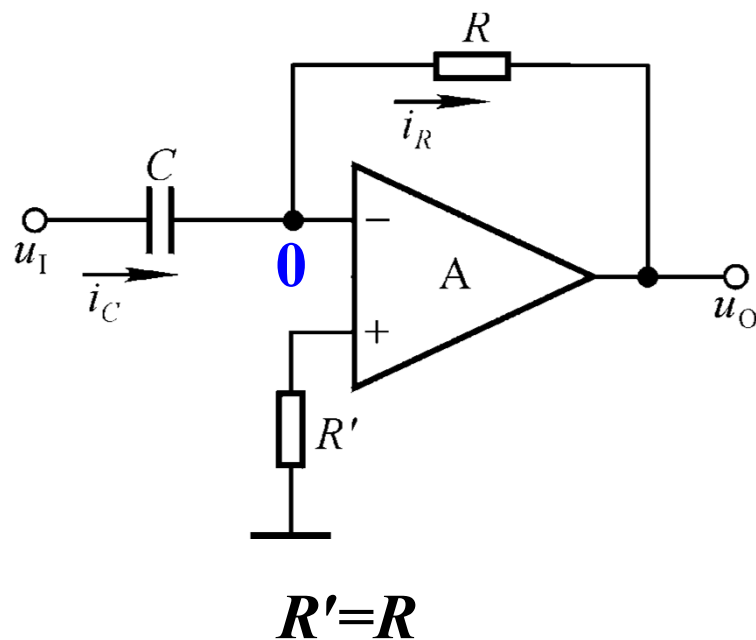


## 二、微分电路(Differentiator)

### 1. 基本微分电路

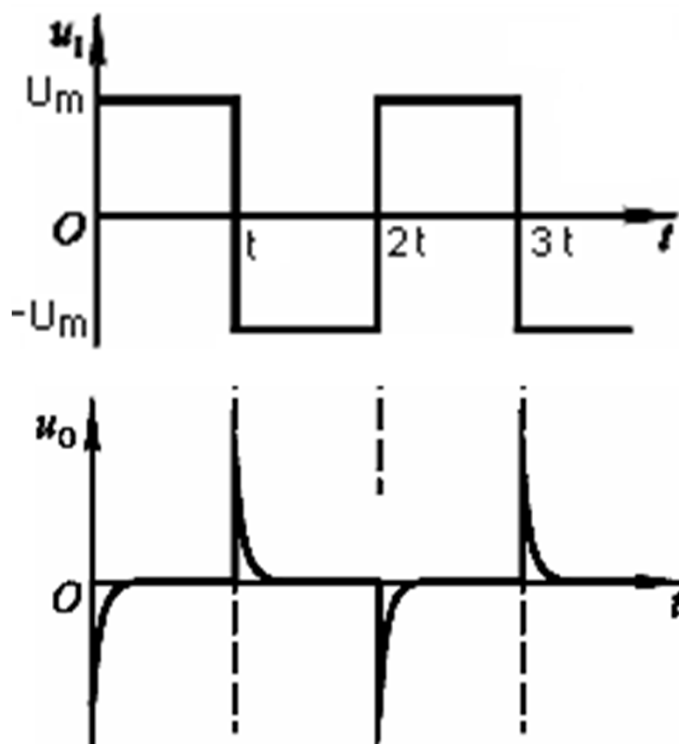


➤ 运算关系

$$i_R = i_C \quad i_C = C \frac{du_C}{dt}$$

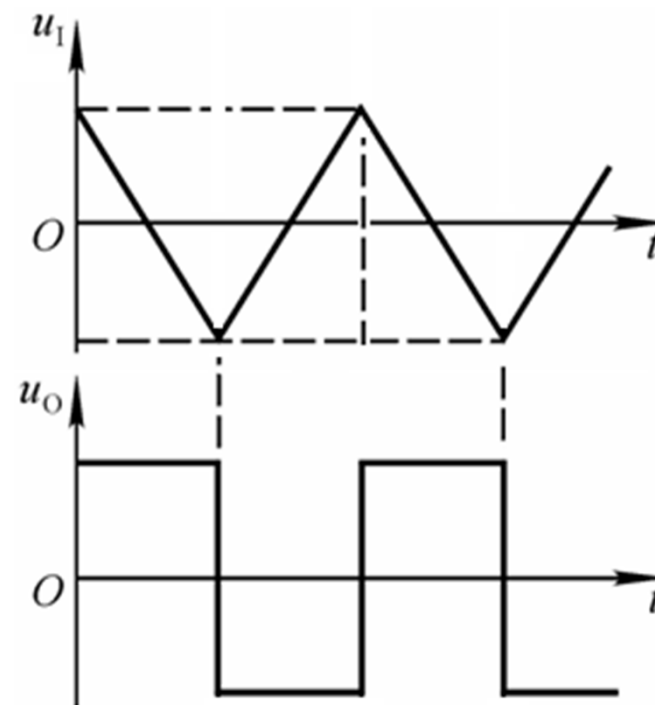
$$u_O = -R * i_R = -RC \frac{du_I}{dt}$$

### 讨论3: 1) 方波微分



$$u_O = -RC \frac{du_I}{dt}$$

### 2) 三角波微分

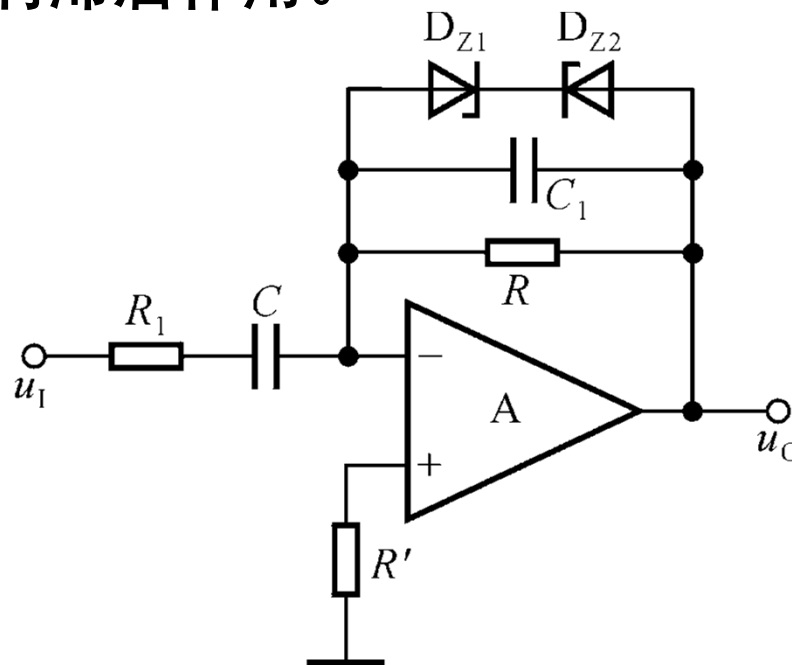


## 2. 问题：

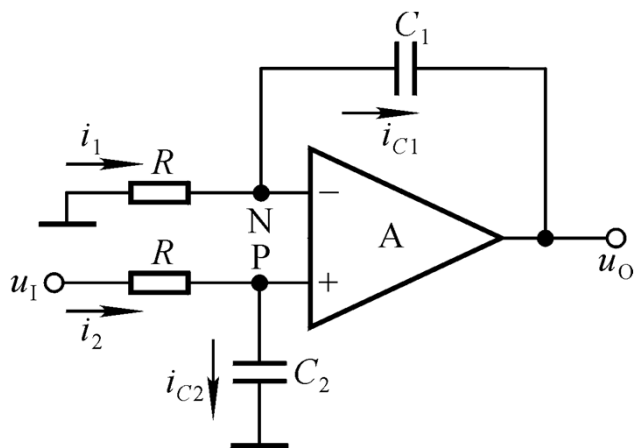
- **阻塞现象：** 输入信号产生阶跃变化，或者输入信号为脉冲式大幅值干扰时，运放中的晶体管截止或饱和，即使输入信号变为零，管子仍不能回到放大状态。
- **自激振荡：** 电容  $C$  对反馈信号有滞后作用。

