# PŘÍRODOVĚDECKÁ FAKULTA UNIVERZITY PALACKÉHO KATEDRA INFORMATIKY

# BAKALÁŘSKÁ PRÁCE

Implementace expertního systému s dopředným řetězením Forward-chaining Expert System Implementation



2010 Jakub Kaláb



#### Anotace

Expertní systémy mají v praxi bohaté využití. Jejich smyslem je asistovat expertovi na danou problematiku, či jej plně nahradit. V příloze bakalářské práce implementuji prázdný expertní systém s dopředným řetězením inspirovaný systémem CLIPS jako knihovnu v programovacím jazyku Common Lisp tak, aby jej bylo možno plně integrovat do dalších programů.



# Obsah

1.	Co	je to experní systém	1
	1.1.	Co odlišuje expertní systém od jiných výpočetních programů	1
	1.2.	Charakteristické vlastnosti expertních systémů	1
2.	Uživatelská příručka		
	2.1.	Použité datové struktury	2
	2.2.	Manipulace s fakty znalostní baze	3
		2.2.1. Definice skupiny faktů	3
	2.3.	Manipulace s odvozovacími pravidly	4
		Spouštění inferenčního mechanismu	4
		2.4.1. Strategie výběru pravidla k aktivaci	5
	2.5.	Sledování změn prostředí	5
		Příklad práce s knihovnou	5
3.	Použité algoritmy		8
	3.1.	Algoritmus Rete	8
		3.1.1. Alfa síť	8
		3.1.2. Beta síť	10
		3.1.3. Přidání/odebrání inferenčních pravidel	11
	3.2.	Strategie pro výběr pravidla k aktivaci	12
4.	Pop	is implementace	13
Re	Reference		

# 1. Co je to experní systém

Expertní systém je počítačový program, který ze zadané znalostní báze pomocí zadaných pravidel odvozuje nová fakta. Díky tomu je jej možno využít v praxi jako asistenta odborníka v daném oboru, nebo jej, v ideálním případě, zcela nahradit.

Pro lepší představu uvedu příklad - expertní systém v ordinaci praktického lékaře. Na začátku zadá lékař, případně za pomoci znalostního inženýra, expertnímu systému znalostní bazi, tj. informace o příznacích známých chorob, možnostech jejich léčby, medikaci, konfliktních léků, atd. Expertní systém potom při zadání příznaků pacienta s jistou pravděpodobností (odvislé od pravděpodobností zadaných v jednotlivých pravidlech příznak  $\rightarrow$  choroba) určí možné choroby, alternativy léčby, apod.

# 1.1. Co odlišuje expertní systém od jiných výpočetních programů

Toto samozrejmě může dělat i program, který bychom za expertní systém neoznačili, rozdíl je v tom, že expertní systém je obecný - znalostní baze je zcela oddělena řídícího mechanismu. Tento je tudíž zcela nezávislý na konkrétní doméně. Takto tomu u jiných programů většinou nebývá, data bývají smýchána s rozhodovacím a řídícím kódem programu a program je tudíž jednoúčelový.

## 1.2. Charakteristické vlastnosti expertních systémů

# 2. Uživatelská příručka

Tato práce se zabývá implementací již známých algoritmů, je tedy spíše praktického zaměření. Úmyslně jsem tedy posunul kapitolu s hlubším popisem implementovaných algoritmů až za uživatelskou příručku, aby byl čternář při její četbě již seznámen s používanými datovými strukturami, strukturou pravidel, apod.

Tato kapitola vyžaduje alespoň zběžnou znalost programovacího jazyka Common Lisp, jeho základních datových typů (symbol, seznam) a metod pro práci s nimi.

V kapitole budu občas uvádět v závorkách a kurzívou názvy některých použitých tříd či metod. Je to kvůli snadnější orientaci při následné četbě programátorské dokumentace. Čtenář, který tuto číst nehodlá je může směle přeskakovat.

