

# Fakultät für Mathematik Institut für Algebra und Geometrie

Wintersemester 2022/23 Prof. Dr. Alexander Lytchak

# Lineare Algebra 1

Übungsblatt 1



Die Abgabe ist bis zum 07.11.2022 um 12 Uhr möglich.

Bitte beachten Sie die Vorgaben zur Abgabe auf **Merkblatt 1** im Ilias.

## Aufgabe 1 (4+2 Punkte)

a) Bestimmen Sie die Lösungsmenge des folgenden LGS in Matrixdarstellung mithilfe des Gaußschen Algorithmus:

$$\begin{pmatrix}
1 & -1 & 2 & -3 & 7 \\
4 & 0 & 3 & 1 & 9 \\
2 & -5 & 1 & 0 & -2 \\
3 & -1 & -1 & 2 & -2
\end{pmatrix}.$$

b) Bestimmen Sie die Lösungsmenge des korrespondierenden homogenen LGS.

#### Aufgabe 2 (4+2 Punkte)

a) Bestimmen Sie die Parameter  $a, b, c \in \mathbb{R}$ , sodass die Gleichung

$$E_1: ax + by + cz = 4$$

eine Ebene beschreibt, welche die folgenden Punkte enthält:

$$\left(\begin{array}{c} -1\\1\\1\end{array}\right), \left(\begin{array}{c} 1\\0\\1\end{array}\right), \left(\begin{array}{c} 2\\1\\0\end{array}\right).$$

b) Bestimmen Sie die Schnittgerade von  $E_1$  mit der Ebene  $E_2$  beschrieben durch die Gleichung:

$$E_2$$
:  $5x + 6y + 7z = 8$ .

### Aufgabe 3 (4+4 Punkte)

a) Bestimmen Sie alle  $s, t \in \mathbb{R}$ , sodass das folgende LGS in Matrixdarstellung lösbar ist:

$$\begin{pmatrix} 2 & 4 & 2 & 12s \\ 2 & 12 & 7 & 12s+7 \\ 1 & 10 & 6+2t & 7s+8 \end{pmatrix}.$$

b) Bestimmen Sie für alle in a) bestimmten Parameter die Lösungsmenge des LGS.

Es folgt eine Ankündigung der Fachschaft Mathematik/Informatik:



# Semesterauftakttreffen

Du interessierst dich für die Arbeit der Fachschaft und möchtest dich vielleicht gerne selbst engagieren? Schau einfach vorbei am 3. November um 19:00 Uhr beim Semesterauftakttreffen. Hier zeigen wir dir, wie die Fachschaft organisiert ist, was ihre Aufgaben sind und wie du dich bei uns einbringen kannst.

(Es folgt Werbung, über deren Inhalt wir nichts wissen.)

Die Hochschulgruppe des KIT **Sprungbrett Bildung e.V.** möchte sich mit dem folgenden Imagevideo bei Ihnen vorstellen:

https://www.youtube.com/channel/UCl-ID8bgjAFglCjF1Dv6hng.