



Attention is all you need

September 24, 2024



为什么选择这篇文献？

图 1: README.html - 2024-07-10 复现 Transformer 模型所需要的依赖环境 - <https://orzzz.net>



目录

研究背景

模型架构

注意力

掩码

位置编码

研究结论



研究背景

以往的 seq2seq 序列转化

- 基于 Encoder-Decoder 的 RNN 和 CNN 网络
- 时间 $t + 1$ 的计算依赖于 t 时刻的结果 \Rightarrow 限制并行计算能力
- LSTM 算法的局限性 \Rightarrow 时序过早的信息容易被遗弃
- 整套 RNN 和 CNN 网络时空复杂度高，计算和内存开销大

现在的 Transformer 模型

- 通过 Attention 机制连接 Encoder 和 Decoder，摒弃 RNN 和 CNN 架构



模型架构

Embedding

one-hot vector \xrightarrow{E} meaningful vector

Positional Encoding

trigonometric function

Encoder-Decoder $\times 6$

(Masked) Multi-Head Attention +
Norm + FFN

Generator

Linear + log_softmax

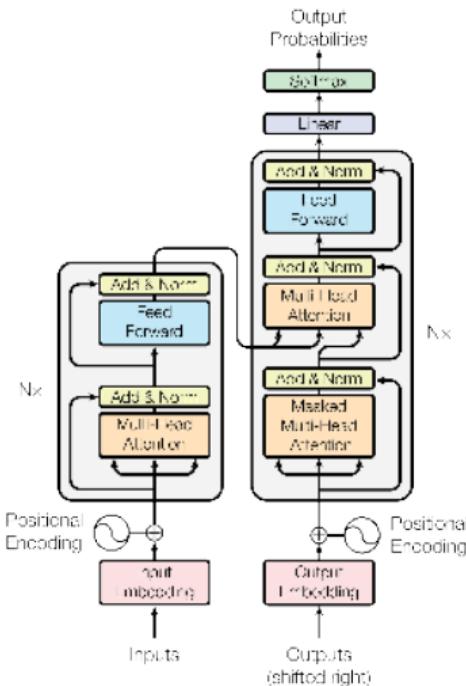


图 2: Transformer 网络



注意力

公式

$$\text{Attention}(Q, K, V) = \text{softmax}\left(\frac{QK^\top}{\sqrt{d_k}}\right)V$$

全局信息查询

数据库：键值对字典 $\{“Bob” : 18, “Cesus” : 22, “Bob” : 20, “Bylan” : 19\}$

Q(query): 查询所有“Bob”的平均年龄 $\Rightarrow (18 + 20) \div 2 = 19$

Q(query): 查询首字母为“B”的平均年龄 $\Rightarrow (18 + 20 + 19) \div 3 = 19$

Q(query): 查询“%#@”的平均年龄



注意力

向量相似度化

数据库字典: $\{k_1 : 18, k_2 : 22, k_3 : 20, k_4 : 19\}$

$$\begin{cases} k_1 = [1, 2, 0] \quad \#Bob \\ k_2 = [0, 0, 2] \quad \#Cesus \\ k_3 = [1, 2, 0] \quad \#Bob \\ k_4 = [1, 4, 0] \quad \#Bylan \end{cases}$$

注意力查询

约定: $[1, 0, 0]$ 代表首字母为“B”, Q(uery): 查询首字母为“B”的平均年龄

$$\text{softmax} \left\{ [1, 0, 0] \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 2 & 0 & 2 & 4 \\ 0 & 2 & 0 & 0 \end{bmatrix} \right\} [18, 22, 20, 19]^T = \left[\frac{1}{3}, 0, \frac{1}{3}, \frac{1}{3} \right] [18, 22, 20, 19]^T = 19$$



