



১১-২০তম গ্রেড লেকচার শিট



Lecture Content

- ✓ সমান্তর ধারা
- 🗹 গুণোত্তর ধারা



ধারা

প্রাথমিক তথ্য:

সসীম ধারা: কোনো ধারায় পদ সংখ্যা সসীম হলে তাকে সসীম ধারা বলে। যেমন: 1+3+5+...+20 একটি সসীম ধারা। অসীম ধারা: কোনো ধারার পদ সংখ্যা অসীম হলে তাকে অসীম ধারা বলে। যেমন: 2+4+6+8+... একটি অসীম ধারা। ধারা একটি সিস্টেম যেখানে পরপুর কিছু সংখ্যা থাকে যারা পরস্পর সুবিন্যস্ত এবং নির্দিষ্ট নিয়ম অনুসারে সাজানো।

ধারা সাধারণত দুই প্রকার:

- (ক) সমান্তর ধারা (The Arithmetic Series)
- (খ) গুণোত্তর ধারা (Geometric Series)

ধারার সাথে সম্পর্কিত কিছু বিষয়:

- * প্রথম পদ: কোনো ধারার শুরু হয় যে পদের দ্বারা সেটিই হচ্ছে প্রথম পদ যাকে a দ্বারা প্রকাশ করা হয়।
- * সাধারণ অন্তর: একপদের সাথে তার পরবর্তী পদের পার্থক্যকে সাধারণ অন্তর বলা হয়।

সাধারণ অন্তর d দারা প্রকাশ করা হয়। d = ২য় পদ – ১ম পদ

- * শেষপদ: কোনো পদের শেষ পদ জানা না থাকলে তা r-তম পদ বা n-তম পদ হিসেবে ধরা হয়। তাই r বা n হলো শেষপদ।
- * পদসংখ্যা: একটি ধারায় মোট যতটি পদ আছে তাদেরকে পদসংখ্যা বলা হয়। মোট পদসংখ্যা অনির্দিষ্ট হলে পদসংখ্যা n ধরা হয়।

* বিভিন্ন ধারার পরিচিতি:

- (ক) সাধারণ ধারা: একটি নির্দিষ্ট ব্যবধানে বৃদ্ধি প্রাপ্ত বা<u>হাসকৃত পরপর</u> কিছু সংখ্যাকে সাধারণ ধারা বলে ।
- (খ) সমান্তর ধারা: কোনো ধারার পরপর দুইটি পদের মানের পার্থক্য সমান হলে তাকে সমান্তর ধারা বলে । যেমন: 1 + 2 + 3 + 4 + 100
- (গ) শুণোত্তর ধারা: একটি ধারাকে প্রতিবার নির্দিষ্ট একটি সংখ্যা দিয়ে গুণ অথবা ভাগ করে নতুন রাশি তৈরি করলে তাকে গুণোত্তর ধারা বলা হয়। যেমন: 2 + 4 + 8 + 16 + 32 + 256

পদ্ধতি-১: সমান্তর ধারা

সমান্তর ধারা: যে ধারায় প্রতিটি পদে একই পরিমাণে বৃদ্ধি বা হাস ঘটে অর্থাৎ ক্রমিক দুইটি পদের অন্তর একই হয়, তাকে সমান্তর ধারা বলে । অর্থাৎ যে ধারায় কোনো পদকে তার পরবর্তী পদ থেকে বিয়োগ করলে প্রতিক্ষেত্রে বিয়োগফল একই হয় তাকে সমান্তর ধারা বলে ।

যেমনः 2+4+6+8+10 +20 এখানে প্রতি পদের বৃদ্ধির হার 2 করে ।

সমান্তর ধারার শুরুত্বপূর্ণ সূত্র ও তার প্রয়োগ: কোনো সমান্তর ধারার প্রথম পদ ও শেষ পদ দেয়া থাকলে

এবং পদসংখ্যা = $\frac{$ শেষপদ – প্রথম পদ $}{$ সাধারণ অন্তর $}+$ ১

একটি সমান্তর ধারার প্রথম পদ a এবং সাধারণ অন্তর d হলে r তম পদ = a + (r - 1)d

প্রথম পদ a এবং সাধারণ অন্তর d বিশিষ্ট সমান্তর ধারার n সংখ্যক পদের সমষ্টি $s = \frac{n}{2} \{2a + (n-1)d\}$

* পদক্রমের মান বের করা:

যেকোনো একটি ধারা দেয়া থাকবে, সেই ধারার যে কোন একটি পদের মান কত তা বের করতে বলা হবে।

থারার পদক্রমের মান বের করার ক্ষেত্রে সূত্র হলোঃ

r তম পদ = a + (r-1)d

অর্থাৎ ধারার ৫ম, ৮ম বা ১০ম এভাবে যেকোনো পদে<mark>র মান বের</mark> করতে এই সূত্রটি প্রয়োগ করতে হবে।

* পদক্রম বের করা:

পদক্রম বের করা অর্থ হলো এর আগের নিয়মটিতে যেখানে ৮ম. ১০ম পদের মান কত তা বের করতে বলা হয়েছে আ<mark>র এখানে</mark> পদটি কততম পদ তা দেয়া থাকবে না কিন্তু তার মান দেয়া <mark>থাকবে ।</mark> এখন ঐ পদটির পদক্রম কত তা বের করতে হবে। অর্থাৎ আ<mark>গের নিয়</mark>মটির ঠিক উ*ল্টো* নিয়ম।

সূত্রঃ আমরা জানি ${f r}$ তম পদ ${f a}+({f r}-1){f d}$ অ<mark>র্থাৎ সূত্র এ</mark>কটাই।

* পদসংখ্যা বের করা:

ধরুন, ১০ মিটার পর পর ১টি করে গাছ লাগানো <mark>হ</mark>বে। তা<mark>হলে ১০০</mark> মিটার জায়গায় মোট ১০টি গাছ নয় বরং ১০ + ১ = ১১টি গাছ লাগানো হবে। (শুরুর গাছসহ ধর<mark>লে ১টি গাছ অতি</mark>রিক্ত হয়।)