## 3. 实用微分电路

- $R_1$  限制输入电流；
- 稳压管限制输出电压幅度；
- 电容  $C_1$  相位补偿，起稳定作用。



**讨论4:**  $C_1=C_2=C$ , 求 $u_o$ 与 $u_i$ 的运算关系



也可先求传递函数  
( $Z_C=1/sC$ ), 再利用  
反拉氏变换求函数关系

$$\frac{\frac{1}{sC}}{R + \frac{1}{sC}} U_i(s) = \frac{R}{R + \frac{1}{sC}} U_o(s)$$

$$U_o(s) = \frac{1}{sRC} U_i(s)$$

• 同相端利用 ‘虚断’ 原则

$$\frac{u_i - u_P}{R} = C \frac{du_P}{dt}$$

$$\frac{u_i}{R} = C \frac{du_P}{dt} + \frac{u_P}{R}$$

• 反相端利用 ‘虚断’ 原则

$$\frac{-u_N}{R} = C \frac{d(u_N - u_o)}{dt}$$

$$C \frac{du_o}{dt} = C \frac{du_N}{dt} + \frac{u_N}{R}$$

• 利用 ‘虚短’ 原则  $u_N = u_P$

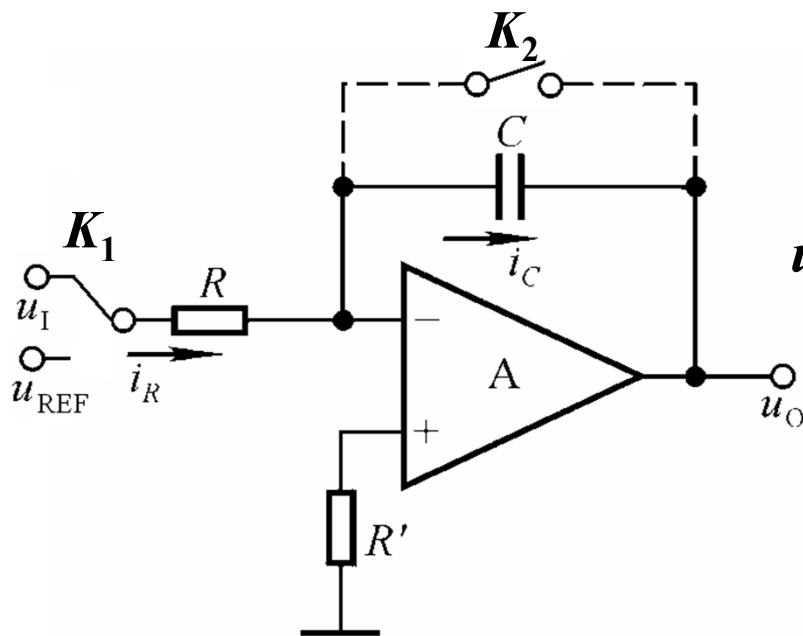
$$C \frac{du_o}{dt} = \frac{u_i}{R}$$

$$u_o = \frac{1}{RC} \int u_i dt$$

同相积分

**讨论5:**  $K_2$ 闭合，然后断开； $K_1$ 接到 $u_I$ ，经过 $t_1$ 毫秒后接至 $u_{REF}$ ，再经过 $t_2$ 毫秒后 $u_O=0$ ，求 $t_2$ 。

双积分型A/D转换  
器的模拟电路部分



$$u_O(t_1) = -\frac{1}{RC} \int_0^{t_1} u_I dt + 0 = -\frac{1}{RC} u_I \cdot t_1$$

$$u_O(t_1 + t_2) = -\frac{1}{RC} \int_0^{t_2} u_{REF} dt + u_O(t_1) = -\frac{1}{RC} (u_{REF} \cdot t_2 + u_I \cdot t_1) = 0$$

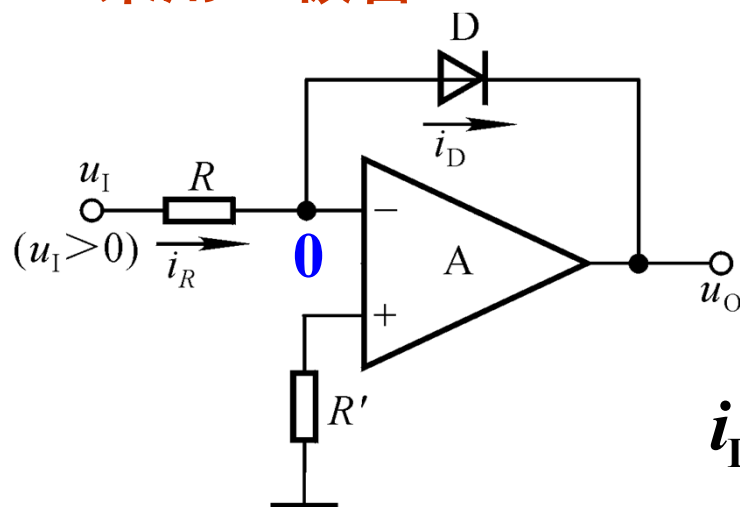
$$t_2 = -\frac{u_I}{u_{REF}} \cdot t_1$$



## 7.5 对数运算电路和指数运算电路

### 一、对数运算电路( Logarithmic Amplifier)

#### 1. 采用二极管



PN结电流方程

$$i_D = I_S (e^{\frac{u_D}{U_T}} - 1) \approx I_S e^{\frac{u_D}{U_T}}$$

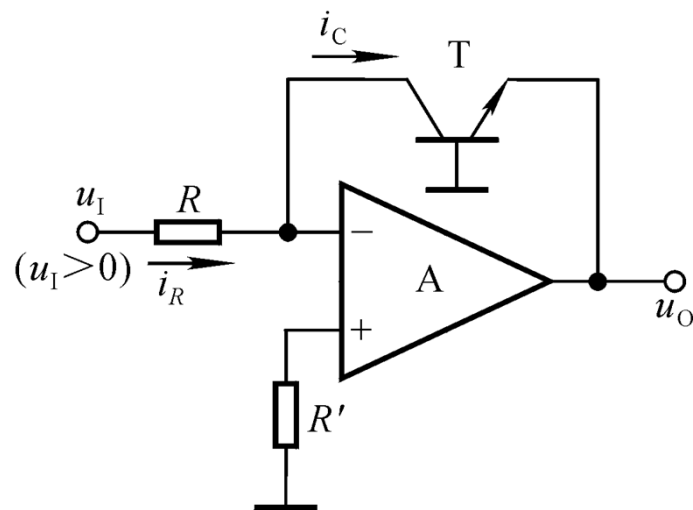
$$u_D \approx U_T \ln \frac{i_D}{I_S}$$

$$i_D = i_R = \frac{u_I}{R} \quad u_O = -u_D \approx -U_T \ln \frac{u_I}{I_S R}$$

**缺点:**

- 运算关系受温度影响 ( $U_T, I_S$ )
- 输出范围小 ( $-u_D$ )
- 二极管电流较小时运算精度较低

## 2. 采用三极管



$$i_C \approx i_E = I_S \left( e^{\frac{u_{BE}}{U_T}} - 1 \right) \approx I_S e^{\frac{u_{BE}}{U_T}}$$