注意力

多头注意力

卷积层 \Rightarrow 多个卷积核 \Rightarrow 多个通道特征

自注意力层 \Rightarrow 多个注意力 \Rightarrow 多头自注意力

$$\text{head}_i(E) = \text{Attention}(EQ_{W_i}, EK_{W_i}, EV_{W_i})$$

$$\text{MultiHeadSelfAttention}(E) = \text{Contact}(\text{head}_1, \text{head}_2, \dots, \text{head}_h) \odot_W$$

$$\text{MultiHeadSelfAttention}(Q, K, V) = \text{Contact}($$

$$\text{Attention}(QQ_{W_1}, KK_{W_1}, VV_{W_1}),$$

$$\text{Attention}(QQ_{W_2}, KK_{W_2}, VV_{W_2}),$$

$\dots,$

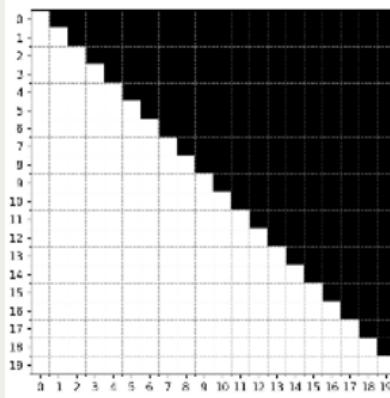
$$\text{Attention}(QQ_{W_h}, KK_{W_h}, VV_{W_h}),$$

$$) \odot_W$$



掩码

掩码矩阵



$$QK^T \begin{pmatrix} q_1 \cdot k_1 & q_1 \cdot k_2 & q_1 \cdot k_3 & q_1 \cdot k_4 \\ q_2 \cdot k_1 & q_2 \cdot k_2 & q_2 \cdot k_3 & q_2 \cdot k_4 \\ q_3 \cdot k_1 & q_3 \cdot k_2 & q_3 \cdot k_3 & q_3 \cdot k_4 \\ q_4 \cdot k_1 & q_4 \cdot k_2 & q_4 \cdot k_3 & q_4 \cdot k_4 \end{pmatrix}$$

$$QK^T \textcolor{teal}{\downarrow} M \begin{pmatrix} q_1 \cdot k_1 & \infty & \infty & \infty \\ q_2 \cdot k_1 & q_2 \cdot k_2 & \infty & \infty \\ q_3 \cdot k_1 & q_3 \cdot k_2 & q_3 \cdot k_3 & \infty \\ q_4 \cdot k_1 & q_4 \cdot k_2 & q_4 \cdot k_3 & q_4 \cdot k_4 \end{pmatrix}$$

图 3: 黑色部分以 $-\infty$ 代替, softmax 之后注意力权重为 0



掩码

掩码矩阵代码

```
def subsequentMask(size: int) -> torch.Tensor:  
    """  
    掩码矩阵图示见 https://s21.ax1x.com/2024/07/10/pkf52UH.png  
  
    创建掩码矩阵，屏蔽后续位置，防止解码器计算自注意力“看到”未来的词，保持序列生成的因果关系，自注意力是并行计算  
    >>> subsequentMask(4)  
    >>> tensor(  
    [ [  
        [  
            [ True, False, False, False],  
            [ True, True, False, False],  
            [ True, True, True, False],  
            [ True, True, True, True]  
        ]  
    ]  
)  
    """  
  
    attention_shape = (1, size, size)  
    # torch.triu 把一个矩阵强制转化成上三角矩阵，从索引为 1 的对角线处处理。  
    subsequent_mask = torch.triu(torch.ones(attention_shape), diagonal=1).type(torch.uint8)  
    return subsequent_mask == 0
```

