PŘÍRODOVĚDECKÁ FAKULTA UNIVERZITY PALACKÉHO KATEDRA INFORMATIKY

DIPLOMOVÁ PRÁCE

Implementace expertního systému v jazyce Common Lisp



2013 Jakub Kaláb

Anotace

Expertní systémy mají v praxi bohaté využití. Jejich smyslem je asistovat expertovi na danou problematiku, či jej plně nahradit. V příloze bakalářské práce implementuji prázdný expertní systém s dopředným řetězením inspirovaný systémem CLIPS jako knihovnu v programovacím jazyku Common Lisp tak, aby jej bylo možno plně integrovat do dalších programů.



Obsah

1.	Uvo	d	4										
2.	Pra	Praktická část											
	2.1.	Instalace	5										
		2.1.1. Získání zdrojového kódu	5										
		2.1.2. Prerekvizity	5										
		2.1.3. Načtení knihovny	6										
	2.2.	Common Lisp	8										
	2.3.	Uživatelská příručka	g										
		2.3.1. Základní pojmy	g										
			10										
			13										
			15										
			15										
			15										
			16										
			16										
			16										
			16										
			16										
	2.4.		17										
	2.5.		18										
3.	Teoretická část												
	3.1.	Expertní systémy	19										
$\mathbf{R}\epsilon$	efere	nce	20										

Seznam obrázků

Seznam příkladů

1	Základní struktura o	exilového	programu								1	2

1. Úvod

Ve své bakalářské práci jsem implementoval základní knihovnu pro tvorbu expertních systémů (tzv. prázdný expertní systém) s dopředným řetězením v jazyce Common Lisp. Cílem této diplomové práce je tuto knihovnu rozšířit o následující:

- syntaktický režim pro zajištění přiměřené kompatibility se systémem CLIPS,
- možnost vrácení provedených změn včetně odvozovacích kroků,
- podpora pro ladění s jednoduchým grafickým uživatelským rozhraním pro prostředí LispWorksTM,
- rozšíření odvozovacího aparátu o základní zpětné řetězení.

Pojem expertního systému spadá do oblasti umělé inteligence. Jde o počítačový systém, který simuluje rozhodování experta nad zvolenou problémovou doménou. Expertní systém může experta zcela nahradit, nebo mu při rozhodování asistovat.

Jazyk Common Lisp¹ (případně jiné dialekty Lispu) je častou volbou pro implementaci umělé inteligence díky svým schopnostem v oblasti symbolických výpočtů (manipulace symbolických výrazů), na nichž řešení těchto problémů často staví. Navíc jde o velmi vysokoúrovňový, dynamicky typovaný jazyk, díky čemuž je programový kód stručný, snadno pochopitelný a tudíž jednoduše rozšiřitelný.

Synax systému CLIPS² byla zvolena proto, že jde o reálně používaný systém³, jehož syntax je Lispu velmi blízká, takže není těžké ji v Lispu napodobit.

Přestože běžnou praxí je začínat diplomovou práci teoretickou částí, definovat jednotlivé pojmy a principy a ty poté v praktické části uplatnit, rozhodl jsem se postupovat opačně, tedy začít práci praktickou částí. Domnívám se totiž (také na základě zkušeností nabytých při vypracování bakalářské práce), že je podstatně snazší (minimálně v řešené problematice) pochopit příklady bez detailní znalosti teorie, než snažit se pochopit teorii bez příkladů, na nichž si lze popisované pojmy a principy představit. V praktické části tedy uvedu jen minimální množtví teorie nutné pro pochopení aktuálního problému, načež se k ní v teoretické části textu vrátím, pojmy zadefinuji přesně a rozšířím o souvislosti.

¹http://en.wikipedia.org/wiki/Common_Lisp

²http://clipsrules.sourceforge.net

³http://clipsrules.sourceforge.net/FAQ.html#Q6

2. Praktická část

Tato sekce popisuje knihovnu ExiL¹, která je výsledkem této diplomové práce. Nejprve popíšu její instalaci, pak v uživatelské příručce nastíním základní možnosti a typickou strukturu programu, který ji využívá. Poté v referenční příručce projdu všechny možnosti, které knihovna poskytuje. Načež v části věnované implementaci popíšu architekturu jejího zdrojového kódu a zmíním zajímavé části kódu implementující jednotlivá rozšíření. Nakonec uvedu několik větších příkladů použití knihovny a rozeberu několik dalších možných rozšíření a co by obnášela z pohledu implementace.

