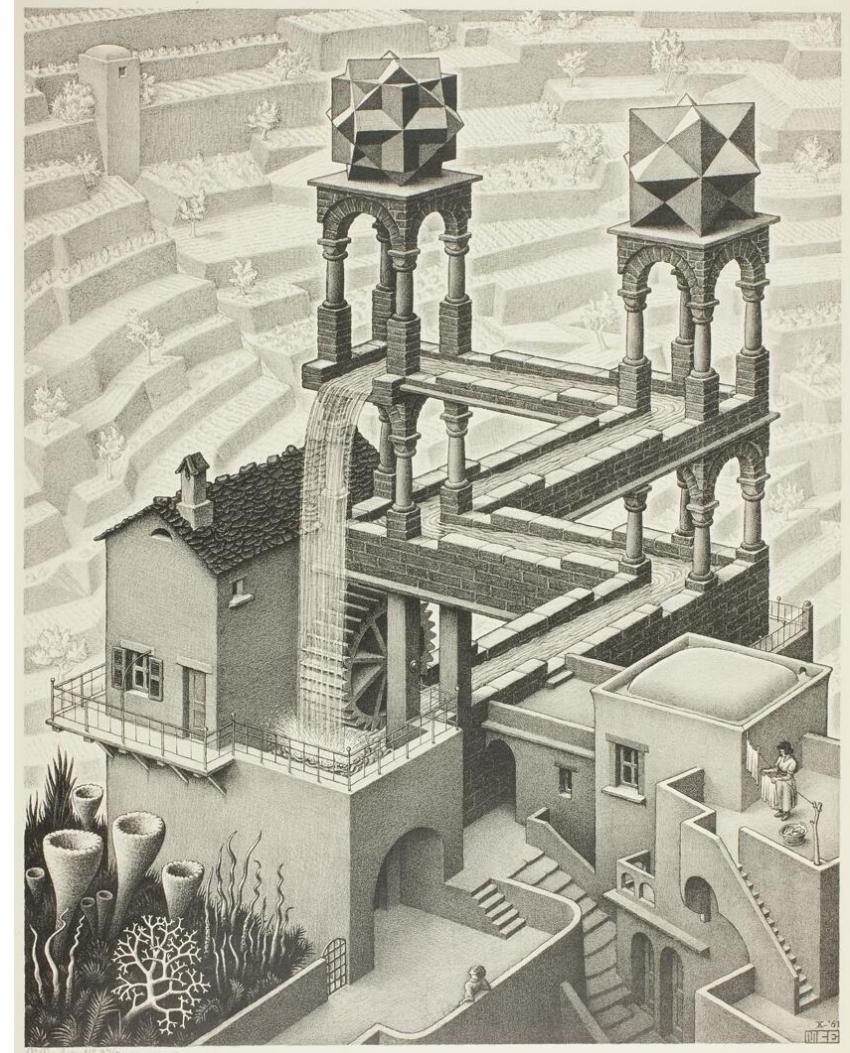


# Metody předzpracování obrazu – barevné, jasové a geometrické

Strojové vidění a zpracování obrazu  
BI-SVZ

# Obsah dnešní přednášky

- Opakování
  - Homogenní souřadnice
- Barevné a jasové transformace
  - Ekvalizace histogramu
  - Úprava jasu
  - Úprava kontrastu
  - Gamma korekce
- Geometrické transformace
  - Posunutí
  - Euklidovské
  - Podobnostní
  - Afinní
  - Projektivní



# Opakování 5. přednášky

- Co to jsou homogenní souřadnice?
- K čemu jsou homogenní souřadnice užitečné?
- Jak zjistíme zda bod leží na přímce  
(v homogenních souřadnicích)?
- Jak zjistíme průsečík dvou přímek  
(v homogenních souřadnicích)?
- Jak zjistíme přímku procházející dvěma body  
(v homogenních souřadnicích)?



# Typy předzpracování obrazu

## Barevné a jasové transformace

- Úprava jasu, kontrastu, ...
- Ekvalizace histogramu
- Zvýraznění určitých charakteristik obrazu
- Prahování
- Hranové detekce
- Filtrace a vyhlazování
- ...

## Geometrické transformace

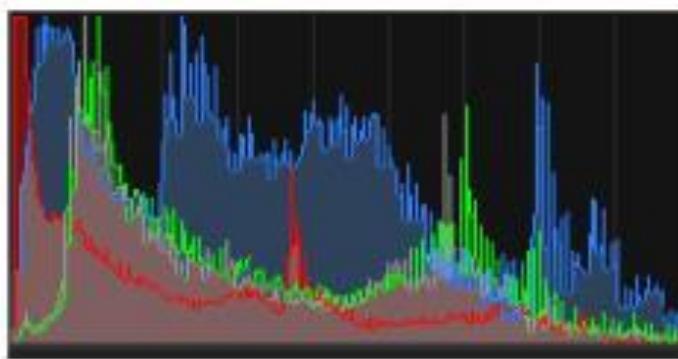
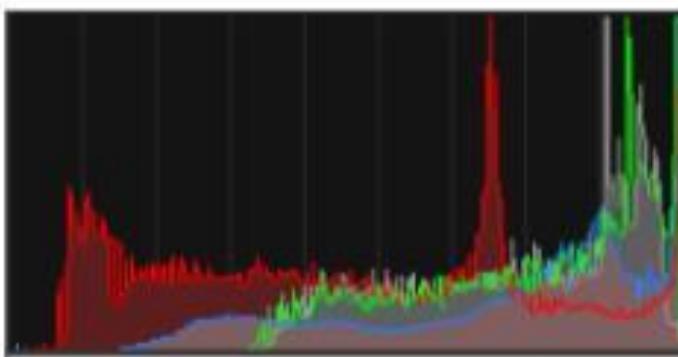
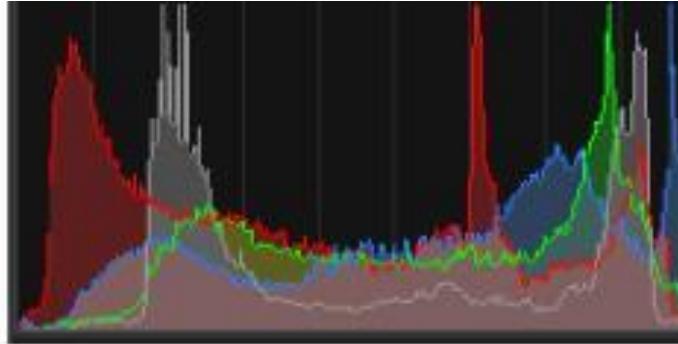
- Odstranění soudkovistosti
- Euklidovské, affinní, projektivní, ...

## Frekvenční transformace

# Motivace předzpracování obrazu

- Nevhodná volba vyvážení bílé
- Chybné nastavení expozice
- Požadavky na jiný barevný prostor
- Odstranění šumu, zaostření snímku
- Zisk relevantních regionů
- Geometrické zkreslení znemožňující aplikaci některých algoritmů (OCR)
- Komprese dat

# Barevné a jasové transformace



# Převod barevného RGB snímku na černobílý

- Průměrovací metoda
  - $I = \frac{R+G+B}{3}$
- Metoda váhování
  - $I = 0,3R + 0,59G + 0,11B$
- V průměrovací metodě bereme 33 % hodnotu z každého RGB kanálu, ve skutečnosti však všechny barvy nepřispívají stejným dílem (fyzikální vlastnosti, snímač, apod.)



Originál



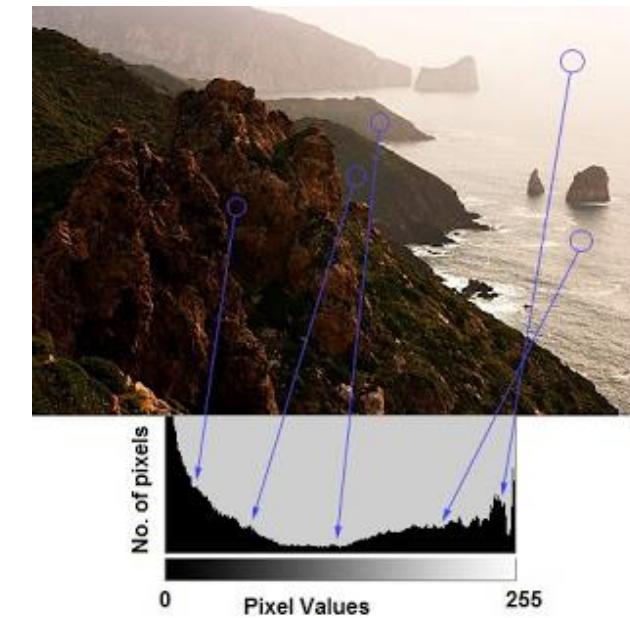
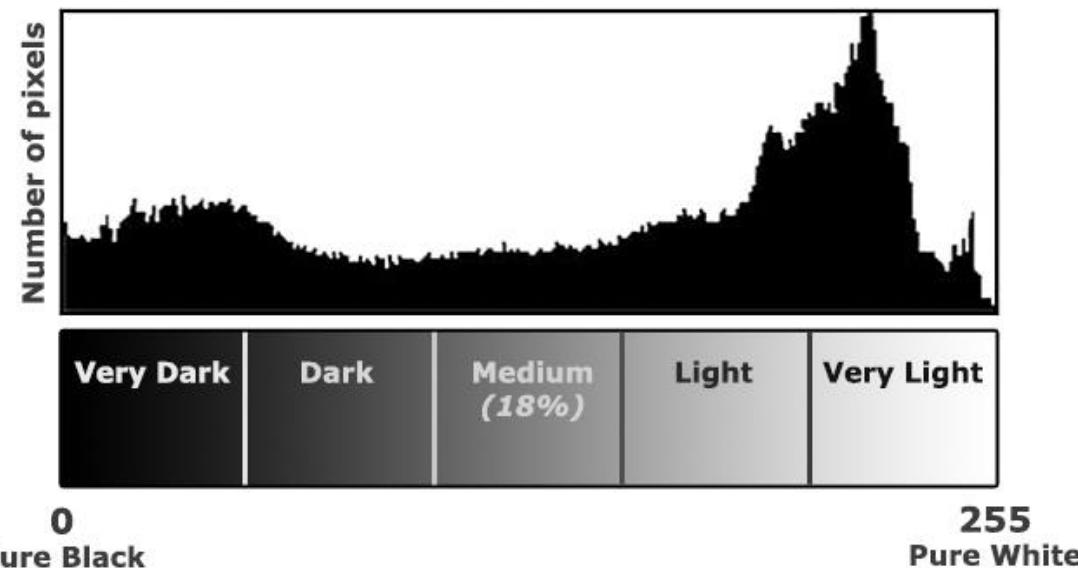
Převod průměrováním