* সমষ্টি বের করা:

সমান্তর ধারার প্রশ্নগুলোতে <mark>স</mark>মষ্টি <mark>দুই ভাবে বের করা যায়</mark>।

(i) শেষপদ দেয়া থাকলে সমষ্টি বের করা:

অর্থাৎ প্রশ্নের মধ্যেই প্রথ<mark>ম পদ ও শেষপদের উল্লেখ থাকবে:</mark> সরাসরি শুধু প্রশ্ন আর উত্তর না প<mark>ড়ে ১</mark>০ মিনিট সময় ধরে এই পেজের গল্পের মত কথাগুলো পড়<mark>লে আ</mark>শা করি সূত্র নিয়ে কনফিউশন তৈরি হবে না আবার কোন সূত্রই স<mark>হ</mark>জে ভুলে যাবেন না। শেষপদ দেয়া থাকলে সূত্র হলো:

সমষ্টি = পদসংখ্যা $\times \frac{$ শেষপদ – প্রথম পদ $}{$ সাধারণ অন্তর $}+ $$

উপরের এই সূত্র দুটি যাদের এলোমেলো লেগে যেতে পারে তারা এভাবে Practically ভাবতে পারেন।

আমরা জানি কয়েকটি রাশির সমষ্টি = রাশিগুলোর গড় 🗴 মোট রাশির **সংখ্যা**। এই সহজ টেকনিকটি দিয়েই সমষ্টির সূত্রটি খুব সহজে মনে রাখা যায়।

যেমন: একটি সিরিজ: ৪, ৬, ৮, ১০, ১২ সিরিজটির যোগফল সহজে বের করার নিয়ম হলো এখানে মোট রাশি বা পদসংখ্যা আছে ৫টি। এবং রাশিগুলোর গড় হচ্ছে গড়

$$=\frac{$$
শেষপদ + প্রথম পদ $}{2}=\frac{$ ك $+8}{2}=\frac{$ 5 $}{2}=$ ৮

তাহলে সবগুলোর সমষ্টি হবে ৫ × ৮ = ৪০। (এখানে এই গড় বের করার সূত্রটিই সমষ্টি বের করার সূত্রের শেষাংশ যেখানে শেষপদ ও প্রথম পদ যোগ করে নিচে দুটি রাশির জন্য ২ দিয়ে ভাগ করে গড় বের করতে হয়।)

<mark>তাহলে বার বার এভা</mark>বে ভাবলে সূত্রটি সহজে ভুলে যাবেন না ।

(i) শেষপদ দেয়া না থাকলে সমষ্টি বের করা:

<mark>প্রশ্নের মধ্যে শেষ পদের উল্লেখ</mark> না থেকে যদি পদের সংখ্যা কতটি তার উল্লেখ থাকে। তাহলে <mark>আগের সূত্রগু</mark>লো ব্যবহার করা যাবে না। শেষপদ না থাকলে সমষ্টি বের করার সূত্র

$$S = \frac{n}{2} \{2a + (n-1) d\}$$

<mark>* পদ্ধতি-২: বর্গ</mark> ও ঘন-সংখ্যার সম<mark>ষ্টি</mark>

* বর্গের সমান্তর ধারার সূত্র:

প্রথম n সংখ্যক স্বাভাবিক সংখ্যার বর্গের সমষ্টি অর্থাৎ, $(1^2 + 2^2 + 3^2 + 5^2 + \dots + n^2 = 4$ ধারার সমষ্টি S =n(n + 1)(2n + 1)

1.
$$1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3 = \left\{ \frac{n(n+1)}{2} \right\}^2$$

2. $1 + 2 + 3 + \dots + n = \frac{n(n+1)}{2}$

* পদ্ধতি-৩: গুণোত্তর ধারা

যে ধারার কোনো পদের সাথে তার পরবর্তী পদের অনুপাত সব সময় স<mark>মান</mark> হয়, সে ধা<mark>রাকে গুণোত্তর ধারা বলে ।</mark> যেমন: 3 + 6 + 12 + 24 + <mark>..... প্রতি পদের সাথে</mark> 2 গু<mark>ণ করে প</mark>র<mark>বর্তী</mark> পদ বের করা হয়েছে। <mark>যতগুণ করে বাড়ে বা কমে তাকে সাধারণ অনুপাত বলা হয় এবং</mark> সাধারণ অনুপাতকে q দারা প্রকাশ করা হয়।

🔰 গুণোত্তর ধারার সূত্র গুলো অবশ্যই মনে রাখুন:

1. r-তম পদ = aq^{r-1}

$$2.$$
 n সংখ্যক পদের সমষ্টি, $s=a imes rac{q^n-1}{q-1}$ $(q>1$ হলে)
$$s=a imes rac{1-q^n}{1-q}$$
 $(q<1$ হলে)

* গুণোত্তর ধারার পদের সমষ্টি বের করা:

গুণোত্তর ধারার প্রথম পদ a এবং সাধারণ অনুপাত q হলে ধারাটির n তম পদের সমষ্টি, $s = a \cdot \frac{q^n - 1}{q - 1}$



Teacher's Discussion

১, ২, ৪, ৮, ১৬, ধারাটির দশম পদ কত? [প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (খুলনা বিভাগ): ০৬]

ক. ২৫৬

খ. ৫০০

গ. ৫১২

ঘ. ৬২২

উত্তর: গ

২, ৩, ৫, ৮, ১৩, ২১, ৩৪, ধারাটির পরের সংখ্যাটি

কত?

[প্রাথমিক সহকারী শিক্ষক নিয়োগ পরীক্ষা (৩য় পর্যায়): ১৯]

ক. ১৬

খ. ৫৫

গ. ১৩

ঘ. ৩৫

উত্তর: খ

৩. ১,২,৩,৫,৮,..... ক্রমটির পরবর্তী পদ কত?

[প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (বসন্ত): ১০]

ক. ৭

খ. ৯

গ. ১৩

ঘ. ১৫

উত্তর: গ

উত্তর: খ

১, ৩, ৪, ৭, ১১, ১৯, ক্রমটির <mark>পরবর্তী প</mark>দ কত?

