درس شبیه سازی کامپیوتری

دکتر صفایی پاییز ۱۴۰۲

دانشكده مهندسى كامپيوتر

مهلت ارسال یاسخ: ۵ دی ۱۴۰۲

تمرین سوم

فصل پنجم و ششم

لطفا موارد زیر را به دقت مطالعه کنید

- مهلت ارسال پاسخ تا ساعت ۲۳:۵۹ روز مشخصشده در بخش مهلت ارسال است.
- برای تمرینات تاخیر مجاز /غیر مجازی در نظر گرفته نشده است. بنابرین، نهایتا تا مهلت تعیین شده امکان ارسال پاسخهای خودتان را دارید و هرگونه جواب ارسال شده پس از این زمان، پذیرفته نخواهد شد.
- تاکید می شود پاسخ خود را حتما در سامانه ی CW آپلود کنید. ارسال در جاهای دیگر قابل قبول نیست و در صورت آپلود نکردن در سامانه ی CW ، نمره ی صفر برای تمرین مربوطه لحاظ می شود.
 - حتما نام و نام خانوادگی و شماره دانشجویی خود را در پاسخ هایتان درج کنید.
 - کل پاسخهای سوالات نظری را در قالب یک فایل pdf آماده کنید و به همراه پاسخ سوال عملی (کد، نتایج و توضیحات

ذکر شده در صورت سوال) در یک فایل zip قرار دهید و آن را با شماره دانشجوییتان، به فرمت ty نامگذاری کرده و در سامانه ty بارگذاری کنید.

- لطفا تصویری واضح از پاسخ سوالات نظری تهیه کنید. در غیراین صورت پاسخ شما تصحیح نخواهد شد.
- در حل سوالات به نوشتن جواب آخر اکتفا نکنید. همه ی مراحل میانی را نیز بنویسید. در غیر این صورت نمره ی سوال مربوطه را دریافت نخواهید کرد.
 - در صورت مشاهده ی هرگونه شباهت نامتعارف میان پاسخهای دو (یا چند) نفر ، همگی کل نمره ی این تمرین را از دست خواهند داد.
 - حتما بر اساس موارد ذکرشده در صورت سوالات، آنها را حل کنید. در صورت داشتن ابهام، در تالار پرسش و پاسخ مربوط به همین تمرین، مطرح کنید و به پاسخهایی که دستیار آموزشی مربوطه در تالار بیان میکند، توجه کنید.
- آخرین مهلت طرح پرسش دربارهی صورت سوالات در تالار، تا ساعت ۲۱ روز ددلاین است. دستیار آموزشی مربوطه وظیفهای در قبال سوالاتی که پس از این زمان پرسیده شوند، ندارد و به آنها پاسخی داده نخواهد شد.

سوالات نظرى

به سوالات زیر پاسخ دهید.

الف) مدل های صف finite population و infinite population را توصیف و تفاوتهای آنها را بیان کنید.

ب) Queue discipline یا همان نظام صف بندی چیست؟ سه مورد از آنها را نام برده و هرکدام را به طور خلاصه شرح دهید.

ج) مفهوم random-number streams را توضيح دهيد.

۲. اعداد تصادفی زیر را در نظر بگیرید

0.05-0.08 -0.14-

0.24 - 0.33 - 0.33 - 0.39 - 0.41 - 0.44 - 0.53 - 0.56 - 0.58 - 0.63 - 0.73 - 0.76 - 0.83 - 0.84 - 0.88 - 0.88 - 0.93

بخش الف) با اعمال تست kolmogorov-smirnov فرض اینکه این اعداد توزیع یکنواخت داشته باشند را بررسی کنید. ((level of significance = 5%) بخش ب) تست بخش قبل را این بار با روش chi-square و در نظر گرفتن ۱۰ بازه برای اعداد تصادفی تولید شده

. ت ک . ب ک

بخش ج) در اینجا با توضیح دلیل تعیین کنید که از نتیجه کدام تست باید استفاده کرد؟

۳. در این سوال قصد بررسی مدل صف در یک مطب را داریم. فرض کنید که در یک مطب دو پزشک وجود دارند که هرکدام از آنها در ۱۵ دقیقه، یک بیمار را معاینه و درمان میکنند و در هر یک ساعت، یک بیمار به مطب وارد میشود. فرض کنید که میدانیم این مطب امروز تنها ۱۰ بیمار خواهد داشت.

الف) تعداد میانگین افرادی که در مطب حضور دارند را بدست آورید.

