**Государственное бюджетное общеобразовательное учреждение города Москвы "Школа № 1532".**

**Моделирование тела брошенного под углом к горизонту WEB**

11 класс, ГБОУ Школа №1532,

Шахнович Дмитрий Сергеевич

Формаковский Александр Павлович

Руководитель: учитель информатики, ГБОУ Школа №1532,

Сергиенко Антон Борисович

**Москва, 2021**

# Содержание

[Содержание 2](#_Toc87794933)

[Введение 3](#_Toc87794934)

[Цели и задачи работы 3](#_Toc87794935)

[Физическое решение задачи 3](#_Toc87794936)

[Решение задачи без учёта силы лобового сопротивления 4](#_Toc87794937)

[Решение задачи с учетом сопротивления воздуха 5](#_Toc87794938)

[Программное решение задачи 7](#_Toc87794939)

[Интерфейс программы 8](#_Toc87794940)

[Результаты 12](#_Toc87794941)

[Использованные библиотеки 12](#_Toc87794942)

[Использованные материалы 12](#_Toc87794943)

# Введение

Механика – область физики, изучающая движение материальных тел и их взаимодействие между собой. Механика включает в себя много областей, одной из которых является баллистика, описывающая движения снарядов с помощью методов математики.

Задача внешней баллистики или задача тела, брошенного под углом к горизонту, состоит в расчете траектории движения этого тела после силового взаимодействия.

# Цели и задачи работы

Целью работы является написание сайта для решения и визуализации задачи тела, брошенного под углом к горизонту, для шарообразных тел.

Для выполнения поставленной цели необходимо решение следующих задач:

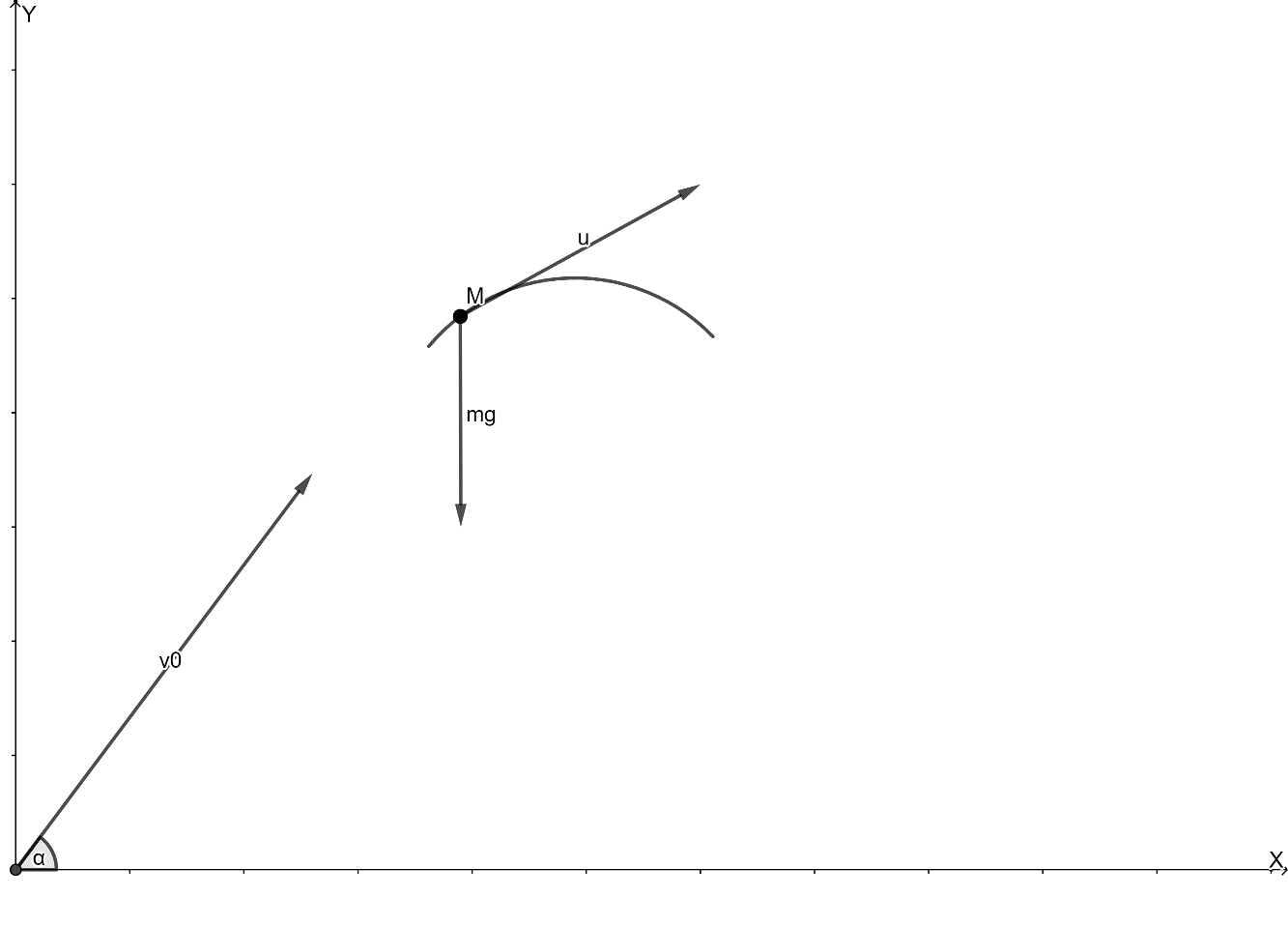
1. Обобщение физического решения задачи.
2. Реализация решения задачи на языке Python по заданным данным.
3. Создание сайта.

