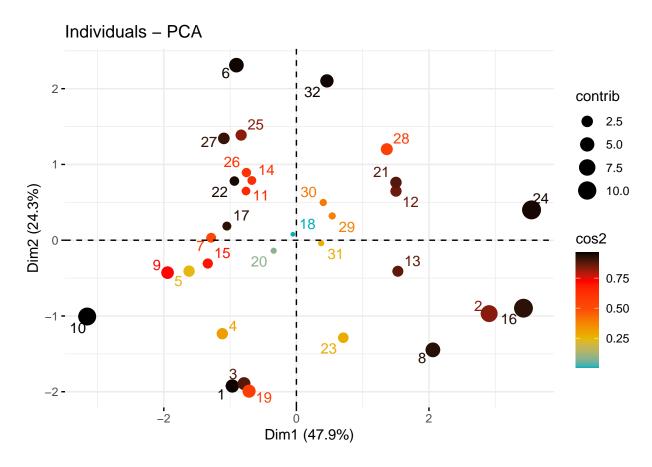


Figure 23: Nuage de points des individus

On peut maintenant tracer le nuage de points des individus sur le premier plan. Chaque points a une épaissseur proportionnelle à sa contribution. On retrouve les individus 24, 10 et 16 qui sont les plus gros points et qui contribuent le plus. De plus nous pouvons voir une couleur plus chaude quand la qualité de représentation (cos2) est élevé, et inversement. Les individus 10,1,24,6,22,8, et 32 sont de couleur noir qui correspond à une très bonne qualité de représentation sur ce plan.

Variables & individus:

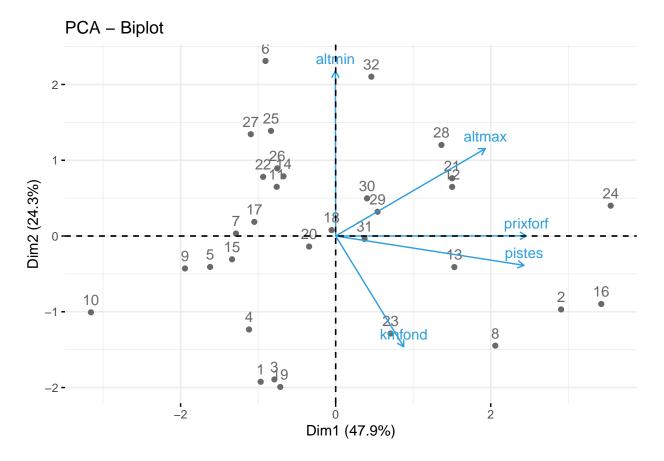


Figure 24: Bitplot

Pour finir on va analyser les individus et les variables ensembles sur le premier plan, en suppersant les deux graphquiques précedent. Ils nous apprend qu'elle sont les individus qui ont une forte valeur selon les variables. Pour la variable altmax par exemple, les indivus 29, 12, 21, sont ceux qui ont une forte valeur pour cette variable. Et inversement, on peut savoir quels individus ont une faible valeur pour une variable. Les individus 27, 25, 26 par exemple sont opposée à la fleche de la variable kmfond, ceux qui indiques une faible valeur de ces individus pour cette variables.

Chapitre 4: Analyse Factorielle des Correspondances (AFC)

Exercice 31

Nous travaillons avec le jeu de données USArrests disponible dans R. Ces données contient des statistiques, en nombre d'arrestations pour 100 000 résidents pour agression, meurtre et viol dans chacun des 50 États américains en 1973. Le pourcentage de la population vivant dans des zones urbaines est également indiqué.

Murder: Nombre d'arrestations pour meurtre (pour 100 000 résidents)

Assault : Nombre d'arrestations pour agression (pour 100 000 résidents)

UrbanPop : Pourcentage de la population urbaine

Rape : Nombre Arrestations pour viols (pour 100 000 résidents)

L'objectif vas être de comparer les sortie de l'ACP sur ces données avec 3 fonctions différentes, PCA,prcomp, et princomp.

Table 81: Extrait des Coordonée avec PCA

	Dim.1	Dim.2	Dim.3	Dim.4
Alabama	0.9855659	-1.1333924	0.4442688	0.1562671
Alaska	1.9501378	-1.0732133	-2.0400033	-0.4385834
Arizona	1.7631635	0.7459568	-0.0547808	-0.8346529
Arkansas	-0.1414203	-1.1197968	-0.1145737	-0.1828109
California	2.5239801	1.5429340	-0.5985568	-0.3419965

Table 82: Extrait des Coordonée avec prcomp

	Dim.1	Dim.2	Dim.3	Dim.4
Alabama	-0.9756604	1.1220012	-0.4398037	0.1546966
Alaska	-1.9305379	1.0624269	2.0195003	-0.4341755
Arizona	-1.7454429	-0.7384595	0.0542302	-0.8262642
Arkansas	0.1399989	1.1085423	0.1134222	-0.1809736
California	-2.4986128	-1.5274267	0.5925410	-0.3385592

Table 83: Extrait des Coordonée avec princomp

	Dim.1	Dim.2	Dim.3	Dim.4
Alabama	0.9855659	1.1333924	0.4442688	0.1562671
Alaska	1.9501378	1.0732133	-2.0400033	-0.4385834
Arizona	1.7631635	-0.7459568	-0.0547808	-0.8346529
Arkansas	-0.1414203	1.1197968	-0.1145737	-0.1828109
California	2.5239801	-1.5429340	-0.5985568	-0.3419965

On remarque que les sorties des coordonées sont quasiment les mêmes entre PCA et princomp, il ya que sur la dimension 2 que le signe est différent. La fonction promp elle prend des valeurs totalement diférentes.

Table 84: Extrait des Cos2 avec PCA

	Dim.1	Dim.2	Dim.3	Dim.4
Alabama	0.3920310	0.5184533	0.0796601	0.0098556
Alaska	0.4085425	0.1237310	0.4470626	0.0206638
Arizona	0.7122238	0.1274849	0.0006875	0.1596038
Arkansas	0.0151456	0.9496046	0.0099411	0.0253086
California	0.6904652	0.2580267	0.0388312	0.0126769

Table 85: Extrait des Cos2 avec prcomp

	Dim.1	Dim.2	Dim.3	Dim.4
Alabama	0.3920310	0.5184533	0.0796601	0.0098556
Alaska	0.4085425	0.1237310	0.4470626	0.0206638
Arizona	0.7122238	0.1274849	0.0006875	0.1596038
Arkansas	0.0151456	0.9496046	0.0099411	0.0253086
California	0.6904652	0.2580267	0.0388312	0.0126769

Table 86: Extrait des Cos2 avec princomp

	Dim.1	Dim.2	Dim.3	Dim.4
Alabama	0.3920310	0.5184533	0.0796601	0.0098556
Alaska	0.4085425	0.1237310	0.4470626	0.0206638
Arizona	0.7122238	0.1274849	0.0006875	0.1596038
Arkansas	0.0151456	0.9496046	0.0099411	0.0253086
California	0.6904652	0.2580267	0.0388312	0.0126769

Pour les qualité de représentation (cos2), les 3 fonctions apportent le même résultat.