ب) هر بیمار به طور میانگین چند دقیقه را در صف میگذارند؟

ج) هر پزشک به طور میانگین در چه نسبتی از یک ساعت، هیچ بیماری را ویزیت نمیکند؟

۴. یک سیستم صف M/M/1 برای یک مغازه را درنظر بگیرید:

الف) اثبات کنید احتمال اینکه n مشتری در مغازه حضور داشته باشند برابر است با:

$$P_{n} = (1 - \rho)\rho^{n}$$

که $\rho = \frac{\lambda}{\mu}$ utilization برابر

بخش ب) با استفاده از نتیجه بخش قبل، اثبات کنید که تعداد مشتریهای منتظر در صف به طور میانگین برابر است با:

$$L_0 = \frac{\rho^2}{1-\rho}$$

فی پس از راهاندازی آزادراه تهران-شمال، وزارت راه و شهرسازی قصد دارد بین استفاده از باجهی اتوماتیک و یا باجهی سنتی برای دریافت عوارضی یکی را انتخاب کند. هزینهی باجهی اتوماتیک دو برابر باجههای سنتی است و بودجه این وزارتخانه برای این پروژه برابر هزینهی یک باجهی اتوماتیک است. بنابراین میتواند یا یک باجهی اتوماتیک و یا دو باجهی سنتی قرار دهد. همچنین فرض کنید خودروها را با یک فرایند پواسون با نرخ 1000 نفر در ساعت مدل کنیم که به عوارضی یک شهر میرسند و در یک صف طولانی قرار میگیرند. با توجه به زمان انتظار مورد انتظار، کدام انتخاب برای وزارت راه و شهرسازی بهتر است؟

الف) این صف توسط یک باجه ی خودکار با نرخ 1200 نفر در ساعت خدمت رسانی می شود. همچنین فرض کنید که زمان های سرویس دهی از توزیع نمایی پیروی کنند و استراتژی سرویس دهی FIFO است. زمان انتظار مورد انتظار (Steady-state) در حالت پایدار (expected waiting time)

ب) صف توسط دو باجهی سنتی با نرخ سرویسدهی 600 نفر در ساعت سرویسدهی شود. مشابه قسمت قبل فرض کنید که زمانهای سرویسدهی از توزیع نمایی پیروی کنند و استراتژی سرویسدهی FIFO است و در این حالت زمان انتظار مورد انتظار (Steady-state) را پیدا کنید.

سوال عملي

در این بخش قصد پیادهسازی الگوریتمهای تولید اعداد شبه تصادفی و روشهای تست آنها را داریم.

بخش اول: پیادهسازی الگوریتمهای تولید اعداد شبه تصادفی:

در این بخش در ابتدا یک تابع تولید عدد با الگوریتم LCM را پیاده کنید و بعد با استفاده از این تابع، الگوریتم CLCG را به صورت یک تابع پیاده کنید. در انتخاب پارامتر های الگوریتمها آزاد هستید.

در آخر، به عنوان یک روش متفاوت دیگر تولید اعداد شبه تصادفی، الگوریتم xor-shift را مشابه بخش قبلی، پیاده کنید. (همچنین در مستند تمرین این بخش، توضیحی در مورد این الگوریتم ارائه دهید.)

بخش دوم تولید اعداد

بهازای هرکدام از روشهای پیادهسازی شده در بخش قبل، ۱۰۰۰ عدد ایجاد کنید و نمودار هیستوگرام هرکدام از آنها را رسم کنید.

بخش سوم: تست اعداد

در این بخش باید سه روش KS-test، chi-square test و auto-correlation test را بیاده کنید.

- این تست را به صورت یک تابع ایجاد کنید که با ورودی گرفتن اعداد تولیدشده و مقدار level of
 نتیجه تست را چاپ کند.
 - chi-square test: این تست نیز مشابه بخش قبل پیاده شود.
- auto-correlation test: این تست در قالب یک تابع ایجاد شود که با ورودی گرفتن اعداد تولیدشده به همراه مقدار level of significance نتیجه تست را ایجاد کند.

برای این بخش تمرین میتوانید از یکی از زبانهای برنامهنویسی پایتون، جاوا، سی یا سی پلاس پلاس استفاده کنید. برای ارسال پاسخ این بخش، به همراه کد پیادهسازی باید یک مستند حاوی توضیحات لازم برای بخشهای مختلف کد را ارائه دهید.

نکته: برای بدست آوردن مقادیر بحرانی یا p-value در تستهای مختلف، میتوانید از کتابخانههای در دسترس در زبان برنامهنویسی مدنظر استفاده کنید و در بیادهسازی شما این مقادیر نباید hard code شوند.

موفق باشيد