### 2.1. Použité datové struktury

Uživatel knihovny Exil (dále jen knihovny) se nejčasteji setká se dvěma datovými strukturami, jsou to fakta (třída fact) a pravidla (třída rule). Fakta znalostní baze mohou být buď jednoduchá (třída simple-fact), specifikovaná prostým seznamem atomů (např. (on book table)), či strukturovaná (třída template-fact. Pro použití strukturovaných fakt je třeba nejdříve definovat šablonu makrem deftemplate následovně:

(deftemplate in (object location (ammount :default 1)))

Prvním parametrem jméno šablony, dalším pak seznam slotů jе (pojmenované části faktu) případnými implicitními hodnotami. Specifikace takovéhoto strukturovaného faktu pak vypadá takto: (in :object fridge :location kitchen).

Pozn.: Při opakovaném volání deftemplate se stejným jménem šablony dochází k přepsání původní definice. Má-li nově definovaná šablona jiné sloty než šablona původní a existují-li ve znalostní bazi fakta vytvořená pomocí původní šablony, vzniká nekonzistence. Makro je tedy třeba volat s rozmyslem.

Kromě fakt se uživatel setká ještě s tzv. patterny (pro neznalost výstižného českého ekvivalentu se budu držet dobře zažitého výrazu anglického). Tyto jsou faktům velmi podobné, jen se v nich mohou vyskytovat proměnné. Název proměnné v mé implementaci vždy začíná otazníkem (stejně jako v systému CLIPS) a je tedy od běžného atomu jasně patrný. Patterny mohou být, stejně jako fakta, jednoduché či strukturované. Při snaze použít proměnnou v popisu faktu skončí vyhodnocení výrazu chybou.

Odvozovací pravidlo je druhým stavebním kamenem expertního systému. Umožňuje inferenčnímu mechanismu vyvozovat ze zadaných fakt fakta nová. Pravidlo sestává ze dvou částí - podmínkek a aktivací. Podmínky určují, za jakých okolností je pravidlo splněno fakty znalostní baze a je jej možno zařadit do seznamu pravidel k aktivaci (tento seznam budu dále označovat jako agenda). Seznamu pravidence pr

znam aktivací je tvořen libovolným počtem lispových výrazů (jež pochopitelně mohou, a velmi často budou, zahrnovat i knihovnou definované metody a makra), které se při aktivaci pravidla vyhodnotí. Pravidlo tedy typicky při platnosti nějakých fakt či neplatnosti jiných přidá do znalostní baze nějaká další fakta, či některerá z baze odebere.

#### 2.2. Manipulace s fakty znalostní baze

K přidání faktu do znalostní baze souží makro assert, přidání tedy vypadá následovně:

```
(assert (on book table))
(assert (in :object fridge :location kitchen))
```

Při pokusu o opětované přidání již existujícího faktu se nestane nic.

Odebrání faktu z baze se provádí makrem retract se stejnou syntaxí. Při pokusu o odebrání neexistujícího faktu se opět nic nestane.

Posledním makrem z této skupiny je modify to slouží k modifikaci faktu (jeho nahrazení jiným) a používá se takto:

Toto makro je ve skutečnosti jen zkratkou pro postupné volání assert a retract. Neslouží ani tak k ušetření zdrojového kódu, jako spíš ke zčitelnění aktivací pravidla - z jeho použití je evidentní vztah dvou faktů.

#### 2.2.1. Definice skupiny faktů

Pro pohodlnější práci s větším množstvím faktů jsem (stejně jako systém CLIPS) implementoval makro deffacts. Volání tohoto makra obsahuje název skupiny faktů náledovaný jejich seznamem:

```
(deffacts stuff-i-ve-got-in-me-fridge
  (in :object coke :location fridge)
  (in :object cheese :location fridge)
  (is-expired cheese)
  (in :object butter :location fridge)
    ...
)
```

Takto definovaná fakta se ve znalostní bazi neobjeví hned, nýbrž až po zavolání makra reset (bez parametrů). Toto makro odstraní ze znalostní baze všechna fakta a poté ji naplní fakty definovanými ve skupinách makrem deffacts. K pouhému vyčištění znalostní baze slouží makro clear (opět bez parametrů).

