TD1: Algorithmique des tableaux

Compétences

- Itérer dans un tableau avec les structures de contrôle for/while
- Lire un programme et prévoir le résultat à l'aide d'un raisonnement structuré
- Modifier les données d'un tableau
- Être capable de compter les affectations ou les comparaisons d'un programme.

Introduction

Pour tous les exercices manipulant des tableaux, on distinguera la taille nMax d'un tableau et le nombre d'éléments n qu'il contient. On entend par taille d'un tableau le nombre de cases de mémoire qui le composent. Un tableau ne peut pas contenir plus d'élements que sa taille. Un tableau pourra par exemple être de taille 10 (c'est à dire qu'il dispose de 10 cases) et contenir moins de 10 éléments. Les éléments seront systématiquement rangés dans les cases d'indices les plus petits possibles, soit de 0 à n-1. Par exemple, si un tableau a une taille égale à 10 et contient seulement 4 éléments, ils seront rangés dans les cases d'indice 0 à 3.

Pour connaître la taille nMax d'un tableau on fera appel en Python à la fonction len qui prend en paramètre un objet itérable (un tableau est un objet itérable) et renvoie sa taille. Puisque le nombre d'éléments n contenus dans un tableau t est inférieur ou égal à sa taille len(t), il sera nécessaire, chaque fois que l'on passe un tableau en paramètre à une fonction, de passer aussi en paramètre le nombre n de ses éléments.

Exercices

** Ex. 1 — Soit la fonction startWithArray suivante:

```
def startWithArray (t, n):
    m = t[3]
    for i in range(n-1, 0, -1):
        if t[i] < m:
            m = t[i]
    return m</pre>
```

1.En utilisant t = 3 5 7 1 10 2 7 -3 comme tableau de valeurs, simulez l'exécution de la fonction startWithArray en complétant le tableau ci-dessous qui permet de suivre l'évolution des variables : m, n, i et t[i].

	m	n	i	t[i]
Avant la boucle				
Dans la boucle				

- 2.Quel sera en général le résultat de l'exécution de la fonction startWithArray pour n>1?
- 3. Corriger la fonction startWithArray pour obtenir le résultat attendu.
- ** Ex. 2 Écrire une fonction insert(t, n, elt, k) qui, étant donné un tableau t contenant n éléments (avec n < len(t)) insère un élément elt à la position k avec $k \ge 0$. Si $k \ge n$, l'élément sera ajouté à l'indice n. L'ordre initial des éléments du tableau sera conservé. La fonction doit renvoyer le nouveau nombre d'éléments du tableau.
- ** Ex. 3 Écrire une fonction delete(t, n, k) qui supprime l'élément situé à la position k du tableau t contenant n éléments en supposant $0 \le k < n$. L'ordre initial des éléments du tableau sera conservé. La fonction doit renvoyer le nouveau nombre d'éléments dans le tableau.
- * Ex. 4 Écrire une fonction amplitude(t,n) qui, en parcourant une seule fois le tableau t, calcule et renvoie la différence entre le plus grand et le plus petit élément parmi les n premiers éléments du tableau t.

```
Exemple: Soit t = [2, 8, 11, 5, 9, 3, 1] alors amplitude(t, 7) renvoie 10 et amplitude(t, 4) renvoie 9.
```

** Ex. 5 — On souhaite écrire une fonction max2(t, n) qui calcule et renvoie la deuxième plus grande valeur parmi les n premiers éléments d'un tableau t..

Exemple: Soit t = [5, 3, 4, 6, 1, 10, 2, 10, 4], max2(t, 5) doit renvoyer 5, mais max2(t, 9) doit renvoyer 10.

- 1. Proposer un algorithme
- 2.Implémenter une fonction max2(t, n)
- ** Ex. 6 Écrire une fonction deleteFirstInstance(t, n, elt) permettant d'enlever du tableau t de taille n la première occurrence d'un élément elt passé en paramètre (le tableau t ne sera pas modifié si elt n'appartient pas à t). L'ordre initial des éléments du tableau sera conservé. La fonction doit renvoyer le nouveau nombre d'éléments dans le tableau.
- *** Ex. 7 Écrire une fonction deleteInstances(t, n, elt) permettant d'enlever du tableau tànéléments toutes les occurrences de l'élément elt. La fonction devra renvoyer le nombre d'éléments du tableau à la fin du traitement et ne devra effectuer qu'un seul parcours du tableau.