$$u_{BE} \approx U_T \ln \frac{i_C}{I_S} \quad i_C = i_R = \frac{u_I}{R}$$

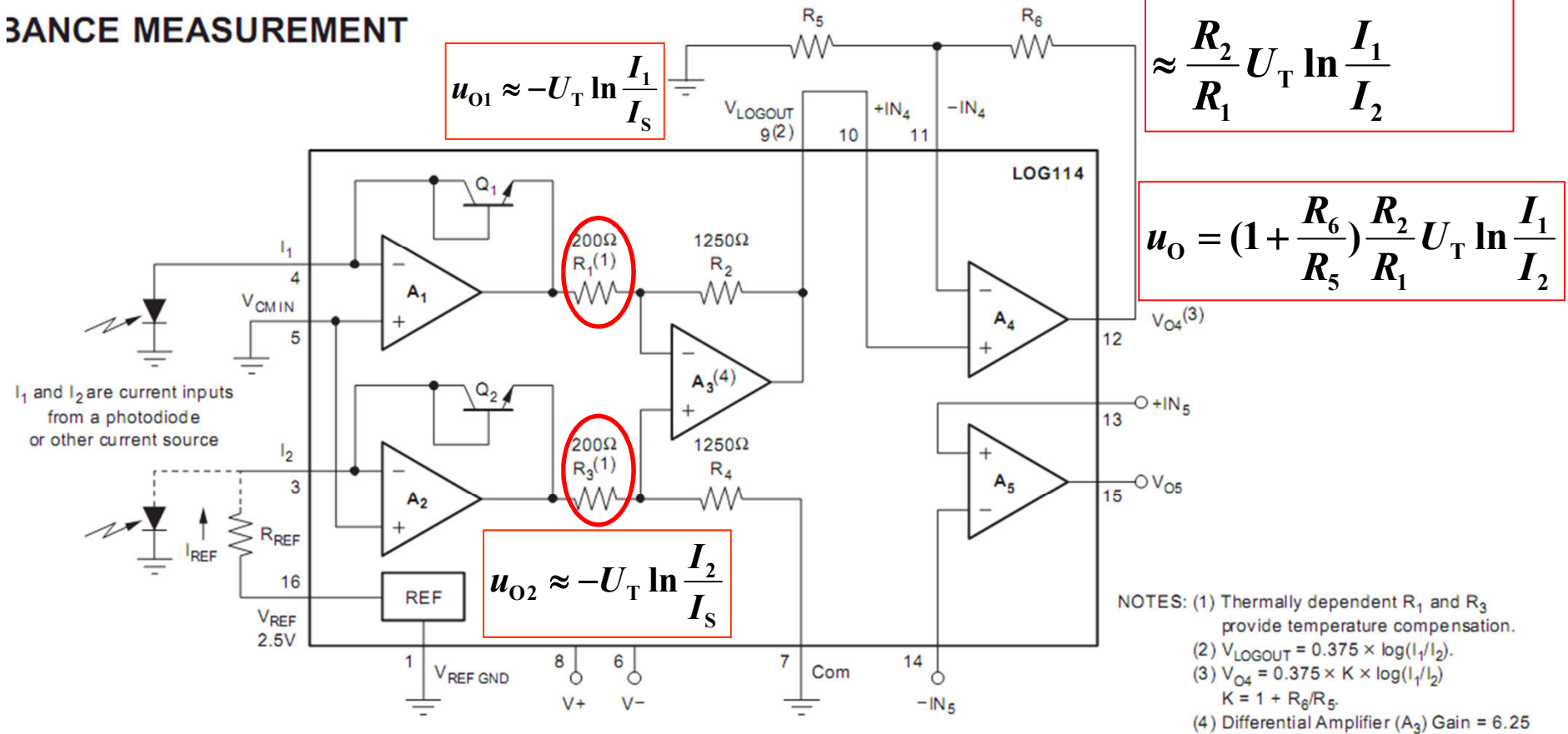
$$u_O = -u_{BE} \approx -U_T \ln \frac{u_I}{I_S R}$$

**缺点：**

- 运算关系仍受温度影响
- 输出范围仍然小
- 运算精度受输入电流影响

## 2. 采用三极管 实际对数放大器

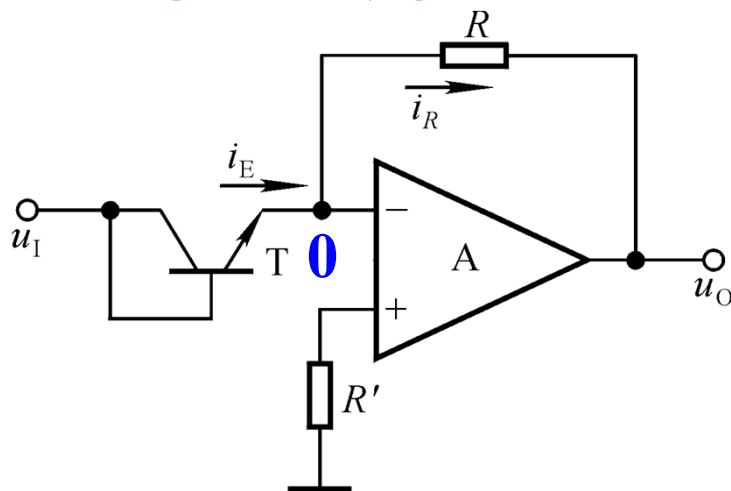
### 3. RANCE MEASUREMENT





## 二、指数运算电路( Exponential Amplifier, Anti-log Amplifier )

采用三极管



$$i_E \approx I_S e^{\frac{u_{BE}}{U_T}} = I_S e^{\frac{u_I}{U_T}}$$

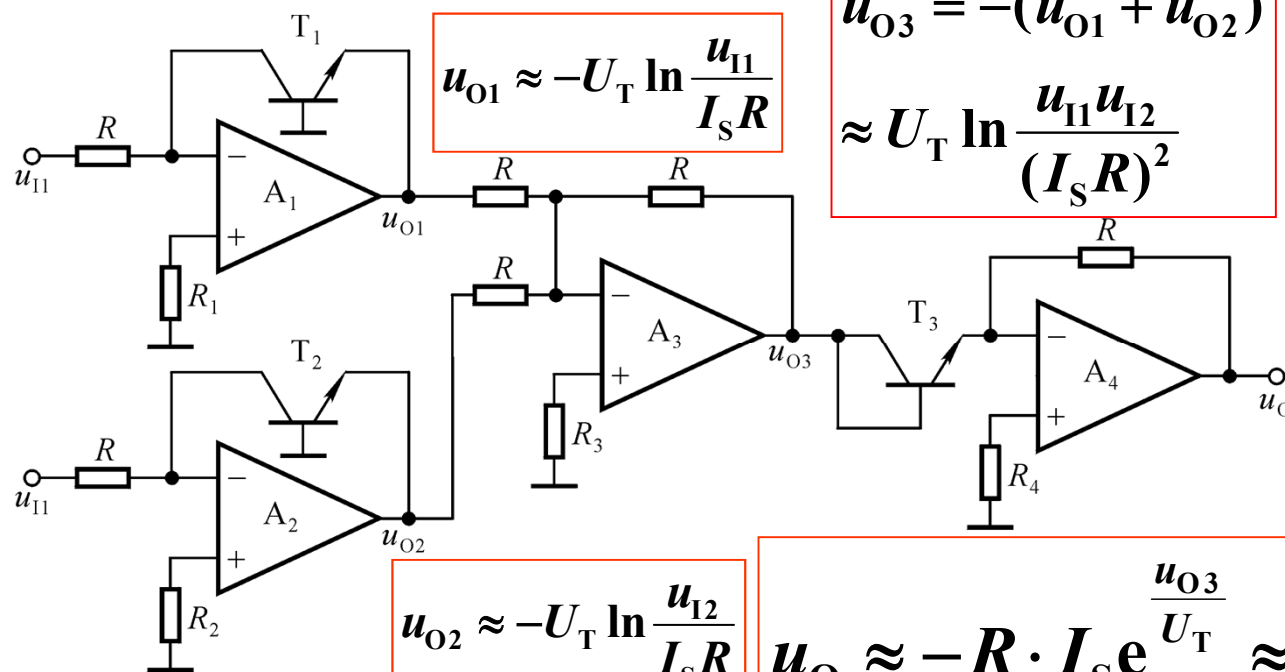
$$i_E = i_R = \frac{-u_O}{R}$$

$$u_O = -i_E R \approx -R \cdot I_S e^{\frac{u_I}{U_T}}$$

缺点：

- 运算关系受温度影响
- 运算精度受输入电流影响

### 三、利用对数和指数运算电路实现乘法和除法运算电路



$$u_{O1} \approx -U_T \ln \frac{u_{I1}}{I_S R}$$

$$u_{O3} = -(u_{O1} + u_{O2})$$

$$\approx U_T \ln \frac{u_{I1} u_{I2}}{(I_S R)^2}$$

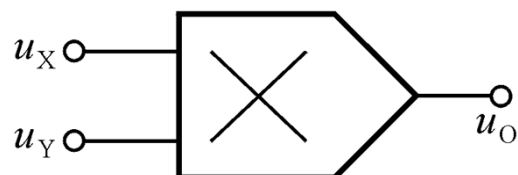
$$u_{O2} \approx -U_T \ln \frac{u_{I2}}{I_S R}$$

$$u_O \approx -R \cdot I_S e^{\frac{u_{O3}}{U_T}} \approx -\frac{u_{I1} u_{I2}}{(I_S R)^2}$$