# Физическое решение задачи

Так как задача внешней баллистики рассматривает движение тела после силового взаимодействия, то тело будет иметь какую-то начальную скорость. При этом вектор этой скорости будет образовывать с линией горизонта угол больше 0 градусов, но меньше 90. В общем случае на тело будут действовать две силы: сила лобового сопротивления и сила тяжести.

## Решение задачи без учёта силы лобового сопротивления

Если пренебречь силой сопротивления, то остается только одна сила, действующая на тело: сила тяжести. В таком случае тело имеет постоянное ускорение равное ускорению свободного падения, а траектория тела представляет собой параболическую кривую. Также движение тела можно представить как наложение независимых движений вдоль разных осей, например оси X, параллельной плоскости поверхности земли, и оси Y, перпендикулярной плоскости поверхности земли.



Тогда, относительно оси X движение будет равномерным, а движение относительно оси Y — равноускоренным. Проекции ускорения тела для данных осей будут выглядеть так:

Где g – ускорение свободного падения.

Так как по оси X тело движется равномерно, по Y- равноускорено, то для него справедливы следующие равенства:

## Решение задачи с учетом сопротивления воздуха

Сила сопротивления направлена против скорости движения, её величина пропорциональна характерной площади S, плотности среды ρ и квадрату скорости V:

C*f* — безразмерный аэродинамический коэффициент сопротивления, получается из критериев подобия, например, чисел Рейнольдса и Фруда в аэродинамике.

Определение характерной площади зависит от формы тела:

* в простейшем случае (шар) — площадь поперечного сечения;
* для крыльев и оперения — площадь крыла/оперения в плане;
* для пропеллеров и несущих винтов вертолётов — либо площадь лопастей, либо ометаемая площадь винта;
* для подводных объектов обтекаемой формы — площадь смачиваемой поверхности;

Изображение выглядит как текст, антенна, линия

Автоматически созданное описание

В отличие от случая без сопротивления воздуха, тело будет иметь различные ускорения в разные промежутки времени.

Из второго закона Ньютона можно получить следующее уравнение:

Соответственно, проекции на оси будут выглядеть следующим образом:

По определению :

Где k – коэффициент, определяющий вклад силы сопротивления в ускорение снаряда:

Если взять, что бросаемое тело имеет шарообразную форму, то коэффициент можно упростить:

Где γ - плотность материала тела, *r* - радиус шарообразного тела.

Таким образом получается система дифференциальных уравнений второго порядка в форме Коши:

Решив которую для начальных данных, получим траекторию полёта снаряда.