Převod váhováním

# Histogram

- Grafové znázornění distribuce jasových hodnot pixelů
- Dokáže prozradit, zda je snímek vhodně exponován, zda není světlo příliš mtlé nebo ostré, případně jaké úpravy na snímek aplikovat
- Osa Y vyjadřuje četnost v daném intervalu.
- Kromě jasů existuje i pro jednotlivé RGB kanály.
- Výpočet v OpenCV - [`cv2.calcHist\(images, channels, mask, histSize\[, hist\[, accumulate\]\]\)`](#)



# Ukázky histogramů



Domiující tmavé odstíny  
tzv. Low-key metoda



Dominující světlé odstíny  
tzv. High-key metoda



Fotografie s vysokým  
kontrastem



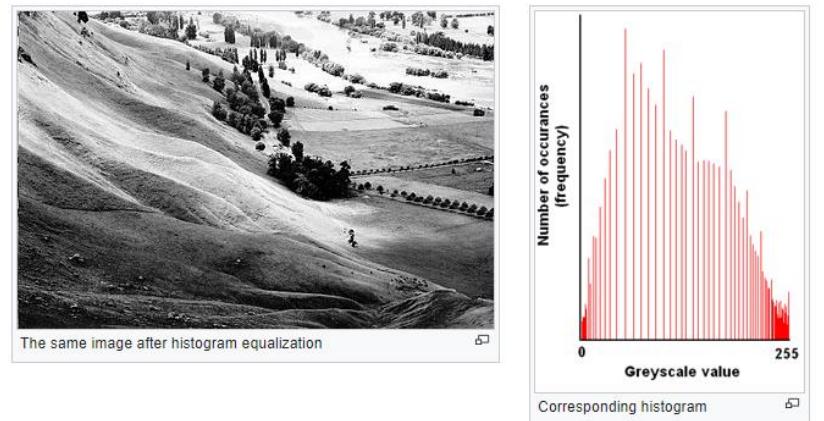
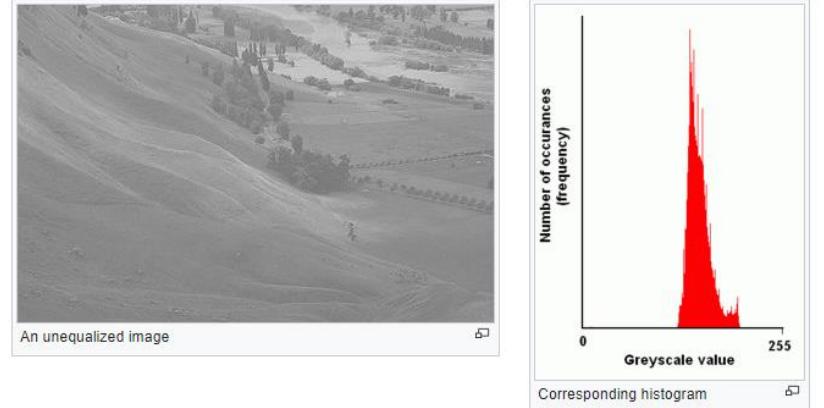
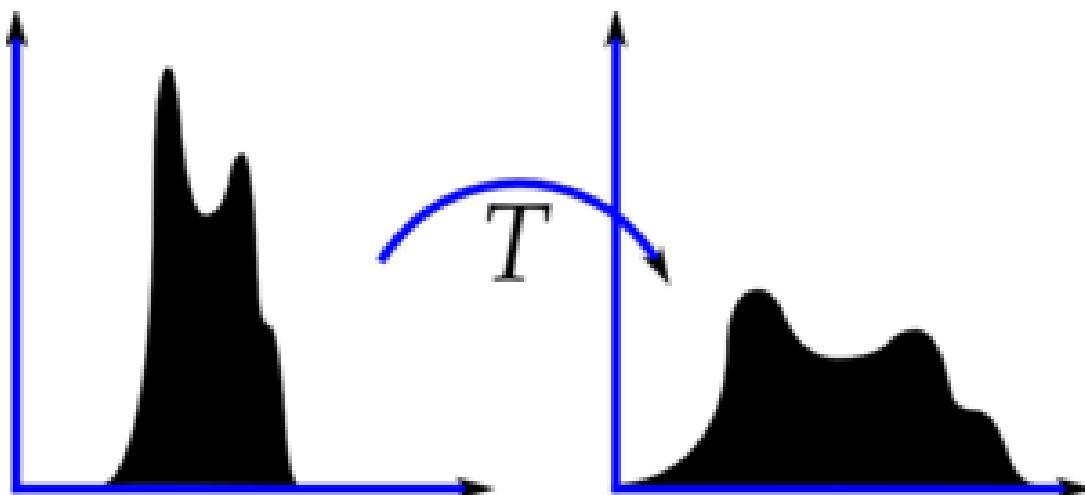
Fotografie s nízký  
kontrastem

# Ekvalizace histogramu

- Zajišťuje snazší interpretaci vizualizovaného obrazu pomocí zvýšení lokálního kontrastu
- Užitečné pro obrazy, které jsou příliš tmavé, příliš světlé, nebo nekontrastní
- V ekvalizovaném histogramu jsou jasové úrovně zastoupeny zhruba stejně četně
- Jednoduchá transformace na výpočet, a zároveň **invertibilní**
- Nevýhodou je **zvýrazněný šum** v obrazu
- Implementace v OpenCV - [\*cv2.equalizehist\(hist\)\*](#)