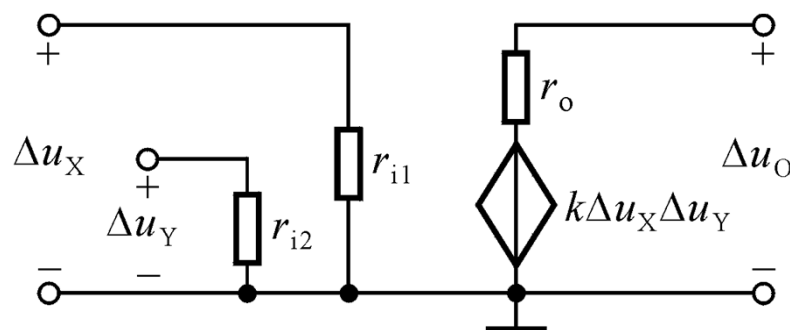
## 7.6 模拟乘法器及其在运算电路中的应用

### 一、模拟乘法器(Multiplier)



$$u_O = k u_X * u_Y \quad k \text{ 为常数}$$

符号

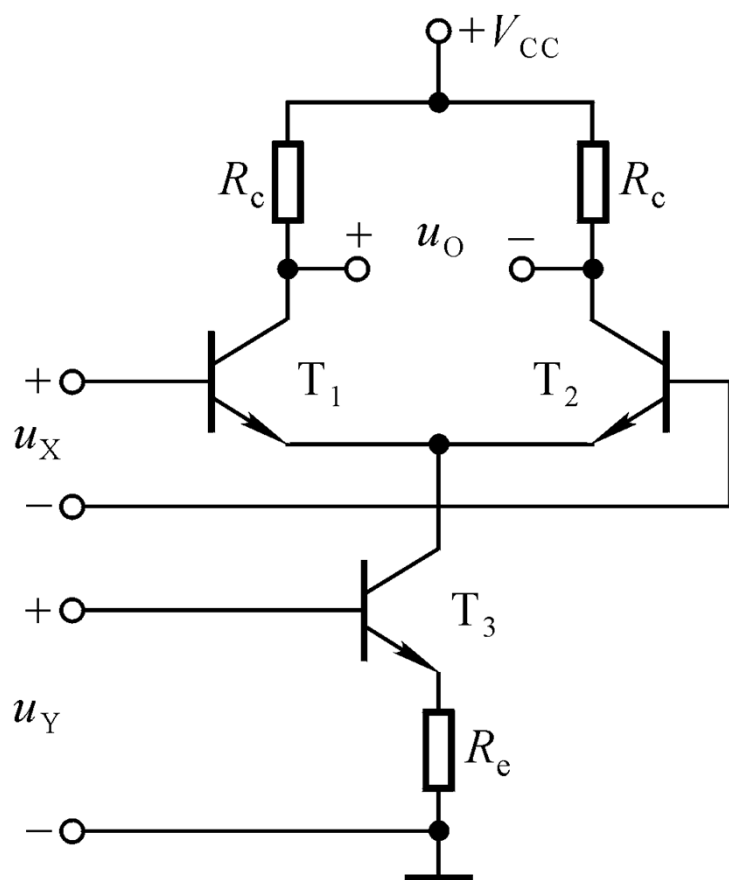


理想模拟乘法器:

- $r_{i1}, r_{i2}$  为无穷大
- $r_o = 0$

等效电路

## 两象限模拟乘法器



$$A_d = -\frac{\beta R_c}{r_{be}} = \frac{u_O}{u_X}$$

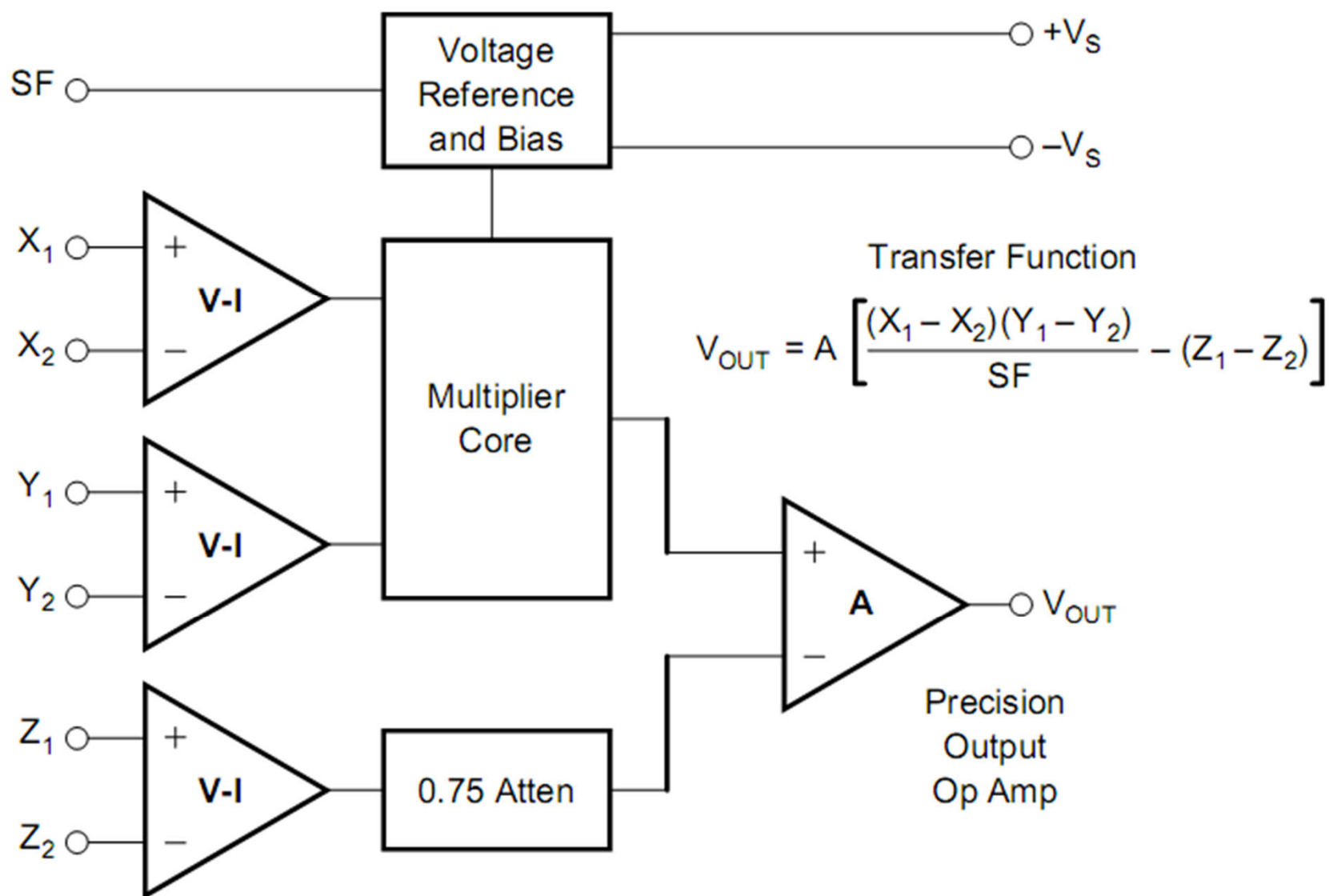
$$I_{C3} \approx \frac{u_Y}{R_e}$$

$$r_{be} \approx \beta \frac{U_T}{\frac{1}{2} I_{C3}} \approx \beta \frac{2U_T R_e}{u_Y}$$

$$u_O \approx -\frac{\beta R_c}{\beta \frac{2U_T R_e}{u_Y}} u_X$$

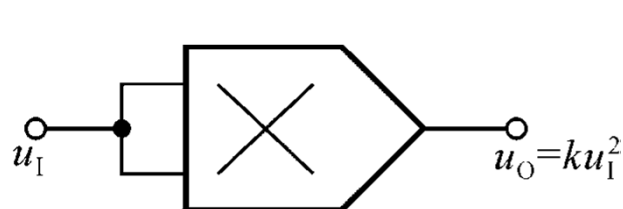
$$\approx -\frac{R_c}{2U_T R_e} u_X u_Y \approx k u_X u_Y$$

