

2.1 Einfache lineare Regression und Residuenanalyse

Challenge: cml1/3Db Immobilienrechner

Team: Alexander Shanmugam, Si Ben Tran, Gabriel Torrez Gamez, Haris Alic

Aufgabe: 2.1 Einfache lineare Regression und Residuenanalyse

Verwende ein einfaches lineares Modell zur Vorhersage von `price_cleaned` mit dem Attribut `Space extracted` oder `Floor_space_merged` (es gibt einige, wo beide fehlen (um die 800, können ignoriert werden)).

Entwickle das Modell in einem Notebook. Untersuche dabei ob die Annahmen eines linearen Modells erfüllt sind mit geeigneten Darstellungen. Wie können Variablen-Transformationen verwendet werden, um die Modellvoraussetzungen besser zu erfüllen und das Modell zu verbessern?

Rapportiere und diskutiere die erreichte Genauigkeit der Vorhersage mit mehreren sinnvollen Metriken und auf unabhängigen Testdaten.

Abgabe

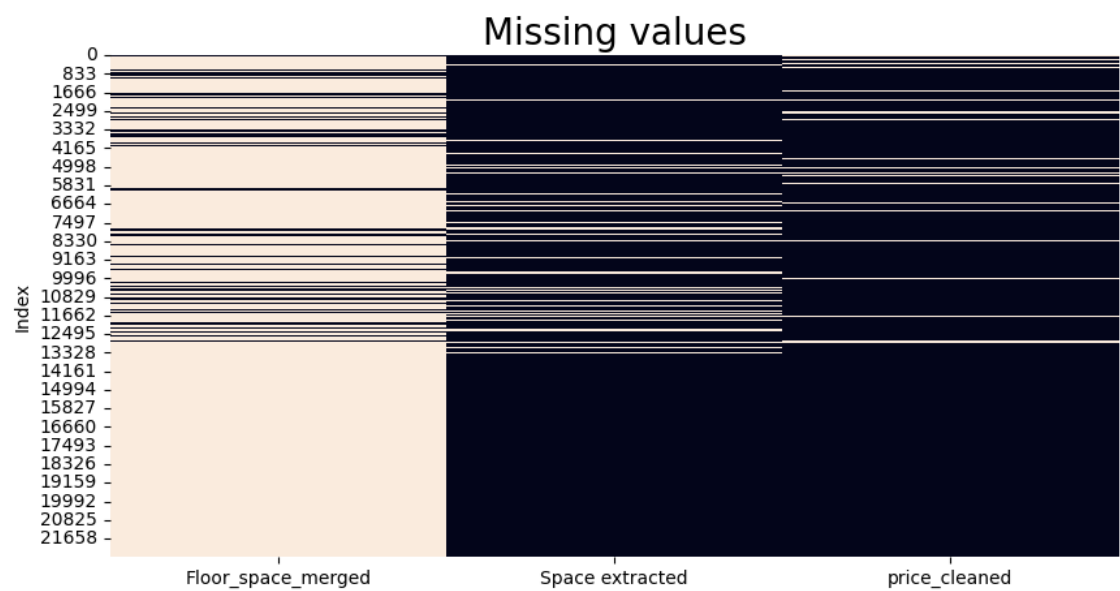
Notebook und daraus erstellter Bericht (ohne Code) als pdf.

Pipeline

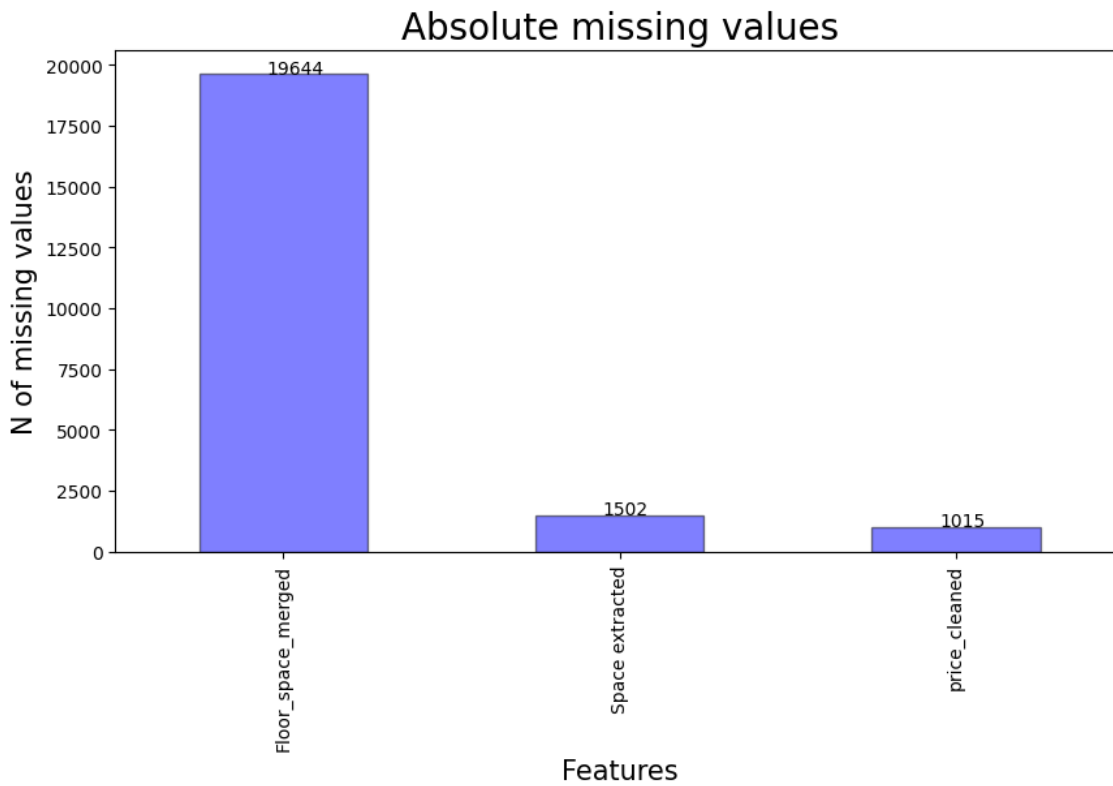
Zuerst werden die Daten eingelesen. Mehr Informationen dazu sind im Jupyter Notebook vorhanden.

Daten bearbeiten

Hier in diesem Abschnitt schauen wir uns die Spalten genauer an und entscheiden daraufhin, welches Feature wir für unser simples lineares Regressions Modell verwenden wollen.



Die Fläche in Beige representiert nicht vorhandene Werte (NA's). Die schwarze Fläche representiert vorhandene Werte.