#### 2.3. Manipulace s odvozovacími pravidly

Definice odvozovacího pravidla se provádí makrem **defrule** a zahrnuje jméno pravidla a seznamy podmínek a aktivací. Podmínky jsou od aktivací odděleny symbolem =>. Vypadá to tedy nějak takto:

```
(defrule find-and-take-green-fruit-to-the-left-of-orange-vegetable
  (green ?x)
  (fruit ?x)
  (orange ?y)
  (vegetable ?y)
   (next-to :left-one ?x :right-one ?y)
=>
    (take ?x)
   (take ?y))
```

Jak je z příkladu zřejmé, podmínky pravidel mohou obsahovat proměnné, jde tedy o patterny. Podmínky mohou být také negované, pak se ověřuje neexistence odpovídajícího faktu ve znalostní bazi. Negované podmínky jsou specifikovány symbolem - (minus) ještě před prvním atomem (či před názvem šablony u složených patternů).

Při opakovaném volání defrule se stejným jménem pravidla dochází k přepsání jeho definice.

K zneplatnění definice pravidla slouží makro undefrule, jehož jediným parametrem je název pravidla.

## 2.4. Spouštění inferenčního mechanismu

Jakmile jsou systému zadána inicializační fakta a pravidla, je třeba spustit výpočet. Ten pak probíhá v kolech, kde se střídají dvě akce. Nejdříve inferenční machanismus zjistí, která pravidla mají splněné podmínky a jakým faktem je ta která podmínka splněna. Následně je ze seznamu splněných pravidel (agendy vybráno pravidlo a toto je aktivováno. Po vyhodnocení aktivací pravidla se opět aktualizuje seznam splněných pravidel atd.

Výpočet inferenčního mechanismu se spouští funkcí run (bez parametrů). Chceme-li výpočet sledovat po krocíh, můžeme použít funkci step (též bez parametrů), která vždy spustí jen jedno kolo výpočtu.

Dále je k dispozici funkce halt, která výpočet přeruší. Tuto funkci nemá smysl používat samostatně, její volání je ale někdy vhodné zařadit do seznamu aktivací některých pravidel. Tím signalizujeme, že jsou-li podmínky pravidla splněny, dosáhli jsme, čeho jsme chtěli a výpočet může skončit.

#### 2.4.1. Strategie výběru pravidla k aktivaci

Výběr následujícího pravidla k aktivaci je ovlivněn zvolenou strategií. K výběru strategie slouží makro set-strategy, jehož jediným parametrem je název kýžené strategie.

Kromě vestavěných strategií je možné definovat také strategie vlastní. To se provádí makrem **defstrategy**, jemuž předáme název nové strategie a funkci, která z agendy, již dostane parametrem vybere jednu z aktivací a tu vrátí. Definice strategií tedy mohou vypadat třeba takto:

O vestavěných strategiích budu hovořit v následující části textu.

#### 2.5. Sledování změn prostředí

Poslední věcí sloužící k zefektivnění práce s knihovnou je možnost sledovat změny ve znalostní bazi či agendě. Sledovat je možno přidávání či ubíraní faktů do a ze znalostní baze, definice a zneplatnění pravidel a změny v agendě.

Sledování se zapíná makrem watch a vypíná makrem unwatch. Obě makra berou očekávají jako parametr předmět sledování, tedy jeden ze symbolů facts, rules či activations.