[প্রাথমিক বিদ্যালয় স<mark>হকারী শি</mark>ক্ষক (হেমস্ত): ১০]

ক. ২৫

খ. ২৯

গ. ৩৬

ঘ. ৪২

৫. ১, ৫, ১৩, ২৯, ৬১, ধারাটির প<mark>রবর্তী সং</mark>খ্যাটি কত?

[প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকা<mark>রী শিক্ষক (ইছামতি): ১০]</mark>

ক. ৭৬

খ. ১০২

গ. ১০৬

ঘ. ১২৫ উত্তর: ঘ

২, ৫, ১১, ২৩, ৪৭, ধারাটির পরবর্তী সংখ্যা কত?

[প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (রাজশাহী বিভাগ): ০৬]

ক. ৯৫

খ. ৭০

গ. ৫৮

ঘ. ৯৩

উত্তর: ক

১, ২, ৪, ৭, ক্রমটির পরবর্তী পদ কত?

[প্রাথমি<mark>ক</mark> বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (বসন্ত): ১০]

ক. ১১

খ. ১২

গ. ১৪

ঘ. ১৫

উত্তর: ক

৮. ১, ৩, ৬, ১০, ১<mark>৫,</mark> ক্রমটির পরবর্তী পদ কত?

[প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (হেমন্ত): ১০]

ক. ১৮

খ. ২১

গ. ২৪

ঘ. ৩০

উত্তর: খ

২, ৪, ৩, ৭, ৪, ১০, ৫, ধারাটির দশম পদ হবে-

[প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (সুরমা): ১০]

ক. ১৩

খ. ১৬

গ. ১৯

ঘ. ২১

উত্তর: খ

১০. ২, ৫, ৮, ১২, ১৪, ১৭, পরবর্তী সংখ্যাটি কত?

ক. ১৯

খ. ২০

গ. ২১

ঘ. ২২

উত্তর: খ

১১. ৩, ৫, ৪, ৮, ৫, ১১, ৬, ধারাটির দশম পদ হবে-

প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (তিতাস): ১০

季. 38

খ. ১৫

গ. ১৬

ঘ. ১৭

উত্তর: ঘ

১২. ২, ৫, ৭, ৮, ধারাটির অষ্টম পদ হবে-

[প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (তিস্তা): ১০]

本. 33

খ. ১২

গ. ১৩

ঘ. ১৪

উত্তর: ঘ

<mark>১৩. ৬৪, -৩২, ১৬, -৮,</mark>..... ধারাটির পরবর্তী সংখ্যা কত?

[প্রাথ<mark>মিক বিদ্যালয়</mark> সহকারী শিক্ষক (চট্টগ্রাম বিভাগ): ob]

ক. − ৪

খ. 8

গ . - ২

ঘ ১

উত্তর: খ

<mark>১ ৫ ১</mark> , ১ ৫ এর পরবর্তী <mark>সংখ্যাটি</mark> কত?

[প্রাথমিক বিদ্যাল<mark>য় প্রধান শিক্ষ</mark>ক (বরিশাল বিভাগ): ০৮]

উত্তর: ঘ

১৫. ০৪ থেকে ৮৪ <mark>পর্যন্ত ৪ দ্বারা</mark> বিভাজ্য সংখ্যাগুলোকে বড় হতে <mark>ছোট হিসেবে সজালে</mark> ৮ম সংখ্যাটি কত হবে?

প্রাথমিক সহকারী শিক্ষক নিয়োগ পরীক্ষা (১ম পর্যায়)–২০২২]

ক. কোনোটিই নয়

খ. ৫৬

ঘ. ৩২

১৬. একটি সমা<mark>ন্তর ধারার সাধারণ অন্তর ৯</mark> এবং ৭ম পদ ৬০ হলে ১২তম পদটি কত?

[প্রাথমিক সহকারী শিক্ষক নিয়োগ পরীক্ষা (৩য় পর্যায়)-২০২২]

S S . So C গ. ১০৫

গ. ৬০

ncrimeson

উত্তর: গ

১৭. 1+2+3+....+100 = কত?

ক. 5010 গ. 5049

খ. 5042

ঘ. 5050

খ. 22140

উত্তর: ঘ

১৮. $1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + 40^2 = \overline{\Phi}$

ক. 22132 গ. 23133

উত্তর: খ ঘ. 25410

প্রোথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (বরিশাল বিভাগ): ০৭] | ১৯. $1^3 + 2^3 + 3^3 + 4^3 + \dots + 10^3 =$ কত?

季. 3214 গ. 2014

খ. 4170 ঘ. 3025

উত্তর: ঘ

- ২০. $1^3 + 2^3 + 3^3 + 4^3 + \dots + (20)^3 = \overline{\Phi}$
 - ক. 44100
- খ. 44200
- গ. 45100
- ঘ. 45200
- উত্তর: ক
- $3 \cdot 1^3 + 2^3 + 3^3 + 4^3 + \dots + (60)^3 = \overline{40}$?
 - **季**. 3348800
- খ, 3348900
- গ. 3347100
- ঘ. 3347200
- উত্তর: খ
- ২২. 5+6+7+....+45= কত?
 - ক. 1023
- খ. 1026
- গ. 1025
- ঘ. 1029
- উত্তর: গ
- ২৩. 8, 9, 10 100 পর্যন্ত সংখ্যাগুলোর সমষ্টি কত?
 - ক. 5022
- খ. 2022
- গ. 4022
- ঘ. 6022
- উত্তর: ক
- $88. 1 + 3 + 5 + \dots + 19 = ?$
 - ক. 98
- খ. 99
- গ. 100
- উত্তর: গ
- $0.1 + 3 + 5 + \dots + 31 = ?$
 - 季. 256
- খ. 258
- গ. 260
- **উত্তর:** ক ঘ. 200
- ২৬. 1+3+5+....+(2x-1)= কত? [৩৬তম বিসিএস]
 - $\overline{\Phi}$. \mathbf{x}^2
- খ. x³
- গ. x
- ঘ. 2x
- উত্তর: ক্
- ২৭. 5+8+11+14+..... ধারাটির কোন পদ 302?
 - ক. 100 গ. 300
- খ. 200
- ঘ. 400
- উত্তর: ক