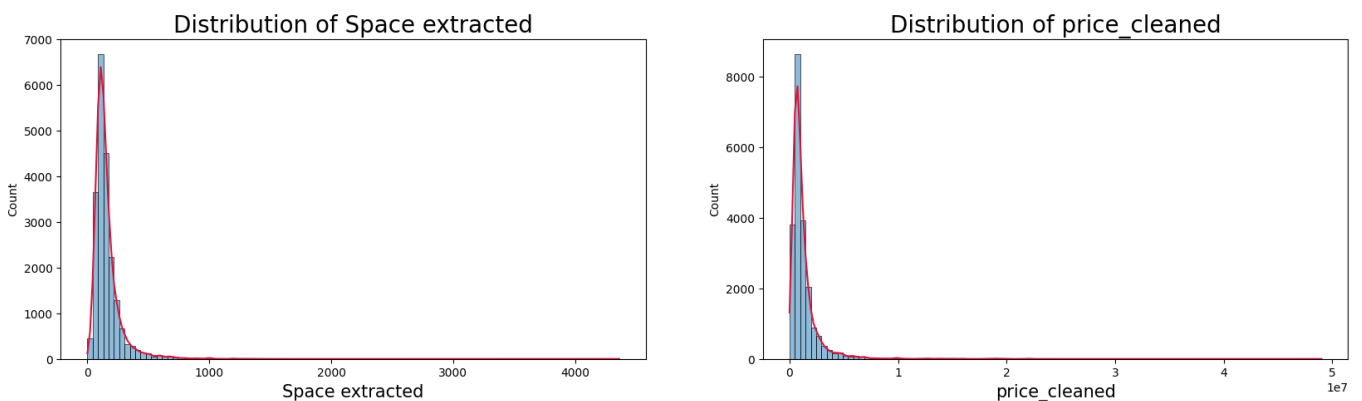


Wir entscheiden uns für das Feature `space_extracted` und als Target `price_cleaned`.
`Floor_space_merged` wird für das lineare Regressionsmodell nicht verwendet, da über 10000 fehlende Werte im Feature vorhanden sind. Dies erkennen wir einerseits am Barplot und andererseits an der Heatmap.

Verteilungen

Wir plotten die Verteilung von `space_extracted` und `price_cleaned` um zu sehen, wie die Verteilung der Daten vorliegt.

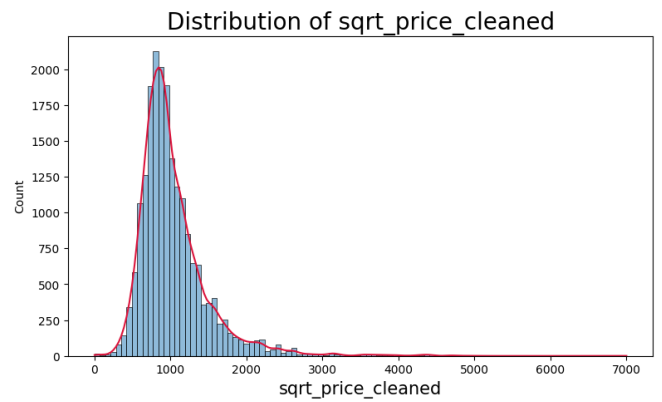
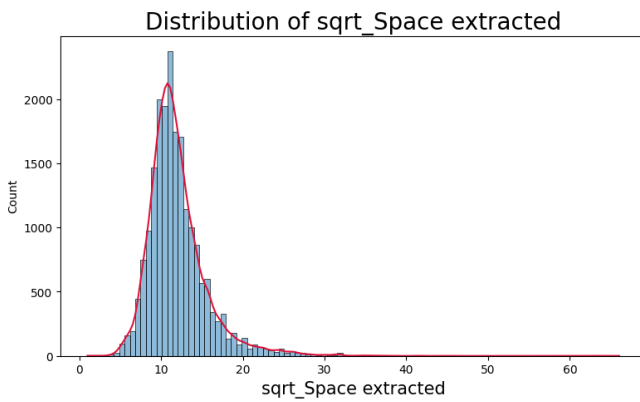
Verteilung von `space_extracted` & `price_cleaned`



Wir erkennen in beiden Verteilungsplots, dass `space_extracted` und `price_cleaned` nicht normalverteilt sind. Es sieht aus, wie eine Rechtsschiefe Verteilung. Es gibt einige Werte bei `Space_extracted` und `price_cleaned` die sehr hoch sind und somit die Verteilung beeinflussen.

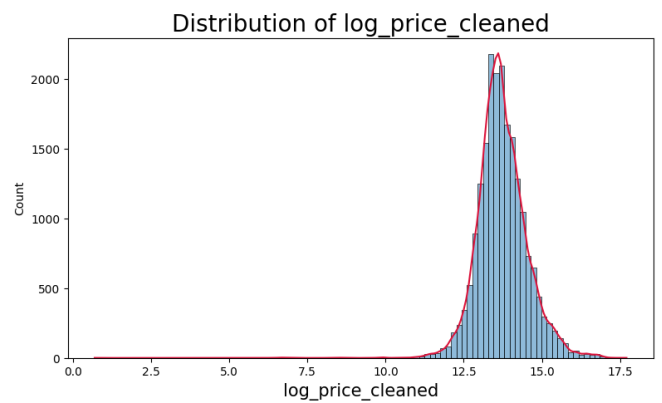
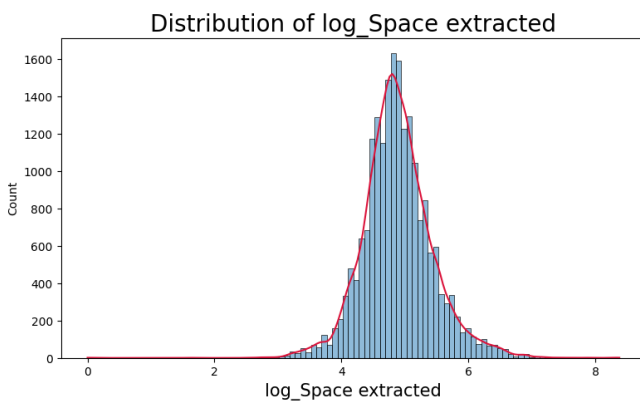
Mittels geeigneter Transformationen durch `sqrt` oder `log`, können wir die Verteilung der Daten verändern. Der Grund, warum wir die Transformationen durchführen, basiert auf den Bedingungen der Residuenanalyse, die im nächsten Abschnitt behandelt wird.

Verteilung von `sqrt_space_extracted` & `sqrt_price_cleaned`



Durch die Wurzel Transformation erhalten wir für space_extracted und price_cleaned eine annähernd normalverteilte Verteilung.