# Программное решение задачи

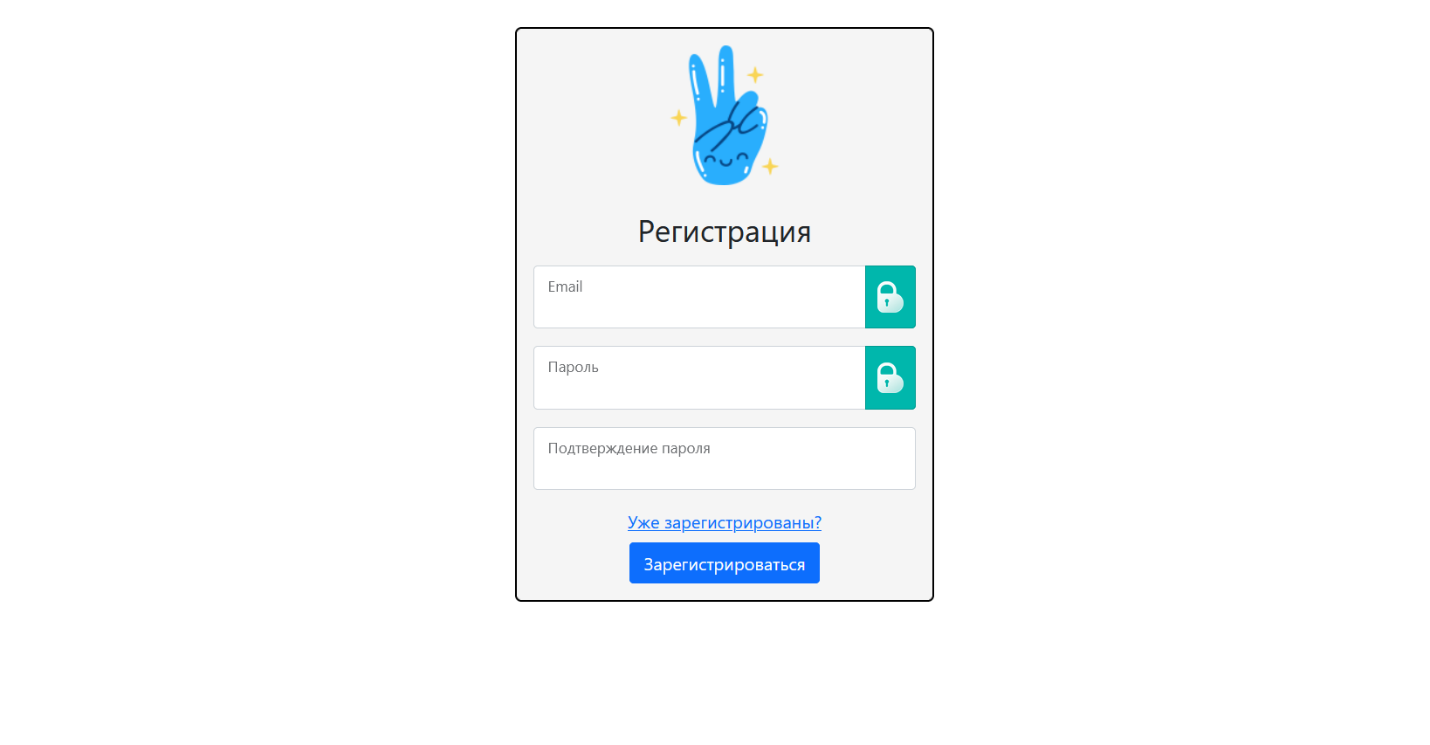
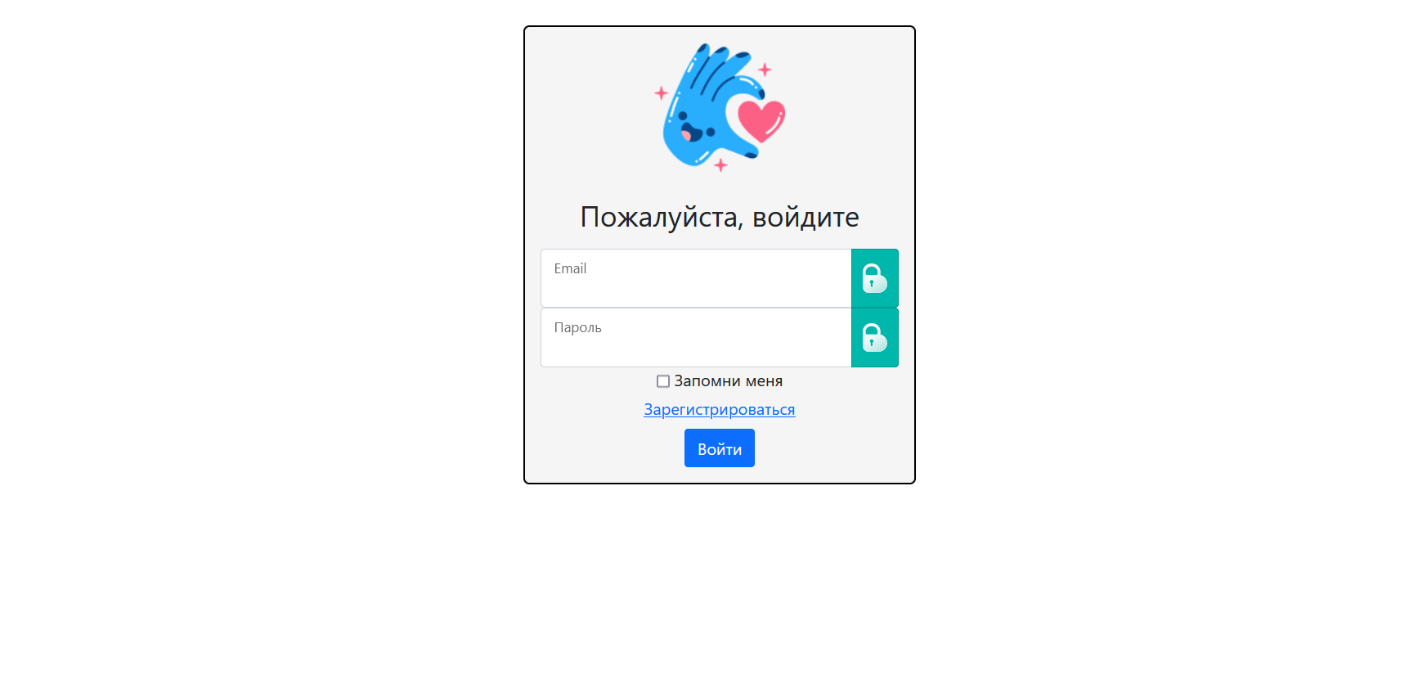
Программа по решению задачи на языке Python находится в файле calculate.py и содержит внутри себя две функции: для расчета траектории без учета сопротивления и с учетом сопротивления.