Table 87: Extrait des Contribution avec PCA

	Dim.1	Dim.2	Dim.3	Dim.4
Alabama	0.7832625	2.595723	1.1070956	0.2816054
Alaska	3.0666668	2.327394	23.3429239	2.2182476
Arizona	2.5068088	1.124411	0.0168326	8.0337329
Arkansas	0.0161272	2.533823	0.0736314	0.3853982
California	5.1369800	4.810526	2.0095751	1.3488039

Table 88: Extrait des Contribution avec prcomp

	Dim.1	Dim.2	Dim.3	Dim.4
Alabama	0.7675973	2.543809	1.0849536	0.2759732
Alaska	3.0053335	2.280846	22.8760654	2.1738826
Arizona	2.4566726	1.101923	0.0164959	7.8730583
Arkansas	0.0158047	2.483147	0.0721588	0.3776903
California	5.0342404	4.714315	1.9693836	1.3218278

Table 89: Extrait des Contribution avec princomp

	Dim.1	Dim.2	Dim.3	Dim.4
Alabama	0.7832625	2.595723	1.1070956	0.2816054
Alaska	3.0666668	2.327394	23.3429239	2.2182476
Arizona	2.5068088	1.124411	0.0168326	8.0337329
Arkansas	0.0161272	2.533823	0.0736314	0.3853982
California	5.1369800	4.810526	2.0095751	1.3488039

Et pour finir avec les contributions, les fonctions PCA et princomp ont la même sortie. tandis que prcomp propose des contributions différentes.

Exercice 32

On considère un ensemble de 18282 individus pour lesquels on connaît la CSP, catégorie socio-professionnel (modalités agriculteur AGRI, cadre supérieur CADR, inactif INAC, et ouvrier OUVR) et le choix de l'hébergement pour les vacances, HEB (modalités camping CAMP, HOTEL,location LOCA, et résidence secondaire RESI).

le but sera de représenter les éventuels liens entre la CSP et le type d'hébergement choisi HEB.

Table 90: Tableau de contingence de CSP et HEB

	CAMP	HOTEL	LOCA	RESI	TOTAL
AGRI	239	155	129	0	523
CADR	1003	1556	1821	1521	5901
INAC	682	1944	967	1333	4926
OUVR	2594	1124	2176	1038	6932
TOTAL	4518	4779	5093	3892	18282

Voici le tableau de contingence que nous utiliserons pour notre analyse.

```
##
## Pearson's Chi-squared test
##
## data: data[1:4, 1:4]
## X-squared = 2067.9, df = 9, p-value < 2.2e-16</pre>
```

On commence par réaliser un test du khi2. On trouve statistique du khi-deux de 2067.9, et une pvaleur associés très proche de 0. Donc on rejette l'hypothèse d'indépendance, il y a un lien a étudier entre les CSP et HEB.

Table 91: Tableau des distribution conditionnelle des HEB sachant la CSP (%)

	CAMP	HOTEL	LOCA	RESI	TOTAL
AGRI	45.70	29.64	24.67	0.00	100
CADR	17.00	26.37	30.86	25.78	100
INAC	13.84	39.46	19.63	27.06	100
OUVR	37.42	16.21	31.39	14.97	100
TOTAL	24.71	26.14	27.86	21.29	100

On commence avec les profils lignes. On apprend par exemple dans ce tableau que 37.42% des ouvriers choisisent le camping comme herbergement de vacance.

Table 92: Tableau des distribution conditionnelle des CSP sachant HEB (%)

	CAMP	HOTEL	LOCA	RESI	TOTAL
AGRI	5.29	3.24	2.53	0.00	2.86
CADR	22.20	32.56	35.75	39.08	32.28
INAC	15.10	40.68	18.99	34.25	26.94
OUVR	57.41	23.52	42.73	26.67	37.92
TOTAL	100.00	100.00	100.00	100.00	100.00

Avec les profils colonnes, on voit que parmis ceux qui choisissent une résidence secondaire comme logement de vacance, 39.08% sont des cadres.

On réalise ensuite l'AFC de nos données. On commence par étudiant l'inertie de la variance.

Table 93: Valeur propre

			·
	eigenvalue	variance.percent	cumulative.variance.percent
Dim.1	0.098	86.855	86.855
Dim.2	0.014	12.256	99.111
Dim.3	0.001	0.889	100.000

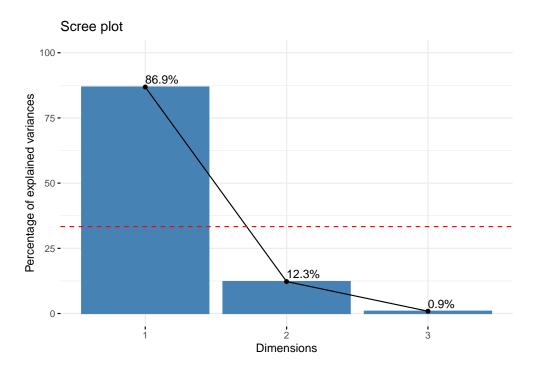


Figure 25: Visualisation des valeurs propres

Voici le tableau et le graphique de nos valeur propre. Quand on fait la somme des valeurs propres multiplié par n, on retrouve bien la statistique du khi2.

les deux premiers axes expliquent 99.9% de la variance totale. C'est quasiment la totalité. Les dimensions 1 et 2 expliquent environ 86,5% et 12.256% de l'inertie totale, respectivement. On conserve ces 2 dimensions.

On trouve ensuite les différents indicateurs et commençons avec les modalités de CSP.

Table 94: Coordonnées des modalités de CSP

	Dim 1	Dim 2	Dim 3
AGRI	-0.441	-0.431	-0.137
CADR	0.140	0.129	-0.027
INAC	0.379	-0.109	0.020
OUVR	-0.355	0.001	0.019

Le tableau nous montre les coordonnées que prendront les modalités de CSP sur les graphiques pour chaque dimension.

Table 95: Cos2 des modalités de CSP

	Dim 1	Dim 2	Dim 3
AGRI	0.488	0.465	0.047
CADR	0.532	0.449	0.019
INAC	0.921	0.077	0.003
OUVR	0.997	0.000	0.003

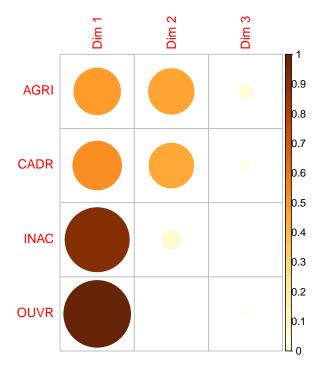


Figure 26: Visualisation des cos2 des modalités de CSP

On s'interesse ensuite aux qualités de représentation. On remarque dans le tableau et sur le graphique, que les inactifs et les ouvriers auront une bonne représentation sur l'axe 1.