উত্তর: ক

- ২৮. 4+7+10+13+..... ধারাটির কোন পদ 301?
 - ক. 100 গ. 300
- খ. 200
- ঘ. 400
- ২৯. 1 + 5 + 9 + 13 + ধারাটির 15 তম পদ কত?
 - ক. 57
- গ. 61
- ঘ. 65
- উত্তর: ক
- ৩০. 2 5 12 19 <mark>...... ধারা</mark>টির 12 তম পদ কত?
 - ক. 78
- খ. -75
- গ. -78
- ঘ. 80
- উত্তর: খ
- ৩১. 5+11+17+23+.....+59=কত?
 - ক. 320
- খ. 340
- গ. 368
- ঘ. 384
- উত্তর: ক
- **92.** 1+4+7+10+.....+73=?
- খ. 925
- ক. 928 গ. 926
- উত্তর: খ ঘ. 927
- **99.** 1 + 5 + 9 + + 81 = ?
 - 季. 861
- খ. 862
- গ. 865
- ঘ. 867
- **উত্তর:** ক

[৩৬তম বিসিএস]

- ৩৪. $\log 3 + \log 9 + \log 27 +$ ১৫টি পদের সমষ্টি কত?
 - ▼. 50log2
- ♥. 120log3
- গ. 45log4
- ঘ. 50log3
- উত্তর: খ ৩৫. log5 + log25 + log125 + ১০টি পদের সমষ্টি কত?
 - ক. 50log4
- খ. 55log5
- গ. 45log2
- ঘ. 40log3
- উত্তর: খ
- ৩৬. 1 + 5 + 9 + + 81 ধারাটির গড় কত?
- খ. 43
- গ. 41
- ঘ. 40
- উত্তর: গ
- ৩৭. 128 + 64 + 32 + ধারাটির নবম পদ কত?
 - গ. 4
- ঘ. 3
- ৩৮. একটি গুণোত্তর অনুক্রম<mark>ে তৃতীয়</mark> পদটি 20 এবং ষষ্ঠ পদটি 160 হলে প্রথম পদটি-<u> (৩৭তম বিসিএস</u>)
 - ক. 4
- খ. 5
- গ. 6
- ঘ. 3
- উত্তর: খ
- ৩৯. $128 + 64 + 32 + \dots$ ধারা<mark>টির কো</mark>ন পদ $\frac{1}{2}$?
- 🗸 ক. 7 গ. 9
- খ. 8
- ঘ. -9 উত্তর: গ
- 80. 6+12+24+.........<mark>+384 ধা</mark>রাটির সমষ্টি কত?
 - 季, 650 গ. 760
- 킥. 700
 - ঘ. 762 **উত্তর:** ঘ
- 8\$. 12 + 24 + 48 + + 768 ধারাটির সমষ্টি কত?
 - 季. 1250
- খ. 750
- গ. 1524
- ঘ. 1624
- উত্তর: গ
- 8২. $1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8}$ ধারাটির ১ম আটটি পদের সমষ্টি কত?
 - ক. $\frac{200}{128}$ খ. $\frac{255}{128}$ গ. $\frac{355}{128}$ ঘ. $\frac{455}{128}$
- উত্তর: খ
- 8৩. 2-4+8-16+.....ধারাটির ১ম সাতটি পদের সমষ্টি কত? ক. 85 খ. 46
- 88. 5 + x + y + 135 গুণোত্তর ধারাভুক্ত হলে, $x \in y$ এর মান নিণয় কর।
 - ক. 10, 50

গ. 15, 45

- খ. 15, 46
- ঘ. 10, 40
- উত্তর: গ
- ৪৫. 3 + x + y + z + 243 গুণোত্তর ধারাভুক্ত হলে, x, y ও z এর মান নির্ণয় কর।
 - ▼. (1, 2, 3)

গ. (9, 27, 81)

- **뉙**. (4, 5, 6)
- ঘ. (9, 28, 48)

Student's Practice



 $37 + 36 + 35 + \dots + 21 = ?$

季. 492

খ. 493

- গ. 495
- ঘ. 499

উত্তর: খ

3+6+9+...+36=?

季. 231

খ. 200

গ. 234

ঘ. 238

৩. 8 + 16 + 24 + + ধারাটির ১ম 9 টি পদের সমষ্টি কত?

ক. 360

খ. 350

- গ. 375
- ঘ. 400

একটি সমান্তর ধারার চতুর্থ ও দ্বাদশ পদের যোগ<mark>ফল 20। তাহলে</mark> ১ম 15টি পদের যোগফল কত হবে? [৩৪তম বিসিএস]

ক. 155

খ. 150

গ. 148

ঘ. 146

 ϵ . একটি ধারার n তম পদ $M^{2n} - 5$, ধারাটির ২য় পদ 76 হলে m এর মান কত?

ক. 1

খ. 2

ঘ. 4

৬. একটি সমান্তর অনুক্রমে 5 তম পদটি 18 <mark>এবং প্রথ</mark>ম 5টি পদের যোগফল 75 হলে প্রথম কত? তি৮তম বিসিএসা

ক. 12

গ. 15

ঘ. 16

উত্তর: ক

 বিদ -5, p, q, 16 সমান্তর অনুক্রমে থাকে, তাহলৈ p ও q এর মান ১৬. 1 + 2 + 3 + + 99 =? হবে যথাক্রমে— [৪৪ তম বিসিএস]

 $(\bar{2}, -2, 9)$

- (খ) 2, 9
- (গ) -2, -9
- (ঘ) 2, -9

উত্তর: খ

৮. 1-1+1-1+...+n সংখ্যক পদের যোগফল হবে-

[৪৪ তম বিসিএস]

(ক) 0

- (খ) 1

৯. $\frac{1}{4} - \frac{1}{6} + \frac{1}{9} - \frac{2}{7}$ ধারাটির অসীম পদের সমষ্টি কত?