2.1. Instalace

2.1.1. Získání zdrojového kódu

Zdrojový kód knihovny je přiložen k této diplomové práci a lze jej také získat zklonováním² gitového³ repozitáře na adrese git@github.com:Incanus3/ExiL.git. Kód knihovny se nachází v podadresáři src, ten budu dále nazývat kořenovým adresářem knihovny či projektu.

2.1.2. Prerekvizity

Pro práci s knihovnou ExiL potřebujeme lispový interpreter⁴ ⁵, vývojové prostředí (s interpreterem bychom si ve skutečnosti vystačili, ale přímá práce s ním není většinou příliš pohodlná) a knihovny umožňující dávkové načtení celého projektu včetně závislostí.

Knihovnu jsem vyvíjel v prostředí SLIME⁶, což je plugin pro textový editor GNU Emacs⁷ (poskytující mimo jiné pomůcky pro editaci lispového zdrojového kódu, REPL⁸ a debugger⁹) s interpreterem SBCL¹⁰ a tuto kombinaci mohu vřele doporučit. V operačním systému Debian GNU Linux, který jsem pro vývoj použil, lze Emacs, SLIME i SBCL nainstalovat z výchozího repozitáře a aktivovat úpravou inicializačního souboru Emacsu, viz http://www.common-lisp.

¹TODO: původ názvu

²http://git-scm.com/docs/git-clone

³http://git-scm.com/

⁴http://en.wikipedia.org/wiki/Interpreter_(computing)

⁵lispové interpretery jsou většinou zároveň kompilátory⁶, označením interpreter tedy budu nazývat obojí

 $^{^6}$ http://en.wikipedia.org/wiki/Compiler

⁶http://www.common-lisp.net/project/slime/

⁷http://www.gnu.org/software/emacs/

 $^{^8}$ http://en.wikipedia.org/wiki/Read-eval-print_loop

⁹http://en.wikipedia.org/wiki/Debugger

¹⁰http://www.sbcl.org/

net/projects/slime/doc/html/Installation.html. Prostředí poté můžeme v Emacsu spustit voláním příkazu slime (M-x slime<enter>). Při prvním spuštění se kód prostředí kompiluje, což může chvíli trvat, pak už se v editoru otevře buffer¹¹ s lispovým REPLem.

Knihovnu jsem testoval také ve vývojovém prostředí LispWorks^{® 12} Personal Edition 6.1, pro které jsem také vytvořil minimalistické grafické uživatelské rozhraní. Součástí prostředí LispWorks je i lispový interpret. Prostředí můžeme nainstalovat podle návodu zde lispworksinstallation.

Pro efektivní načtení knihovny včetně závislostí potřebujeme ještě dvě knihovny:

- ASDF¹³ je knihovna umožňující snadnou definici struktury projektu a jeho dávkové načtení,
- quicklisp¹⁴ staví na knihovně ASDF a umožňuje pohodlně stáhnout a načíst knihovny třetích stran z internetové databáze.

Knihovna ASDF je součástí instalace interpreteru SBCL i prostředí LispWorks. Knihovnu quicklisp jsem k projektu přiložil a pokud není součástí prostředí, je automaticky načtena před načtením ExiLu.

2.1.3. Načtení knihovny

V prostředí SLIME načteme knihovnu načtením souboru load.lisp z kořenového adresáře knihovny, tedy zadáním

```
(load "cesta/k/projektu/src/load.lisp")
```

v REPLu). Tento soubor nejprve načte knihovnu quicklisp, je-li potřeba, a s její pomocí poté načte celý projekt ExiL včetně závislostí. Nakonec soubor definuje výchozí prostředí, viz sekce 2.3.10.

V prostředí LispWorks načítání pomocí knihovny quicklisp nefunguje správně, knihovnu je proto třeba načítat načtením souboru load-manual.lisp (opět z kořenového adresáře projektu). Načíst můžeme opět voláním load v REPLu, nebo vybráním položky Load... v nabídce File menu libovolného okna prostředí.