Table 96: Contributions des modalités de CSP

	Dim 1	Dim 2	Dim 3
AGRI	5.676	38.347	53.116
CADR	6.430	38.451	22.841
INAC	39.307	23.200	10.548
OUVR	48.586	0.002	13.495

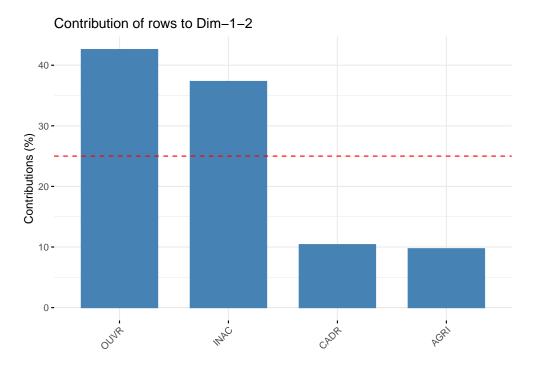


Figure 27: Visualisation des contributions des modalités de CSP

Regardons maintenant les comtributions. Le tableau nous montre le poucentage de la contribution pour chaque axe. Avec le graphique, on peut voir que les modalité OUVR et INAC sont les plus importantes dans la définition de le premier plan. La ligne poitillée rouge correspond à la combtribution moyenne.

Maintenant passons aux modalités de HEB.

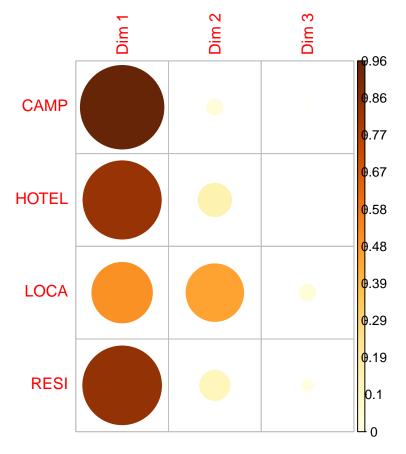
Table 97: Coordonnées des modalités de HEB

	Dim 1	Dim 2	Dim 3
CAMP	-0.443	-0.088	0.022
HOTEL	0.325	-0.139	-0.019
LOCA	-0.130	0.124	-0.036
RESI	0.286	0.110	0.045

Le tableau nous montre les coordonnées que prendront les modalités de HEB sur les graphiques pour chaque dimension.

Table 98: Cos2 des modalités de HEB

	Dim 1	Dim 2	Dim 3
CAMP	0.960	0.038	0.002
HOTEL	0.842	0.155	0.003
LOCA	0.504	0.457	0.039
RESI	0.852	0.127	0.021



On s'interesse ensuite aux qualités de représentation. On remarque dans le tableau et sur le graphique, que les campings et les hotels auront une bonne représentation sur la dimension 1.

Table 99: Contributions des modalités de HEB

	Dim 1	Dim 2	Dim 3
CAMP	49.372	13.714	12.201
HOTEL	28.056	36.594	9.210
LOCA	4.822	30.953	36.367
RESI	17.750	18.739	42.222



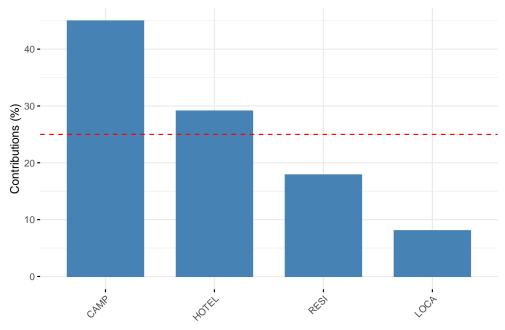


Figure 28: Visualisation des contributions des modalités de HEB

Regardons maintenant les comtributions. Le tableau nous montre le poucentage de la contribution pour chaque axe. Avec le graphique, on peut voir que les modalités CAMP et HOTEL sont les plus importantes dans la définition de le premier plan. La ligne poitillée rouge correspond à la combtribution moyenne.

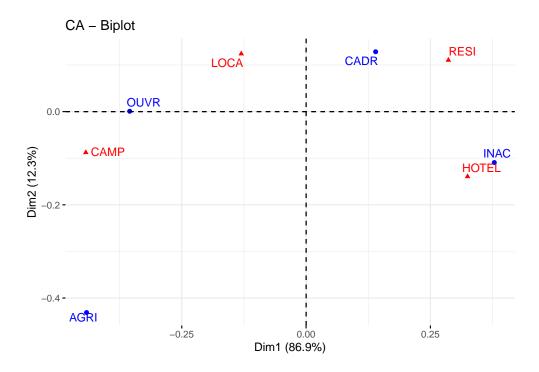


Figure 29: Bitplot

On peut ensuit tracer le biplot entre nos deux variables sur le premier plan. Les modalités de CSP sont représentées par des points bleus et les modalités de HEB par des triangles rouges.

Quand on s'interesse uniquement aux modalité de CSP, on remarque les cadres et agriculteurs sont oposées, ce qui indique que leur profils s'oppose également.

Pour les modalités de HEB, on trouve ce phénomène entre les résidences secondaire et les campings.

La forme gernerale est un arc de cercle il y a donc un effet de Guttman. Il y a donc un ordre de nos modalités. On retrouve des groupe, on voit que les inactif sont liée au hotel, les cadres sont plus proche des résidences secondaire, et ouvrier opterons plus pour des campings. On peut imaginer qu'il y a un lien avec le cout de ces type d'herbergement.

Exercice 33

Dans cette partie, nous analyserons un tableau de contingence donnant les fréquences de 4 catégories de fumeur (en colonne) pour 5 catégories de salarié (en ligne) dans une entreprise fictive. Les catégories en ligne sont :

- SM=Senior Managers,
- JM=Junior Managers,
- SE=Senior Employees,
- JE=Junior Employees,
- SC=Secretaries.

Table 100: tableau de contingence de nos données

	none	light	medium	heavy
$\overline{\mathrm{SM}}$	4	2	3	2
JM	4	3	7	4
SE	25	10	12	4
JE	18	24	33	13
SC	10	6	7	2

Voici les données smokes que nous utiliserons.

Margins computed over dimensions

in the following order:

1:

2:

Table 101: Tableau de contingence avec marge

	none	light	medium	heavy	sum
$\overline{\mathrm{SM}}$	4	2	3	2	11
JM	4	3	7	4	18
SE	25	10	12	4	51
$_{ m JE}$	18	24	33	13	88
SC	10	6	7	2	25
sum	61	45	62	25	193

On peut ajouter les distributions marginales.