[৪৩তম বিসিএস]

- **▼**) $S_{\infty} = \frac{20}{3}$ **▼**) $S_{\infty} = \frac{3}{20}$
- **ঘ)** s∞ = 3
- উত্তর: খ
- ১০. $1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8}$ ধারাটির ১ম সাতটি পদের সমষ্টি কত?
 - $\Phi = \frac{120}{64}$

- ঘ. $\frac{122}{64}$
- উত্তর: গ

- ১১. $1 + \frac{1}{3} + \frac{1}{9} + \frac{1}{27}$ ধারাটির ১ম পাঁচটি পদের সমষ্টি কত?
 - $\Phi \cdot \frac{121}{81}$

খ. $\frac{135}{82}$

- গ. $\frac{140}{28}$
- ঘ. $\frac{45}{28}$

উত্তর: ক

১২. ১ – ৪৯ পর্যন্ত ক্রমিক সংখ্যাণ্ডলোর গড় কত? [৪২তম বিসিএস]

ক. ২৩

খ. ২৪.৫

- গ. ২৫
- ঘ. ২৫.৫

উত্তর: গ

٥٥. 1 + 5 + 9 + + 81 = ?

[৩৬তম বিসিএস] খ. 861

- ক. 961 গ. 761

ঘ. 661

উত্তর: খ

উত্তর: খ ১৪. 1³ + 2³ + 3³ + + n³ = ? [২৭তম বিসিএস]

 $\overline{\Phi}$. $\left[\frac{n(n+1)}{2}\right]^2$ \forall . $\frac{n(n+3)}{6}$

- গ. $\frac{n(n+1)^2}{2}$ ঘ. $\frac{n(n+2)(n+1)}{3}$

উত্তর: ক

১৫. log2 + log4 + log8 + ধারাটির প্রথম দশটি পদের সমষ্টি কত? [২৫তম বিসিএস]

▼. 45log2

খ. 55log2

গ. 65log2 ঘ. 75log2

উত্তর: খ

[২৫তম বিসিএস]

▼. 4650

খ. 4750

গ. 4850

ঘ. 4950

উত্তর: ঘ

১৭. 1² + 3² + 5² + + 31² =? [২৪তম বিসিএস] খ. 5456

季. 5356 গ. 5556

ঘ. 5656

[২৪তম বিসিএস]

(গ) [1 + (-1)ⁿ] (ঘ) $\frac{1}{2}$ [1 -1 (-1)ⁿ] তিন্তর: খ ১৮. 1 + 3 + 5 + + 31=?

ক. 258 গ. 254

ঘ. 252

উত্তর: খ

১৯. ৯, ৩৬, ৮১, ১৪৪, এর পরবর্তী সংখ্যাটি কত?

(২৪তম বিসিএস)

ক. ১৬৯ গ. ২৫৬ খ. ২২৫

ঘ. ২৭২

২০. কোনো সমান্তর প্রগমনে প্রথম দুটি সংখ্যা যদি ৫ ও ১৭ হয়, তবে তৃতীয় সংখ্যাটি কত? (২৩তম বিসিএস)

ক. ২২

খ. ২৫

গ. ২৯ ঘ. ৮৫ উত্তর: গ

২১. ১,১,২,৩,৫,৮,১৩,২১,৩৪,...... ধারাটির পরবর্তী সংখ্যা । ৩৩. ২ + ৪ + ৮ + ধারাটির আটটি পদের সমষ্টি কত? কত?

(২৩তম বিসিএস)

- ক. ৫৫ গ. ৬৮
- খ. ৪০ ঘ. ৮৯
- ২২. ১ থেকে ১০০ পর্যন্ত সংখ্যাগুলোর যোগফল কত? [১৮তম বিসিএস]
 - ক. ৪৯৯৯
- খ. ৫৫০১
- গ. ৫০৫০
- ঘ. ৫০০১
- উত্তর: গ
- ২৩. **লুপ্ত সংখ্যাটি কত? ৮১**, ২৭,, ৩,১ (১৭তম বিসিএস)
 - ক. ৬ গ. ১২
- খ. ৯ ঘ. ১৫
- উত্তর: খ
- ২৪. $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3$ ধারাটির যোগফল কত?
 - $\overline{\Phi}$. $\frac{n(n+1)}{2}$
- $\forall . \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$

- উত্তর: ঘ
- ২৫. ৫ থেকে ৩৫ পর্যন্ত সংখ্যা গুলোর যোগ<mark>ফল কত</mark>?
 - ক. ৬১০
- খ. ৬২০
- গ. ৬৩০
- ঘ. ৬৪০
- উত্তর: খ
- ২৬. ১, ৩, ৫..... ধারাটির কোন পদ ৩৮৩?
 - ক. ১৯০
- খ. ১৯১
- গ. ১৯২
- ঘ. ১৯৩
- উত্তর: গ
- ২৭. 1 + 4 + 7 + 10 + + 73 ধারাটির <mark>যোগফল কত</mark>?
 - ক. 900
- গ. 922
- ঘ. 925
- উত্তর: ঘ

উত্তর: গ

- $8b. 3 + 6 + 9 + \dots + 36 = ?$
 - ক. 230
- গ. 234 ঘ. 235
- ২৯. ১+২+৩+.....+৫০=?
 - ক. ১২৭০
- খ. ১২৭৫
- গ. ১২৮০
- ঘ. ১২৯০ 💛 💍 উত্তর: খ
- ৩০. 1+3+5+ ধারাটির ${f n}$ সংখ্যক পদের সমষ্টি কত?
 - ক. n²
- ঘ. $\frac{n(n+1)}{2}$
- উত্তর: ক
- $93. \quad 2^2 + 4^2 + \dots + 32^2 = ?$
 - ক. 5980

গ. n(n + 1)

- খ. 5982
- গ. 5984
- ঘ. 5990
- উত্তর: গ
- ৩২. $1+rac{1}{2}+rac{1}{4}+$ ধারাটির ১ম ছয়টি পদের সমষ্টি কত?