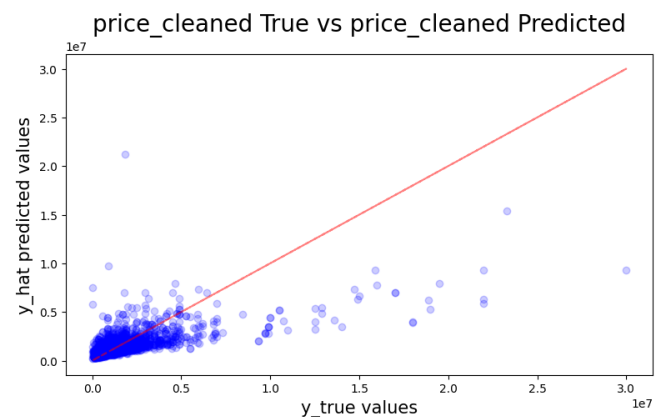
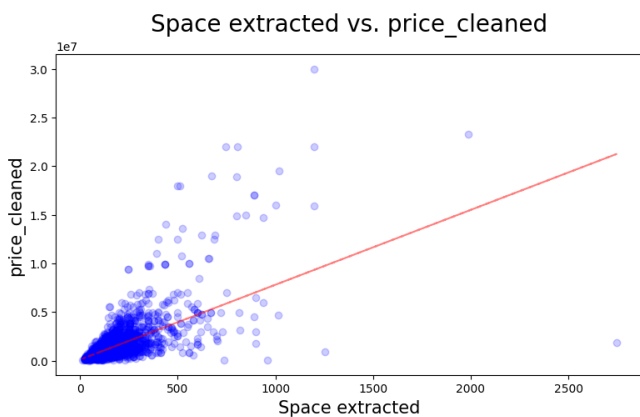
Verteilung von log_space_extracted & log_price_cleaned



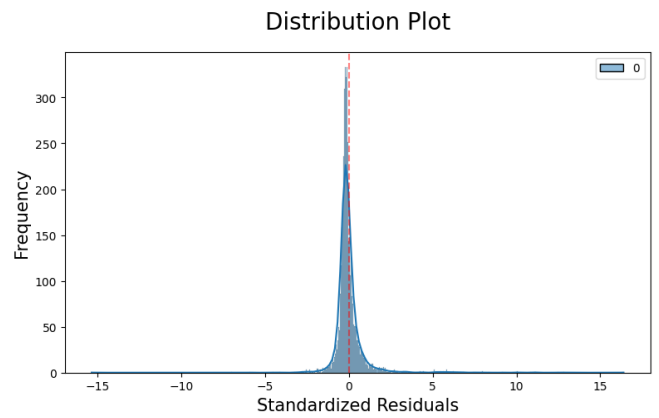
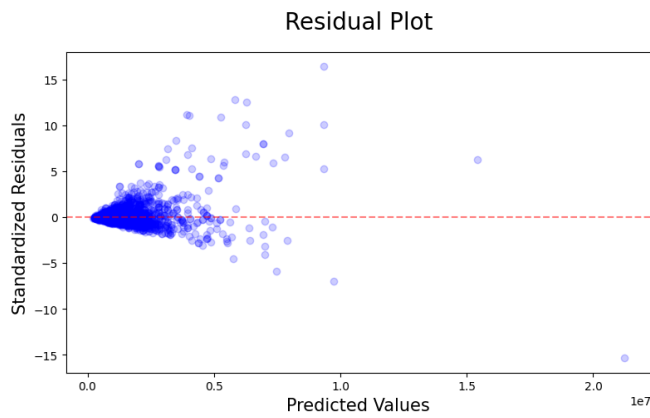
Analog zur Wurzel Transformation, erhalten wir durch den log Transformation eine annähernd normalverteilte Verteilung für space_extracted und price_cleaned.

Funktion Lineare Regression mit Residuenanalyse

Modell 1 - Linear Regression mit space extracted & price_cleaned



MAE: 575701.379 | MAPE: 1.482 | R2: 0.449



Modell 1 - Resultate und Interpretation

Ein lineares Regressionsmodell ohne Transformation der Daten liefert uns folgende Ergebnisse:

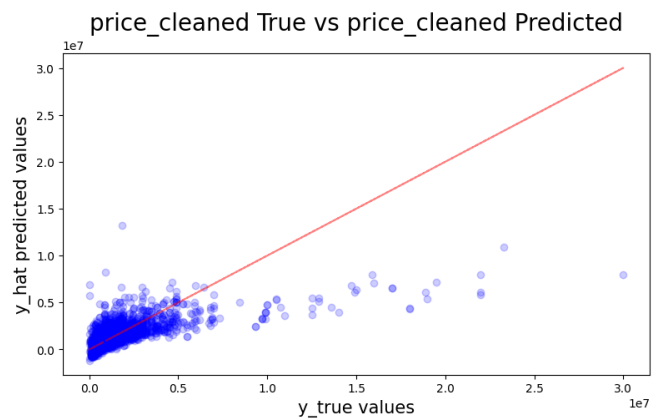
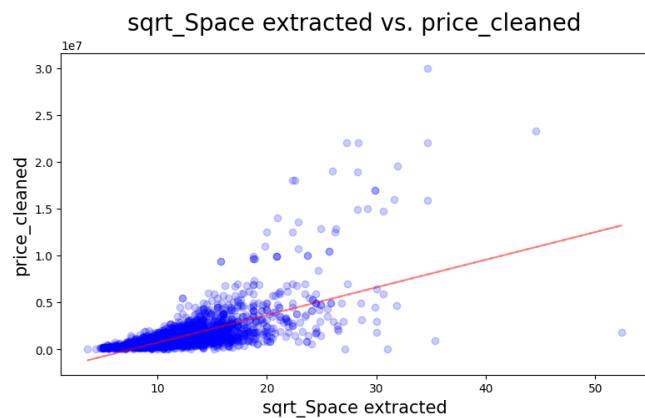
- MAE : 575701
- MAPE : 1.482
- R^2 : 0.449

Wir erkennen im Streudiagramm, das `space_extracted` und `price_cleaned` nicht linear korrelieren. Ein Indiz dafür gibt uns auch der R^2 .