Table 102: Tableau de contingence en fréquence (%)

	none	light	medium	heavy	sum
$\overline{\mathrm{SM}}$	2.073	1.036	1.554	1.036	5.699
JM	2.073	1.554	3.627	2.073	9.326
SE	12.953	5.181	6.218	2.073	26.425
JE	9.326	12.435	17.098	6.736	45.596
SC	5.181	3.109	3.627	1.036	12.953
sum	31.606	23.316	32.124	12.953	100.000

On peut mettre le tableau de nos données en pourcentage.

Table 103: Tableau des effectif théoriques

	none	light	medium	heavy
\overline{SM}	0.2806606	-0.3526511	-0.2839006	0.4818124
JM	-0.7081704	-0.5842394	0.5063573	1.0926246
SE	2.2119849	-0.5484321	-1.0829559	-1.0139913
JE	-1.8607802	0.7686755	0.8897233	0.4742076
SC	0.7465200	0.0708205	-0.3638384	-0.6881439

Et aussi calculer la tableau des effectifs théoriques, utile pour le test du khi2.

Table 104: Profils lignes

	none	light	medium	heavy	sum
$\overline{\mathrm{SM}}$	36.364	18.182	27.273	18.182	100
JM	22.222	16.667	38.889	22.222	100
SE	49.020	19.608	23.529	7.843	100
JE	20.455	27.273	37.500	14.773	100
SC	40.000	24.000	28.000	8.000	100
sum	31.606	23.316	32.124	12.953	100

Table 105: Profils colonnes

	none	light	medium	heavy	sum
$\overline{\mathrm{SM}}$	6.557	4.444	4.839	8	5.699
$_{ m JM}$	6.557	6.667	11.290	16	9.326
SE	40.984	22.222	19.355	16	26.425
$_{ m JE}$	29.508	53.333	53.226	52	45.596
SC	16.393	13.333	11.290	8	12.953
sum	100.000	100.000	100.000	100	100.000

Voici les tableaux des profils ligne et colonnes. Avec les profils lignes on voit que 28% des secretaries fume "moyennement". Avec les profils colonnes, on remarque que parmis ceux qui ne fume pas, 40.98% sont Senior Employees.

On réalise ensuite l'AFC sur nos données.

Table 106: Valeurs propres

	eigenvalue	variance.percent	cumulative.variance.percent
Dim.1	0.075	87.756	87.756
Dim.2	0.010	11.759	99.515
Dim.3	0.000	0.485	100.000

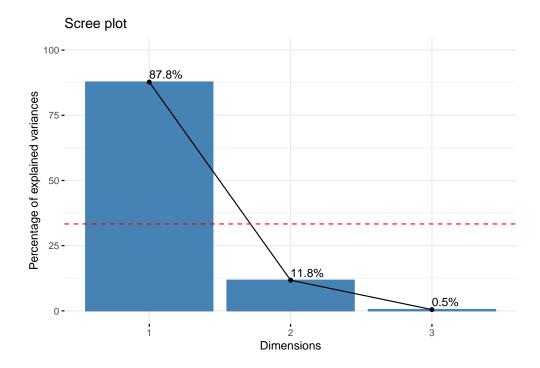


Figure 30: Visualisation des valeurs propres

On commence avec les valeurs propres. On voit dans le tableau et le graphique que le premier plan explique 99.5% de la variance totale. Les dimensions 1 et 2 expliquent environ 87.7% et 11.7% de l'inertie totale, respectivement. On conserve ces 2 dimensions.

Table 107: Coordonnées pour les catégories de salarié

	Dim 1	Dim 2	Dim 3
\overline{SM}	-0.066	0.194	0.071
JM	0.259	0.243	-0.034
SE	-0.381	0.011	-0.005
JE	0.233	-0.058	0.003
SC	-0.201	-0.079	-0.008

Table 108: Coordonnées pour les catégories de fumeur

	Dim 1	Dim 2	Dim 3
none	-0.393	0.030	-0.001
light	0.099	-0.141	0.022
medium	0.196	-0.007	-0.026
heavy	0.294	0.198	0.026

On récupère ensuite les coordonnées pour tracer le bitplot. D'abord pour les catégories de salarié, puis pour les catégories de fumeur.

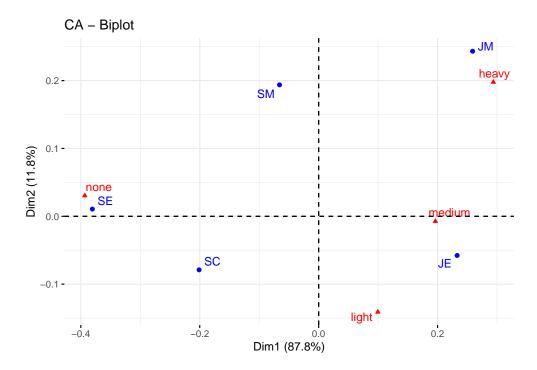


Figure 31: bitplot

Et on trace ensuite le bitplot. Les catégorie de salarié sont représentées par des points bleus et les catégories de fumeur par des triangles rouges.

On remarque qu'il n y pas de groupe qui se forme entre entre catégorie d'une meme variables, par contre pour les catégories de salarié on voit qu'il y a une opposition entre les Secretaries et les Junior Managers, ce qui s'ignifie que leurs profils s'oppose également.

Quand on regarde les deux variables ensembles on voit des regroupements. Par exemple on se rend compte du lien qu'il y a entre les Senior Employees et les non fumeurs, aussi entre ce qui fume "moyenement" et les Junior Employees, et entre les gros fumeurs et les junior Managers. Nous avons réussi à bien ciblé les lien qui existe entre la catégorie de salarié et la catégorie de fumeur.

Exercice 34

Il s'agit ici de proposer une méthodologie d'analyse textuelle pour identifier les auteurs de deux fragements de texte anonymes. On connaît pour chacun de ces fragments de texte la fréquence d'apparition de certaines lettres. On suppose également que les auteurs de ces textes appartiennent à la liste suivante d'écrivains du 17ème et 18ème siècles : Charles Darwin, René Descartes, Thomas Hobbes, Mary Shelley et Mark Twain. Ainsi, 3 échantillons de 1000 caractères de textes de ces auteurs ont été examinés. La fréquence d'apparition de 16 lettres pour chacun de ces 15 échantillons est donnée dans un tableau de contingence.

