Министерство образования и науки РФ Федеральное государственное автономное образовательное учреждения высшего образования «Национальный исследовательский технологический университет «МИСиС» Кафедра инженерной кибернетики

Лабораторная работа №1 Моделирование линейных динамических систем

по дисциплине «Математическое моделирование»

Направление подготовки:

01.03.04 Прикладная математика

Выполнил:

Студент группы БПМ-19-2

Антонов Илья Андреевич

Проверил:

Доцент кафедры ИК

Добриборщ Дмитрий Эдуардович

Задача 1. Исследование модели вход-выход.

Исходное уравнение:

$$\ddot{y} + 3\ddot{y} + 4\dot{y} + 5y = 3\ddot{u} + 2\dot{u} + 2.5u.$$

Обозначим $s = \frac{d}{dt}$. Уравнение приобретает вид

$$s^3y + 3s^2y + 4sy + 5y = 3s^2u + 2su + 2.5u$$
.

Будем выражать у:

$$s^3y = -3s^2y - 4sy - 5y + 3s^2u + 2su + 2.5u$$

Разделив левую и правую части на s^3 , получим

$$y = \frac{1}{s}(3u - 3y) + \frac{1}{s^2}(2u - 4y) + \frac{1}{s^3}(2,5u - 5y).$$

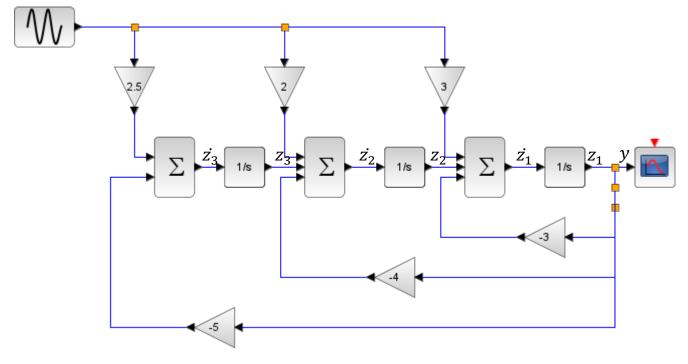
Обозначим

$$\dot{z_1} = 3u - 3y,$$

$$\dot{z_2} = 2u - 4y,$$

$$\dot{z_3}=2.5u-5y.$$

Построим схему моделирования системы:



Задание 1.1 выполнено, приступим к выполнению задания 1.2.

По заданию 1.2 зададим нулевые начальные условия:

$$y(0)=0,$$

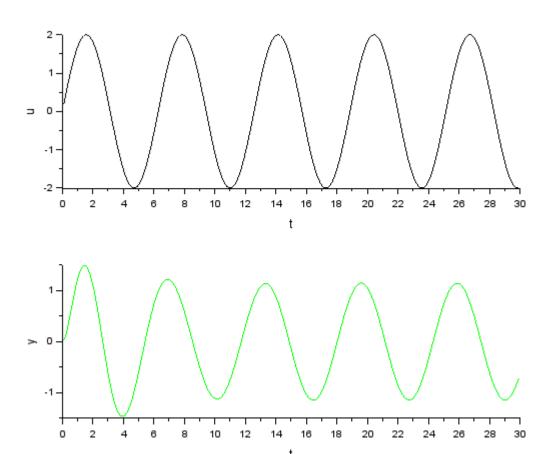
$$\dot{y}(0)=0,$$

$$\ddot{y}(0)=0.$$

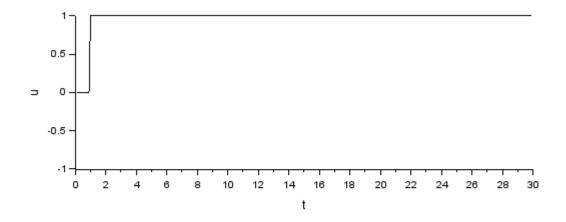
В таком случае

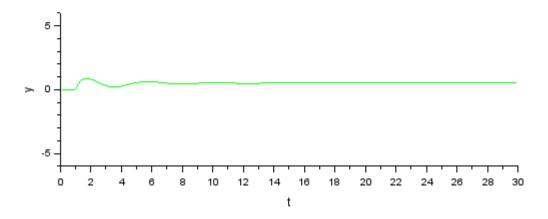
$$z_1(0) = z_2(0) = z_3(0) = 0.$$

Будем подставлять эти значения в поля "Initial state" интегрирующих звеньев. Для входного воздействия $u=2\sin t$ и параметров временного блока «Период» 0,1 и «Время инициализации» 0,1 имеем график:



Для входного воздействия u=1(t) график будет выглядеть следующим образом:





Задание 1.2 выполнено. Перейдем к заданию 1.3.