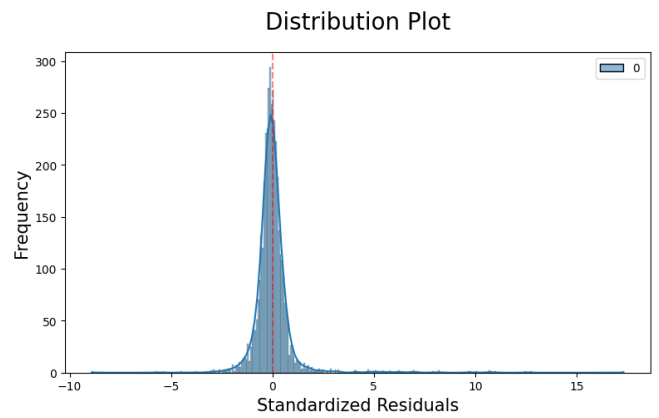
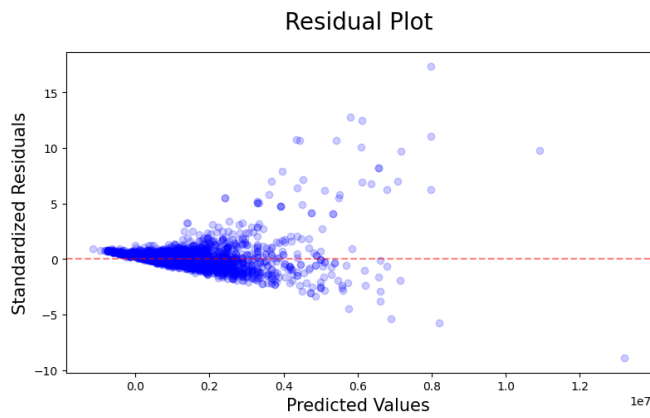
Aufgrund der Residuenanalyse erkennen wir, dass die Annahmen des linearen Regressionsmodells nicht erfüllt sind. Die Residuen sind nicht unabhängig voneinander.

Durch Transformationen von der x-Achse oder y-Achse können wir überprüfen, ob die Annahmen des linearen Regressionsmodells erfüllt werden. Dies geschieht im nächsten Abschnitt.

Modell 2 - Linear Regression mit `sqrt_space_extracted` & `price_cleaned`



MAE: 628071.575 | MAPE: 1.62 | R^2 : 0.44



Modell 2 - Resultate und Interpretation

Ein Lineares Regressionsmodell mittels sqrt Transformation von space_extracted liefert uns folgende Ergebnisse:

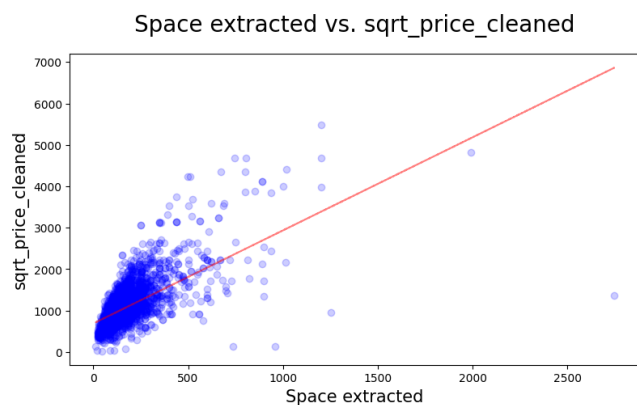
- MAE : 628072
- MAPE : 1.62
- R^2 : 0.44

Die Transformation mittels sqrt von space_extracted ergibt uns per se kein besseres Modell verglichen zum ersten Modell.

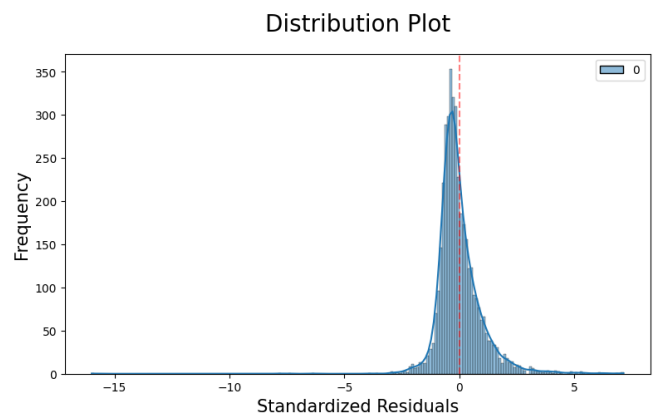
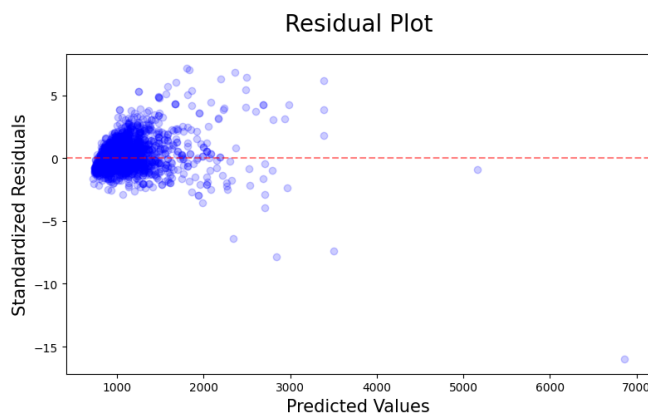
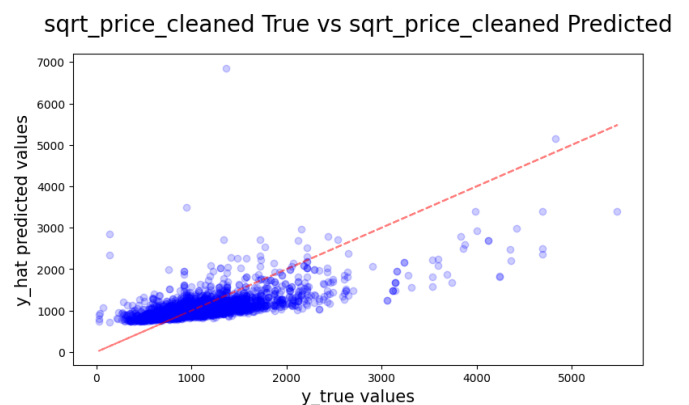
Aufgrund der Residuenanalyse erkennen wir, dass die Annahmen des linearen Regressionsmodells nicht erfüllt sind. Die Residuen sind nicht unabhängig voneinander, sondern folgen einer Kegelform Muster.

Im nächsten Abschnitt nehmen wir die Transformation von price_cleaned vor und schauen uns an, ob sich das Modell verbessert.