- $\overline{\Phi}$. $\frac{63}{32}$ খ. $\frac{64}{30}$ গ. $\frac{65}{32}$ ঘ. $\frac{63}{30}$
- উত্তর: ক

- - ক. ৫০০
- খ. ৫০৫
- গ. ৫১০
- ঘ. ৫২০ উত্তর: গ
- ৩৪. ২ + ৪ + ৮ + ধারাটির ৯ম পদের মান কত?
 - ক. ৫০৮
- খ. ৫০০
- গ. ৫১৫
- ঘ. ৫১২
- **উত্তর:** ঘ
- ৩৫. ২ + 8 + ৮ + ১৬ + ধারাটির কততম পদের মান ১২৮?
 - গ. ৭
- খ. ৬
- উত্তর: গ
- ৩৬. $1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \dots$ অসীম ধারাটির সমষ্টি কত?
- খ. 4
- গ. 7
- ঘ. 9
- উত্তর: ক
- ৩৭. $0.3 + 0.03 + 0.003 + \dots$ ধারাটির/অসীম পদের সমষ্টি কত?
 - ক. $\frac{1}{2}$ খ. $\frac{1}{3}$ গ. $\frac{1}{4}$ ঘ. $\frac{1}{5}$

- ৩৮. 1 1 + 1 1 ধা<mark>রাটির (</mark>2n + 1) সংখ্যক পদের 🥟 সমষ্টি কত?
 - ক. 1
- গ. 3
- ঘ. 4
- উত্তর: ক
- ৩৯. 1-1+1-1 ধারাটির (2n+2) সংখ্যক পদের সমষ্টি কত?
 - ক. 0
- খ. 20
- গ. 5
- ঘ. 10
- উত্তর: ক
- 80. ১ + ২ + ৩ +..... ধারাটির ১০০তম পদ কত?
 - ক. ১০২ 🚤 গ. ১০০
- খ. ১০৩
- ঘ. ১০১
- 85. ২ + 8 + ৬ + ধারাটির ১৮২ <mark>ত</mark>ম পদ কত?

- উত্তর: গ

উত্তর: গ

- ৪২. 4, 8, 12...... ধারার ৫ম পদ কত?
 - ক. 20 গ. 18
- খ. 22
- - ঘ. 16
- উত্তর: ক
- ৪৩. কোন সমান্তর ধারার ২য় পদ -২ এবং সাধারণ অন্তর ৫ হলে ৫ম পদ কত?
 - ক. ৩
- খ. ৮
- গ. ১৩
- উত্তর: গ
- 88. 4+8+16+32+.....ধারার সাধারণ অনুপাত কত?
 - ক. 2 গ. 4

ঘ. ১৮

৪৫. 1+2+4+... ধারার 6টি পদের যোগফল কত?

ক. 36

খ. 65

গ. 63

ঘ. 73

উত্তরঃ গ

৪৬. ১, ৪, ৭, ১০ ধারার ২৯তম পদটি কত?

ক. ৭৯

খ. ৮২

9. be

ঘ. ৮৮

৪৭. ২০, ২৩, ২৬, ২৯ ধারাটির ৩১তম পদ কত?

খ. ১০৭

গ. ১১০

ঘ. ১১৩

উত্তর: গ

8b. 3 + c + b + 30 + ... ধারাটির ১৫তম পদ হবে-

ক. ৬১

খ. ৫৩

গ. ৫৭

ঘ. ৬৫

উত্তর: গ

৪৯. ১, ২, ৩, ৪, n পর্যন্ত স্বাভাবিক সংখ্যা<mark>র যোগফ</mark>ল কত?

খ. $\frac{n(n+1)}{2}$

গ. $\frac{n(2n+1)}{2}$ $\overline{\qquad}$ $\left\{\frac{n(n+1)}{2}\right\}^2$

উত্তর: খ

৫০. ১ + ৩ + ৫ + + ১৯ স<mark>মান-</mark>

ক. ৯৮

খ. ১০১

গ. ১৯

ঘ. ১০০

সমাধান: পদসংখ্যা = $\frac{3\delta - 3}{3} + 3 = 30$ ।

∴ সমষ্টি = (প্রথম পদ + শেষ পদ) × পদ সংখ্যা

 $=\frac{2}{(2+2\beta)\times 20}=\frac{5}{50\times 20}=200$

উত্তর: ঘ

৫১. ১,১,২,৩,৫,৮, এই সংখ্যা পরম্পরায় অষ্টম পদ কত?

ক. ২১ খ. ১৩

গ. ১৯ ঘ. ১৬

সমাধান: সিরিজটি বিখ্যাত Fibonacci সিরিজ, যেখানে ৫৫. ১, ৩, ৭,, ২১, ৩১, ৪৩ ধারার মধ্যবর্তী সংখ্যা কত? যেকোনো পদ পূর্বের দুই পদের সমষ্টির সমান অর্থাৎ

১ম পদ = ১;

২য় পদ = 0 + 3 = 3;

৩য় পদ = ১ + ১ = ২;

8র্থ পদ = ২ + ১ = ৩;

৫ম পদ = ৩ + ২ = ৫;

৬ষ্ঠ পদ = ৫ + ৩ = ৮;

৭ম পদ = b' + C = 30;

এবং ৮ম পদ = ১৩ + ৮ = ২১

উত্তর: ক

৫২. ৪,৬,১০,১৮ সংখ্যার সিরিজের পঞ্চম সংখ্যাটি কত?

ক. ৩৬ খ. ৩৪ গ. ৩২ ঘ. ৩০

সমাধান: 8 + 2 = 9; 9 + 8 = 9;

50 + b = 5b; 5b + 5b = 98

উত্তর: খ

উত্তর: গ ৫৩. ৫ + ৮ + ১১ + ১৪ + ধারাটির কোন পদটি ৩০২ হবে?