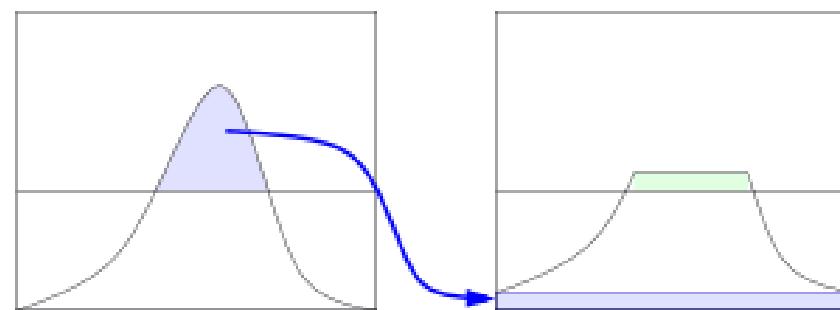
# Ekvalizace histogramu

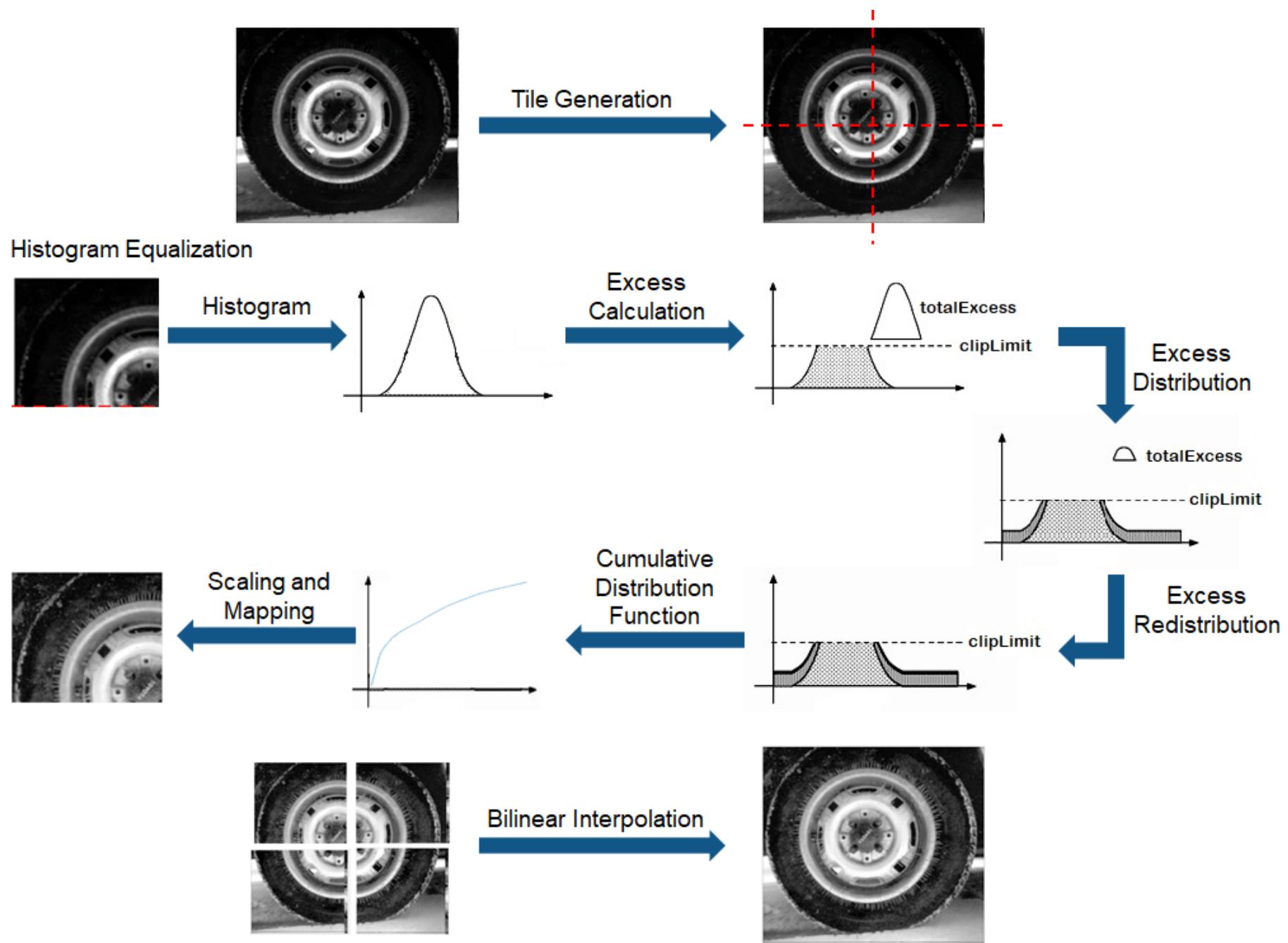
- Využití:
  - Data u kterých usilujeme o co nejpodobnější jasové podmínky pro celý dataset (např. Face recognition, ...)
  - Rentgenové snímky
  - Snímky zaznamenané termokamerou
  - Chybně exponované snímky



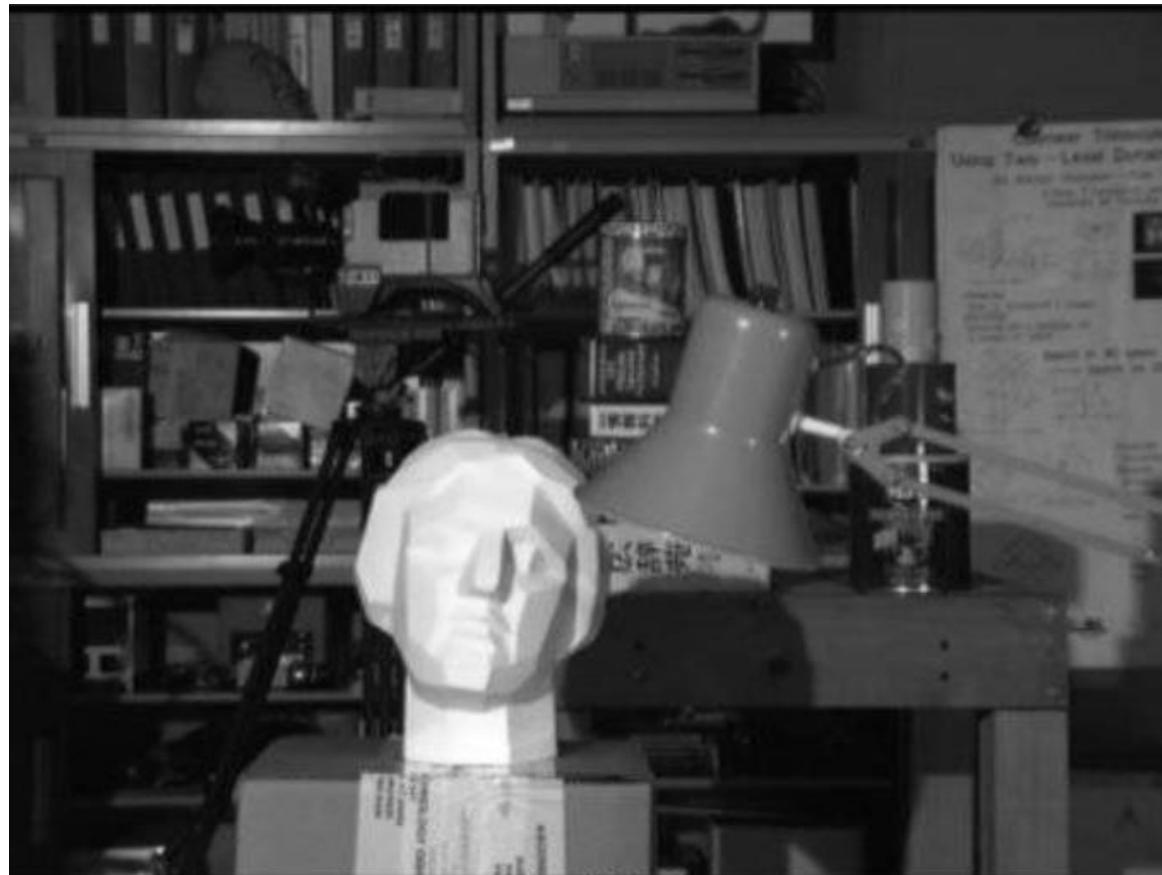
# CLAHE - Contrast Limited Adaptive Histogram Equalization

- Klasická verze ekvalizace uvažuje pouze globální transformaci
- CLAHE využívá k výpočtu klouzavé okénko, kde pro každý region vypočte lokální histogram
- Následně se provede ekvalizace nad tímto regionem
- K tomu, aby nedošlo k přílišnému zvýraznění šumu, v případě nekontrastního regionu, se využívá “chytrý” clipping
- Implementace v OpenCV pomocí [cv2.createCLAHE\(\)](#)





# CLAHE - Contrast Limited Adaptive Histogram Equalization



Original

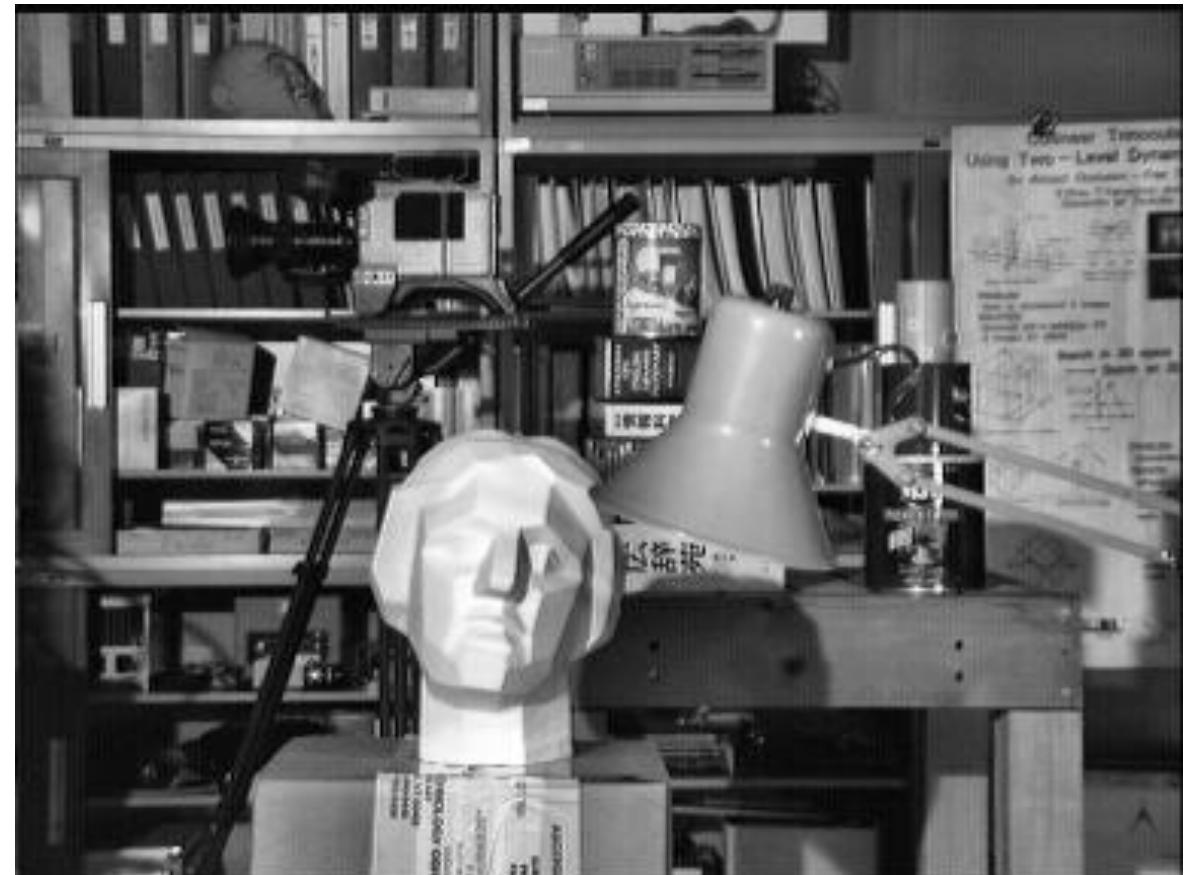


Snímek po ekvalizaci histogramu

# CLAHE - Contrast Limited Adaptive Histogram Equalization



Original



Snímek po aplikaci CLAHE

# Úprava jasu

- Dále předpokládáme 2D obrazový snímek reprezentovaný pomocí matice, funkci  $f(i, j)$ , která vrátí hodnotu/vektor pixelu v řádku  $i$  a sloupci  $j$  a také funkci  $g(i, j)$ , která vrací hodnotu/vektor pixelu po transformaci
- Triviální příklad zvýšení jasu můžeme provést přičtením konstanty  $\beta > 0$  ke každému pixelu (naopak snížení jasu přičtením  $\beta < 0$ )
  - $g(i, j) = f(i, j) + \beta$
  - Jak se tato transformace projeví v RGB snímku? Jak v černobílém?