Modell 3 - Linear Regression mit pace_extracted & sqrt_price_cleaned



MAE: 574672.915 | MAPE: 1.573 | R^2 : 0.284



Modell 3 - Resultate und Interpretation

Ein Lineares Regressionsmodell mittels Transformation von price_cleaned liefert uns folgende Ergebnisse:

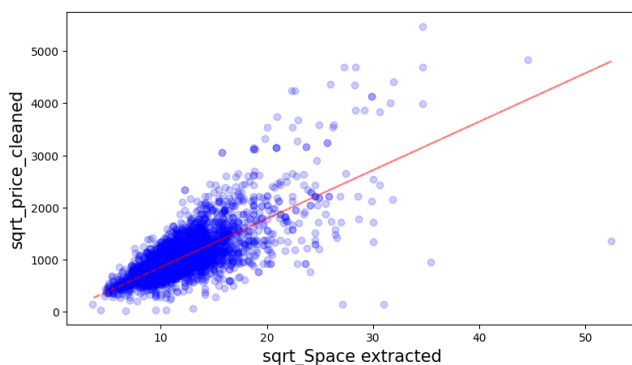
- MAE : 574673
- MAPE : 1.573
- R^2 : 0.284

Wir erkennen, durch die Transformation der Targetvariabel price_cleaned wird das Modell nicht besser sondern schlechter verglichen zu den ersten beiden Modellen.

Ein nun interessantes Modell ist das Modell 4, welches wir dann beide Achsen mittels sqrt transformieren werden, um zu sehen, ob sich das Modell verbessert und die Bedingungen der Residuenanalyse erfüllt.

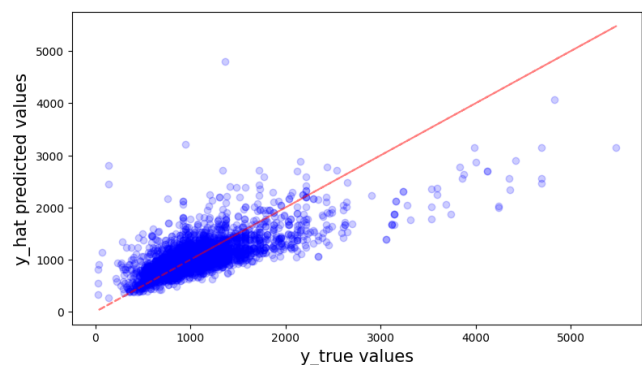
Modell 4 - Lineare Regression mit sqrt_space_extracted & sqrt_price_cleaned

sqrt_Space extracted vs. sqrt_price_cleaned

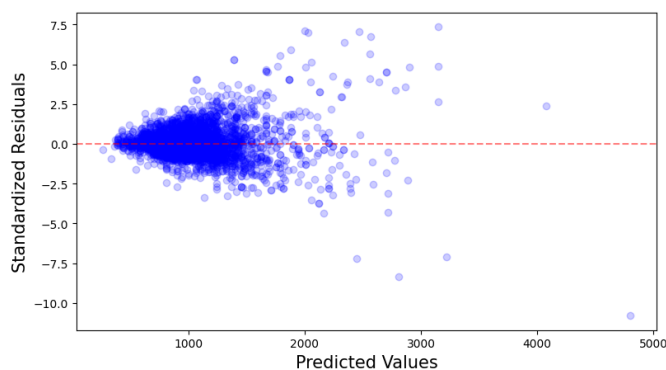


MAE: 538525.518 | MAPE: 1.217 | R^2 : 0.455

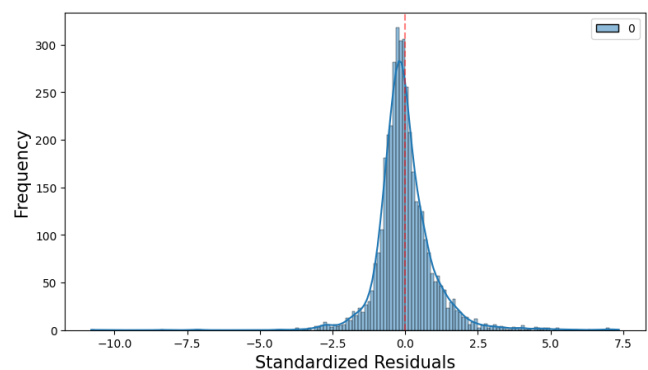
sqrt_price_cleaned True vs sqrt_price_cleaned Predicted



Residual Plot



Distribution Plot



Modell 4 - Resultate und Interpretation

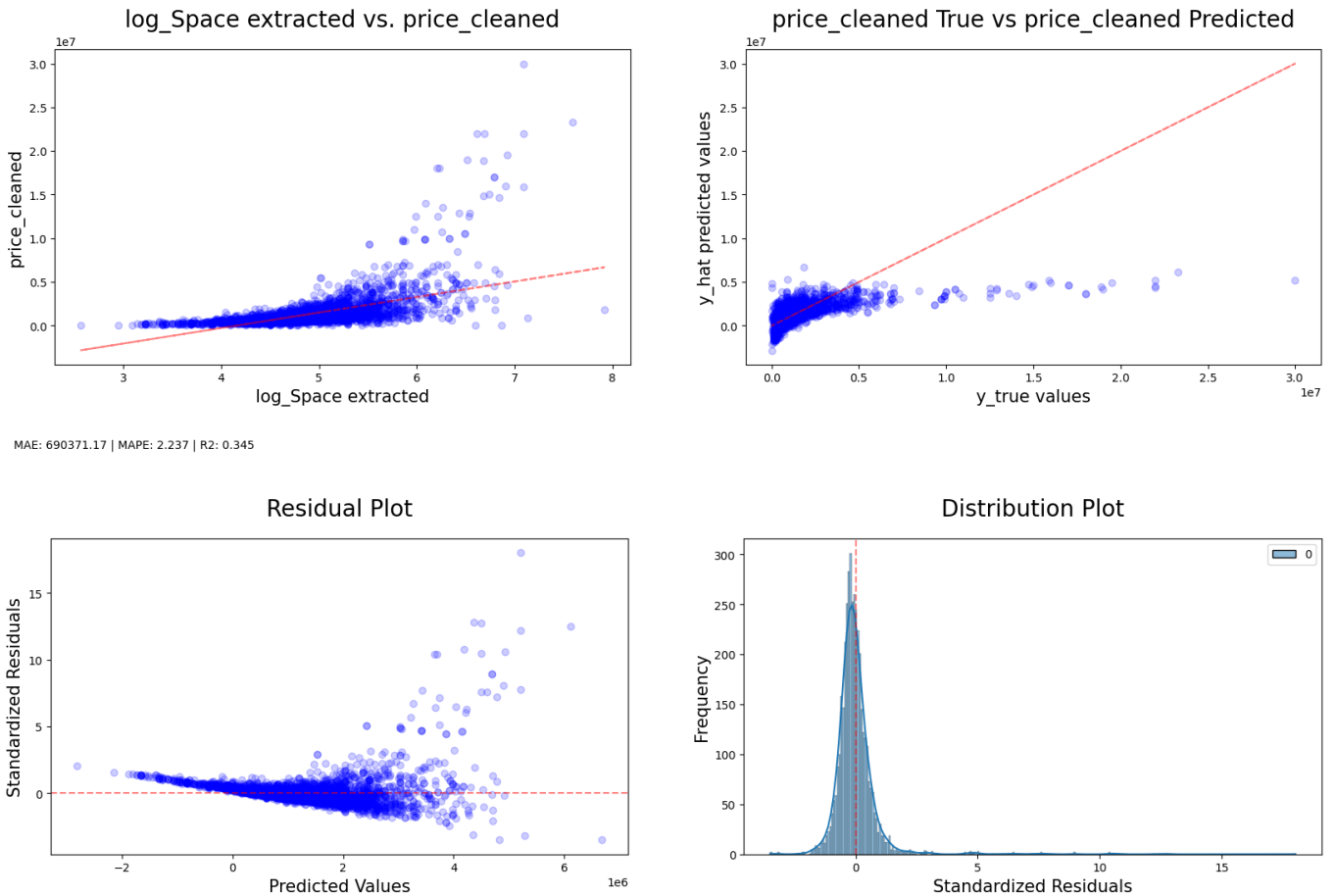
Ein Lineares Regressionsmodell mittels Wurzeltransformation von space_extraced und price_cleaned liefert uns folgende Ergebnisse:

- MAE : 538526
- MAPE : 1.217
- R^2 : 0.455

Durch die Wurzeltransformationen beider Achsen verbessert sich das Modell einwenig. Dies erkennen wir am MAPE und am R^2 . Der MAPE ist tiefer und der R^2 höher.

Aufgrund der Residuenanalyse erkennen wir, dass die Annahmen des linearen Regressionsmodells nicht ganz erfüllt werden. Die Residuen sind annähernd unabhängig voneinander, folgen jedoch leicht einem Kegelmuster. Dafür haben die Residuen einen Erwartungswert von 0 und sind Normalverteilt.

Modell 5 - Lineare Regression mit log_space_extracted & price_cleaned



Modell 5 - Resultate und Interpretation

Ein Lineares Regressionsmodell mittels Log Transformation von space_extracted liefert uns folgende Ergebnisse:

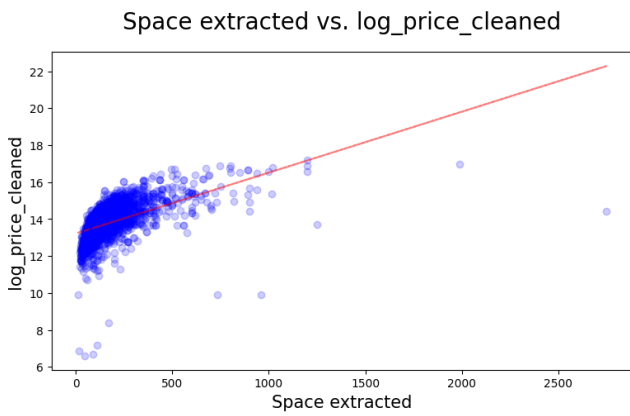
- MAE : 690371
- MAPE : 2.237
- R^2 : 0.345

Durch die Logarithmische Transformation von space_extracted wird das Modell verglichen zur sqrt Transformation beider Achsen schlechter. Dies ist deutlich am MAPE erkennbar, da diese nun deutlich höher ist und der R^2 tiefer wurde.

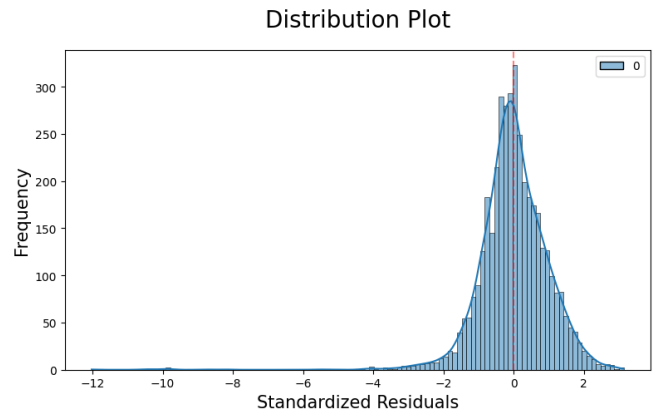
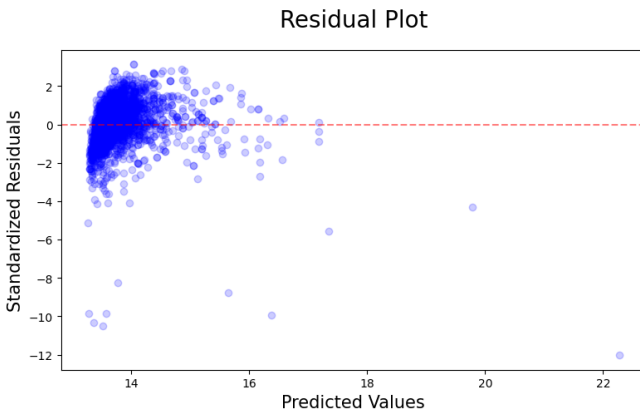
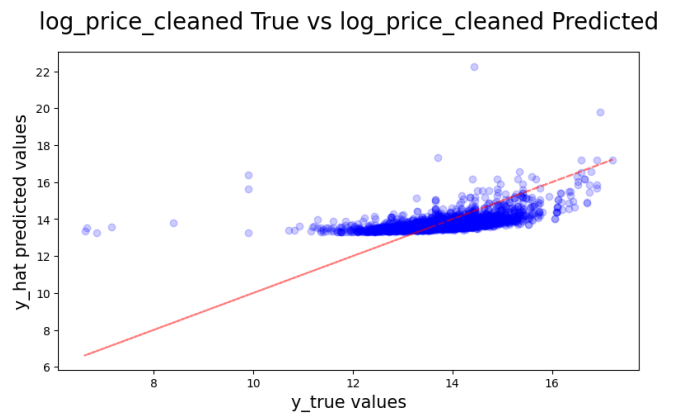
Aufgrund der Residuenanalyse erkennen wir, dass die Annahmen des linearen Regressionsmodells nicht erfüllt werden. Die Residuen sind nicht unabhängig voneinander. Der Erwartungswert und die Verteilung der Residuen sind dafür in Ordnung.

Vollständigkeitshalber transformieren wir in nächsten Abschnitt nur die Targetvariabel price_cleaned mittels log Transformation.