## 四象限模拟乘法器MPY634



## 二、模拟乘法器在运算电路中的应用

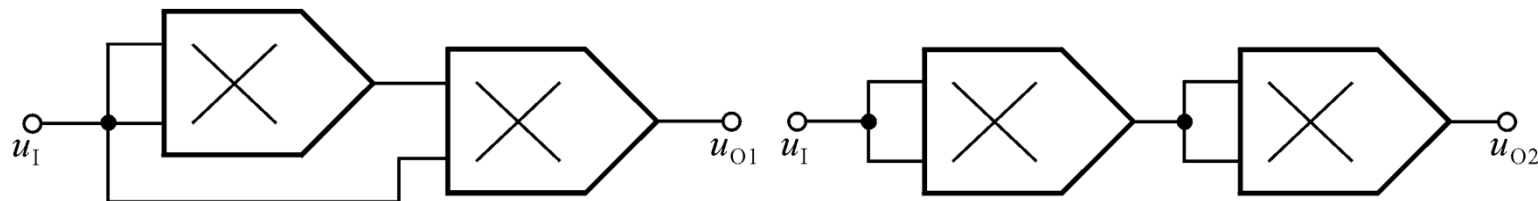
### 1. 平方运算      N次方运算



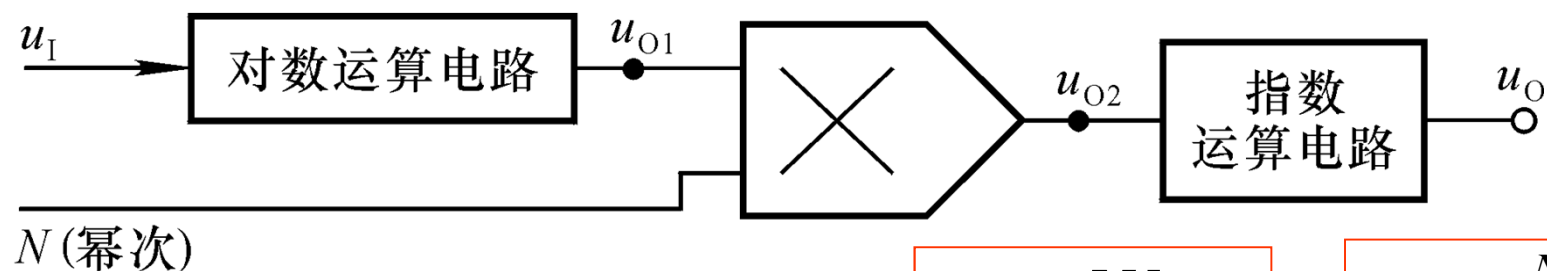
$$u_I = \sin \omega t$$

$$u_O = k (1 - \cos 2\omega t)$$

实现正弦波倍频



### 3次方和4次方运算电路

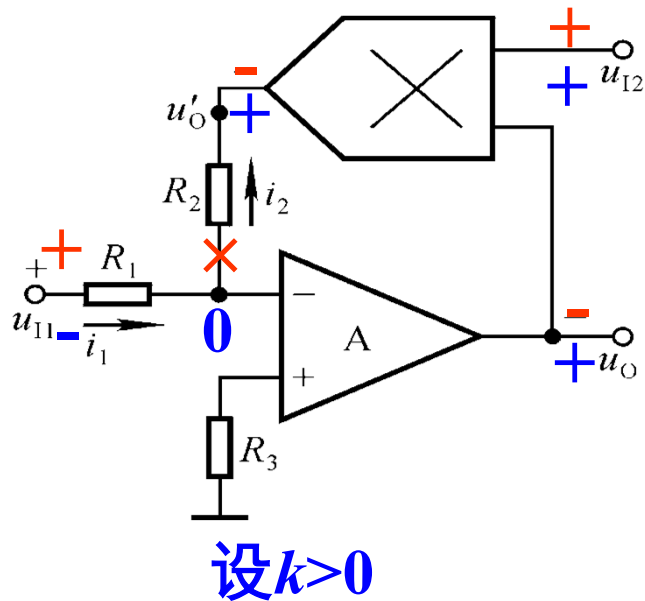


### N次方运算电路

$$u_{O2} \approx N \ln u_I$$

$$u_O \approx u_I^N$$

## 2. 除法运算(Divider)



逆函数型运算电路：  
采用乘法器作为反馈  
回路实现除法运算

注意

- 首先必须保证电路中引入的反馈为负反馈

$$u_{I1} > 0 \quad u_O < 0 \quad u_{I2} > 0$$

$$u_{I1} < 0 \quad u_O > 0 \quad u_{I2} > 0$$

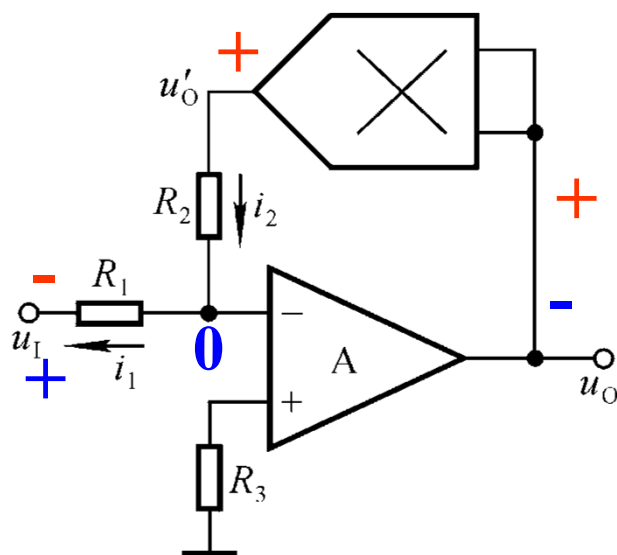
- 然后求解运算关系

$$i_1 = i_2$$

$$\frac{u_{I1}}{R_1} = -\frac{u_O'}{R_2} = -\frac{k u_O u_{I2}}{R_2}$$

$$u_O = -\frac{R_2}{k R_1} \frac{u_{I1}}{u_{I2}}$$

### 3. 开方运算电路（平方根）



- 首先必须保证电路中引入的反馈为负反馈（设 $k>0$ ）

$$u_I < 0 \quad u_O > 0 \quad k > 0$$

若 $u_I > 0$ ，则要求 $k < 0$ ，此时 $u_O < 0$

- 运算关系（设 $k>0$ ）

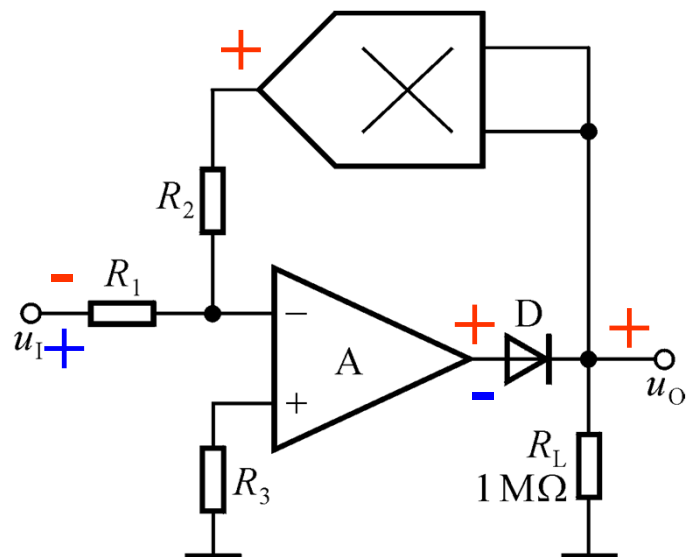
$$-\frac{u_{I1}}{R_1} = \frac{u_O'}{R_2} = \frac{ku_O^2}{R_2}$$