Jak chytřeji změnit jas snímku? (*Nápočeda: jiný barevný prostor*)

# Úprava jasu - příklad

- Originální obrázek:

12	23	84	122
123	34	92	200
23	45	29	73

- Zvýšení jasu o 60:

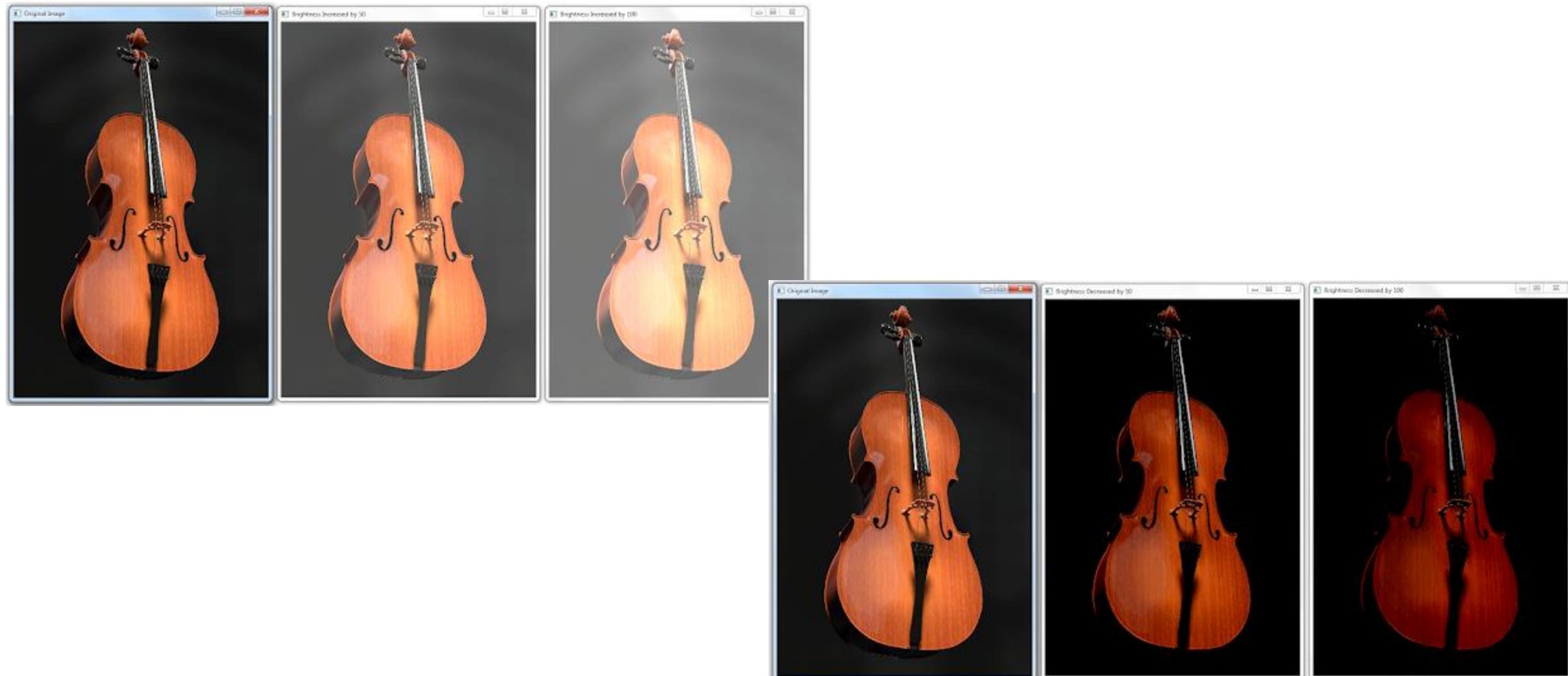
$12 + 60$	$23 + 60$	$84 + 60$	$122 + 60$
$123 + 60$	$34 + 60$	$92 + 60$	$200 + 60$
$23 + 60$	$45 + 60$	$29 + 60$	$73 + 60$

=

72	83	144	182
183	94	152	255
83	105	89	133

- Při přesázení hodnoty 255 ztrácíme v 8 bitovém obrazu informace

# Úprava jasu - příklad



# Úprava kontrastu

- Změna kontrastu  $g(i, j) = \alpha * f(i, j)$

- Snížení pro  $0 < \alpha < 1$
- Zvýšení pro  $\alpha > 1$

- Originální obrázek:

144	245	132	54
10	62	81	84
99	106	29	7

- Zvýšení kontrastu o faktor 2

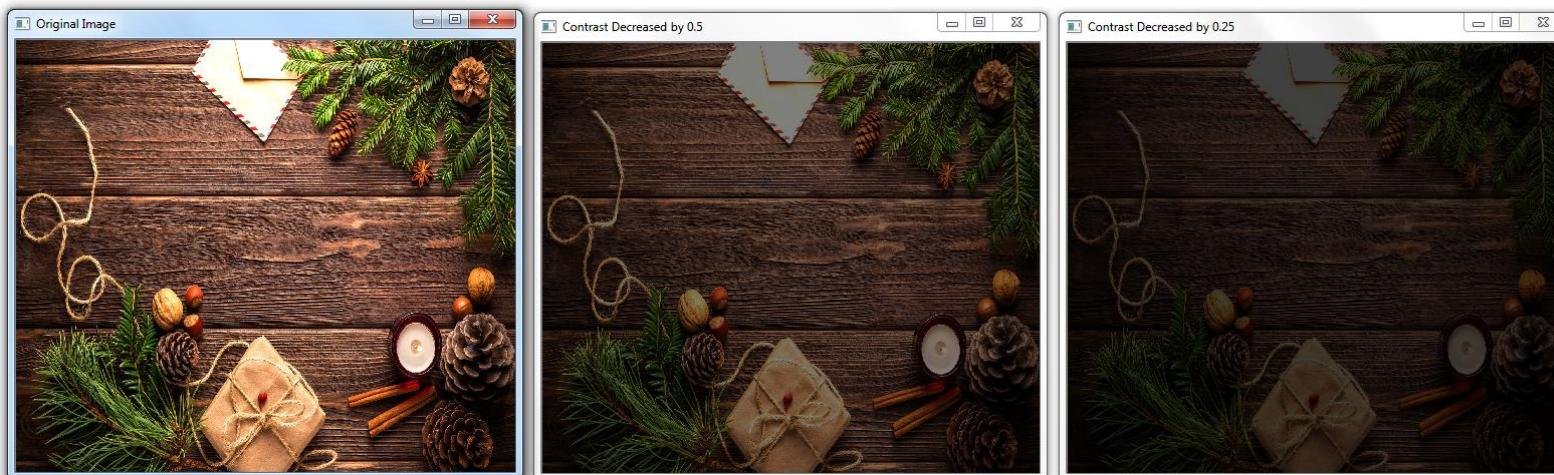
$144 * 2$	$245 * 2$	$132 * 2$	$54 * 2$
$10 * 2$	$62 * 2$	$81 * 2$	$84 * 2$
$99 * 2$	$106 * 2$	$29 * 2$	$7 * 2$

=

255	255	255	108
20	124	162	168
198	212	58	14

- Při přesázení hodnoty 255 ztrácíme v 8 bitovém obrazu informace

# Úprava kontrastu - příklad



# Změna jasu a kontrastu dohromady

- Nejčastěji se však setkáme s formulací

- $g(i, j) = \alpha * f(i, j) + \beta$
- viz dokumentace v [OpenCV](#)

Je jasová a kontrastní transformace invertibilní?