Modell 6 - Lineare Regression mit space_extracted & log_price_cleaned



MAE: 1840814.963 | MAPE: 2.208 | R^2 : -1932.527



Modell 6 - Resultate und Interpretation

Ein Lineares Regressionsmodell mittels Log Transformation von price_cleaned liefert uns folgende Ergebnisse:

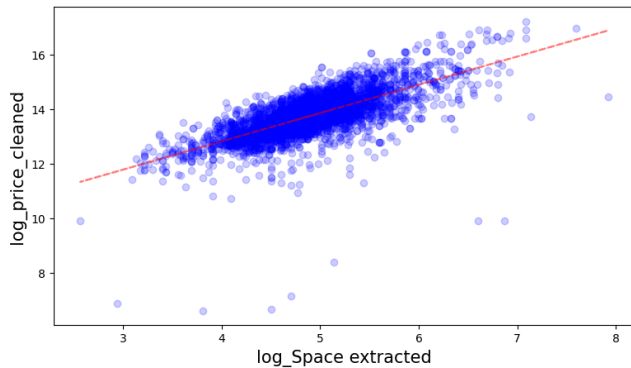
- MAE : 1840815
- MAPE : 2.208
- R^2 : -1933

Durch die logarithmische Transformation von nur price_cleaned wurde das Modell noch schlechter. Analog ist dies bei der Wurzeltransformation von nur price_cleaned zu beobachten. Dieses Modell ist somit nicht geeignet, da der R^2 Score einen negativen Wert hat und somit das Lineare Modell nicht sinnvoll ist.

Im nächsten Abschnitt befassen wir uns mit der logarithmischen Transformation beider Achsen, sprich von space_extracted und price_cleaned und schauen uns an, ob sich das Modell verbessert. Aufgrund der sqrt Transformation gehen wir davon aus, dass sich das Modell verbessern muss.

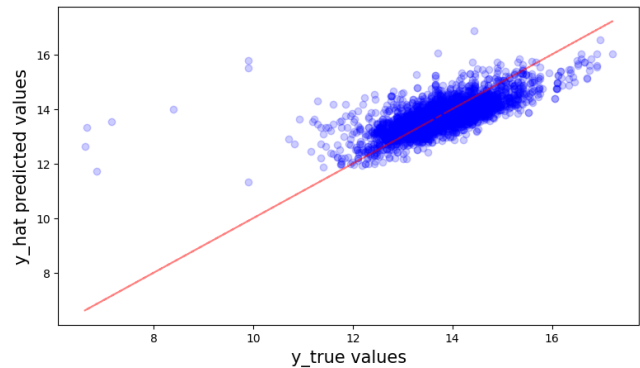
Modell 7 - Lineare Regression mit log_space_extracted & log_price_cleaned

log_Space extracted vs. log_price_cleaned

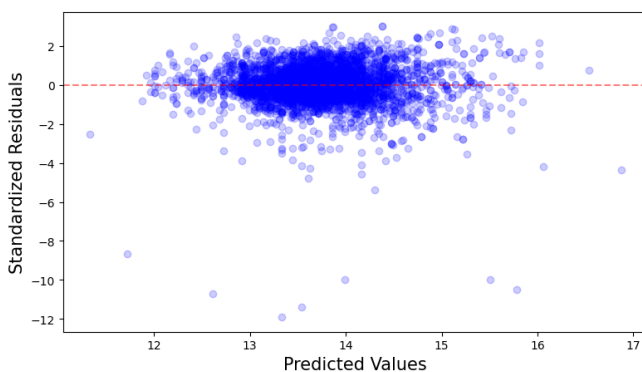


MAE: 530291.208 | MAPE: 1.135 | R²: 0.431

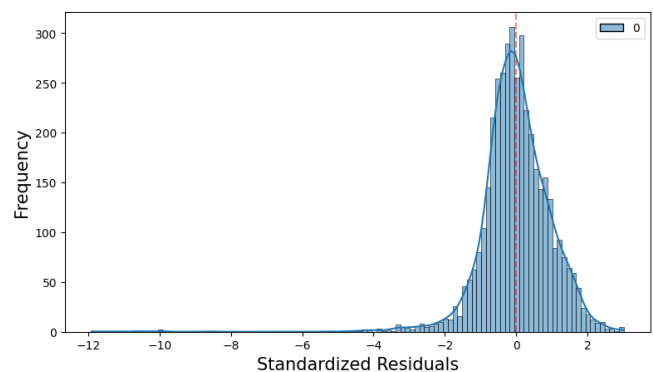
log_price_cleaned True vs log_price_cleaned Predicted



Residual Plot



Distribution Plot



Modell 7 - Resultate und Interpretation

Ein Lineares Regressionsmodell mittels Log Transformation von space_extraced und price_cleaned liefert uns folgende Ergebnisse:

- MAE : 530291
- MAPE : 1.135
- R^2 : 0.431

wie erwartet hat sich das Modell durch die Transformationen von beiden Achsen deutlich verbessert. Wir erkennen, dass der MAPE tiefer ist als ohne Transformation. Auch erkennen wir im Streudiagramm einige Ausreisser, die wahrscheinlich den Grossteil von MAPE beeinflussen. Die Residuen sind unabhängig voneinander und folgen einer Normalverteilung und haben einen Erwartungswert von 0.

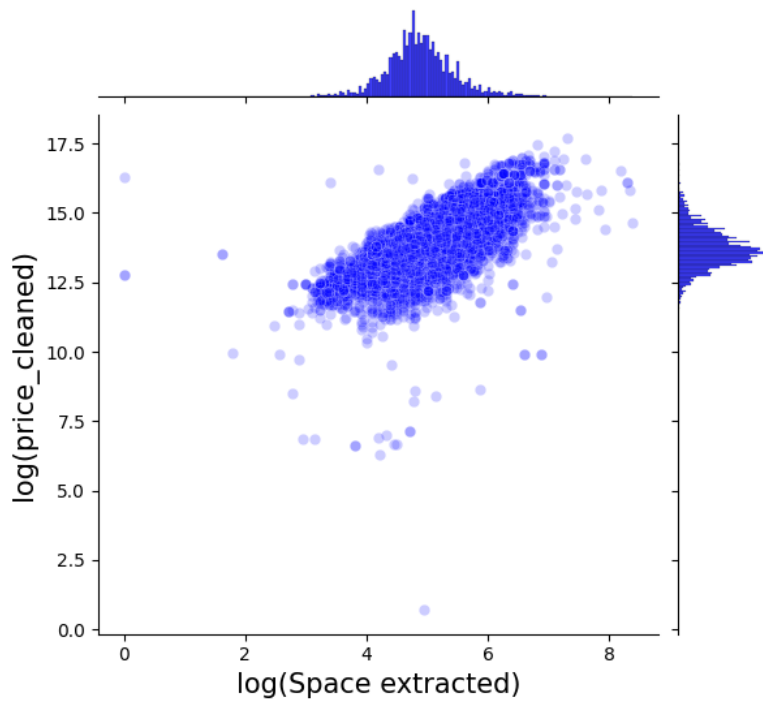
Verglichen zur Wurzeltransformation ist es hier deutlich erkennbarer, dass die Residuen unabhängiger voneinander sind und somit die Annahmen des linearen Regressionsmodells besser erfüllen.