ক. ৭০তম পদ

খ. ৮০তম পদ

গ, ৯০তম পদ

ঘ. ১০০তম পদ

সমাধান: এখানে, প্রথম পদ, a = 5;

সাধারণ অন্তর, d = 8 - 5 = 3

nতম পদ = a + (n-1)d

302 = 5 + (n-1)3

 \Rightarrow 302 = 5 + 3n - 3

 \Rightarrow 300 = 3n \Rightarrow n = 100

∴ 100 তম পদ।

৫৪. ৮, ৯, ১০,, ১০০ প<mark>র্যন্ত সংখ্</mark>যাগুলোর যোগফল কত?

ক. ৫০৫০

খ. ৫০৬০

গ. ৫০২২

घ. ৫৫०৫

সমাধান: পদ সংখ্যা = শেষ পদ – প্রথম পদ

$$=\frac{700-\beta}{200-\beta}+2=20$$

∴ সমষ্টি = $\frac{$ শেষ পদ + প্রথম পদ \times পদ সংখ্যা

$$=\frac{300+8}{2}\times 30=6055$$

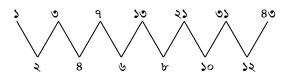
উত্তর: গ

উত্তর: ঘ

ক. ১৩

খ. ১৫ গ. ১৭ ঘ. ১৯

সমাধান:



ধারাটি লক্ষ্য করলে দেখা যায় পদগুলোর মধ্যকার অন্তরগুলোর মধ্যে ব্যবধান ২।

তাই মধ্যবর্তী সংখ্যাটি হবে ৭ + (৪ + ২) = ৭ + ৬ = ১৩

৫৬. লুপ্ত সংখ্যাটি কত? ৮০, ৯৬,, ১২৮

- ক. ৮৮
- খ. ১২০
- গ. ৬৪
- ঘ. ১১২

সমাধান: এখানে দেখা যাচ্ছে ৯৬ - ৮০ = ১৬;

এবং ১৬ \times ৫ = ৮০; ১৬ \times ৬ = ৯৬;

 $36 \times 9 = 332$; $36 \times 6 = 326$

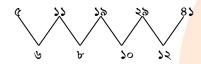
∴ লুপ্ত সংখ্যাটি ১১২

উত্তর: ঘ

৫৭. ৫ + ১১ + ১৯ + ২৯ + পরের সংখ্যাটি কত?

- ক. ৩৫
- খ. ৩৭
- গ. ৩৯
- ঘ. ৪১

সমাধান:



33 - 6 = 6; 35 - 33 = 6; 35 - 35 = 30

এভাবে ৬, ৮, ১০ ধারাটির চতুর্থ পদ = ১০ + ২ = ১২

∴ কাজ্জ্বিত সংখ্যাটি = ২৯ + ১২ = ৪১

উত্তর: ঘ

৫৮. ১১, ১৩, ১৭, ?, ৩১ ধারাটির '?' চিহ্নিত স্থানে কো<mark>ন সংখ্যাটি হ</mark>বে?

- ক. ২৩
- খ. ২১
- গ. ২৭ ঘ. ১৯

সমাধান: এখানে ১৩ + ১১ <mark>=</mark> ২ `

 $8 = c - \rho \zeta$

? – ১৭ = ৬

02 - ? = b



অর্থাৎ অন্তরগুলো <mark>একটি সমা</mark>ন্তর ধারা তৈরি করে যার সাধারণ

অন্তর ২।

∴ 8ৰ্থ পদ = ১৭ + ৬ = ২৩

উত্তর: ক

৫৯. ১৩,১৭,২৫,৪১-এর পরবর্তী সংখ্যা কী?

- ক. ৫০
- খ. ৬২
- গ. ৬৫

সমাধান: এখানে, ১৭ – ১৩ = 8

2% - 39 = 6,85 - 2% = 36

- ∴ পঞ্চম ও চতুর্থ সংখ্যার পার্থক্য হবে ৩২।
- ∴ পঞ্চম সংখ্যাটি = 8\$ + ৩২ = ৭৩

উত্তর: ঘ

৬০. ৮,১৩,২৩,৪৩,৮৩ এর পরবর্তী সংখ্যাটি কত?

- ক. ১৪৩
- খ. ১৬৩
- গ. ১৫৬
- ঘ. ১৪৬

সমাধান: ১৩ – ৮ = ৫ ২৩ – ১৩ = ১০

$$89 - 29 = 20$$
 $69 - 89 = 80$

৫, ১০, ২০, ৪০ এর পরবর্তী পার্থক্য হবে ৮০

∴ কাজ্জিত পদ = ৮০ + ৮৩ = ১৬৩

উত্তর: খ

<u>৬১. শূন্যছানের সংখ্যাটি কত?</u> ৫২, -----, ৩৯, ৩৪

- ক. ৫০
- খ. ৪৮
- গ. ৪৫
- ঘ. ৪২

সমাধান: ৩৯ – ৩৪ = ৫ I

<mark>এখন শূন্</mark>যস্থানে এমন কিছু ব<mark>সবে যার</mark> সাথে ৫২ ও ৩৯ এর <mark>পার্থক্য এবং</mark> ৫ সমান্তর প্রগম<mark>নে থাকে</mark> ।

অর্থাৎ ৫২ − ? = ৭

অথবা, ? – ৩৯ = ৬।

এখানে ৫, ৬ ও ৭ স<mark>মান্তর প্রগম</mark>ণ।

∴ কাজ্ফিত সংখ্যা ৩৯ + ৬ = ৪৫

উত্তর: গ

<mark>৬২. বিশেষ ক্রমানুযায়ী</mark> সাজানো ৯, ৩৬, ৮১, ১৪৪, ২২৫ সংখ্যাগুলোর পরবর্তী সংখ্যা কত হবে?

