Wintersemester 2020/2021

8. Übung zur Vorlesung

Logik für Informatiker

Gruppenübungen:

(G 1)Resolutionsverfahren

Es seien a, b, c und d propositionale Konstanten. Beweise oder widerlege die Allgemeingültigkeit folgender Aussagen mit dem Resolutionsverfahren.

a)
$$((a \lor b) \land (a \to c)) \to (a \lor b)$$

b)
$$\neg (a \land b \land c) \leftrightarrow (\neg a \land \neg b \land \neg c)$$

c)
$$((a \lor b \lor c) \land (a \to d) \land (b \to d)) \to (a \lor d)$$

(G 2)Resolutionsverfahren

Es seien a, b, c, d und e propositionale Konstanten. Beweise die Allgemeingültigkeit folgender Aussagen mit dem Resolutionsverfahren.

a)
$$((a \to b) \to a) \to a$$

b)
$$((((a \land c \land d) \lor e) \to b) \to ((a \land c \land d) \lor e)) \to ((a \land c \land d) \lor e).$$

(G 3)Resolutionsverfahren

Beweise die Allgemeingültigkeit folgendender Formel mit dem Resolutionsverfahren:

$$((a \to b) \land (b \to c)) \to (a \to c).$$

(G 4)Für Schlaufüchse

Über das Monster von Loch Ness sind folgende Informationen bekannt.

- a) Wenn Nessie ein Fabelwesen ist, dann ist sie unsterblich.
- b) Wenn sie kein Fabelwesen ist, dann ist sie sterblich und ein Tier.
- c) Wenn Nessie unsterblich oder ein Tier ist, dann ist sie ein Drache und ein Fabelwesen.
- d) Nessie ist eine Touristenattraktion, wenn sie ein Drache ist.

Frage: Ist Nessie eine Touristenattraktion?