Nous réaliserons l'AFC, puis nous recommencerons avec deux textes supplémentaires ou l'auteur n'est pas spécifier.

```
##
## Pearson's Chi-squared test
##
## data: ecrivain[1:15]
## X-squared = 533.46, df = 224, p-value < 2.2e-16</pre>
```

On commence par voir si il y a indépendance des données. On remarque que la pvaleur est proche de zéro, donc on rejette l'hypothèse d'indépendance. L'AFC est légitime.

Table 109: Tableau des valeurs propres

	eigenvalue	variance.percent	cumulative.variance.percent
Dim.1	0.018	36.037	36.037
Dim.2	0.010	18.967	55.004
Dim.3	0.008	14.996	70.000
Dim.4	0.005	10.603	80.603
Dim.5	0.004	7.072	87.675
Dim.6	0.002	4.173	91.848

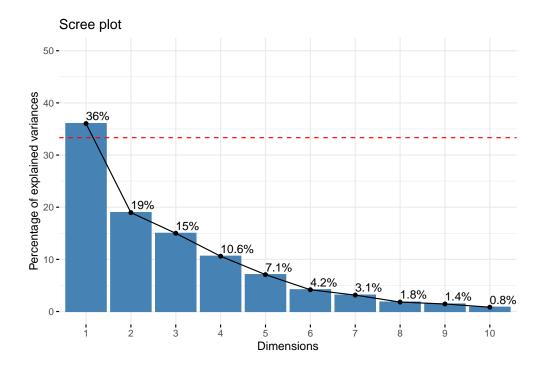


Figure 32: bitplot

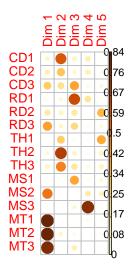
On commence par determiner le nombre d'axe. Avec le graphique et le tableau on remarque que les quatre premiers axes expliquent 80.6% de la variance totale. C'est un pourcentage acceptable. On conservera donc 4 axes dans notre analyse. Les résultats sont assez similaire quand on ajoute les individus supplémentaire, on conservera 4 axes égalements.

Table 110: Extrait des cos2 des auteurs

	Dim 1	Dim 2	Dim 3	Dim 4	Dim 5
CD1	0.092	0.593	0.101	0.138	0.008
CD2	0.127	0.310	0.078	0.127	0.033
CD3	0.279	0.211	0.396	0.040	0.053
RD1	0.028	0.058	0.631	0.192	0.000
RD2	0.164	0.104	0.173	0.002	0.344
RD3	0.404	0.086	0.239	0.029	0.043

Table 111: Extrait des cos2 des lettres

	Dim 1	Dim 2	Dim 3	Dim 4	Dim 5
В	0.028	0.269	0.618	0.023	0.021
\mathbf{C}	0.394	0.464	0.003	0.008	0.031
D	0.667	0.053	0.011	0.007	0.152
F	0.216	0.012	0.255	0.218	0.171
G	0.205	0.136	0.445	0.067	0.000
Η	0.000	0.453	0.115	0.229	0.100



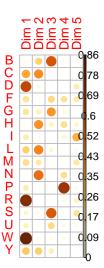


Figure 33: Visualisation des cos2 des auteurs et des lettres

On s'interesse maintenant à la qualité de représentation (cos2). On remarque avec le graphique et le tableau que les texte de Mark Twain on la meilleur représentations sur l'axe 1. Pour les lettres, ce sont le R et W qui sont bien représenté sur l'axe 1, on peut aussi voir les contributions sur les autres axes.

Table 112: Extrait des contributions des auteurs

	Dim 1	Dim 2	Dim 3	Dim 4	Dim 5
CD1	2.022	24.868	5.332	10.376	0.925
CD2	1.562	7.238	2.304	5.324	2.049
CD3	8.458	12.130	28.787	4.137	8.108
RD1	0.296	1.152	15.966	6.880	0.007
RD2	1.910	2.305	4.836	0.096	20.400
RD3	5.178	2.085	7.367	1.252	2.811

Table 113: Extrait des contributions des lettres

	Dim 1	Dim 2	Dim 3	Dim 4	Dim 5
В	0.706	12.760	37.104	1.995	2.666
\mathbf{C}	8.945	20.030	0.180	0.638	3.642
D	15.370	2.329	0.611	0.540	17.829
\mathbf{F}	3.414	0.363	9.698	11.716	13.842
G	2.636	3.317	13.708	2.925	0.026
Η	0.001	12.952	4.159	11.714	7.697

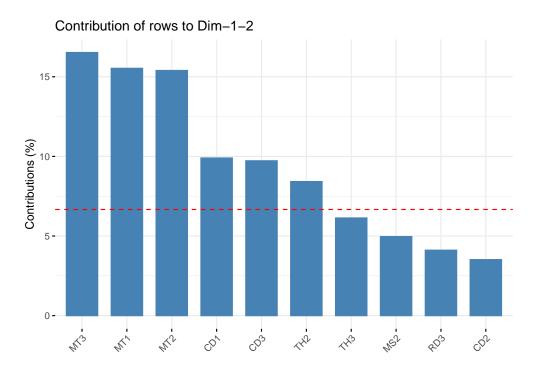


Figure 34: Visualisation des contributions des auteurs

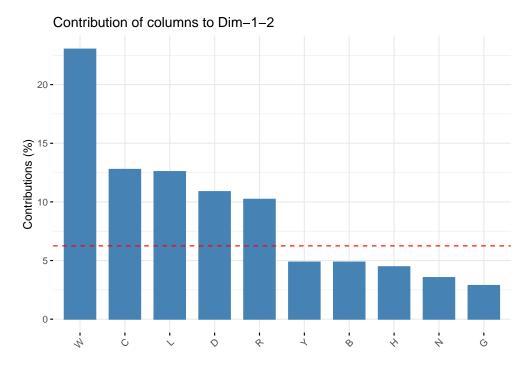


Figure 35: Visualisation des contributions des lettres

On regarde maintenant les contributions sur le premier plan, avec les graphiques et les tableaux ci-dessus. On voit que les auteurs qui contribuent le plus au premier plan sont Mark Twain et Charles Darwin. Pour les lettres on voit que ce sont les lettre W,C,L,D,R qui contribuent le plus au premier plan.

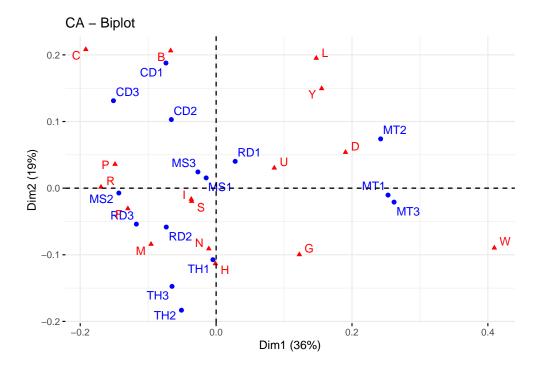


Figure 36: Bitplot

Quand on trace le bitplot, on remarque qu'il y a des groupes d'auteur qui se forme, associer à certaine lettres. Par exemple pour Charles Darwin, on voit que les lettres B et C sont celle ou il y a le plus de lien. Les auteurs René Descartes et Mary Shelley sont très lier, il semble avoir la meme utilisations de lettre. Mark Twain se distingue des autres, il est lié à la lettre D et aussi le plus proche du W. Pour finir Thomas Hobbes se distingue aussi mais de façon moins prononcé, il se confond presque avec René Descartes et Mary Shelley.