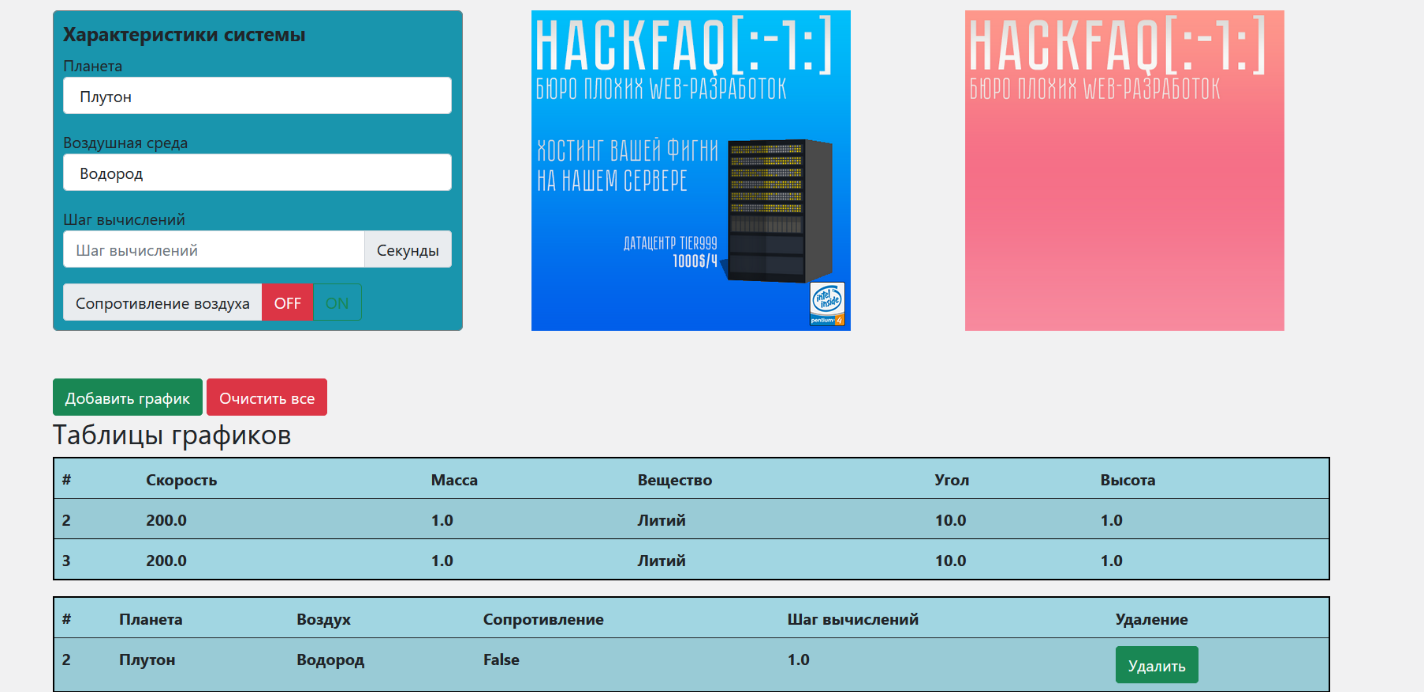
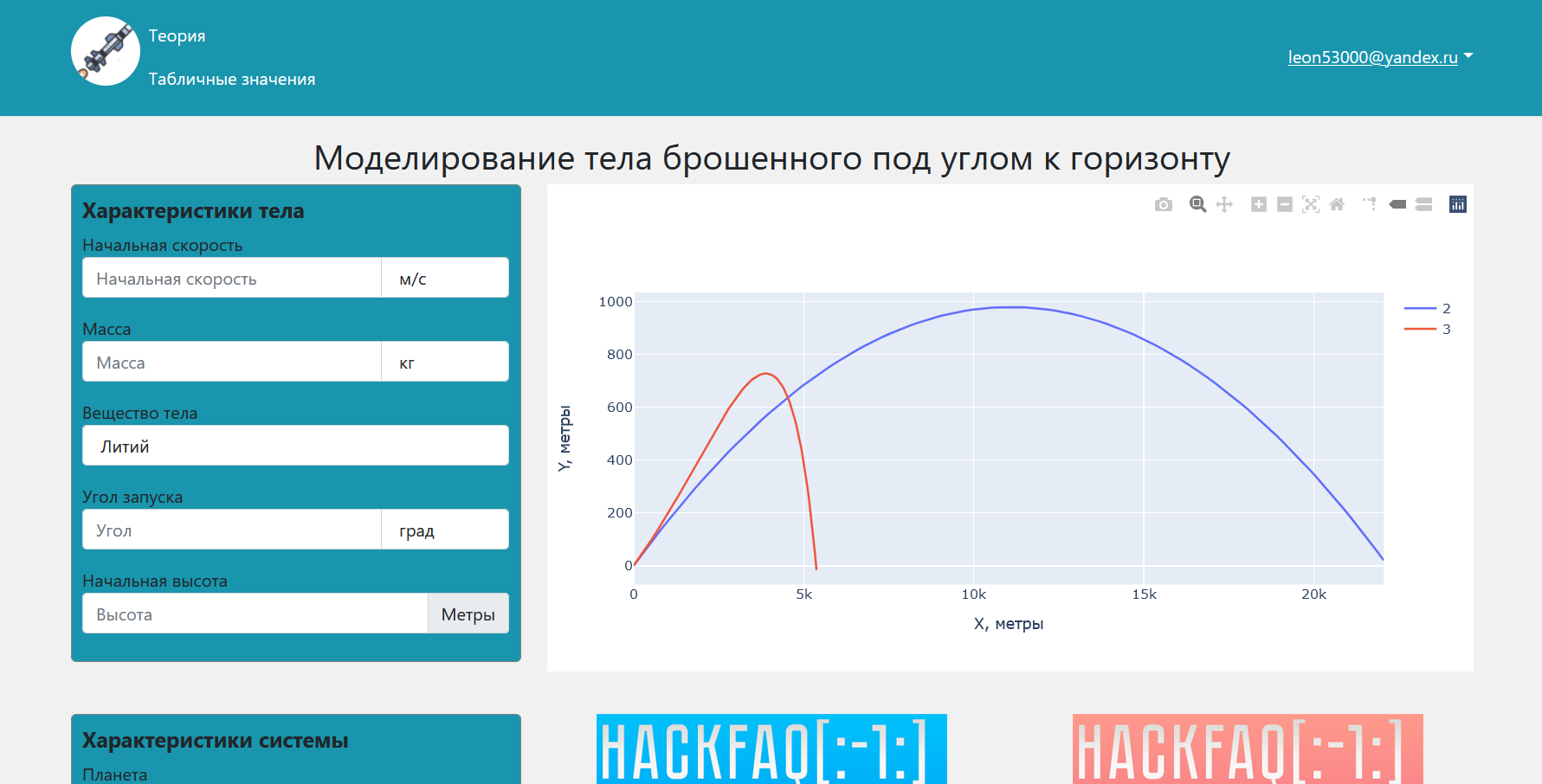
Функция по расчету без учета сопротивления воздуха имеет название calculate\_without\_air\_resistance. В качестве аргументов функция принимает начальную скорость тела, угол между вектором начальной скорости и осью X, ускорение свободного падения, начальную координату по оси Y. Внутри себя функция просчитывает момент падения тела и с определенным шагом просчитывает траекторию полета тела. Функция возвращает три массива одинаковых размеров: координаты по оси X, координаты по оси Y, массив времени.