# Změna jasu a kontrastu dohromady

Není, neboť při clippingu přicházíme o datové informace

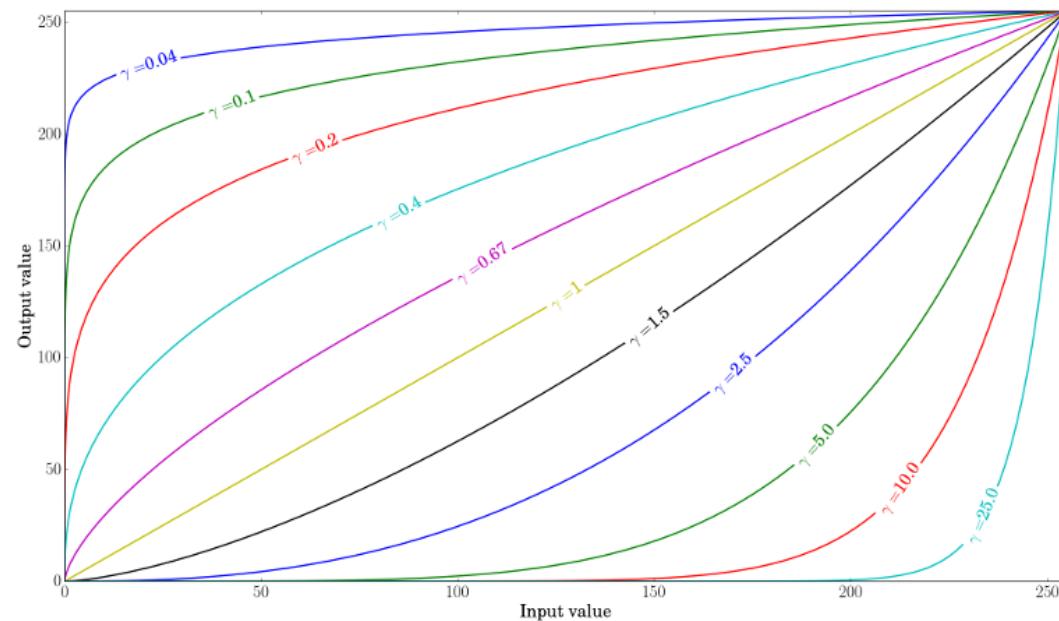


Ukázka přidání jasu a zvýšení kontrastu -  $\alpha = 1.3$  ^  $\beta = 40$

# Gamma korekce

- Je nelineární transformace všech pixelů, která se snaží dát stínům a světlům více prostoru

- $$g(i, j) = \left(\frac{f(i, j)}{255}\right)^{\gamma} * 255$$
- Pro  $\gamma < 1$  zesvětlení stínů - posun histogramu doprava
- Pro  $\gamma > 1$  ztmavení světel - posun histogramu doleva



# Gamma korekce



Ukázka gamma korekce pro  $\gamma = 0.4$

# Úprava jasu vs gamma korekce – příklad histogramu

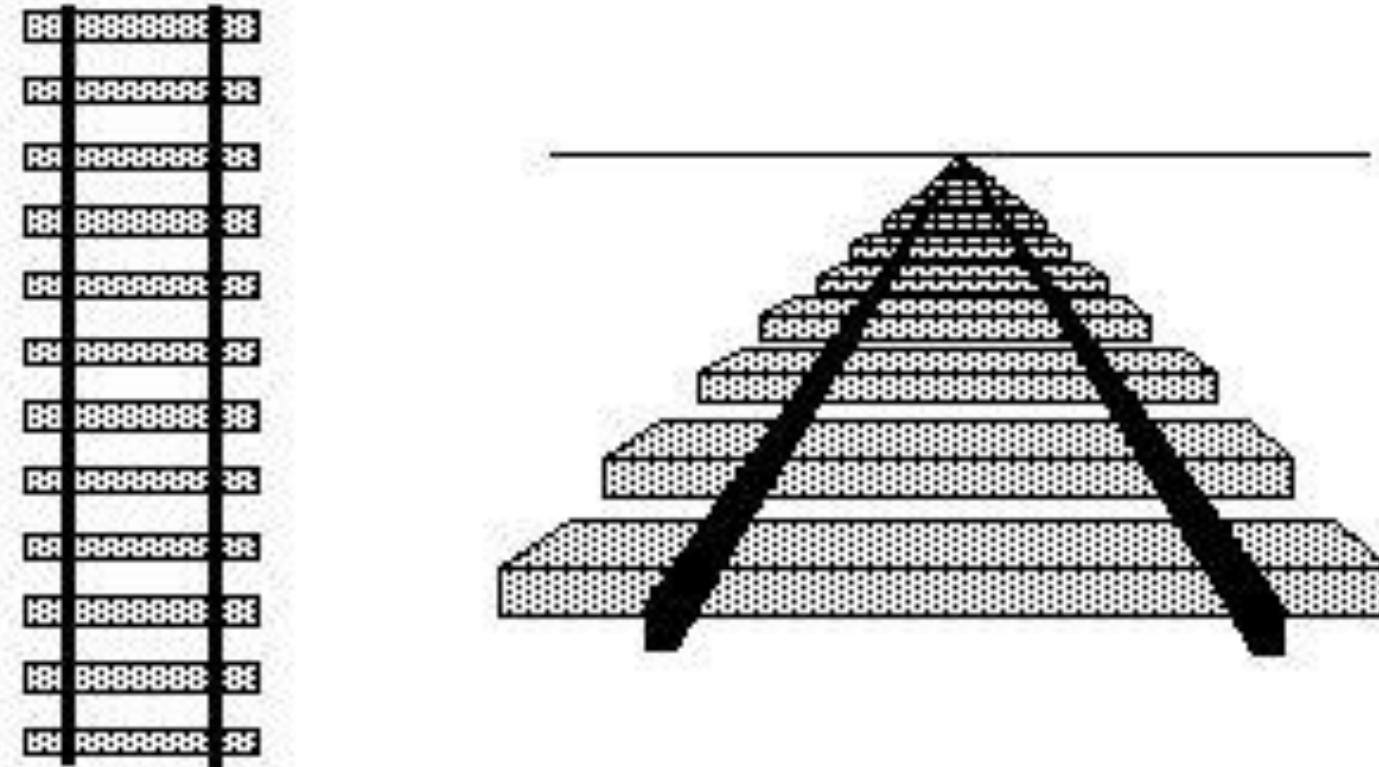


Zesvětlení pomocí zvýšení jasu  
(přičtení  $\beta$ )

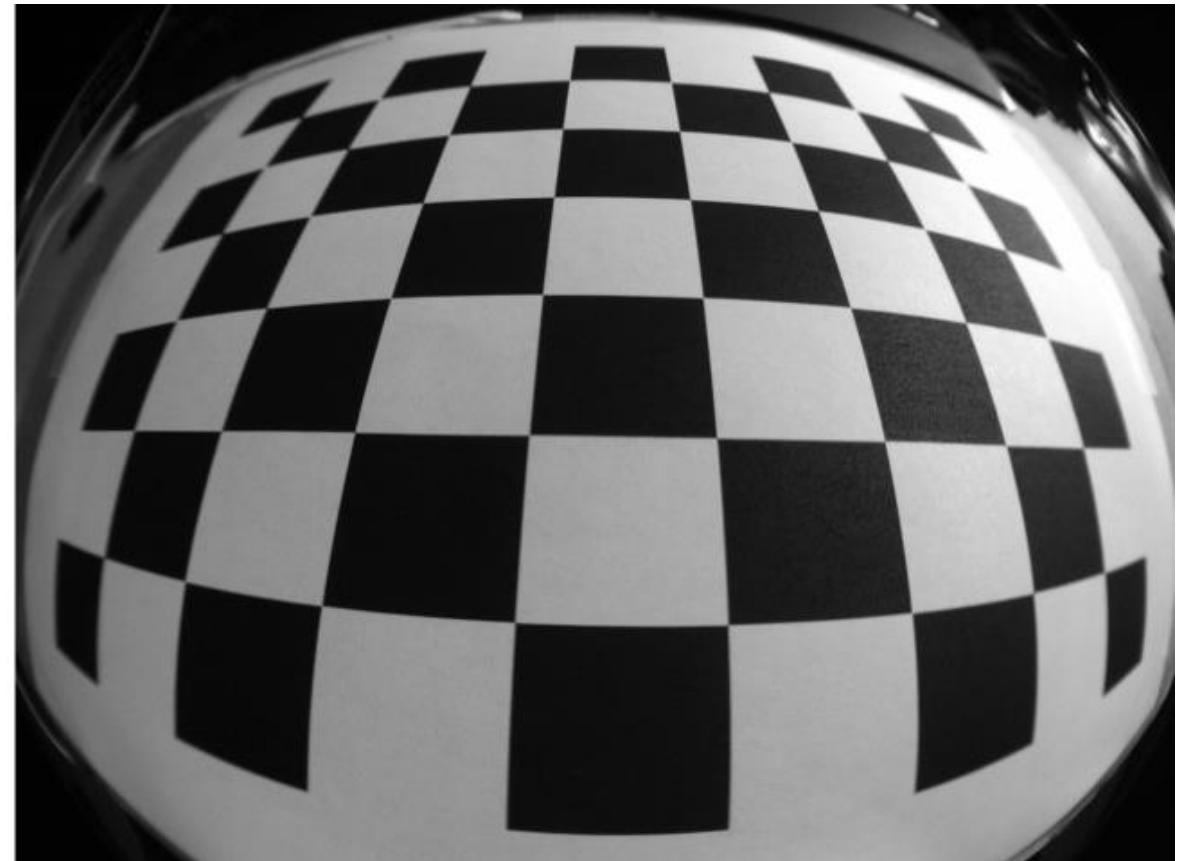
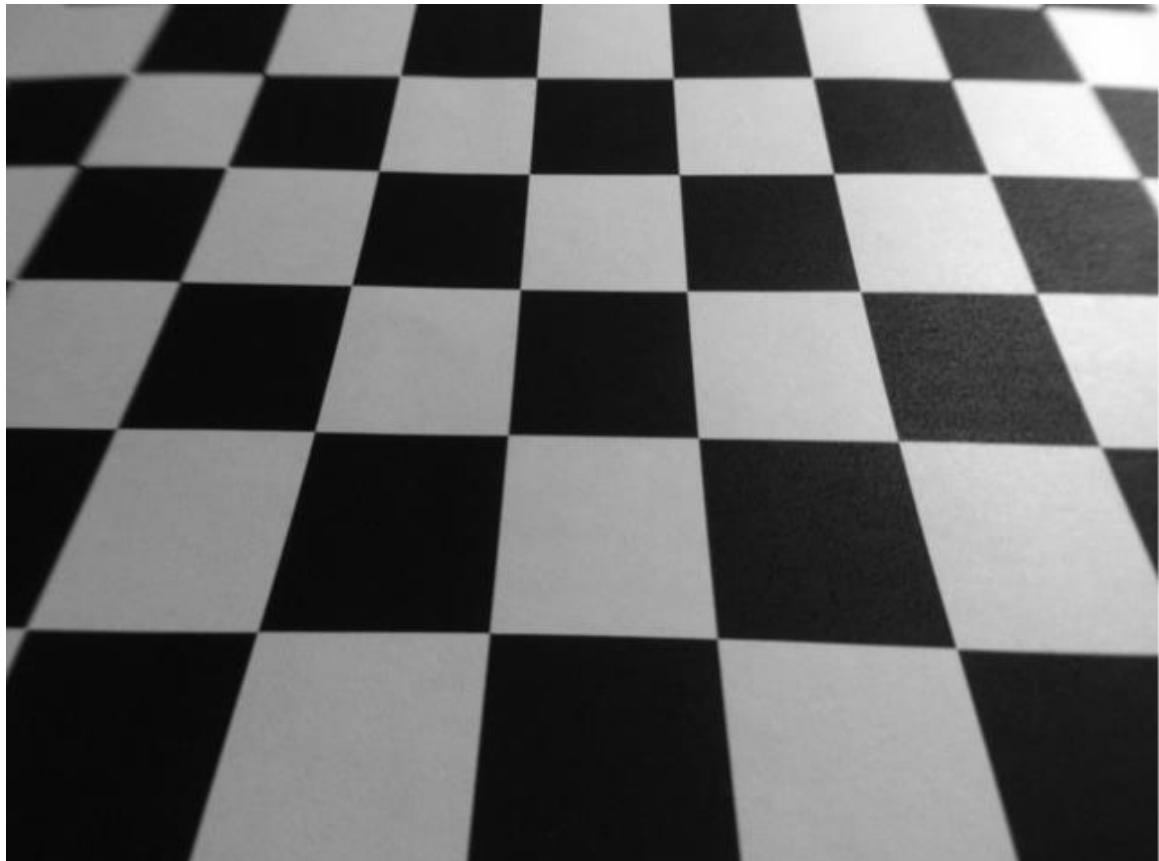
Histogram originálního snímku

