سوال ١

جواب سوال ١

برای حل این مسئله، ما با دو فرایند پواسون مواجه هستیم که به ترتیب با نرخهای λ_b و λ_b برای نانهای بربری و سنگک مشخص می شوند. ما می خواهیم متوسط زمان $\mathbb{E}[T]$ برای تولید اولین نان در هر دو سناریو را محاسبه کنیم. T_b (زمان تولید اولین نان): در این حالت، ما به دنبال زمان برای تولید اولین نان هستیم، فارغ از اینکه آن نان بربری است یا سنگک. این مسئله به محاسبه اولین وقوع در هر دو فرایند پواسون مربوط می شود.

رزمان تولید حداقل یک نان بربری و یک نان سنگک): در این حالت، ما به دنبال زمانی هستیم که در آن حداقل یک نان از هر نوع تولید شده باشد.

برای محاسبه $\mathbb{E}[T_1]$ و $\mathbb{E}[T_1]$ ، ما از خواص فرایندهای پواسون استفاده خواهیم کرد. بیایید این محاسبات را انجام دهیم.

برای محاسبه متوسط زمان تولید اولین نان در هر دو سناریو:

(زمان برای تولید اولین نان، بدون توجه به نوع آن): متوسط زمان تولید اولین نان، خواه بربری یا سنگک، برابر است با $\frac{1}{\lambda_b + \lambda_s}$. این به دلیل آن است که میزان وقوع رویداد در هر دو فرایند پواسون را میتوان به صورت ترکیبی در نظر گرفت.

 $\mathbb{E}[T_{\mathsf{Y}}]$ (زمان برای تولید حداقل یک نان بربری و یک نان سنگک): متوسط زمان لازم برای تولید حداقل یک نان از هر نوع برابر است با $\frac{\lambda_s}{\lambda_b(\lambda_b+\lambda_s)}$ ، به شرطی که نرخهای λ_b و λ_s مثبت و متمایز باشند. این فرمول بر اساس خصوصیات توزیعهای نمایی مستقل که مربوط به زمانهای انتظار برای هر فرایند پواسون هستند، به دست میآید.

با فرض اینکه نرخهای تولید نان بربری و سنگک به ترتیب ۲ $_b=1$ و ۳ $_b=1$ باشند، محاسبات به شرح زیر است:

. درمانی.
$$\mathbb{E}[T_1] = \frac{1}{\lambda_b + \lambda_s} = \frac{1}{1+\tau} = 1$$
 واحد زمانی.

. واحد زمانی.
$$\mathbb{E}[T_{ au}] = rac{\lambda_s}{\lambda_b(\lambda_b + \lambda_s)} = rac{ au}{ au imes (au + au)} = \cdot au$$
 واحد زمانی.

سوال ۲

جواب سوال ۲

برای متغیر تصادفی X (تاس چهار وجهی):

 $E[X] = \frac{1+Y+Y+Y}{Y} = Y/\Delta : X$ امید ریاضی

 $Var[X] = E[X^{\mathsf{Y}}] - (E[X])^{\mathsf{Y}} = \mathsf{V/\Delta} - (\mathsf{Y/\Delta})^{\mathsf{Y}} = \mathsf{V/Y\Delta} : X$ واريانس

برای متغیر تصادفی Y (تاس شش وجهی):

- $E[Y] = \frac{1+Y+Y+Y+\delta+9}{9} = Y/2:Y$ امید ریاضی
- $Var[Y]=E[Y^{
 m Y}]-(E[Y])^{
 m Y}=rac{41}{9}-({
 m Y}/{\Delta})^{
 m Y}={
 m Y}/{4}$ واریانس ullet

برای متغیر تصادفی Z (میانگین X و Y):

- $E[Z] = \frac{E[X] + E[Y]}{Y} = Y : Z$ امید ریاضی
- $Var[Z] = rac{Var[X] + Var[Y]}{rak t} = 1/rac{ au}{1}$ واریانس \bullet

ب) امید ریاضی سود شما پس از ۶۰ دست پرتاب دو تاس:

فرض کنید در هر پرتاب دو تاس، اگر عدد نمایش داده شده روی تاس چهار وجهی (X) بیشتر از عدد نمایش داده شده روی تاس شش وجهی (Y) باشد، شما $X \times Y$ دلار برنده می شوید. در غیر این صورت، شما ۱ دلار می بازید. محاسبه امید ریاضی سود شما برای یک پرتاب و سپس برای ۶۰ پرتاب به شرح زیر است:

- امید ریاضی سود برای یک پرتاب دو تاس: تقریباً ۱/۹۱۷ دلار.
 - امید ریاضی کلی سود برای ۶۰ پرتاب: تقریباً ۵۵ دلار.

سوال ۳

جواب سوال ٣

سوال ۴

جواب سوال ۴

سوال ۵

جواب سوال ۵

سوال ۶

سوال عملي تمرين ٢، كد شبيهسازي...

جواب سوال ۶