Функция по расчету c учетом сопротивления воздуха называется calculate\_with\_air\_resistance. В качестве аргументов функция принимает начальную скорость тела, угол между вектором начальной скорости и осью X, ускорение свободного падения, начальную координату по оси Y, плотность воздушной среды, плотность вещества шарообразного тела, массу тела. Внутри себя функция аналогично первой функции рассчитывает время полета тела и с определенным шагом рассчитывает траекторию полета. Возвращаемые значения функции аналогичны возвращаемым значениям первой функции.

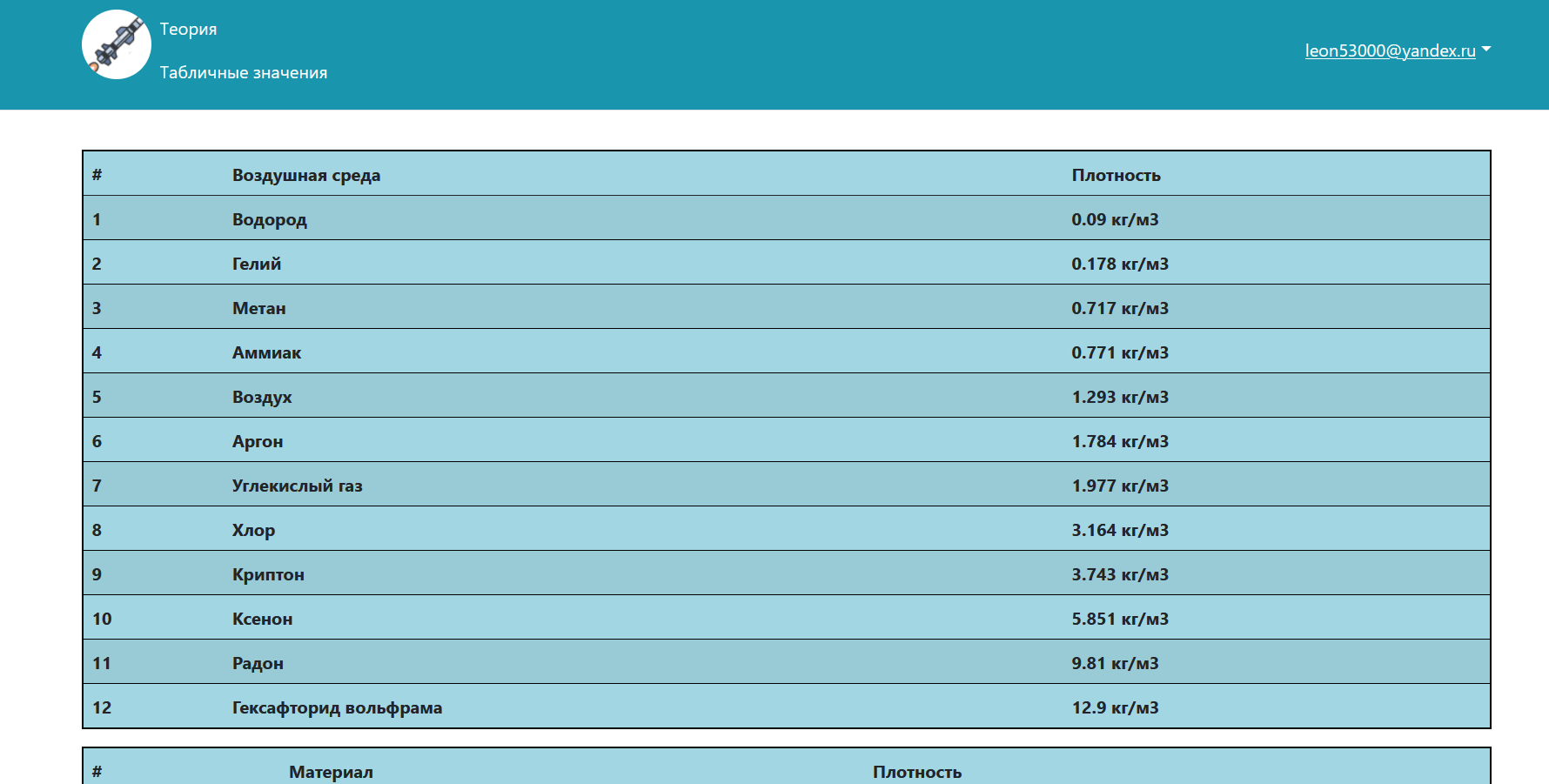
# Сайт

Сайт был написан с использованием html для разметки, css и bootstrap для дизайна, javascript – для работы с полями ввода и сервером. В качестве языка для серверной части использовался python с фреймворком flask и его дополнениями.

Для использования основной части сайта необходимо зарегистрироваться или авторизоваться, если пользователь уже зарегистрирован. Для этого созданы отдельные страницы: 

После авторизации/регистрации пользователь будет видеть основную часть сайта, на которой он сможет построить траекторию полета тела: 

После ввода данных пользователь должен нажать на кнопку «Добавить график» и данные отправятся на сервер для обработки. Сервер сохранить данный запуск в базу данных и привяжет его к пользователю. Также на график сайта добавится смоделированная версия полета. Пользователь способен удалять графики по отдельности или все сразу.

Помимо этого пользователь может изучить все теоретические материалы по решению задачи, а также все физические константы, использующиеся для расчетов. Изображение выглядит как текст

Автоматически созданное описание

# Результаты

В результате работы был написан сайт для расчетов и визуализации решений задачи тела, брошенного под углом к горизонту. Данный комплекс можно использовать для обучения школьников решению такой задачи, а также для автоматизации расчетов при решении проблемы.

В дальнейшем программу планируется дорабатывать, улучшая способы расчета и интерфейс.

# Использованные библиотеки

Numpy – для расчетов тригонометрических функций, квадратных и кубических корней.

Scipy ­– для решения системы дифференциальных уравнений второго порядка.

Sqlite3 – для работы со статическими базами данных

Flask – для создания сервера

Flask-login – для обработки сессий пользователей

Flask-WTF – для обработки некоторых форм

Jinja2 – для создания шаблонов html

SQLAchemy – для работы с динамическими базами данных

Plotly – для отрисовки графиков

# Использованные материалы

<https://habr.com/ru/post/349262/>

<https://ru.wikipedia.org/wiki/Заглавная_страница>