Zesvětlení pomocí gamma korekce

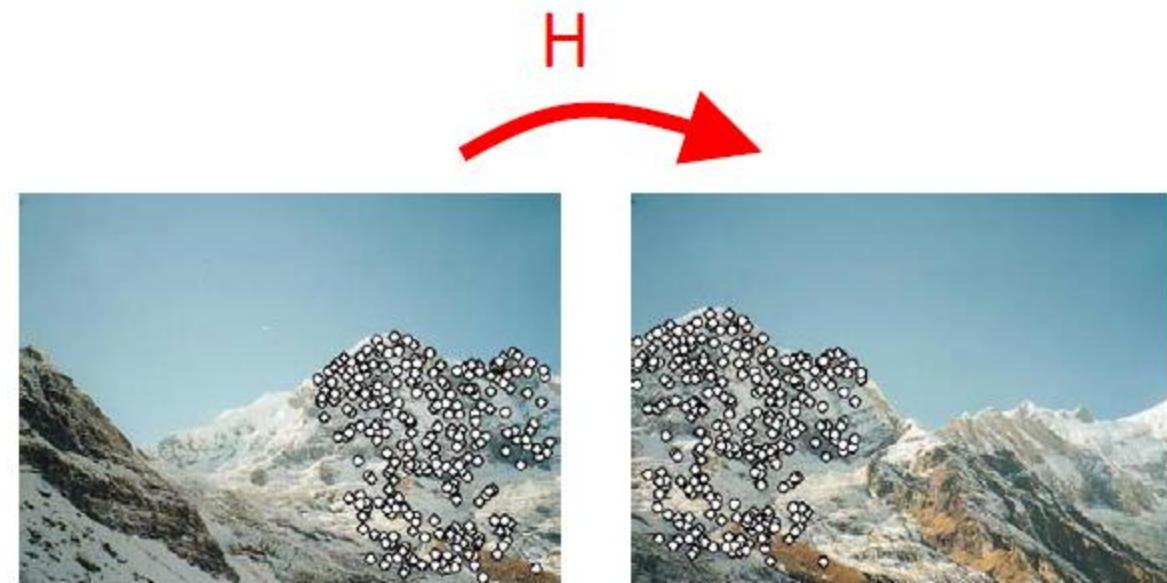
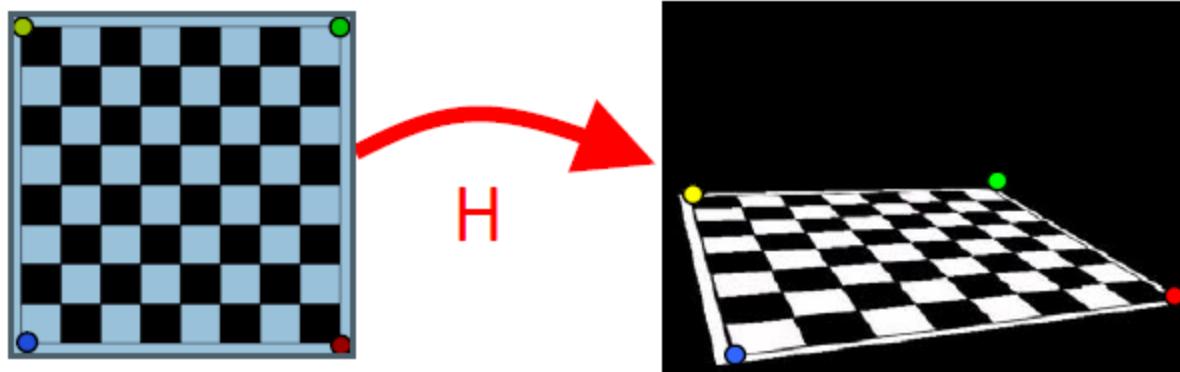
# Geometrické transformace



# Kalibrace kamery



# 2D projektivní transformace (homography)

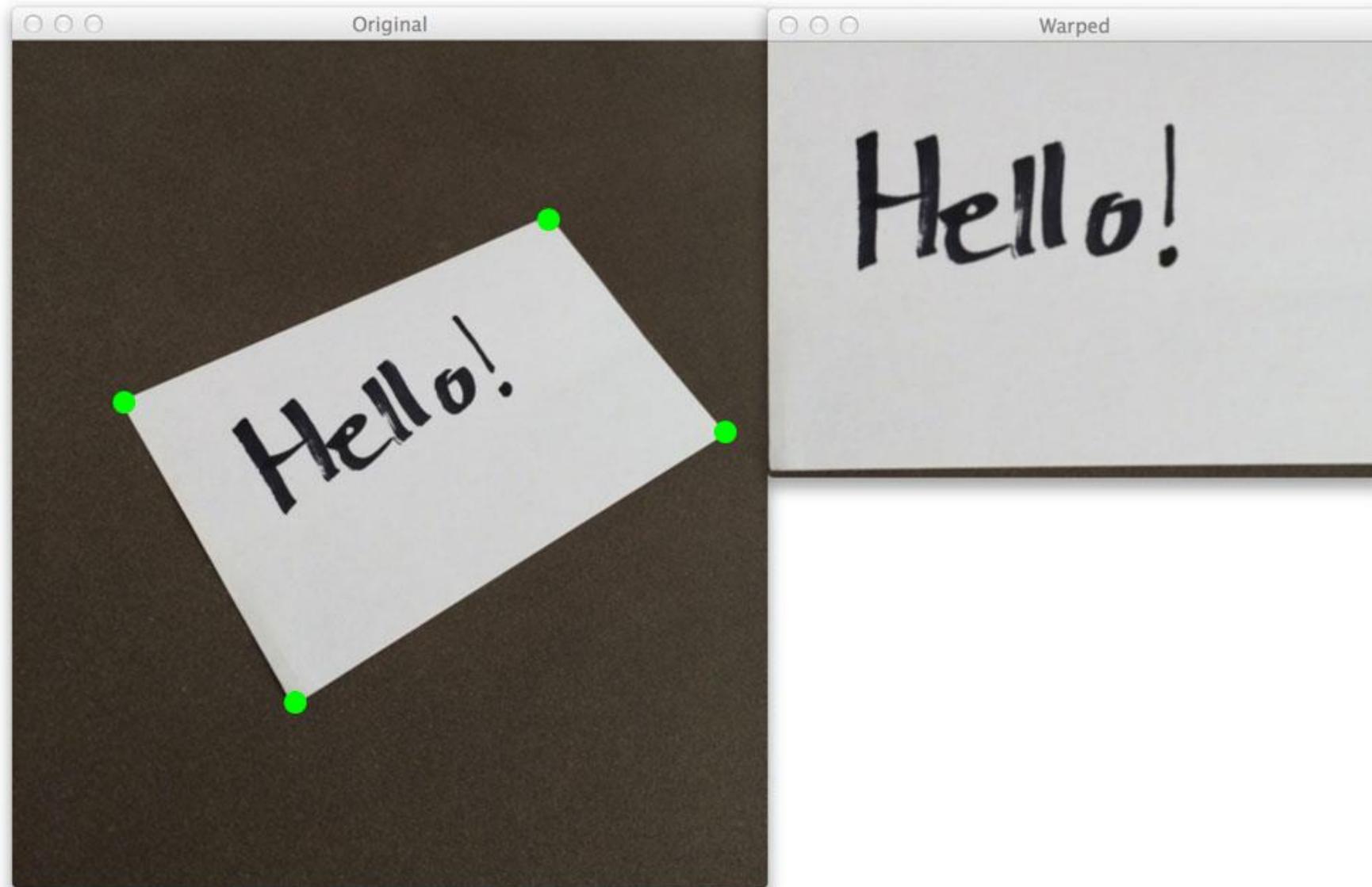


# 2D projektivní transformace (homography)



# 2D projektivní transformace (homography)

- Příklad



# Typy geometrických transformací

- Nejpoužívanější transformace v 2D rovině:

