Занятие 2 (Лабораторная работа №1)

Решение систем линейных уравнений методом Жордана-Гаусса

Написать программу, находящую решение системы линейных уравнений методом Жордана-Гаусса.

Программа должна выводить промежуточные матрицы после каждого шага исключений и решение системы. Программа должна работать для различных тестов: система имеет единственное решение, система имеет бесконечно много решений, система не имеет решения.

Должна иметься возможность быстро ввести входные данные для различного количества переменных и уравнений. Начальную работу программу необходимо продемонстрировать на предложенной ниже системе (система выбирается по номеру бригады).

Для получения максимальной оценки необходимо, чтобы все вычисления выполнялись в простых дробях. Для этого реализовать класс простых дробей. Реализованный класс можно будет использовать в лабораторной №2 и курсовой работе.

1.
$$\begin{cases} 3x_1 + x_2 + 5x_3 - 2x_4 + 3x_5 = 35 \\ 4x_1 + 3x_2 - 7x_3 + 5x_4 + 6x_5 = 54 \\ -7x_1 + 5x_2 + 4x_3 + x_4 - x_5 = -96 \\ x_1 + 4x_2 + x_3 - 3x_4 - 10x_5 = -71 \\ 6x_1 - 9x_2 - 8x_3 - 8x_4 - 2x_5 = 59 \end{cases}$$

2.
$$\begin{cases} 15x_1 - 5x_2 + 8x_3 + 11x_4 - 6x_5 = -76 \\ 15x_1 + x_2 + 7x_3 + x_4 + 11x_5 = -79 \\ -5x_1 + 11x_2 + 5x_3 - 9x_4 + 10x_5 = -6 \\ 13x_1 - 5x_2 - x_3 + 11x_4 + 3x_5 = -27 \\ 15x_1 + 4x_2 - 3x_3 - x_4 + 3x_5 = -4 \end{cases}$$

3.
$$\begin{cases} -2x_1 - 5x_2 - x_3 + 9x_4 + 3x_5 = -66 \\ x_1 - 5x_2 - 6x_3 + 10x_4 - x_5 = -98 \\ -2x_1 + 2x_2 - 2x_3 + 9x_4 + x_5 = -103 \\ 6x_1 - 1x_2 + 3x_3 + 10x_4 + 7x_5 = -18 \\ -4x_1 + 4x_2 + 5x_3 - 3x_4 + x_5 = 24 \end{cases}$$

4.
$$\begin{cases} -8x_1 + 10x_2 + 6x_3 + 2x_4 + 3x_5 = 119 \\ 6x_1 - 4x_2 - 3x_3 - 10x_4 - 9x_5 = -58 \\ -x_1 + 6x_2 + 6x_3 + 8x_4 - 2x_5 = 98 \\ -5x_1 + 9x_2 + 7x_3 - 9x_4 + 7x_5 = 75 \\ -9x_1 + 7x_2 + 6x_3 - 2x_4 - 2x_5 = 115 \end{cases}$$

5.
$$\begin{cases} -6x_1 - 5x_2 - x_3 + 9x_4 - 10x_5 = 28\\ -11x_1 + x_2 + 4x_3 + 6x_4 - 11x_5 = 24\\ -7x_1 + 7x_2 + 9x_3 + 9x_4 + 4x_5 = 52\\ -6x_1 - x_2 - 10x_3 + 14x_4 + -6x_5 = 161\\ -2x_1 - 15x_2 + 6x_3 + 4x_4 + 5x_5 = -42 \end{cases}$$

6.
$$\begin{cases} 6x_1 + 9x_2 - 2x_3 - 8x_4 - 8x_5 = -144 \\ 14x_1 + 11x_2 + 4x_3 + 7x_4 + 3x_5 = -32 \\ 8x_1 + 10x_2 + 2x_3 + 4x_4 - x_5 = -59 \\ 8x_1 - 4x_2 + 6x_3 - 5x_4 - 3x_5 = -10 \\ -x_1 + 6x_2 - 7x_3 + 7x_4 + 7x_5 = 14 \end{cases}$$

7.
$$\begin{cases}
5x_1 - 13x_2 + 13x_3 - 5x_4 - 10x_5 = -14 \\
5x_1 - 7x_2 + 12x_3 + 6x_4 + 6x_5 = 57 \\
-8x_1 + 11x_2 + x_3 - 8x_4 - x_5 = 101 \\
-x_1 + 5x_2 - 9x_3 - 7x_4 + 13x_5 = -43 \\
8x_1 - x_2 - 2x_3 - 10x_4 - 5x_5 = -82
\end{cases}$$

8.
$$\begin{cases} 5x_1 + 16x_2 + 12x_3 + 11x_4 - 7x_5 = 62\\ 17x_1 + 12x_2 + x_3 + 18x_4 + 9x_5 = 298\\ 15x_1 - 15x_2 + 3x_3 + x_4 - 7x_5 = -127\\ -14x_1 - 13x_2 - 7x_3 - 5x_4 - 11x_5 = -190\\ -x_1 + 13x_2 - 16x_3 - 6x_4 + 8x_5 = 152 \end{cases}$$

$$8x_1 + 2x_2 - 8x_3 - 10x_4 - 3x_5 = 142$$

$$6x_1 - x_2 + 11x_3 + 4x_4 + 11x_5 = -55$$

$$13x_1 - 9x_2 - 4x_3 + 3x_4 + 10x_5 = -49$$

$$-9x_1 + 4x_2 + 14x_3 + 15x_4 + 13x_5 = -213$$

$$9x_1 + 6x_2 + 8x_3 + 4x_4 - 7x_5 = 152$$

10.
$$\begin{cases} 2x_1 - 2x_2 - 4x_3 - 2x_4 + 3x_5 = -22\\ 8x_1 + 8x_2 - 6x_3 - 7x_4 - 4x_5 = -72\\ 4x_1 - 3x_2 - x_3 - 8x_4 + 2x_5 = -15\\ 10x_1 - 5x_2 + 4x_3 + x_4 + 7x_5 = 69\\ -7x_1 - 5x_2 + 7x_3 + 3x_4 - 6x_5 = 70 \end{cases}$$