### 2.6. Příklad práce s knihovnou

Na závěr této sekce uvedu krátký příklad práce s knihovnou. Řádky začínající "EXIL>" označují vstup uživatele, zbytek je výstup programu.

```
EXIL> (defrule stop
        (goal :object ?x :to ?y)
        (in :object ?x :location ?y)
        (halt))
#<RULE STOP>
EXIL> (defrule move
        (goal :object ?x :from ?y)
        (in :object ?x :location ?y)
        (- in :object robot :location ?y)
        (in :object robot :location ?z)
        (modify (in :object robot :location ?z)
                (in :object robot :location ?y)))
#<RULE MOVE>
EXIL> (defrule push
        (goal :object ?x :from ?y :to ?z)
        (in :object ?x :location ?y)
        (in :object robot :location ?y)
      =>
        (modify (in :object robot :location ?y)
                (in :object robot :location ?z))
        (modify (in :object ?x :location ?y)
                (in :object ?x :location ?z)))
#<RULE PUSH>
EXIL> (watch facts)
EXIL> (watch activations)
EXIL> (reset)
==> (IN (OBJECT . ROBOT) (LOCATION . A))
==> (IN (OBJECT . BOX) (LOCATION . B))
==> (GOAL (ACTION . PUSH) (OBJECT . BOX) (FROM . B) (TO . A))
==> Activation MOVE:
((GOAL (ACTION . PUSH) (OBJECT . BOX) (FROM . B) (TO . A))
 (IN (OBJECT . BOX) (LOCATION . B))
 (IN (OBJECT . ROBOT) (LOCATION . A)))
NIL
```

```
EXIL> (run)
Firing Activation MOVE:
((GOAL (ACTION . PUSH) (OBJECT . BOX) (FROM . B) (TO . A))
 (IN (OBJECT . BOX) (LOCATION . B))
 (IN (OBJECT . ROBOT) (LOCATION . A)))
<== (IN (OBJECT . ROBOT) (LOCATION . A))
==> (IN (OBJECT . ROBOT) (LOCATION . B))
==> Activation PUSH:
((GOAL (ACTION . PUSH) (OBJECT . BOX) (FROM . B) (TO . A))
 (IN (OBJECT . BOX) (LOCATION . B))
 (IN (OBJECT . ROBOT) (LOCATION . B)))
Firing Activation PUSH:
((GOAL (ACTION . PUSH) (OBJECT . BOX) (FROM . B) (TO . A))
 (IN (OBJECT . BOX) (LOCATION . B))
 (IN (OBJECT . ROBOT) (LOCATION . B)))
<== (IN (OBJECT . ROBOT) (LOCATION . B))
==> (IN (OBJECT . ROBOT) (LOCATION . A))
<== (IN (OBJECT . BOX) (LOCATION . B))
==> (IN (OBJECT . BOX) (LOCATION . A))
==> Activation STOP:
((GOAL (ACTION . PUSH) (OBJECT . BOX) (FROM . B) (TO . A))
 (IN (OBJECT . BOX) (LOCATION . A)))
Firing Activation STOP:
((GOAL (ACTION . PUSH) (OBJECT . BOX) (FROM . B) (TO . A))
 (IN (OBJECT . BOX) (LOCATION . A)))
Halting
NIL
```

Příklad je převzat z [2] a je původně určen pro systém CLIPS.

# 3. Použité algoritmy

Přiložená implementace expertního systému zahrnuje několik z literatury čerpaných algoritmů. V prvé řadě je to algoritmus Rete, který se stará o pattern matching podmínek odvozovacích pravidel proti faktům znalostní baze, tedy o zjišťování, která odvozovací pravidla je možno aplikovat v dalším kroku výpočtu. Poté je použito několik velice jednoduchých algoritmů pro výběr pravidla, jenž bude jako další aktivováno.

#### 3.1. Algoritmus Rete

Algoritmus Rete (materiály nabízí několik alternativ čtení názvu tohoto algoritmu, mezi nimi "reet" [rýt] či "ree-tee" [rýtý] [1]) kontroluje splnění podmínek inferenčních pravidel fakty znalostní baze. Použití naivního přístupu, tedy zkoušení platnosti všech podmínek proti všem faktům při každé změně znalostní baze není možné, neboť tato kontrola se již při několika stovkách faktů či desítkách pravidel (závisí samozřejmě na výkonu výpočetního hardware, jeho zatížení, atd.) stává příliš časově náročnou.