$$u_O = \sqrt{-\frac{R_2 u_I}{k R_1}}$$

**逆函数型运算电路：**采用平方运算电路作为反馈回路实现平方根运算

当干扰信号使 $u_I > 0$ 而使反馈变为正反馈时，运放将出现闭锁现象

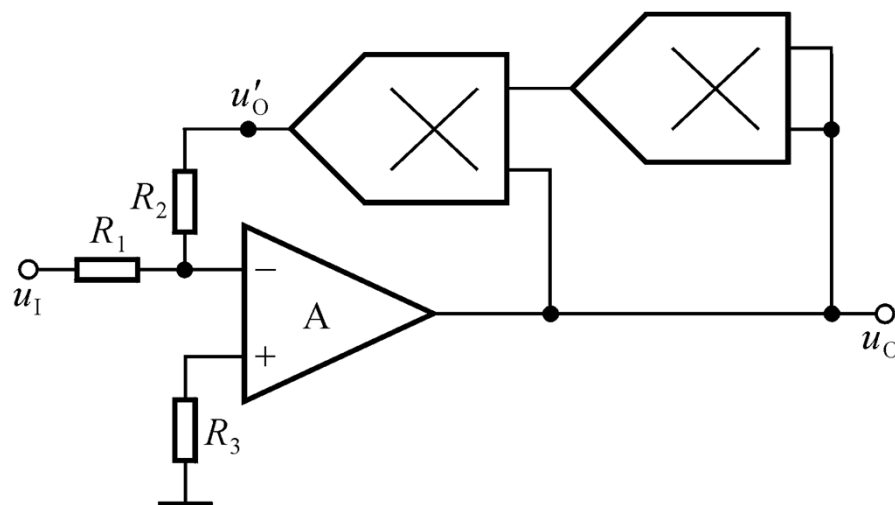




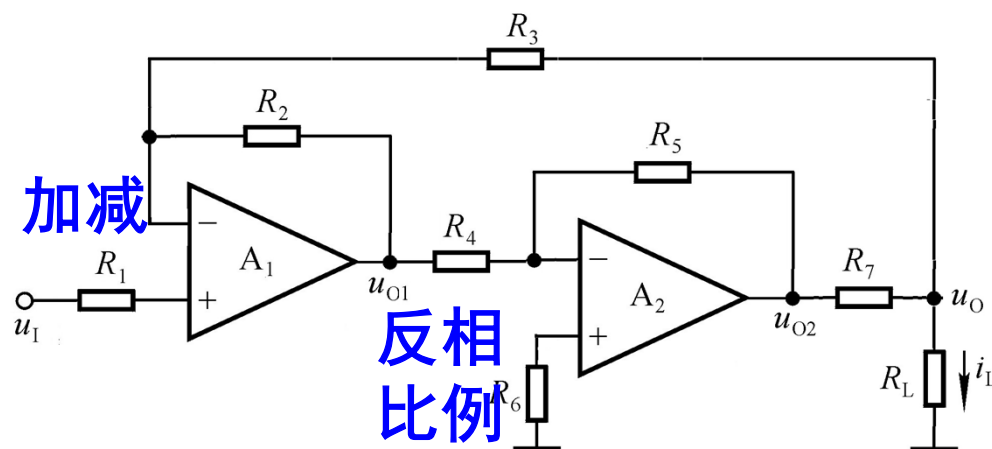
采用二极管限制输出电压极性，阻止正反馈形成，防止运放出现闭锁现象

#### 4. 立方根运算电路 (采用立方运算电路作为反馈回路)

$$u_O = \sqrt[3]{-\frac{R_2 u_I}{k^2 R_1}}$$



电压—电流转换电路如图所示，已知集成运放为理想运放， $R_2 = R_3 = R_4 = R_7 = R$ ， $R_5 = 2R$ 。求解  $i_L$  与  $u_I$  之间的函数关系。

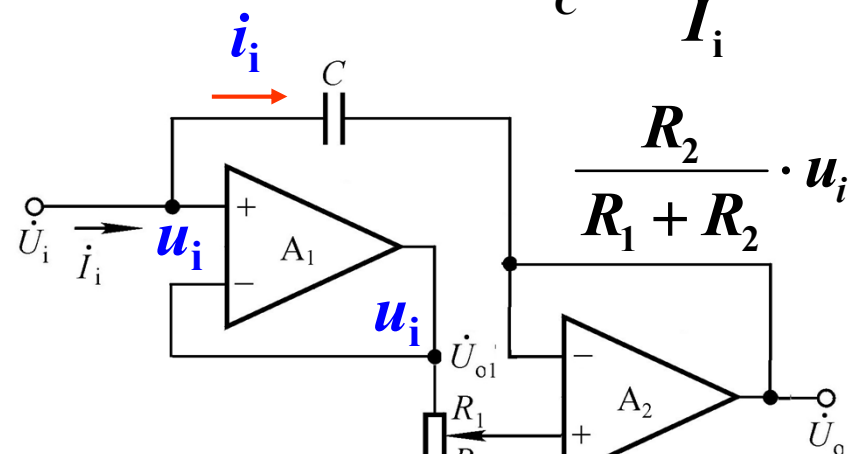


$$u_{O1} = \left(1 + \frac{R_2}{R_3}\right)u_I - \frac{R_2}{R_3}u_O = 2u_I - u_O$$

$$u_{O2} = -\frac{R_5}{R} \cdot u_{O1} = -4u_I + 2u_O$$

$$i_L = \frac{u_I - u_O}{R_3} + \frac{u_{O2} - u_O}{R_7} = -\frac{3u_I}{R}$$

电路如图所示，已知集成运放为理想运放，求解等效输入电容的表达式： $X_{C'} = \frac{\dot{U}_i}{\dot{I}_i}$



$$X_{C'} = \frac{\dot{U}_i}{\dot{I}_i} = \frac{\dot{U}_i}{\frac{\dot{U}_i - \dot{U}_O}{Z_c}}$$

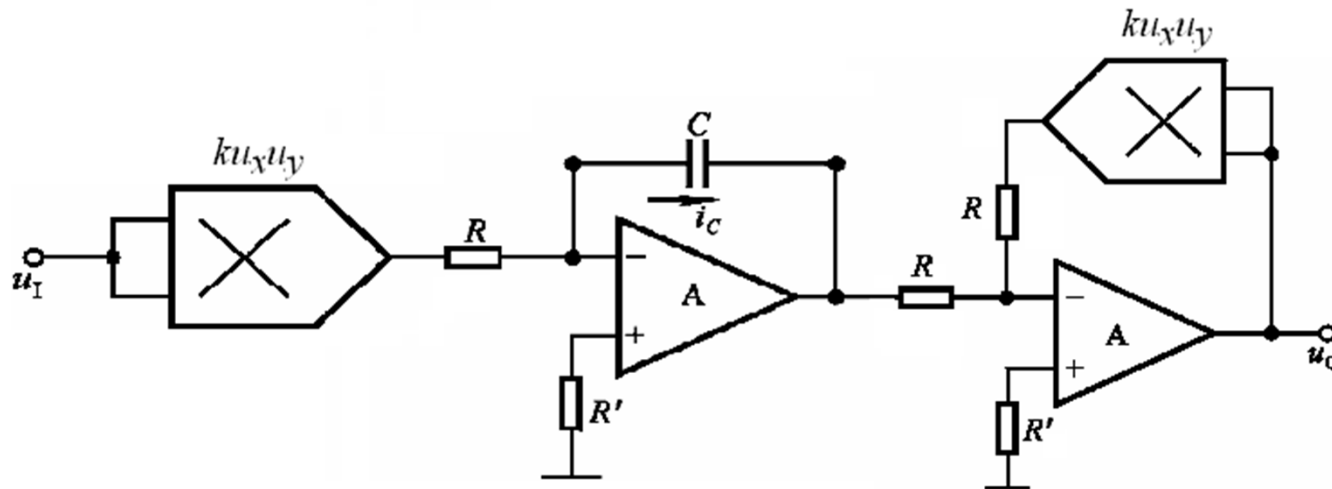
$$= \frac{R_1 + R_2}{R_1} \cdot Z_c$$

$$C' = \frac{R_1}{R_1 + R_2} \cdot C$$

## 课外兴趣题1

### 1. 有效值检测电路

设 $u_I$ 为正弦波，周期为 $T=RC$



$$\text{验证: } u_O = \sqrt{\frac{1}{RC} \int_0^T u_I^2 dt}$$

## 课外兴趣题2

---

2. 可以利用运算电路解方程 $x^2+6x+2=0$ 吗？请设计该电路。

## 课外兴趣题3

---

3. 随着手持和移动设备应用的日益增多，对可单电源供电的运放的需求增多。请用运放设计和研究放大电路，电源为+5V，信号源要求如下：

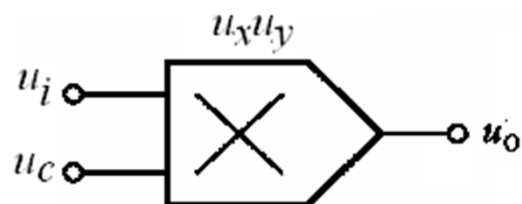
(1) 幅值为10mV左右、直流偏置为0的交流信号，信号源内阻约为50 $\Omega$ ；