On réalise ensuite l'AFC avec les textes supplémentaire. On trouve des contributions et des qualité de représentation très similaires aux résultats précedents.

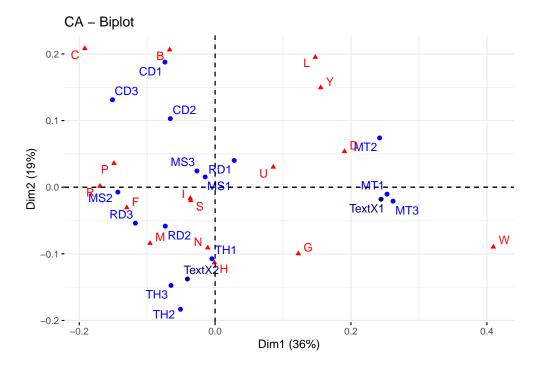
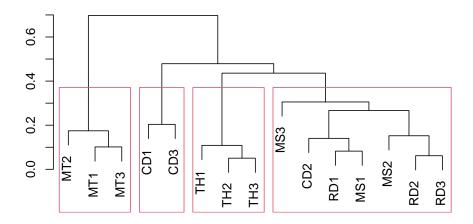


Figure 37: Bitplot avec les textes supplémentaire

On peut refaire un bitplot en incluant c'est deux textes. On voit que le texte un est fortement similaire à un texte de Mark Twain, alors que le texte 2 semble plus lié à un texte de Thomas Hobbes. Nous alons classifier nos texte pour voir si cela se confirme.

Dendrogramme pour classifier nos auteurs



hclust (*, "ward.D2")

Figure 38: Dendrogramme pour classifier nos auteur

Le dendrogramme suivant nous montre la partition en 4 classes que nous offre nos données. Cela nous permet de confirmer les conclusions que nous avons tiré avec les bitplots. On voit qu'une classe est conposé des textes de t Mark Twain avec le texte 1 qui doit aussi être un texte de cet auteur. La deuxième classe comprte les textes de Thomas Hobbes avec le textes 2 qui doit être issu de cet auteur. La troisième classes est composée de deux textes de Charles Darwin, notre classification n'as pas considèrer le troisième texte de Charles Darwin dans cet classe. En effet ce texte ce trouve dans la quatrième classe, avec les textes de Mary Shelley et René Descartes, qui comme nous l'avons dit ont tendance à utiliser les mêmes lettres.

Chapitre 5 : Analyse Factorielle des Correspondances Multiples (AFM)

Exercice 27

Nous traiterons des données fictives ou 27 races de chiens sont décrites avec 7 variables qualitatives.

Table 114: Extrait des données chiens

	taille	poids	velocite	intellig	affect	agress	fonction
beauceron	T++	P+	V++	I+	Af+	Ag+	Utilite
basset	T-	P-	V-	I-	Af-	Ag+	Chasse
ber_allem	T++	P+	V++	I++	Af+	Ag+	Utilite
boxer	T+	P+	V+	I+	Af+	Ag+	Compagnie
bull-dog	T-	P-	V-	I+	Af+	Ag-	Compagnie
bull-mass	T++	P++	V-	I++	Af-	Ag+	Utilite

Voici un extrait des données, nous avons 6 variables ordinales, la taille, le poids , la velocite, l'intelligence, l'affectation et l'agressivité, et une variable fonction qui determine l'utilité des chiens, qui peut être utilite, chasse ou compagnie. Pour notre analyse nous ne conserverons que les variables ordinales.

Nous allons réaliser un AFM, avec fonction comme variable supplémentaire.

Table 115: Valeurs propres

	eigenvalue	variance.percent	cumulative.variance.percent
Dim.1	0.482	28.896	28.896
Dim.2	0.385	23.084	51.981
Dim.3	0.211	12.657	64.638
Dim.4	0.158	9.453	74.091
Dim.5	0.150	9.008	83.099
Dim.6	0.123	7.398	90.497
Dim.7	0.081	4.888	95.385
Dim.8	0.046	2.740	98.125
Dim.9	0.024	1.413	99.537
Dim.10	0.008	0.463	100.000

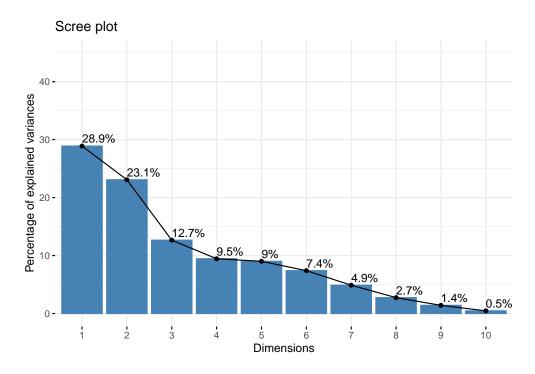


Figure 39: Visualisation des valeurs propres

On commence avec les valeurs propres, on voit avec le tableau qu'à partir de 4 dimensions, plus de 70% de l'inertie total, on conserve donc les 4 premiers axes. Avec le graphique ont voit que l'axe 1 explique 28.9%, l'axe 2~23.1%, l'axe 3~12.7% et l'axe 4~9.5%.

Table 116: Extrait des coordonnée des variables

	Dim 1	Dim 2	Dim 3	Dim 4	Dim 5
T-	1.185	0.924	-0.616	0.120	-0.020
T+	0.851	-1.232	1.016	0.342	-0.310
T++	-0.837	-0.021	-0.051	-0.170	0.113
P-	1.169	0.824	-0.359	0.165	-0.051
P+	-0.305	-0.819	-0.231	-0.118	-0.190
P++	-1.015	0.974	1.222	0.068	0.615

On se focalise d'abord sur les variables. On obtient dans le tableau ci-dessus les coordonnées afin de tracer le grapahique des variable.

Table 117: Extrait des Cos2 des variables

	Dim 1	Dim 2	Dim 3	Dim 4	Dim 5
T-	0.491	0.299	0.133	0.005	0.000
T+	0.165	0.345	0.235	0.027	0.022
T++	0.875	0.001	0.003	0.036	0.016
P-	0.575	0.286	0.054	0.011	0.001
P+	0.100	0.722	0.058	0.015	0.039
P++	0.234	0.216	0.339	0.001	0.086

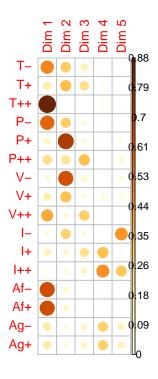


Figure 40: Visualisation des cos2 des variables

On se penche ensuite sur les qualités de représentations (cos2) des variables. On voit à l'aide du graphique et du tableau que une grande taille aura une bonne qualité de représentation sur l'axe 1.