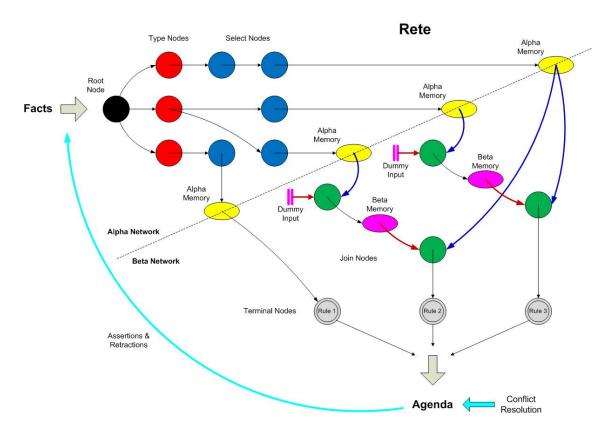
Algoritmus pracuje na základě dataflow sítě (či chcete-li sítě toku dat), kterou průběžne konstruuje a upravuje při každém přidání či odebrání inferenčního pravidla. Přepočet splněných pravidel algoritmem Rete je o tolik rychlejší díky tomu, že tato síť uchovává v každém uzlu výsledky z minulých výpočtů a nově přidaný (či odebraný) fakt touto sítí jen velice rychle "proteče" a aktualizuje výsledky jen ve velmi malé části uzlů.

Dataflow síť algoritmu je z pohledu teorie grafů spojitý orientovaný graf. Máme-li dva uzly a orientovanou hranu, která je spojuje, budu uzel, z nějž hrana vede, označovat jako rodiče a uzel, do nějž vede, jako potomka. Síť je tvořena dvěma částmi označovanými jako alfa a beta. Navštívení uzlu sítě Rete algoritmu nazýváme aktivací. Některé uzly mohou být aktivovány i více způsoby.

Na obrázku 1. je znázorněna dataflow síť Rete algoritmu. Pokud by ovšem mělo znázornění odpovídat používané terminologii, měla by být alfa část sítě na pravé straně. To si ale čtenář jistě snadno představí.

#### 3.1.1. Alfa síť

Alfa část sítě řeší konstantní porovnávání přidávaných faktů s patterny v podmínkách pravidel, ignoruje tedy vazby proměnných a jejich konzistenci. Jde v podstatě o strom, jehož každý uzel testuje právě jeden atom faktu. Kořen alfa sítě je aktivován faktem, faktem aktivuje všechny své potomky. Tyto už provádějí testy jednotlivých atomů, má-li atom požadovanou hodnotu, předá uzel fakt svým potomkům a ty pokračují v testování. Projde-li fakt všemi konstatními testy, aktivuje poslední testovací uzel fakterm k němu přidružený paměťový alfa-uzel. Ten fakt uloží do své paměti a aktivuje jím své následníky v beta částí sítě.



Obrázek 1. Dataflow síť Rete algoritmu[3]

Kořen alfa části sítě může ještě rozlišovat typ faktu (jde-li o fakt jednoduchý či složený, ve druhém případě pak typ šablony). A podle toho aktivovat faktem jen část potomků.

Pro lepší představu uvedu příklad. Mějme následující pravidlo:

```
(defrule move
  (goal :object ?x :from ?y)
  (in :object ?x :location ?y)
  (- in :object robot :location ?y)
  (in :object robot :location ?z)
  =>
  (modify (in :object robot :location ?z)
  (in :object robot :location ?y)))
```

Kořen alfa sítě tedy bude mít dva potomky - pro šablony goal a in (ignorujme prozatím, že třetí podmínka pravidla je negovaná, to řeší až beta část dataflow sítě). Z uzlu pro šablonu goal povede hrana rovnou do alfa-paměti, všechny zbylé atomy podmínky jsou totiž proměnné. Z uzlu pro šablonu povede také hrana do další alfa paměti, neboť totéž platí pro druhou podmínku. Bude mít ale i dalšího

následníka a to testovací uzel, zda je slot object roven hodnotě robot. Ten pak už aktivuje poslední paměťový alfa-uzel.