(2) 幅值为10mV左右、直流偏置为2V的交流信号，信号源内阻约为2k $\Omega$ 。

## 课外兴趣题4

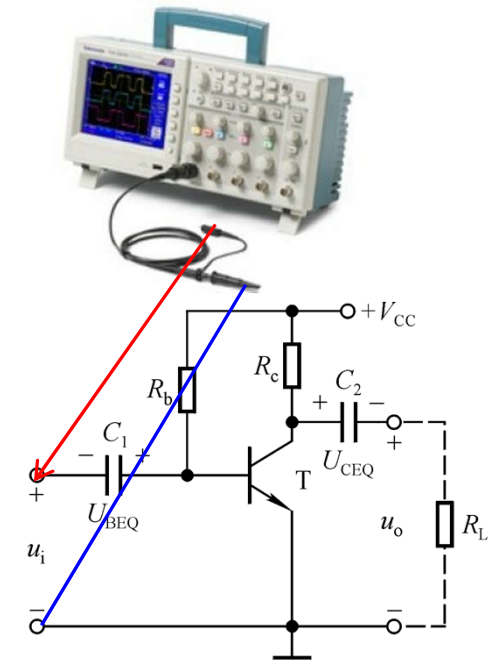
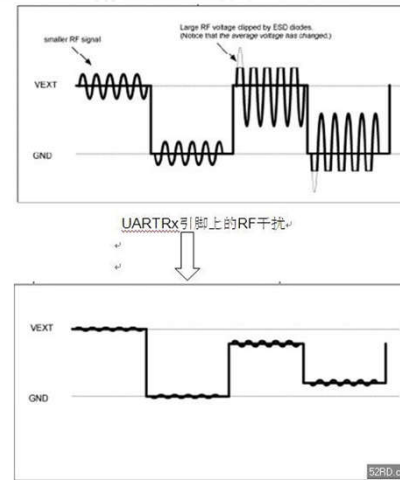
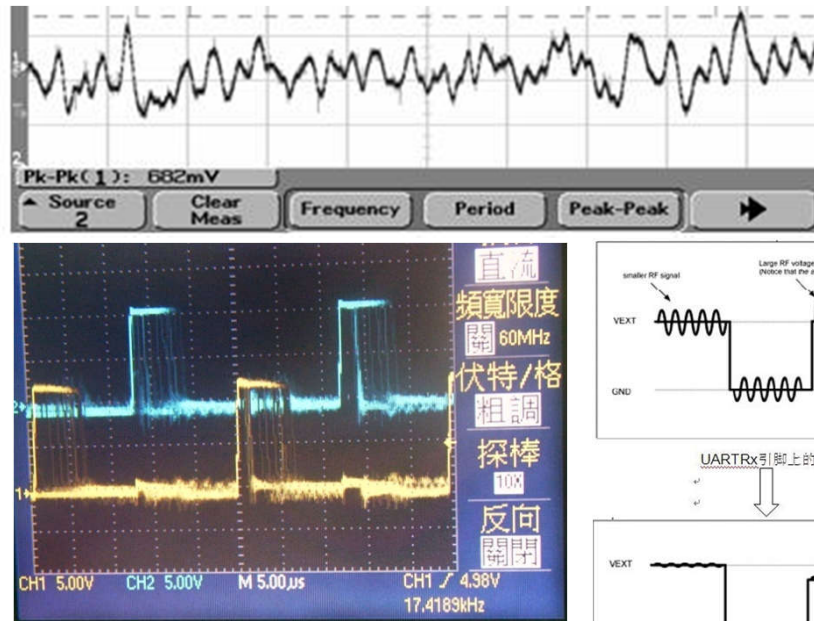
### 4. 调幅电路

设高频载波信号  $u_c = U_{cm} \sin(2\pi f_c t)$ ，被调制的音频信号为  $u_i = U_{im} \sin(2\pi f_0 t)$ 。其中  $f_c = 1\text{MHz}$ ,  $f_0 = 1\text{kHz}$

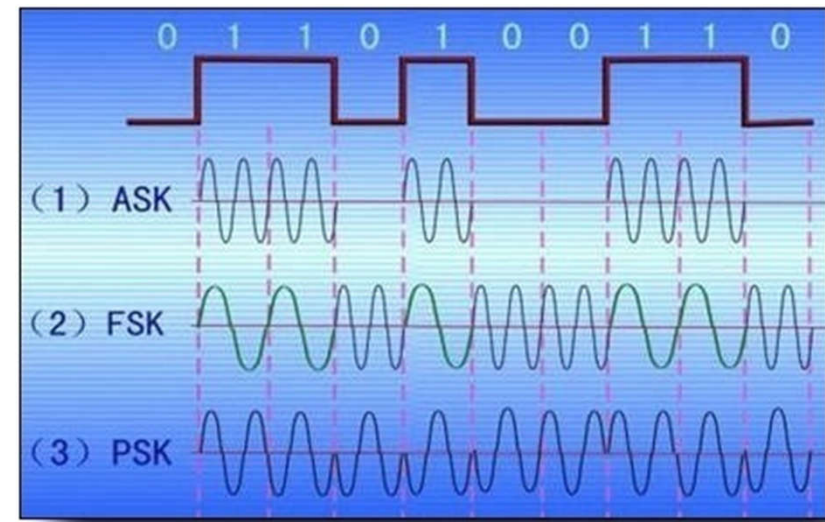
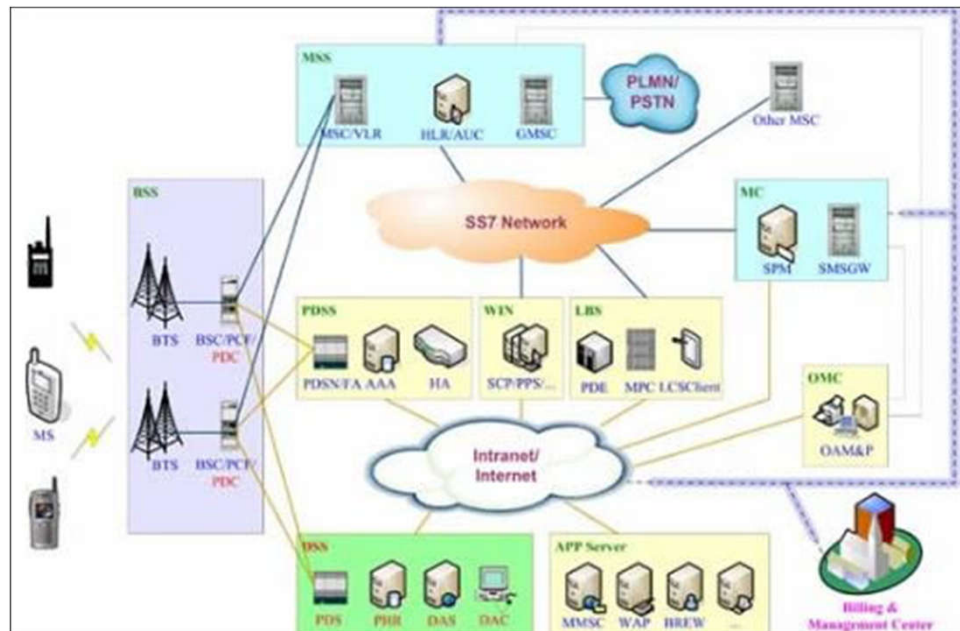


$$\text{验证: } u_o = \frac{U_{im} U_{cm}}{2} [\cos 2\pi(f_c - f_0)t - \cos 2\pi(f_c + f_0)t]$$