Všechna makra a funkce, které knihovna definuje pro přímé volání uživatelem jsou *exportována* z *package* exil. Před interakcí s knihovnou je tedy třeba vstoupit do package exil-user, který symboly z package exil *importuje*. Symboly z package je také možno importovat do existujícího package takto:

¹¹emacs buffer

¹²http://www.lispworks.com/

¹³http://common-lisp.net/project/asdf

¹⁴http://www.quicklisp.org/beta/

```
(defpackage :my-package
  (:documentation "user-defined package")
  (:use :common-lisp :exil)
  (:shadowing-import-from :exil :assert :step))
```

Package exil exportuje několik symbolů, které již v package common-lisp existují. Ty je třeba *zastínit*, jak je vidět z ukázky.

2.2. Common Lisp

- základní znalosti lispu nutné pro používání knihovny
 - package, export, import, shadow
 - seznam, atom, car, cdr, plist
 - symbol, klíč
 - prefixová syntax, S-expressions
 - funkce, makro
 - načítání souborů.
 - quotování (u funkčních alternativ, ale ty se stejně používají spíš z jiného kódu, který knihovnu volá - tudíž uživatel evidentně lisp zná)
- odkaz na practical common lisp, clhs

2.3. Uživatelská příručka

2.3.1. Základní pojmy

- TODO: v teoretické části uvést pojmy znovu s citacemi
- TODO: production memory v exilu splývá s pravidly znalostní báze na příhodném místě uvést, že v teorii a některých systémech se rozlišuje

Nyní stručně zadefinuji základní pojmy, nutné pro pochopení fungování knihovny ExiL a práci s ní. Význam pojmů bude jasnější, jakmile si je ukážeme na příkladech. K těmto pojmům se posléze vrátím i v teoretické části textu a jejich popis rozšířím o další souvislosti.

První dva pojmy staví na pojmu znalost, který chápeme intuitivně a nebudu se jej ani snažit definovat, nikoli na následujícím pojmu znalosti, jak ji chápeme v ExiLu (v takovém případě by byla definice cyklická).

Pojem expertního systému zatím chápejme tak, jak jsem jej představil v úvodu práce. V praktické části rozeberu pojem v potřebné šíři.

fakt elementární statická znalost - tvrzení

(odvozovací) pravidlo elementární odvozovací znalost - pokud víme,

že (ne)platí nějaká tvrzení, můžeme odvodit, že

platí i nějaká další

znalost (v ExiLu) množina faktů a pravidel

znalostní báze výchozí znalost expertního systému

pracovní paměť aktuální množina faktů

inference odvozování - postupná aplikace odvozovacích

pravidel

Pojem pracovní paměť není příliš intuitivní. Jde o doslovný překlad v literatuře užívaného pojmu working memory, kterým je označována množina faktů (tvrzení), které expertní systém v danou chvíli považuje za platné. Nejde tedy ve skutečnosti o paměť, nýbrž o obsah pomyslné paměti. Pojem pracovní množina faktů by byl jistě výstižnější, bohužel ale také značně těžkopádný.

2.3.2. Struktura programu

Příklad 1 na straně 12 ukazuje minimální strukturu programu nad knihovnou ExiL (dále exilový program). První část programu tvoří definice znalostní báze. Ta sestává z definic faktů, ze kterých expertní systém vychází a definic odvozovacích pravidel, jež jsou následně aplikována při inferenci.

Definice faktů jsou uspořádány do skupin označených názvem (v tomto případě world). V ukázkovém programu si snadno vystačíme s jednou skupinou faktů, v reálných programech bude ale těchto skupin většinou více. Tato organizace umožňuje snadnou redefinici, případně odebrání, jen některých skupin faktů v případě potřeby. Definice skupiny faktů world v příkladu přidává do znalostní báze informaci o počáteční pozici robota, krabice a o našem záměru přesunout krabici z pozice A na pozici B.

Následuje definice odvozovacích pravidel. Definice každého pravidla sestává z množiny podmínek, tedy předpokladů pro jeho splnění (a následnou aktivaci), a množiny důsledků, tedy libovolných lispových výrazů, které jsou při aktivaci pravidla vyhodnoceny. Tyto dvě množiny jsou od sebe odděleny symbolem =>.

Podmínky odvozovacích pravidel jsou ve formě vzorů (pattern). Struktura vzorů je stejná jako struktura faktů (viz sekce 2.3.3.), ale narozdíl od nich mohou obsahovat proměnné (symboly začínající otazníkem). Při vyhodnocování podmínek pravidla je zajišťěna konzistence vazeb těchto proměnných a výskyty všech proměnných v důsledcích pravidla jsou při jeho aktivaci nahrazeny jejich vazbami. Detaily viz sekce 2.3.5.