Table 118: Extrait des contributions des variables

	Dim 1	Dim 2	Dim 3	Dim 4	Dim 5
T-	12.598	9.587	7.772	0.396	0.011
T+	4.642	12.171	15.104	2.297	1.976
T++	13.459	0.010	0.115	1.703	0.783
P-	14.010	8.722	3.013	0.852	0.086
P+	1.674	15.062	2.191	0.768	2.082
P++	6.604	7.609	21.833	0.090	7.763

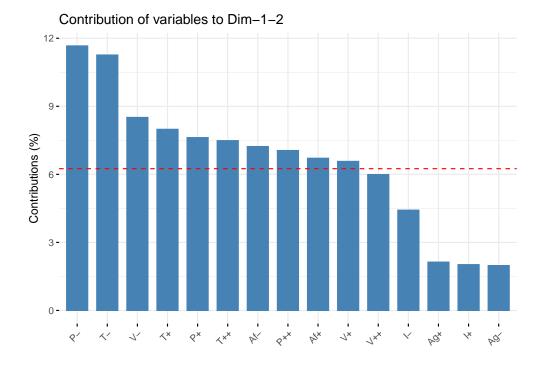


Figure 41: Visualisation des contributions pour les variables

Pour les contributions des variables sur le premier plan. On remarque avec le graphique et le tableau que un faible poids à la meilleur contribution au premier plan. Sur le graphique toutes les variables au dessus de la ligne pointillée rouge peuvent être considéré comme suffisament contribuant au premier plan.

On passe maintenant au individus.

Table 119: Extrait des coordonnées des individus

	Dim 1	Dim 2	Dim 3	Dim 4	Dim 5
beauceron	-0.317	-0.418	-0.101	-0.211	-0.119
basset	0.254	1.101	-0.191	0.293	-0.524
ber_allem	-0.486	-0.464	-0.498	0.577	0.276
boxer	0.447	-0.882	0.692	0.260	-0.456
bull-dog	1.013	0.550	-0.163	-0.350	0.331
bull-mass	-0.753	0.547	0.498	0.655	0.722

D'abord avec le tableau des coordonnées.

Table 120: Extrait des Cos2 des individus

	Dim 1	Dim 2	Dim 3	Dim 4	Dim 5
beauceron	0.089	0.154	0.009	0.039	0.012
basset	0.034	0.635	0.019	0.045	0.144
ber_allem	0.154	0.140	0.161	0.217	0.049
boxer	0.111	0.433	0.266	0.038	0.115
bull-dog	0.624	0.184	0.016	0.074	0.067
bull-mass	0.271	0.143	0.118	0.205	0.249

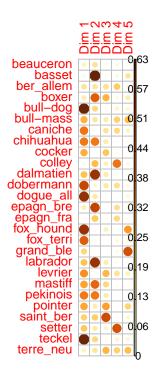


Figure 42: Visualisation des cos2 des individus

Ensuite avec les qualités de représentations des individus. On ne voit par exemple avec le graphique que les teckel et les bull-dog ont la meilleur qualité de représentation sur la dimension 1.

Table 121: Extrait des contributions des individus

	Dim 1	Dim 2	Dim 3	Dim 4	Dim 5
beauceron	0.774	1.680	0.181	1.051	0.346
basset	0.497	11.674	0.638	2.013	6.774
ber_allem	1.819	2.077	4.357	7.838	1.878
boxer	1.539	7.485	8.408	1.589	5.120
bull-dog	7.897	2.911	0.469	2.878	2.699
bull-mass	4.356	2.879	4.347	10.090	12.858

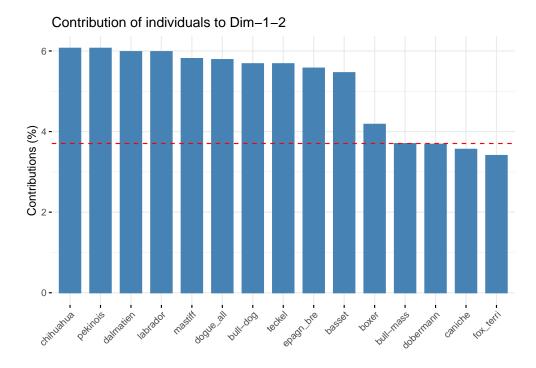


Figure 43: Visualisation des contributions des individus

Pour les contributions des individu sur le premier plan. On remarque avec le graphique les chihuahua ont la meilleur contribution au premier plan. Toutes les individus au dessus de la ligne pointillée rouge peuvent être considéré comme suffisament contribuant au premier plan.

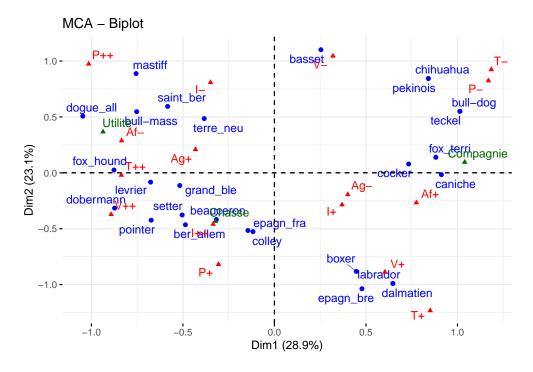


Figure 44: Bitplot

On peut enfin tracer le bitplot. Les individus sont en bleu, les variables sont en rouge et les variables supplémentaires sont en vert foncé.

On peut faire des liens entre les individus et les variables, tous les individus proche les un des autres peuvent être considéré comme des profils similaire. par exemple on voit que les boxers, les labradors, les dalmatiens et les espagn bre sont silimaires avec une grande taille et une vitesse élevé.

Quand on regarde les variables supplémentaires, on voit qu'elles sont éloigner les une des autres surtout pour les chiens de compagnie qu'on arrive bien à distinguer des deux autres.

On vas s'intéresser au rapports de corrélations entre les variables qualitatives et les deux premièrescomposantes principales

Table 122: Rapports de corrélations entre les variables qualitatives et les deux premières composantes principales

	Dim 1	Dim 2
taille	0.887	0.502
poids	0.644	0.725
velocite	0.411	0.684
intellig	0.127	0.280
affect	0.648	0.077
agress	0.173	0.041

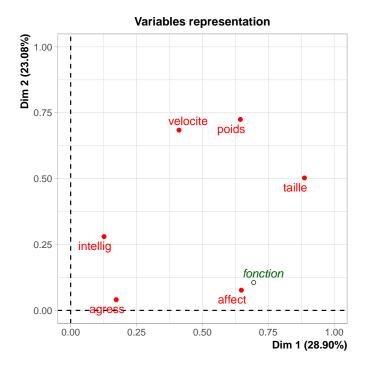


Figure 45: Visualisation des rapports de corrélation

On voit avec le tableau et le graphique que le poids est la variable la plus corrélée à l'axe 1 tandis que le poids et la plus corrélée à l'axe 2.