ক. ২৮৯

খ. ৩৬১

গ. ৩২৪

ঘ. ২৫৬

উত্তর: গ

সমাধানঃ

$$\Rightarrow \flat = (\mathfrak{d})^{\not >}$$

ধারাটি হলো ৩, ৬, ৯, ১২, ১৫, ১৮।

∴ কাঞ্জ্মিত পদটি হবে = (১৮)^২ = ৩২৪

৬৩. একটি সমান্তর ধারার প্রথম পদ ১, শেষ পদ ৯৯ এবং সমষ্টি ৬৫. ? চিহ্নিত ছানে কোন সংখ্যাটি বসবে? ২৫০০ হলে ধারাটির সাধারণ অন্তর হবে-

সমাধান: সমষ্টি = $\frac{n}{2} \{2a + (n-1)d\}$

 $[\because$ এখানে n= পদসংখ্যা, a= প্রথম পদ =1; d= সাধারণ অন্তর]

$$2500 = \frac{n}{2} \left\{ 2a + (n-1)d \right\}$$

$$\Rightarrow$$
 n{2a + (n - 1)d} = 5000(i)

আবার, পদসংখ্যা
$$n=\frac{ extit{cm} ext{8} \ ext{9} ext{F} - প্রথম পদ}{d}+1$$

বা, পদসংখ্যা
$$n = \frac{99-1}{d} + 1 = \frac{98}{d} + 1 = \frac{98+d}{d}$$

$$\Rightarrow$$
 nd = 98 + d \Rightarrow d (n - 1) = 98(ii)

এই মান (i) এ বসিয়ে পাই,

$$n{2.1 + (n-1) d} = 5000$$

$$\Rightarrow n\{2+98\} = 5000$$

$$\Rightarrow 100$$
n = $5000 \Rightarrow$ n = 50

সমীকরণ (ii) এ n এর মান বসিয়ে পাই.

$$d(50-1) = 98$$

$$d = \frac{98}{49} = 2$$

উত্তর: খ

৬৪. নিচের ক্রমটির পরবর্তী পদ কত? ৩,৪,৬,৫,৯,৬,.....

সমাধান: উপরিউক্ত ধারা বিজোড় ক্রমের পদগুলো একটি ধারা গঠন করে ৩, ৬, ৯, ১২, এবং জোড় ক্রমের পদগুলো গঠন করে আরেকটি ধারা ৪, ৫, ৬, ৭, ৮। আমাদের দরকার মূল ধারাটির ৭ম পদ যা বিজোড় ক্রমের ধারার ৪র্থ পদ।

উত্তর: গ

সমাধান: এখানে
$$e - o = e$$

অর্থাৎ অন্তরগুলো ৫, ৭, ৯, ১১ ... ধারাটি তৈরি করে যার সাধারণ

∴ এখন ৫ম পদটি হবে = ২১ + ১১ = ৩২

<mark>৬৬. ৯ + ৭ +</mark> ৫ ধারাটি<mark>র প্রথম n</mark> সংখ্যক পদের যোগফল-১৪৪ হলে n = কত?

সমাধান: এখানে, ১ম পদ, = 9;

সাধারণ অন্তর, d = 7 - 9 = -2;

পদসংখ্যা = n; সমষ্টি = -144

$$\therefore -144 = \frac{n}{2} \{2 \times 9 + (m-1)(-2)\}$$

$$\Rightarrow -144 = \frac{n}{2} (18 - 2n + 2)$$

$$\Rightarrow -144 = \frac{n}{2} \times 2 (10 - n)$$

$$\Rightarrow$$
 n² - 10 n - 144 = 0

$$\Rightarrow$$
 n² - 18 n + 8n - 144 = 0

$$\Rightarrow$$
 n(n - 18) + 8(n - 18) = 0

$$\Rightarrow$$
 (n - 18) (n + 8) = 8

$$\Rightarrow$$
 n = 18 or n = -8 (গ্রহণযোগ্য নয়)

উত্তর: ঘ



- ১. 5 + 8 + 11 + 14 + ধারার কোন পদ 302?
 - ক. 100
- খ. 101
- গ. 102
- ঘ. 103
- ২. ১ থেকে ১০০ পর্যন্ত সংখ্যাগুলোর যোগফল কত?
 - **季**. 4999
- খ. 5050
- গ. 5501
- ঘ. 5001
- ৩. ০৪ থেকে ৮৪ পর্যন্ত ৪ দ্বারা বিভাজ্য সংখ্যাগুলোকে বড় হতে ছোট হিসেবে সজাালে ৮ম সংখ্যাটি কত হবে?
 - ক. ৩২
- খ. ৫৬
- গ. ৬০
- ঘ. কোনোটিই নয়
- নিচের নম্বর সিরিজে কোনটি বসবে?
 - ১, ২, ৮, ৪৮, ৩৮৪,—
 - ক. ১৯৮০
- খ. ২৮৪০
- গ. ৩৮৪০ ঘ. ৪৬২০
- ৫. ০.০৩, ০.১২, ০.৪৮ শূন্যস্থানে সংখ্যাটি কত হবে?
 - ক. ০.৯৬
- খ. ১.৪৮
- গ. ১.৯২
- ঘ. ১.৫০
- ৬. একটি গুণোত্তর অনুক্রমে তৃতীয় পদটি ২০ এবং ষষ্ঠ (৬-তম) পদটি ১৬০ হলে প্রথম পদটি-
 - ক. ৫
- গ. ১২
- ঘ. ৮

- ৭. একটি গুণোত্তর অনুক্রমের দ্বিতীয় পদটি 48 এবং পঞ্চম পদটি
 - $\frac{3}{4}$ হলে, সাধারণ অনুপাত কত?

- ৮. 2+4+8+16+... ধারাটির n সংখ্যাক পদের সমষ্টি 254হলে n এর মান কত?
 - ক. 5
- খ. 6
- গ. 7
- ঘ. ৪
- ৯. $\frac{1}{4} \frac{1}{6} + \frac{1}{9} \frac{2}{7} + \dots$ ধারাটি অসীম পদের সমষ্টি কত?
 - ক. $S_{\infty} = \frac{20}{3}$ খ. $S_{\infty} = \frac{3}{20}$

 - গ. $S_{\infty} 20$ ঘ. $S_{\infty} = 3$
- ১০. $1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4}$ ১ম ৬টি পদের সমষ্টি কত?



your success benchmark