Quel est le nombre de décalages d'éléments du tableau nécessaires dans le meilleur et dans le pire des cas?

* Ex. 8 — Écrire une fonction unduplicated(t, n) qui retourne True si un tableau d'entiers t contenant n éléments est sans doublon (c'est à dire sans apparition multiple d'un élément), False sinon.

Exemples:

```
unduplicated([1, 3, 3, 5, 0], 5) renvoie False unduplicated([1, 3, 8, 5, 0], 5) renvoie True
```

** Ex. 9 — Soit la fonction Python suivante :

```
def myFunction(t, n, x):
2
       stop = False
       while n > 0 and not stop :
3
4
           numberOfElement = deleteFirstInstance(t, n, x)
           if numberOfElement == n :
5
                stop = True
6
7
           else :
8
               n = numberOfElement
       return n
```

Soit t = [2, -7, 4, 5, 12, 10, 4, 2, 4, -18] un tableau contenant 10 éléments. Simulez l'exécution de myFunction(t, 10, 4) en complétant le tableau suivant pour montrer l'évolution des variables n, stop, et numberElement. Précisez également le contenu de t à chaque étape.

n	
stop	
numberElement	

*** Ex. 10 — Écrire une fonction isSection(t, nt, s, ns) qui prend en paramètre deux tableaux d'entiers t et s contenant respectivement nt et ns éléments et qui renvoie True si s correspond à une section du tableau t et False sinon. Une section est une suite éventuellement vide d'éléments contigus dans un tableau.

Exemple: Soient t = [5, 1, 2, 3, 1, 2, 1] et s = [1, 2] dans ce cas la fonction renvoie True. Elle renvoie False pour t = [1, 2, 3, 4, 1] et s = [1, 3].

Pour s'entraîner sur quelques fondamentaux

** Ex. 11 — Soit t un tableau d'entiers. On appelle monotonie de t, une partie de t triée dans l'ordre croissant. Si t est trié dans l'ordre croissant, sa plus longue monotonie est lui-même. Si T est trié dans l'ordre décroissant, sa plus longue monotonie ne contient qu'un élément.

Écrire une fonction monotonicity(t, n) qui renvoie la longueur de la plus longue monotonie d'un tableau d'entiers t de n éléments ainsi que l'indice auquel commence cette monotonie.

- * Ex. 12 Écrire une fonction search, prenant en paramètre un tableau non vide tab d'entiers, un entier n correspondant au nombre d'éléments dans le tableau, un entier p et qui renvoie l'indice de la dernière occurrence de p. Si l'entier p n'est pas présent, la fonction renvoie : -1
- * Ex. 13 Écrire une fonction swap(tab, i, j) qui permute deux éléments d'un tableau non vide tab, dont les positions sont i et j.
- ** Ex. 14 Soit t un tableau contenant n nombres rangés dans l'ordre croissant, avec n < len(t). Écrire une fonction insert_order(t, n, elt) qui insère un nouvel élément elt dans t en respectant l'ordre croissant et qui renvoie le nouveau nombre d'éléments dans le tableau.

Exemple: Soit t = [2, 4, 7, 10, 15, 20, 25, None, None, None], l'appel insert_order(t, 7, 5) va renvoyer 8 (nombre d'éléments dans t après l'insertion) et va aussi modifier le contenu de t en [2, 4, 5, 7, 10, 15, 20, 25, None, None].

- ** Ex. 15 Écrire une fonction separate qui prend en argument un tableau t dont les éléments sont des 0 et des 1 et qui sépare les 0 des 1 en plaçant les 0 au début de tableau et les 1 à la suite.
- ** Ex. 16 Soient les variables student et score qui référencent deux tableaux de même longueur. Ces tableaux contiennent respectivement le nom des élèves de la promo et les notes obtenues au dernier devoir d'informatique. Écrire une fonction highestScore qui renvoie les noms des élèves ayant obtenus la note maximale.