Máme tedy dva typové uzly (pro šablony goal a in, jeden testovací uzel a tři uzly paměťové. To zatím není tak působivé, uvědomme si ale, že definujeme-li další pravidlo, které bude mít některé podmínky stejné jako výše uvedené, žádné uzly nám pro tyto podmínky nepřibudou. A budou-li podmínky alespoň podobné, přibudou jen testovací uzly pro atomy patternu, které se budou lišit.

Zde je možno pozorovat první z výhod oproti naivnímu přístupu. Totiž mámeli pravidla se stejnými či podobnými podmínkami, velká část testů se provádí jen jednou, což nám markantně snižuje časovou náročnost výpočtu.

#### 3.1.2. Beta síť

Beta část sítě je opět tvořena několika typy uzlů. Kromě uzlů paměťových jsou zde uzly, které testují konzistenci vazeb proměnných mezi jednotlivými podmínkami inferenčního pravidla, uzly negativních testů a produkční uzly.

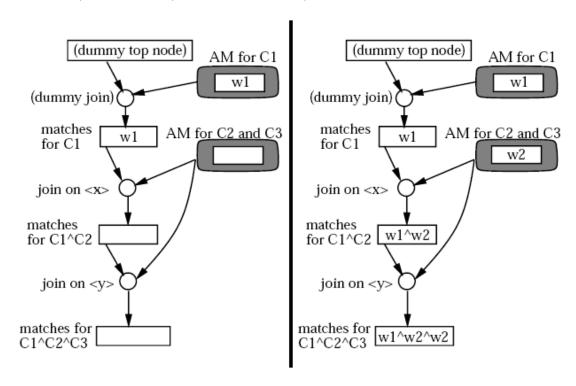
Paměťové beta-uzly už neuchovávají jednotlivá fakta, jako je tomu v alfa části dataflow sítě, nýbrž tzv. tokeny, tedy skupiny faktů. Každý paměťový uzel udržuje seznam tokenů, jimiž byly splněny dosavadní podmínky inferenčního pravidla (tzv. partial match). Máme-li tedy pravidlo o čtyřech podmínkách, budeme pro něj potřebovat čtyři paměťové beta-uzly. První uzel uchovává jednomístné tokeny s fakty, které prošly první podmínkou. Neliší se tedy příliš od paměťového alfa-uzlu. Druhý už ale uchovává tokeny s dvojicí faktů - faktem, jenž prošel první podmínkou a faktem, který prošel druhou. Takto se fakta v tokenech nabalují, až máme konečně v posledním uzlu token stejné délky, jako je počet podmínek inferenčního pravidla. Tento uzel označíme jako produkční - je-li aktivován tokenem, našli jsme kompletní shodu faktů s podmínkami pravidal (complete match), v tuto chvíli algoritmus Rete ohlásí nalezení shody (dvojice pravidlo-token) prostředí a ta je přidána do seznamu aktivací.

Hybnou silou beta síťě jsou spojovací uzly (tzv. join node). Ty testují konzistenci vazeb proměnných mezi fakty splňujícími jednotlivé podmínky inferenčního pravidla. Jsou-li vazby konzistentní, uzel vytvoří nový token a aktivuje jím přidružený paměťový beta-uzel. Spojovací uzel může být aktivován dvěma způsoby buď nově přidaným či ubraným (a konstantními testy prošlým) faktem z paměťového alfa-uzlu (tzv. aktivace zprava; toto je místo, kde beta část sítě navazuje na alfa část), nebo tokenem z nadřazeného paměťového beta-uzlu (aktivace zleva). V obou případech ale spojovací uzel prohledá druhou paměť toho druhého rodičovského uzlu pro získání konzistentních tokenů (resp. faktů) a při nalezení shody aktivuje potomky.