On décide ensuite de rajouter des données manquantes a nos données, et nous refaisons une AFM, pour voir si elles sont prises en compte.

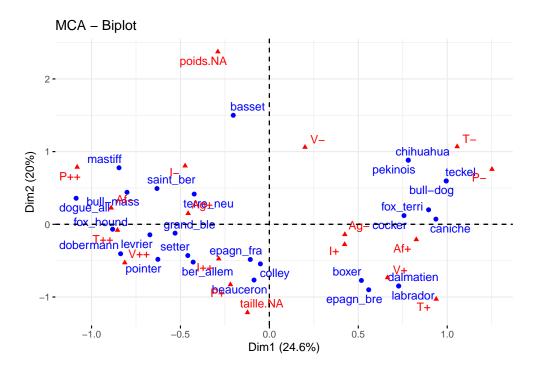


Figure 46: Bitplot avec les données manquantes

Quand on refait le bitplot on voit bien des points supplémentaire avec .NA en sufixe, donc les données manquantes sont prises en compte par la fonction MCA comme des individus classique, ce qui n'est pas correcte.

On veut maintenant comparer l'ACM et l'AFC dans le cas particulier de deux variables qualitative. Noius allons réaliser l'AFC du tableau de contingence croisant les variables taille et poids, et comparer les valeurs propres.

Table 123: Valeurs propre de l'AFC

	eigenvalue	variance.percent	cumulative.variance.percent
Dim.1	0.861	91.743	91.743
Dim.2	0.077	8.257	100.000

Table 124: Valeurs propre de l'AFM

	eigenvalue	variance.percent	cumulative.variance.percent
Dim.1	0.964	48.193	48.193
Dim.2	0.639	31.958	80.151
Dim.3	0.361	18.042	98.193
Dim.4	0.036	1.807	100.000

Table 125: Valeurs propres AFM avec l'AFC

	Valeurs propres
dim 1	0.964
$\dim 2$	0.639
$\dim 4$	0.036
$\dim 3$	0.361

On retrouve un lien entre les valeurs propres de l'AFC et l'ACM. Quand on joue avec la racine carrée des les valeurs propres de l'AFC, on arrive à retouvé les valeurs propres de l'ACM.

$$\begin{array}{l} \frac{1+\sqrt{vpDim1AFC}}{2} = vp \ dim1 \ ACM \\ \\ \frac{1+\sqrt{vpDim2AFC}}{2} = vp \ dim2 \ ACM \\ \\ \frac{1-\sqrt{vpDim1AFC}}{2} = vp \ dim3 \ ACM \\ \\ \frac{1-\sqrt{vpDim2AFC}}{2} = vp \ dim4 \ ACM \end{array}$$

Ou vp sont les valeurs propres selon la méthode et la dimension.

Exercice 28

Dans cette partie, nous allons présenter le package R missMDA. Il gére les données manquantes en ACP et en ACM, et de choisir le nombre de composantes par validation croisée. Nous décrirons les principales fonctionnalités de ce package, avec à chaque fois une explication de la méthode.

Overimpute : Évaluez l'ajustement de la distribution prédictive après avoir effectué une imputation multiple

estim_ncpPCA : Estime le nombre de dimensions pour l'Analyse en Composantes Principales par validation croisée

MIFAMD : effectue des imputations multiples pour des données mixtes (continues et catégorielles) en utilisant l'analyse factorielle de données mixtes.

estim_ncpMultilevel : Estimez le nombre de dimensions pour la composante principale multiniveau (ACP multiniveau, AMC multiniveau ou analyse factorielle multiniveau de données mixtes) par validation croisée.

estim_ncpMCA : Estimer le nombre de dimensions pour l'Analyse des Correspondances Multiples par validation croisée

MIPCA : Réalise une imputation multiple avec un modèle ACP. Peut être utilisé comme étape préliminaire pour effectuer une imputation multiple dans l'ACP.

MIMCA : Effectue des imputations multiples pour des données catégorielles en utilisant l'analyse des correspondances multiples.

estim_ncpFAMD : Estime le nombre de dimensions pour l'Analyse Factorielle de Données Mixtes par validation croisée

prelim : Cette fonction effectue des opérations de regroupement et de tri sur un ensemble de données imputées à plusieurs reprises. Elle crée un objet mids qui est nécessaire à l'entrée de with.mids, qui permet d'analyser l'ensemble de données imputées à plusieurs reprises. L'ensemble de données incomplètes d'origine doit être disponible pour que nous sachions où se trouvent les données manquantes.

imputeFAMD : Imputez les valeurs manquantes d'un ensemble de données mixtes (avec des variables continues et catégorielles) en utilisant la méthode des composantes principales "analyse factorielle pour données mixtes" (FAMD). Peut être utilisé comme une étape préliminaire avant d'exécuter FAMD sur un ensemble de données incomplet.

imputeMFA : Impute un jeu de données avec des variables structurées en groupes de variables (groupes de variables continues ou catégorielles).

imputeMCA : Imputez les valeurs manquantes d'un ensemble de données catégoriques en utilisant l'analyse des correspondances multiples (ACM). Peut être utilisé comme une étape préliminaire avant d'effectuer l'ACM sur un ensemble de données incomplet.

imputeCA : Imputez les entrées manquantes d'un tableau de contingence en utilisant l'analyse des correspondances (AC). Peut être utilisé comme une étape préliminaire avant d'effectuer l'AC sur un ensemble de données incomplet.

imputePCA : Impute les valeurs manquantes d'un jeu de données avec le modèle d'analyse en composantes principales. Peut être utilisé comme une étape préliminaire avant d'effectuer une ACP sur un jeu de données complet.

imputeMultilevel: Imputez les valeurs manquantes d'un ensemble de données mixtes multi-niveaux (avec une variable qui regroupe les individus, et avec des variables continues et catégorielles) en utilisant la méthode des composantes principales "analyse factorielle multi-niveaux pour données mixtes".

plot.MIMCA: À partir des ensembles de données imputées multiples, la fonction trace des graphiques pour les individus, les catégories et les dimensions pour l'analyse des correspondances multiples (ACM).

plot.MIPCA : À partir des ensembles de données imputées multiples, la fonction trace des graphiques pour les individus, les variables et les dimensions pour l'analyse en composantes principales (ACP).