Důsledky pravidel typicky obsahují příkazy pro modifikaci pracovní paměti (viz sekce 2.3.4.), tedy přidání (assert), odebrání (retract), či úpravů (modify) faktů v ní. Nemůsí tomu tak ale být vždycky - důsledkem aktivace pravidla může být např. vypsání výstupu, logování, zápis souboru, ale také např. ovládání externího systému.

Ukázkový příklad definuje tři odvozovací pravidla. Pravidlo move-robot je aktivováno, pokud chceme přesunout nějaký objekt z pozice ?from na pozici ?to, objekt se nachází v pozici ?from a robot nikoli (třetí podmínka je negovaná, viz sekce 2.3.5.). Poslední podmínka slouží pouze k navázání původní pozice robota. Při aktivaci pravidla je v pracovní paměti nahrazena informace o původní pozici robota pozicí ?from. Robot se tedy nyní nachází na stejné pozici, jako kýžený objekt.

Podmínky pravidla move-object vyžadují, aby byl jak robot, tak objekt určený k přesunu, na pozici ?from. Při jeho aktivaci je robot i s objektem přesunut na pozici ?to nahrazením faktů o původních pozicích novými, podobně jako v prvním pravidle. Definice pravidla obsahuje speciální notaci (s použitím operátoru <-), jejímž účelem je navázání celého faktu na proměnnou. Ten pak můžeme v důsledcích snadno ostranit z pracovní paměti. Detaily opět viz sekce 2.3.5.

Poslední pravidlo slouží k zastavení inference, pokud se již objekt nachází

na cílové pozici. Inference je zde zastavena explicitním voláním (halt). Druhou možností by bylo odstranit z pracovní paměti fakt definující cíl, neboť v takovou chvíli nemůže být žádné další pravidlo splňeno.

Jakmile je znalostní báze nadefinována, můžeme z ní inicializovat pracovní paměť. To provedeme voláním (reset), které (po případném vyčištění původních faktů) přidá do pracovní paměti fakty ve všech definovaných skupinách.

Poslední nutnou fází exilového programu je spuštění inference. To můžeme udělat nejjednodušeji voláním (run). Inferenční mechanismus poté postupně vyhodnocuje, která odvozovací pravidla mají splněné všechny podmínky, v každém kroku z nich jedno vybere a aktivuje jej. Detaily viz sekce 2.3.5.

Výstup programu je následující:

```
==> (IN ROBOT B)
==> (IN BOX A)
==> (GOAL MOVE BOX A B)
Firing MOVE-ROBOT
<== (IN ROBOT B)
==> (IN ROBOT A)
Firing MOVE-OBJECT
<== (IN ROBOT A)
<== (IN ROBOT A)
<== (IN BOX A)
==> (IN ROBOT B)
==> (IN BOX B)
Firing STOP
Halting
```

Řádky začínající symbolem ==> označují fakty přibyvší do pracovní paměti, řádky začínající <== fakty z paměti odstraněné. Tento výstup obdržíme pouze pokud zapneme sledování faktů voláním (watch facts) (viz sekce 2.3.7.). První tři fakty přibydou do pracovní paměti při vyhodnocení volání (reset), další pak spolu s postupnou aplikací odvozovacích pravidel. Dotážeme-li se po skončení inference na seznam faktů v pracovní paměti voláním (facts), obdržíme výstup

```
((GOAL MOVE BOX A B) (IN ROBOT B) (IN BOX B)).
```

Robot i krabice jsou tedy na cílové pozici.