- Posunutí
- Euklidovská (lineární)
- Podobnostní
- Afinní
- Projektivní

- 3D transformace jsou obdobné
  - využívají matice  $4 \times 4$

- Hierarchie:
  - Euklidovské  $\subset$  Podobnostní  $\subset$  Afinní  $\subset$  Projektivní

A square transforms to:

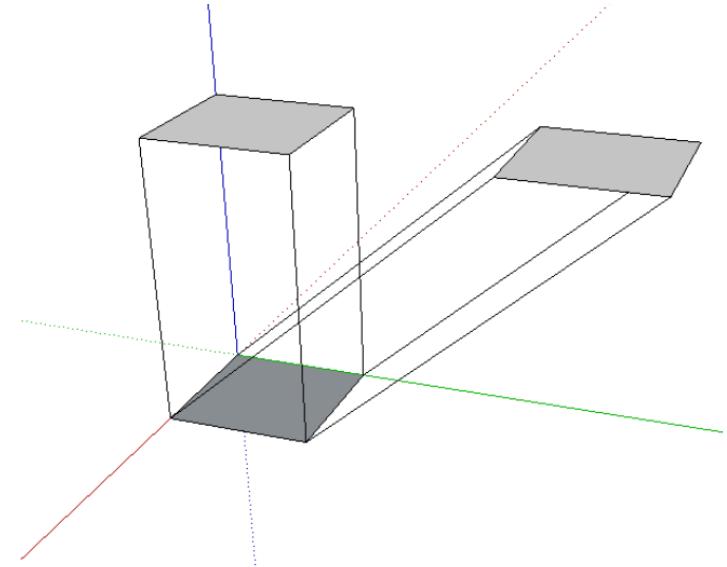


Projective 8dof	$\begin{bmatrix} h_{11} & h_{12} & h_{13} \\ h_{21} & h_{22} & h_{23} \\ h_{31} & h_{32} & h_{33} \end{bmatrix}$	
Affine 6dof	$\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & t_x \\ a_{21} & a_{22} & t_y \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	
Similarity 4dof	$\begin{bmatrix} sr_{11} & sr_{12} & t_x \\ sr_{21} & sr_{22} & t_y \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	
Euclidean 3dof	$\begin{bmatrix} r_{11} & r_{12} & t_x \\ r_{21} & r_{22} & t_y \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	

# Geometrické transformace – posunutí

- Příklad ve 2D
  - $(u_x, u_y) = (v_x, v_y) + (t_x, t_y) \rightarrow u = v + t$
- Maticově
  - Výhodné, neboť v homogenních souřadnicích se jedná o lineární operaci
  - Díky tomu se 2D posun vyjádří pomocí operace 3D zkosení

$$\begin{pmatrix} u_x \\ u_y \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & t_x \\ 0 & 1 & t_y \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{pmatrix} v_x \\ v_y \\ 1 \end{pmatrix}$$



# Geometrické transformace – Euklidovská

- Rotace a posunutí
- Zachovává velikosti úhlu, poměry ploch a vzdálenosti mezi body (izometrické zobrazení)
  - proto ten název
- Příklad ve 2D
  - $(u_x, u_y) = (\nu_x \cos \theta - \nu_y \sin \theta + t_x, \nu_x \sin \theta + \nu_y \cos \theta + t_y)$
  - Kde  $\theta$  je úhel otočení ve stupních od počátku souřadnicového systému
  - Maticově
    - $u = T R \nu$
  - $$\begin{pmatrix} u_x \\ u_y \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta & t_x \\ \sin \theta & \cos \theta & t_y \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{pmatrix} \nu_x \\ \nu_y \\ 1 \end{pmatrix}$$
  - Jak by operace rotace mohla maticově vypadat ve 3D? [Vysvětlení](#)

# Geometrické transformace – podobnostní

- Škálování, rotace a posunutí
- Zachovává velikosti úhlů a poměr vzdálenosti bodů na přímce
- Příklad ve 2D
  - $(u_x, u_y) = (sv_x \cos \theta - sv_y \sin \theta + t_x, sv_x \sin \theta + sv_y \cos \theta + t_y)$
  - Maticově
    - $u = T R S v$
- $$\begin{pmatrix} u_x \\ u_y \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} s \cos \theta & s - \sin \theta & t_x \\ s \sin \theta & s \cos \theta & t_y \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{pmatrix} v_x \\ v_y \\ 1 \end{pmatrix}$$

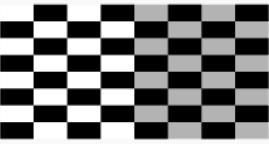
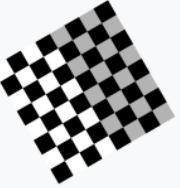
# Geometrické transformace – affinní

- Skládá se z kombinace lineárních transformací (škálování, rotace a zkosení) a posunu
- Zachovává kolinearitu, vlastnost rovnoběžnosti, poměr vzdálenosti bodů na přímce a poměry ploch
- Zobrazení mezi affinními prostory - všechny Euklidovské prostory jsou affinní, ale ne všechny affinní jsou Euklidovské.
- Transformace nemusí nutně zachovávat úhly, vzdálenosti a souřadnice počátku (nulový bod)
- Každá lineární transformace je affinní, ale ne každá affinní transformace je lineární (díky nezachovávání souřadnic počátku)
- Pokud vám výše uvedené informace nedávají smysl, zopakujte si homogenní souřadnice. Jednoduché vysvětlené homogenních souřadnic.

# Geometrické transformace – affinní

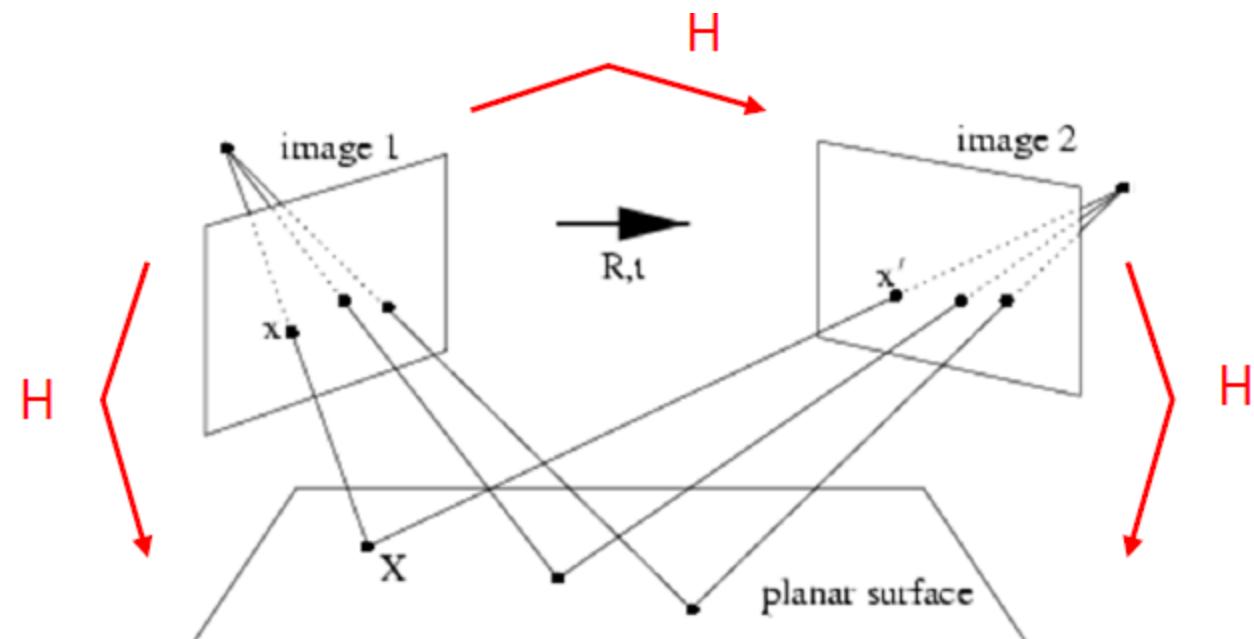
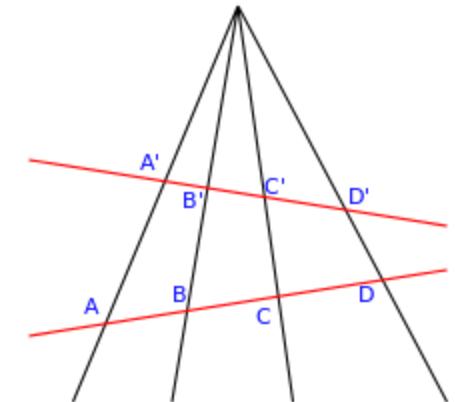
- Není natolik silný nástroj, aby transformoval čtverec na libovolný čtyřúhelník – k tomu se využívá projektivní
- Nejčastěji využití je v počítačové grafice
- Záleží na pořadí prováděných operací?
- Maticově ve 2D
  - $u = A v$

$$\begin{aligned} \bullet \quad & \begin{pmatrix} u_x \\ u_y \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} a_{0,0} & a_{0,1} & a_{0,2} \\ a_{1,0} & a_{1,1} & a_{1,2} \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{pmatrix} v_x \\ v_y \\ 1 \end{pmatrix} \end{aligned}$$

