



دانشگاه اصفهان دانشکده مهندسی کامپیو تر پاییز ۱۴۰۳

تمرین فصل سوم

استاد درس: د کتر شهرام اعتمادی

دستیاران آموزشی: ابوالفضل رنجبر، پوریا اردستانی، احسان صابری

۱- جدول کارنو زیر را کامل کنید:

$$f(A,B,C,D) = \sum_{m} (1,3,4,6,9,11,13)$$

	\overline{CD}	ĒD	CD	$C\overline{D}$
\overline{AB}	0			
ĀΒ		0		
AB			0	
$A\bar{B}$				0

۲- بررسی کنید کدام یک از معادلات زیر هم ارزاند:

$$f_1 = AC + BD + A\overline{B}\overline{D}$$

$$f_2 = (B + \overline{D})(A + B)(A + \overline{C})$$

$$f_3 = AC + A\bar{B}\bar{C}\bar{D} + \bar{A}BD + B\bar{C}D$$

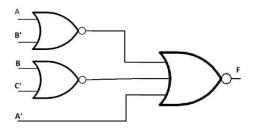
$$f_4 = BD + A\overline{B}\overline{D} + ACD + ABC$$

$$f_5 = A\bar{B}\bar{C} + AB + \bar{A}B\bar{C}$$

۳- معادله زیر (دارای حالت بی اهمیت) را توسط جدول کارنو ساده کنید.

$$f(A, B, C, D) = \sum_{m} (0,8,9,10,15) + \sum_{d} (3,6,11,13)$$

- ۴- یک مدار طراحی کنید که ورودی آن کد چهار بیتی BCD است و خروجی در صورتی ۱ شود که رقم ورودی بر ۳ یا
 ۷ بخش پذیر باشد. (از جدول کارنو برای ساده سازی استفاده کنید.)
- ۵- مدار NOR-NOR زیر را به یک مدار NAND-NAND تبدیل کنید. (با استخراج معادله بولی و جدول کارنو از مدار زیر به معادله جدید رسیده و مدار مدنظر را رسم کنید.)



۶- با استفاده از جدول کارنو:

الف) ساده شده معادلات زير را به صورت جمع حاصل ضرب بنويسيد.

$$f = \sum_{m} (0,1,2,5,8,10,14,15)$$

$$g = \sum_{m} (1,5,9,10,11,13,14,15,17,21,25,26,29)$$

ب) ساده شده معادلات زير را به صورت ضرب حاصل جمع بنويسيد.

$$f = \prod_{M} (0,2,4,10,11,15)$$
$$g = \prod_{M} (3,4,6,7,11,12,17,19,22,23,25,27)$$

۷- مداری با ۴ ورودی و ۲ خروجی طراحی کنید که خروجی f1 زمانی «۱» شود که حداقل نیمی از ورودی ها «۱» باشند.
 خروجی f2 زمانی «۰» شود که f1 و کم ارزش ترین بیت ورودی مخالف هم باشند.

- ۸- گیت های NOT, OR, AND و XOR را فقط با استفاده از گیت NAND طراحی کنید.
 - 9- گیت های NOT, OR, AND و XOR را فقط با استفاده از گیت NOR طراحی کنید.
- ۱-مداری را طراحی کنید که دارای ورودی ۴ بیتی سه افزونی است و خروجی مدار زمانی « ۰ » خواهد شد که ورودی، عدد اول باشد. (از طراحی NAND-AND استفاده کنید)

مثال:

ورودی ۳ افزونی	عدد دسيمال	خروجي
11	•	١
• 1 • 1	۲	•

۱۱-مداری طراحی کنید که دارای ورودی ۴ بیتی گری کد است و خروجی مدار زمانی «۱» خواهدشد که دقیقا دو بیت از عدد متناظر باینری آن صفر باشد. (از طراحی NOR-OR استفاده کنید)

مثال:

ورودی گری کد	عدد باینری	خروجي
•11•	.1	•
•111	.1.1	١