Kód exilového programu má deklarativní charakter. Nikde jsme nemuseli specifikovat, jakou posloupností akcí má systém k výsledku dospět. To nás ovšem nezbavuje nutnosti chápat fungování inferenčního mechanismu ExiLu. Nebudeme-li při konstrukci programu opatrní, může výpočet snadno dospět k neočekávaným výsledkům, dostat se do slepé větve, či se zacyklit. Tyto problémy jsou často způsobeny nezamýšlenou interferencí podmínek pravidel s důsledky jiných.

```
;;; definition of knowledge base
   ;; facts
   (deffacts world
     (in box A)
     (in robot B)
      (goal move box A B))
   ;; inference rules
   (defrule move-robot
      (goal move ?object ?from ?to)
      (in ?object ?from)
11
     (- in robot ?from)
     (in robot ?z)
13
     =>
     (retract (in robot ?z))
15
     (assert (in robot ?from)))
16
17
   (defrule move-object
18
      (goal move ?object ?from ?to)
19
     ?rob-pos <- (in robot ?from)</pre>
     ?obj-pos <- (in ?object ?from)</pre>
21
22
     (retract ?rob-pos)
23
      (retract ?obj-pos)
     (assert (in robot ?to))
25
      (assert (in ?object ?to)))
26
27
   (defrule stop
28
      (goal move ?object ?from ?to)
29
     (in ?object ?to)
30
     =>
31
     (halt))
32
   ;;; initialization of working memory
   (reset)
35
   ;;; inference execution
   (run)
38
```

Příklad 1: Základní struktura exilového programu

2.3.3. Definice znalostní báze

Přesunout přílišné podrobnosti do referenční příručky

ExiL, stejně jako CLIPS, rozlišuje dva typy faktů - jednoduché (*simple, orde-red*) a strukturované (*templated*). Stuktura jednoduchého faktu je udána pouze pořadím *atomů*, typickou volbou je např. objekt-attribut-hodnota:

```
(box color red),
či relace-objekty:
(in box hall).
```

Strukturované fakty mají naproti tomu explicitně pojmenované složky (sloty). Typicky popisují objekt s množinou pojmenovaných atributů:

```
(box :color red :size small),
či relaci s pojmenovanými aktory:
(in :object box :location hall),
```

kde box a in jsou šablony (template), které je třeba definovat předem. Na pořadí specifikace slotů u strukturovaných faktů nezáleží.

Vyjadřovací síla obou typů faktů je stejná, použitím explicitnějších strukturovaných faktů ale docílíme lepší čitelnosti a jednoznačnější sémantiky exilového programu, zláště třeba v případě relací na jedné množině objektů:

```
(father john george).
```

Šablonu definujeme voláním makra deftemplate, např:

```
(deftemplate in object (location :default here)).
```

Prvním parametrem je název šablony, za ním následuje libovolný počet specifikací slotů. Specifikací slotu je buď symbol - jméno slotu, nebo seznam, jehož hlavou (car) je jméno slotu a tělem (cdr) je property list (plist) s dalšími parametry. Aktuálně systém umožňuje pouze specifikaci výchozí hodnoty slotu klíčem: default. Ta je použita, není-li při specifikaci faktu, používajícího tuto šablonu, uvedena hodnota pro daný slot.

Je-li už šablona požadovaného názvu definována, ale neexistují v pracovní paměti fakty, které ji používají, je její stávající definice nahrazena. Pokud ale v pracovní paměti existují takové fakty, skončí volání deftemplate výjimkou.

Seznam názvů všech definovaných šablon můžeme získat voláním funkce templates (bez parametrů). Specifikaci šablony pak získáme voláním makra

find-template, např. (find-template in). Definici šablony zrušíme voláním makra undeftemplate, např. (undeftemplate goal). To opět skončí výjimkou, existují-li v pracovní paměti fakty, které šablonu využívají.

Fakty, ze kterých expertní systém vychází, zavádíme pomocí skupin faktů. Ty definujeme makrem deffacts, např.:

```
(deffacts initial
  (goal move box A B)
  (in :object box :location A))
```

Prvním parametrem je název skupiny, pak následuje libovolný počet specifikací faktů. Opakovaným voláním makra deffacts je skupina faktů redefinována.

Specifikace faktu je vždy tvořena seznamem. Pokud jde o jednoduchý fakt, specifikací je prostě seznam atomů. Jde-li o fakt strukturovaný, je prvním prvkem specifikace název šablony, za ním následuje plist určující hodnoty slotů faktu. Pokud není hodnota některého slotu uvedena, je buď použita výchozí hodnota, pokud byla v šabloně specifikována, nebo hodnota nil v opačném případě.

Seznam názvů všech definovaných skupin faktů získáme voláním funkce fact-groups (bez parametrů). Specifikaci skupiny pak voláním makra find-fact-group, např.: (find-fact-group initial). Ke zrušení definice skupiny slouží makro undeffacts (voláme s názvem skupiny).