图 4: 输出 $t + 1$ 个单词，阻止模型知道 $t + 1$ 之后的信息，只保留 t 之前的信息



掩码

推理过程

decoder input: <SOS> decoder output: y_1

decoder input: <SOS> y_1 decoder output: y_2

decoder input: <SOS> y_1 y_2 decoder output: y_3

decoder input: <SOS> y_1 y_2 y_3 decoder output: y_4

掩码过程

<SOS> $y_1 \text{---} y_2 \text{---} y_3 \text{---} y_4 \implies y_1$

<SOS> $y_1 \text{---} y_2 \text{---} y_3 \text{---} y_4 \implies y_2$

<SOS> $y_1 \text{---} y_2 \text{---} y_3 \text{---} y_4 \implies y_3$

<SOS> $y_1 \text{---} y_2 \text{---} y_3 \text{---} y_4 \implies y_4$



位置编码

绝对编码

把一个语句中所有单词放到一个集合里，然后从集合的第一个元素直到最后一个元素，标记为 $1, 2, \dots, n$ ，但极差会相当大，且无泛化能力

相对编码

在区间 $[0, 1]$ 中，给每个单词分配一个浮点数，但不同长度语句中单词差异不一致

理想编码

- 在长度不同的语句中，任意两个单词之间的距离应保持一致

$$f(pos + 1) - f(pos) = f(pos) - f(pos - 1)$$

- 模型能泛化到更长的句子上，且数值要有限制
- 位置编码必须是确定性的，相同的单词，产生相同的编码



位置编码

二进制编码

从 0 到 15 共 4 列，每列以不同的周期依次出现 0-1

0:	0 0 0 0	8:	1 0 0 0
1:	0 0 0 1	9:	1 0 0 1
2:	0 0 1 0	10:	1 0 1 0
3:	0 0 1 1	11:	1 0 1 1
4:	0 1 0 0	12:	1 1 0 0
5:	0 1 0 1	13:	1 1 0 1
6:	0 1 1 0	14:	1 1 1 0
7:	0 1 1 1	15:	1 1 1 1

图 5: $T_{c1} = 8$, $T_{c2} = 4$, $T_{c3} = 2$, $T_{c4} = 1$



位置编码

三角编码公式

$$PE(pos, 2i) = \sin(pos \div 10000^{2i \div d_{model}})$$

$$PE(pos, 2i + 1) = \cos(pos \div 10000^{2i \div d_{model}})$$

Positional Encoding
Matrix with $d=4, n=100$

Sequence	Index of token, k	Positional Encoding			
		$i=0$	$i=0$	$i=1$	$i=1$
I	0	$P_{00}=\sin(0) = 0$	$P_{01}=\cos(0) = 1$	$P_{02}=\sin(0) = 0$	$P_{03}=\cos(0) = 1$
am	1	$P_{10}=\sin(1/1) = 0.84$	$P_{11}=\cos(1/1) = 0.54$	$P_{12}=\sin(1/10) = 0.10$	$P_{13}=\cos(1/10) = 1.0$
a	2	$P_{20}=\sin(2/1) = 0.91$	$P_{21}=\cos(2/1) = -0.42$	$P_{22}=\sin(2/10) = 0.20$	$P_{23}=\cos(2/10) = 0.98$
Robot	3	$P_{30}=\sin(3/1) = 0.14$	$P_{31}=\cos(3/1) = -0.99$	$P_{32}=\sin(3/10) = 0.30$	$P_{33}=\cos(3/10) = 0.96$

Positional Encoding Matrix for the sequence 'I am a robot'

图 6: Positional Encoding



研究结论

Transformer 优点

- 摒弃 RNN 和 CNN 网络，新的架构设计巧妙
- 引用 Attention 运算
- 引入单词位置运算，任意两个单词距离始终是一个单位
- Transformer 模型可并行计算
- 新架构具有启示意义：编码器的 BERT，解码器的 GPT，视觉图像处理的 ViT

Transformer 缺点

- 沿袭传统学习的套路，全连接层 + 注意力层
- 完全摒弃 RNN 和 CNN 后，缺乏捕捉局部特征的能力
- 勉强以 Positional Encoding 弥补词向量位置信息的缺失



Thanks for Listening. 😊✓