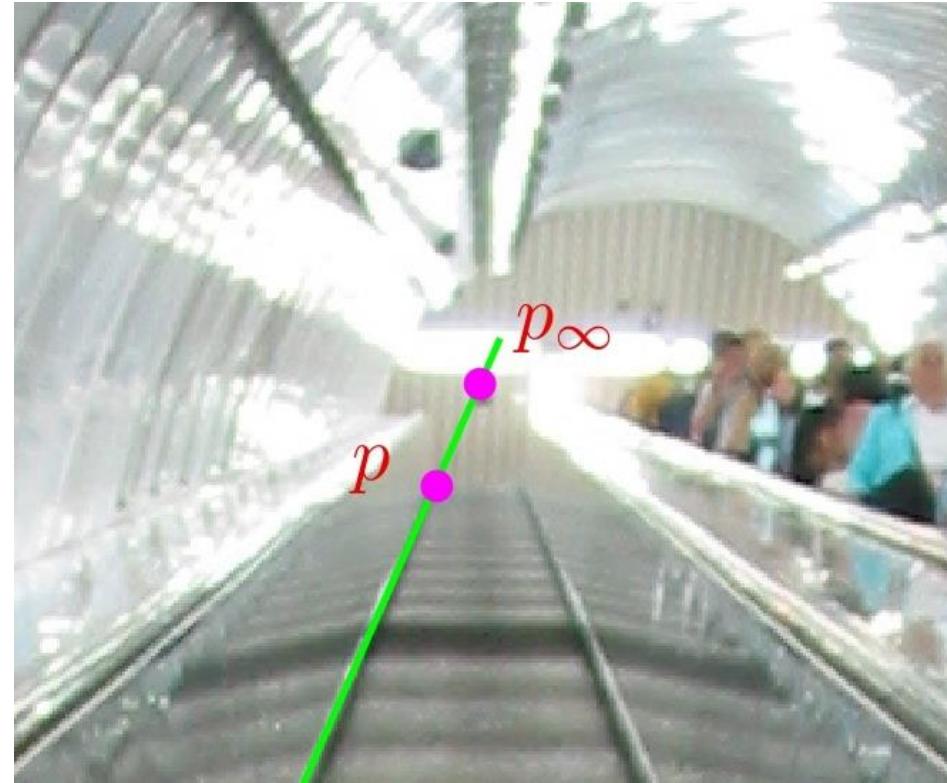
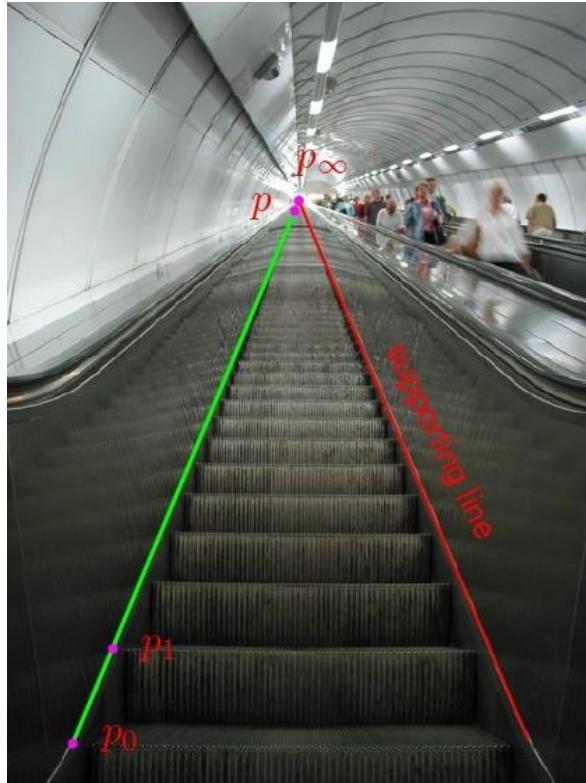
Transformation name	Affine matrix	Example
Identity (transform to original image)	$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	
Reflection	$\begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	
Scale	$\begin{bmatrix} c_x = 2 & 0 & 0 \\ 0 & c_y = 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	
Rotate	$\begin{bmatrix} \cos(\theta) & \sin(\theta) & 0 \\ -\sin(\theta) & \cos(\theta) & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ where $\theta = \frac{\pi}{6} = 30^\circ$	
Shear	$\begin{bmatrix} 1 & c_x = 0.5 & 0 \\ c_y = 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	

# Geometrické transformace – projektivní

- Zachovává dvojpoměr a kolinearitu
- Vyžaduje homogenní souřadnice, neboť je mění
- Body se souřadnicemi v nekonečnu dokáže převést na konečné a naopak
- Co má společného affinní a projektivní transformace?
- Příklad dvojpoměru - R. Carlos



# Dvojpoměr v praxi



- Reálný počet schodů 216, vypočtený počet schodů 214
- Více viz. [TDV na FEL ČVUT](#)

# Dvojpoměr v praxi

- Příklad

(1)

$$\frac{AC \times BD}{BC \times AD} = \frac{A'C' \times B'D'}{B'C' \times A'D'}$$

$$\frac{(30 + 20) \times (20 + 10)}{20 \times (30 + 20 + 10)} = \frac{(7 + W)(W + 6)}{W(7 + W + 6)}$$

$$5W(W + 13) = 4(W + 7)(W + 6)$$

$$5W^2 + 65W = 4W^2 + 52W + 168$$

$$W^2 + 13W - 168 = 0$$

$$(W + 21)(W - 8) = 0$$

$$W > 0 \therefore W = 8 \text{ m}$$

V

60 px

D

10px

C

20 px

B

30 px

A

B'

W

(2)

$$\frac{AC \times BV}{BC \times AV} = \frac{A'C'}{B'C'}$$

$$\frac{50 \times 90}{20 \times 120} = \frac{7 + W}{W}$$

$$15W = 8(7 + W)$$

$$7W = 56 \therefore W = 8 \text{ m}$$

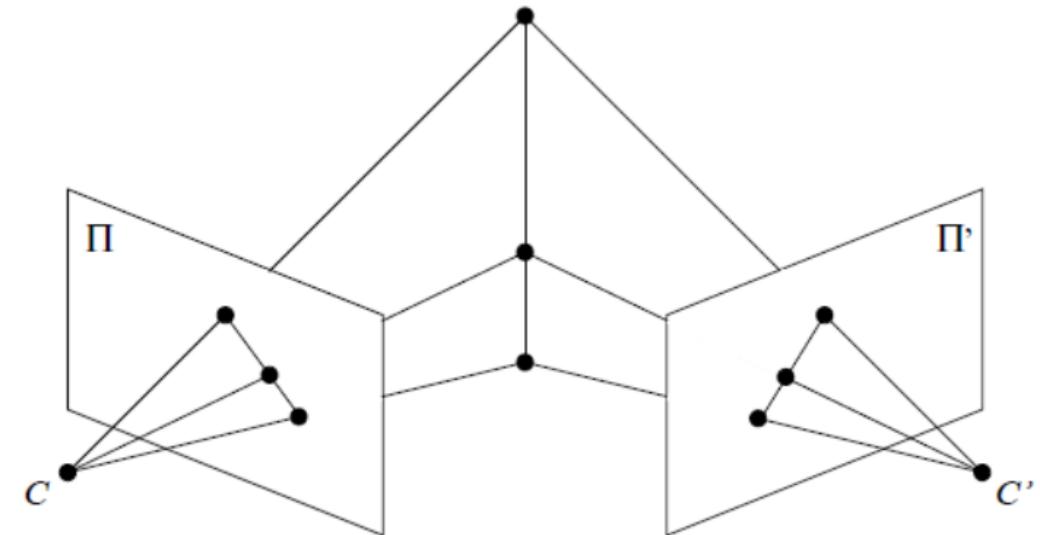


# 2D projektivní transformace (homography)

- Transformace mezi projektivními rovinami
- K výpočtu se je nutné znát minimálně 4 bodové korespondence
- Následně se aplikuje algoritmus [DLT](#), [tím získáme matici  \$H\$](#)
- Při přítomnosti odlehlých bodu (outliers) – [použijeme RANSAC](#)
- V OpenCV – [cv2.findHomography\(\)](#) a [cv2.warpPerspective\(\)](#)

$$\begin{bmatrix} \rho'_i x'_i \\ \rho'_i y'_i \\ \rho'_i \end{bmatrix} = \tilde{\mathbf{x}}'_i = \mathbf{H} \tilde{\mathbf{x}}_i = \begin{bmatrix} h_{11} & h_{12} & h_{13} \\ h_{21} & h_{22} & h_{23} \\ h_{31} & h_{32} & h_{33} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_i \\ y_i \\ 1 \end{bmatrix}$$

image point      homography      image point



- Afinní transformace je speciálním případem když:

$$h_{31} = h_{32} = 0, h_{33} = 1$$