Speciálním případem spojovacích uzlů jsou uzly s negativními testy. Tyto mohou být, stejně jako běžné spojovací uzly, aktivovány z obou stran. Podstatný rozdíl je ale v tom, že negativní spojovací uzel aktivuje své potomky jedině tehdy, nenalezl-li pro daný token žádný konzistentní fakt ve paměti svého rodičovského

alfa-uzlu.

Opět uvedu příklad. Zůstaňme u pravidla z příkladu předchozího. Alfa část dataflow sítě pro uvedené pravidlo má tři paměťové uzly. V beta části budeme potřebovat tři spojovací uzly (z nichž jeden bude negativní). První bude testovat konzistenci vazeb mezi prvními dvěma podmínkami pravidla, druhý mezi třetí podmínkou a prvními dvěma, atd. Druhý i třetí spojovací uzel bude mít zprava připojen týž paměťový alfa-uzel (opět recyklace uzlu, tentokrát dokonce v rámci jednoho pravidla). Ke každému spojovacímu uzlu je jako následník připojen paměťový beta-uzel, který uchovává tokeny s částečnými (v prvních třech případech) či úplnými (ve čtvrtém případě) shodami.



Obrázek 2. Spojovací uzly mezi jednotlivými podmínkami inferenčního pravidla[1]

#### 3.1.3. Přidání/odebrání inferenčních pravidel

Definuje-li uživatel nové inferenční pravidlo je třeba pro něj vytvořit nové či pospojovat již existující uzly dataflow sítě. Algoritmus postupně prochází podmínky pravidla, vytváří (či recykluje) pro každou paměťový beta-uzel a spojovací beta-uzel, který napojí na následující paměťový beta-uzel. Ke každému spojovacímu uzlu také vytvoří (či plně nebo částečně recykluje) cestu v alfa části sítě. Poslední paměťový uzel označí jako produkční a uloží v něm pravidlo aby mohlo být při splnění všech podmínek předáno spolu s tokenem zpět prostředí a zařazeno do agendy.

Při odstranění pravidla ze systému je pravidlo odstraněno také z odpovídajícího produkčního uzlu a všechny nyní zbytečné uzly jsou ze sítě odstraněny.

#### 3.2. Strategie pro výběr pravidla k aktivaci

Expertní systém je velice obecný výpočetní mechanismus a proto není možné určit jednu odvozovací strategii, která by pokrývala všechny domény problémů, v nichž ho lze využít. Implementace proto poskytuje několik vestavěných strategií pro výběr pravidla z agendy k následné aktivaci a umožňuje i definici uživatelských strategií.

- Strategie nejnovější aktivace (depth strategy) vybírá z agendy pravidlo, které sem bylo přidáno jako poslední. Inferenční mechanismus tedy provádí jakýsi výpočet do hloubky, spouští nově aktivovaná pravidla dokud to lze a teprve při jejich vyčerpání se ve výpočtu vrací k pravidlům aktivovaným dříve.
- Strategie nejstarší aktivace (breadth strategy) vybírá z agendy pravidlo, které sem bylo přidáno jako první. Je tedy přesným opakem strategie předchozí, provádí výpočet "do šířky".
- Strategie nejobecnějšího pravidla (*simplicity strategy*) vybírá pravidlo s nejnižším počtem podmínek, tedy obecnější (statisticky čím méně je podmínek, tím více najdeme shod, které pravidlo splní).
- Strategie nejkonkrétnějšího pravidla (*complexity strategy*) vybírá pravidlo s nejvyšším počtem podmínek, tedy specifičtější.
- Volně převzato z [2].

# 4. Popis implementace

# Reference

- [1] Doorenbos, R. B.: Production Matching for Large Learning Systems. 1995.
- [2] Jackson, P.: *Introduction to Expert Systems*. Addison Wesley, 1998, ISBN 0-201-87686-8.
- [3] Wikipedia: Rete algorithm Wikipedia, The Free Encyklopedia. 2010, [Online].
  - URL <http://en.wikipedia.org/wiki/Rete\_algorithm>