Pravidla, pomocí nichž expertní systém během inference odvozuje nové fakty, definujeme makrem defrule, např.:

```
(defrule move-robot
  (goal :action move :object ?obj :from ?from)
  (in :object ?obj :location ?from)
  (- in :object robot :location ?from)
  ?robot <- (in :object robot :location ?)
  =>
  (modify ?robot :location ?from)).
```

Podmínková část pravidla (před symbolem =>) je tvořena vzory. Ty mohou být, stejně jako fakty, jednoduché, nebo strukturované. Kromě toho umožňuje definice pravidla několik speciálních konstruktů (negace podmínky, navázání proměnné na celou podmínku). Ty popíšu podrobně v sekci 2.3.5. spolu s tím, jak jsou podmínky pravidla při inferenci vyhodnocovány.

Důsledkovou část pravidla (za symbolem =>) tvoří libovolný počet lispových výrazů. Jak se tyto vyhodnocují popíšu opět v sekci 2.3.5..

Opakovaným voláním makra defrule odvozovací pravidlo redefinujeme. K získání seznamu názvů definovaných pravidel a jejich specifikací slouží funkce rules a makro find-rule, podobně jako u šablon a skupin faktů. Ke zrušení definice pravidla slouží makro undefrule.

2.3.4. Modifikace pracovní paměti

- inicializace ze znalostní báze
- ruční modifikace assert, retract, modify
- queries facts

Pracovní paměť může být dále v průběhu inference modifikována třemi makry:

- assert přidává fakt(a) do pracovní paměti,
- retract fakt(a) z pracovní paměti odebírá a
- modify přímo modifikuje existující fakty.

2.3.5. Inference

- fáze podrobně
 - vyhodnocení podmínek statické testy, vazby proměnných (speciální singleton, navázání faktu), konzistence
 - výběr pravidla strategie
 - aktivace vyhodnocení důsledků (typicky modifikace pracovní paměti) navázání proměnných, eval
- spuštění inference, krokování (může se prolínat s ručnímodifikací w.m.)
- queries agenda, strategies

Podmínky jsou spojeny logickou konjunkcí, pravidlo je tedy možné aktivovat, jsou-li splněny všechny jeho podmínky. Kromě toho mohou být některé podmínky negovány. Taková opdmínka je splněna tehdy, neexistuje-li v pracovní paměti žádný fakt, který by jí odpovídal.

2.3.6. Reset prostředí

- durable/volatile slots
- clean, reset, complete reset (neměl by se jmenovat complete clean?)

2.3.7. Sledování průběhu inference

• watchery

2.3.8. Undo/redo

- lze použít na všechny funkce/makra s vedlejším efektem
- pokud funkce nemá vedlejší efekt (fakt neexistuje, apod.), nezapíše se undo step
- queries undo-stack, redo-stack

2.3.9. Zpětné řetězení

- cíle jako patterny
- základní inference nejdřív fakty, pak pravidla, v jakém pořadí vybírá
- alternativní odpovědi backtracking

2.3.10. Práce s více prostředími

2.3.11. Grafické uživatelské rozhraní

2.4. Referenční příručka

2.5. Implementace

- 3. Teoretická část
- 3.1. Expertní systémy

Reference

- [1] Jackson, P.: *Introduction to Expert Systems*. Addison Wesley, 1998, ISBN 0-201-87686-8.
- [2] Norvig, P.: Paradigms of Artificial Intelligence Programming: Case Studies in Common Lisp. Morgan Kaufmann Publishers, 1991, ISBN 1-55860-191-0.
- [3] Doorenbos, R. B.: Production Matching for Large Learning Systems. Dizertační práce, Carnegie Mellon University, 1995. http://reports-archive.adm.cs.cmu.edu/anon/1995/CMU-CS-95-113.pdf
- [4] Siebel, P.: Practical Common Lisp. Apress, 2005, ISBN 1-59059-239-5. http://www.gigamonkeys.com/book/
- [5] CLIPS: Tool for Building Expert Systems. 2013. http://clipsrules.sourceforge.net/OnlineDocs.html
- [6] LispWorks Ltd.: Common Lisp HyperSpec. 2005. http://www.lispworks.com/documentation/HyperSpec/Front/
- [7] Expert system Wikipedia, The Free Encyklopedia. 2013. http://en.wikipedia.org/wiki/Expert_system
- [8] Rete algorithm Wikipedia, The Free Encyklopedia. 2013. http://en.wikipedia.org/wiki/Rete_algorithm