Aus diesem Grund werden wir nun uns weiter mit dem Modell 7 befassen und versuchen, dieses Modell weiter zu optimieren bzw. die Metriken zu verbessern.

Ausreisser entfernen

Damit wir den MAPE weiter senken können, entfernen wir nun die Ausreisser, die wir im Streudiagramm erkennen konnten. Wir entfernen die Ausreisser, indem wir die Datenpunkte entfernen, die bei der Logarithmischen Transformation einen grösseren oder kleineren Wert als 3 Sigma haben.

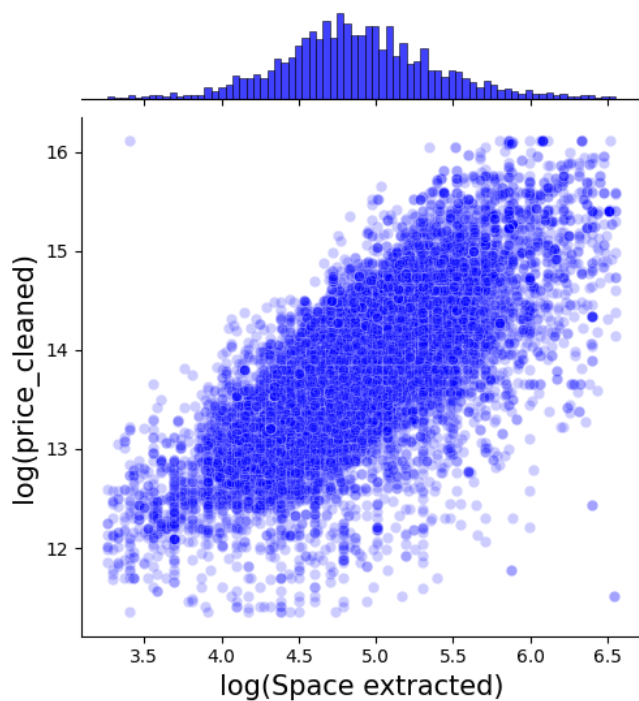
Jointplot of log(Space extracted) vs log(price cleaned)



In the jointplot we can see that our data indeed has some outliers

outliers removed

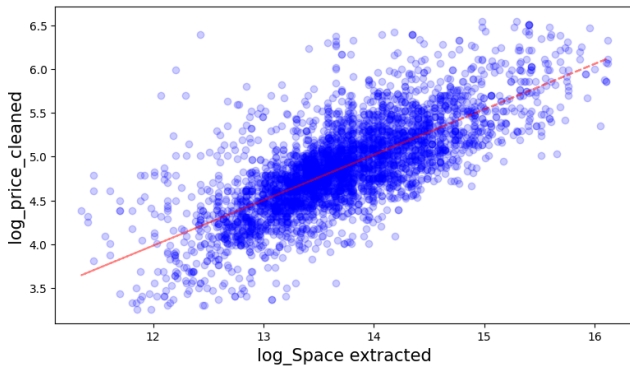
Jointplot of log(Space extracted) vs log(price cleaned)



Jointplot after removing outliers

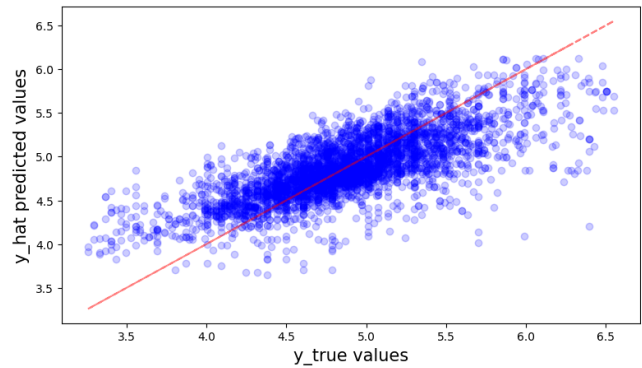
Modell 7.1 - Lineare Regression mit log_space_extracted & log_price_cleaned ohne Ausreisser

log_Space extracted vs. log_price_cleaned

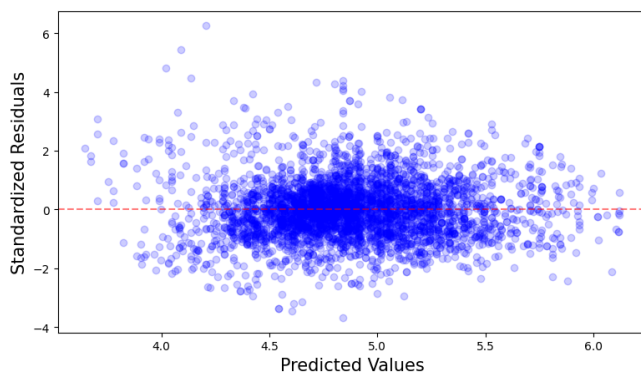


MAE: 39.981 | MAPE: 0.266 | R^2 : 0.464

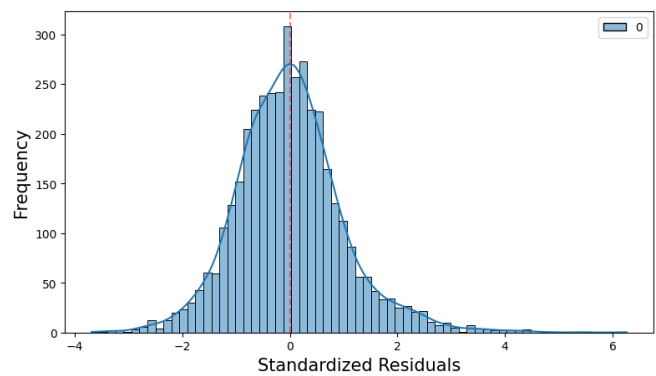
log_price_cleaned True vs log_price_cleaned Predicted



Residual Plot



Distribution Plot



Modell 7.1 - Resultate und Interpretation

Ein Lineares Regressionsmodell mittels Log Transformation von space_extracted und price_cleaned sowie das entfernen von Ausreisser liefert uns folgende Ergebnisse:

- MAE : 39.981
- MAPE : 0.266
- R^2 : 0.464

Durch das entfernen der Outliers konnten wir unsere Metriken deutlich verbessern. Der MAPE sowie MAE wurden deutlich kleiner. Der R^2 ist leicht angestiegen, blieb jedoch unter 0.5.

Auch erkennen wir in den Residuenanalysen, dass die Residuen unabhängig voneinander sind und eine Normalverteilung haben. Der Erwartungswert ist 0.