## 干扰信号



## 通信载波信号

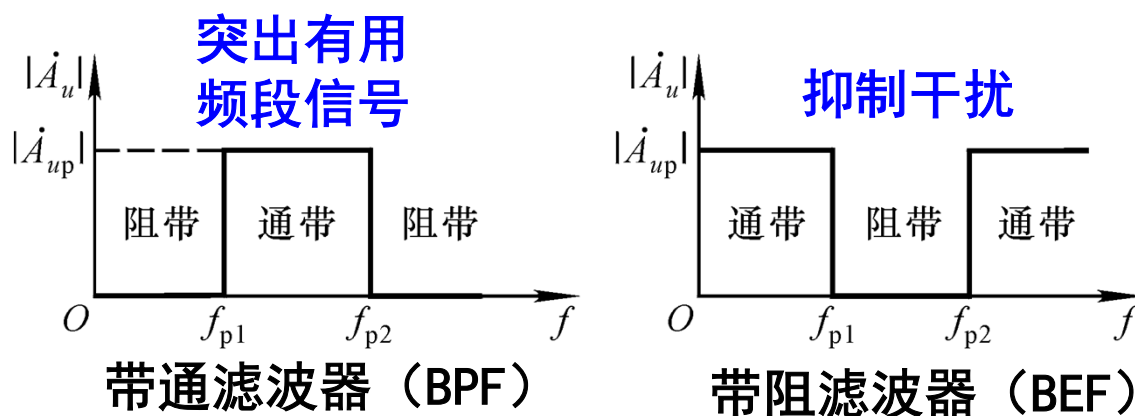
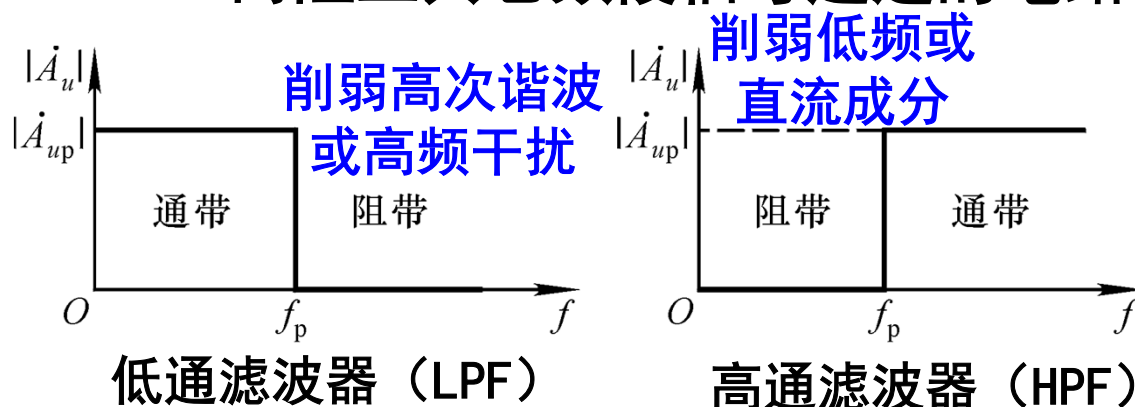




## 7.7 有源滤波电路 (Active Filter)

### 一、滤波电路的基本知识

- **滤波电路**是指让特定频率范围内的信号能够正常放大，而阻止其它频段信号通过的电路。

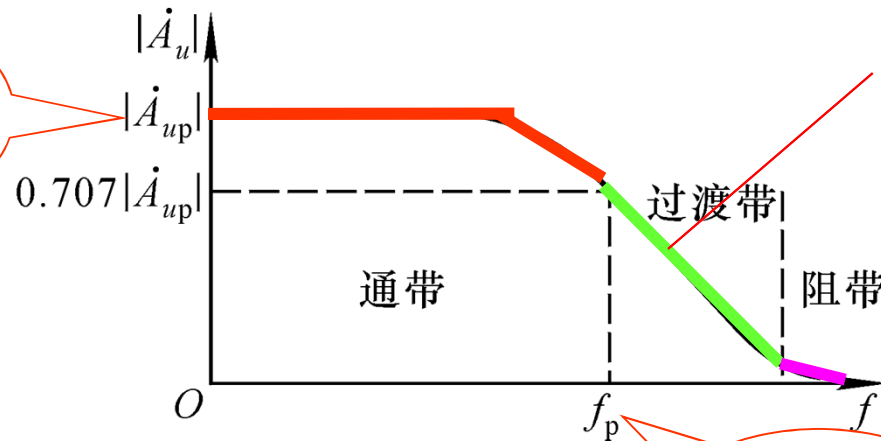


全通滤波器  
(移相滤波器)



## • 低通滤波器的实际幅频特性

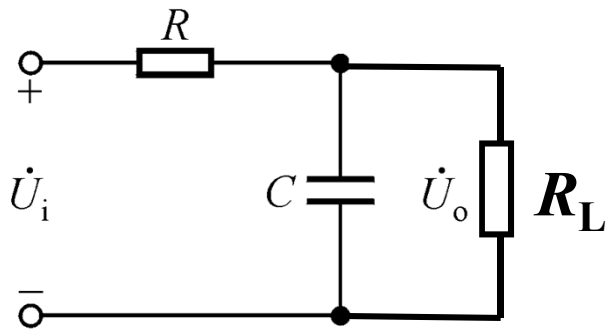
通带电压  
放大倍数



过渡带越窄，  
滤波性能越好

通带截止  
频率

## • 无源滤波电路

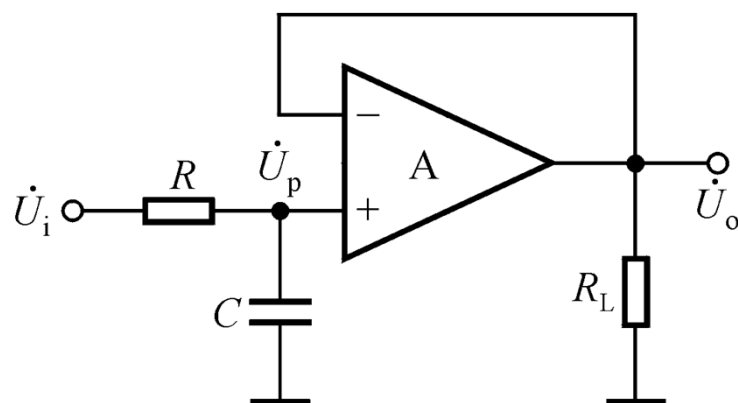


$$\dot{A}_u = \frac{1}{1 + j \frac{f}{f_H}}$$

无源滤波电路带负载后：

- 相同频率信号作用下输出电压幅值减小；
- 通带截止频率增大。

• **有源滤波电路** 无源滤波电路 + 电压跟随器



有源滤波电路带负载能力强

$$Z_c(s) = \frac{1}{sC}$$

$$A_u(s) = \frac{U_o(s)}{U_i(s)} = \frac{\frac{1}{sC}}{R + \frac{1}{sC}} = \frac{1}{1 + sRC}$$

传递函数分母中 $s$ 的最高指数称为滤波器的阶数

• **有源滤波电路传递函数一般表达式**

一阶LPF、HPF：

$$A_u(s) = \frac{a_0 + a_1 \frac{s}{\omega_0}}{1 + \frac{s}{\omega_0}}$$

$$\text{二阶 } A_u(s) = \frac{a_0 + a_1 \left( \frac{s}{\omega_0} \right) + a_2 \left( \frac{s}{\omega_0} \right)^2}{1 + \frac{1}{Q} \left( \frac{s}{\omega_0} \right) + \left( \frac{s}{\omega_0} \right)^2}$$