Будем моделировать систему с нулевым входным воздействием u=0 и начальными условиями:

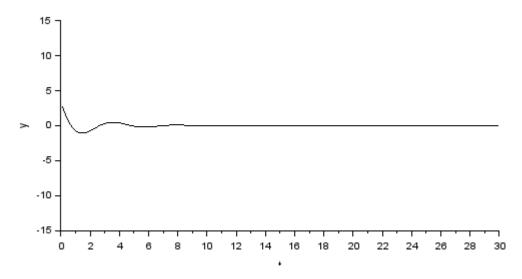
$$y(0) = 1,$$

 $\dot{y}(0) = -0.2,$
 $\ddot{y}(0) = 0.1.$

Рассчитаем значения $z_1(0), z_2(0)$ и $z_3(0)$:

$$\begin{split} z_1(0) &= y(0) = 1; \\ \dot{y}(0) &= \dot{z_1}(0) = z_2(0) + 3u(0) - 3y(0) \Rightarrow z_2(0) = \dot{y}(0) - 3u(0) + 3y(0) \\ &= -0.2 - 3 \cdot 0 + 3 \cdot 1 = 2.8; \\ \dot{z_2}(0) &= z_3(0) + 2u(0) - 4y(0) \Rightarrow z_3(0) = \dot{z_2}(0) - 2u(0) + 4y(0) \\ &= \ddot{y}(0) - 3\dot{u}(0) + 3\dot{y}(0) - 2u(0) + 4y(0) = 0.1 - 0 - 3 \cdot 0.2 - 0 + 4 \cdot 1 \\ &= 3.5. \end{split}$$

Подставим полученные значения $z_1(0) = 1$, $z_2(0) = 2.8$ и $z_3(0) = 3.5$ в поля "Initial state" интеграторов. Получим следующий график:



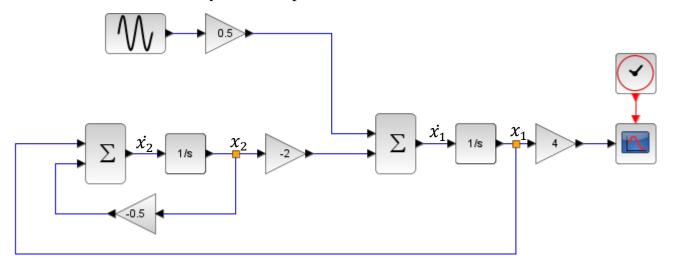
Задание 1.3 выполнено, перейдем к заданию 2.

Задача 2. Исследование модели вход-состояние-выход.

Построим систему вида вход-состояние-выход, основываясь на условии для 2 варианта:

$$\begin{cases} \dot{x_1} = -2x_2 + 0.5u, \\ \dot{x_2} = x_1 - 0.5x_2, \\ y = 4x_1. \end{cases}$$

Ее модель выглядит следующим образом:



Задание 2.1 выполнено, перейдем к выполнению задания 2.2.

График при входном воздействии $u=2\sin t$:

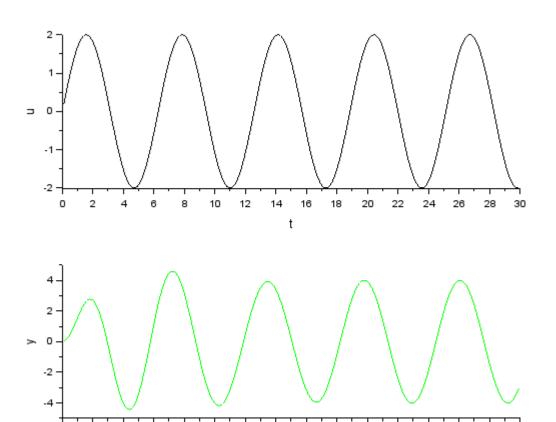
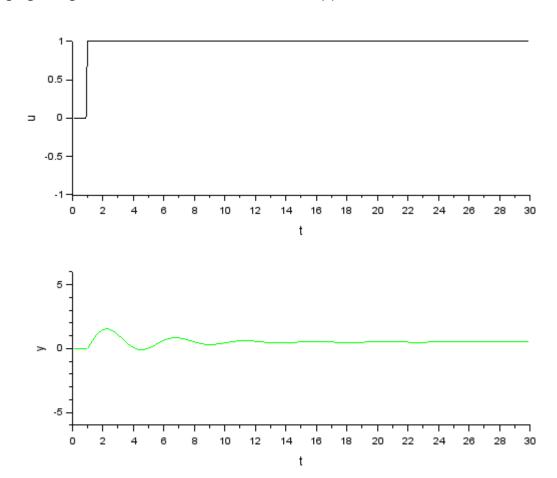
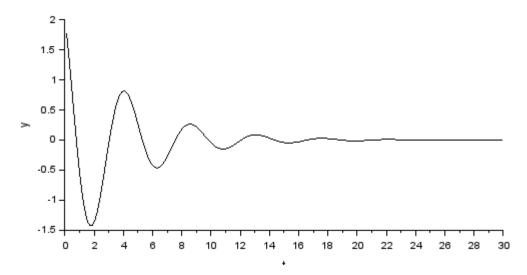


График при входном воздействии u = 1(t):



Задание 2.2 выполнено, перейдем к заданию 2.3.

Будем моделировать систему с нулевым входным воздействием и начальными условиями $x_1(0) = 0.5$, $x_2(0) = 0.25$. График выглядит следующим образом:



Задание 2.3 выполнена, работа завершена.

Вывод: в ходе работы я научился моделировать системы вида вход-выход и входсостояние-выход. Я получил практические навыки моделирования в Scilab и Xcos при разных видах входного воздействия: нулевом, 1(t) и $\sin t$.