Labor 3: Übungsblatt

1. Bestimme die allgemeine Lösung der folgenden DGL und stelle die Graphen einigen Lösungen dar.

(a)
$$y'' + y = \sin x + \cos x$$

(b)
$$y'' - y = e^{2x}$$

(c)
$$y'' + 4y = \frac{1}{\cos 2x}$$

(d)
$$y'' - y' = \frac{1}{1 + e^x}$$

- 2. enumerate
- 3. Bestimme die Lösung der folgenden AWPs und stelle die Graphen der Lösungen dar.

(a)
$$y'' - 5y' + 4y = 0$$
, $y(0) = 5$, $y'(0) = 8$;

(b)
$$y'' - 4y' + 5y = 2x^2e^x$$
, $y(0) = 2$, $y'(0) = 3$;

(c)
$$y'' + 4y = 4(\sin 2x + \cos 2x), y(\pi) = y'(\pi) = 2\pi;$$

4. Bestimme die Lösung des Cauchyproblems

$$\begin{cases} y'' - y' - 2y = 0 \\ y(0) = a \\ y'(0) = 2 \end{cases}$$

und bestimme a so dass $y(x) \to 0$ für $x \to +\infty$.